

例：整型数据范围溢出示例

```
#include<stdio.h>
int main( )
{
    int a = 2147483647, b = 1;
    printf("%d \n", a + b);
    return 0;
}
```

-2147483648

2147483647的补码

01 11 11 11 11 11 11 11 11 11 11 11 11 11 11 11

+1

10 00 00 00 00 00 00 00 00 00 00 00 00 00 00 00

- 2147483648的补码

- ▶ 如果将输出格式符%d改成%u（即按unsigned int型数据输出），则结果为2147483648。

5 程序数据描述（I） — 补充：整数的补码表示

郭延文

2019级计算机科学与技术系

补充阅读材料小结

- ▶ 二进制：解决计算机信息存储问题（知道★★）
- ▶ 八、十六进制：简化二进制（了解★）
- ▶ 原码：解决正负符号的存储问题（了解★）
- ▶ 补码：解决减法运算问题（知道★★）
- ▶ 尾数、指数：解决浮点数存储与计算问题（了解★）
- ▶ BCD码：解决常用十进制数值的存储和运算问题（哦）
- ▶ ASCII码：解决常用西文字的存储问题
（掌握‘0’、‘A’、‘a’的对应十进制！★★）

机器数

- ▶ 真值：在数值前面用“+”号表示正数，“-”号表示负数的带符号2进制数。
 - +1010111
 - -1010111
- ▶ 机器数：用“0”表示符号“+”，用“1”表示符号“-”，即把真值的符号“数值化”，分别用0和1表示（原码）。
 - 8位（1字节）：01010111, 11010111
 - 16位（2字节）：00000000 01010111, 10000000 01010111

补码

▶ 补码的简单求法

▶ **正数**：同原码

▶ **负数**：符号位同原码，其余各位取反，末位加1

真值X:	+1010111	-1010111
$[X]_{\text{原}}$ (8位):	01010111	11010111
$[X]_{\text{原}}$ (16位):	0000000001010111	1000000001010111
$[X]_{\text{补}}$ (8位):	01010111	10101001
$[X]_{\text{补}}$ (16位):	0000000001010111	1111111110101001

▶ 补码的优势

▶ 数据0的补码只有00000000(8位)

▶ 10000000(8位)是-128的补码

▶ 可将减法变成加法，结果正确

	(0000 0011)	补码	3
+	(1111 0011)	补码	-13
	<hr/>		
	(1111 0110)	补码	-10

► 8位二进制数:

$-128 \sim 127$

1000 0000 ~ 0111 1111

► 32位二进制数:

$-2147483648 \sim 2147483647$

1000 0000 0000 0000 0000 0000 0000 0000 ~

0111 1111 1111 1111 1111 1111 1111 1111



例：整型数据范围溢出示例

```
#include<stdio.h>
int main( )
{
    int a = 2147483647, b = 1;
    printf("%d \n", a + b);
    return 0;
}
```

-2147483648

2147483647的补码

01 11 11 11 11 11 11 11 11 11 11 11 11 11 11 11

+1

10 00 00 00 00 00 00 00 00 00 00 00 00 00 00 00

- 2147483648的补码

- 如果将输出格式符 **%d** 改成 **%u**（即按 unsigned int 型数据输出），则结果为 2147483648。

► 思考：

对于内存中的2进制数：

11111111 11111111 11111111 11111111 (4字节)

显示出来的十进制数是多少？

如果这是一个无符号类型的整型变量，显示为**4294967295**

如果这是一个有符号类型的整型变量（int），显示为**-1**

Q & A



为什么机器数表示还不够？ 1. 溢出问题

(For simplicity: 以8位为例，int其实是32位)

补充
内容

► 不考虑符号

$$\begin{array}{r} (1111\ 1111) \\ + (0000\ 0001) \\ \hline 1\ (0000\ 0000) \end{array}$$

► 考虑符号

$$\begin{array}{r} (0111\ 1111) \\ + (0000\ 0001) \\ \hline (1000\ 0000) \end{array}$$

为什么机器数表示还不够？

2. 更多的问题

► 问题1：0的机器数（原码）不唯一

- 以8位为例：00000000, 10000000

► 问题2：减法运算借位不方便

- 以8位为例：

$ \begin{array}{r} (0000\ 0011) \text{ 原码} \quad 3 \\ - (0000\ 1101) \text{ 原码} \quad -13 \\ \hline (\quad ?10) \text{ 原码} \end{array} $	$ \begin{array}{r} (0000\ 0011) \text{ 原码} \quad 3 \\ + (1000\ 1101) \text{ 原码} \quad -13 \\ \hline (1001\ 0000) \text{ 原码} \quad ? \end{array} $
---	--

► 解决办法：补码