Inertial Navigation System

一、惯性导航系统原理

1.惯性导航基础



导航状态:位置、速度和姿态 (PVA)

导航原理: 航位推算 (DR) vs 直接定位 (Direct Fixing)

惯性导航系统分为: 平台式 vs 捷联式

1. 惯性导航建立在牛顿经典力学定律的基础上,需要测量载体相对惯性空间的加速度和角速度。

2. 加速度计

测量相对于*惯性参考系*的加速度(称之为比力)

$$f = a - g$$
 (惯导比力方程)

- f = 加速度计输出(比力,Specific Force)
- a = 相对于惯性空间的运动加速度
- g=万有引力加速度



MEMS加速度计原理: 变距离式电容传感器

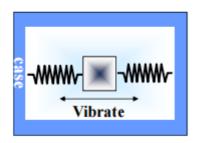
3. 陀螺仪

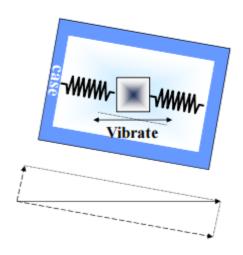
测量相对于*惯性参考系*的角速率

振动陀螺的原理



- □ 哥氏效应(Coriolis Effect)
 - 质量块受到内部激励产生固定频率和振幅的振动;
 - 当外壳发生转动时,振动质量块会产生哥氏加速度,通过检测哥氏加速度就可以间接测量壳体的角运动。





→ Sagnac 效应

© Dr. Xiaoji Niu, Nav. Group, WHU

21



MEMS陀螺都是基于振动陀螺(哥氏效应)的原理制造的

4. 惯导系统特性

惯性导航系统特性



- □ 优点
 - 完全自主性和高可靠性(军用和航空航天)
 - 导航信息丰富
 - 动态性能好(采样率高、频带宽)
- □ 缺点
 - 惯性导航误差随时间累积

$$\delta r_{\scriptscriptstyle N} = \delta r_{\scriptscriptstyle N,\,0} + \delta v_{\scriptscriptstyle N,\,0} \cdot t + rac{1}{2} (g \cdot \delta heta_{\scriptscriptstyle 0} + b_{\scriptscriptstyle aN}) \, t^{\,2} + rac{1}{6} (g \cdot b_{\scriptscriptstyle gE}) \, t^{\,3}$$

- 需要初始信息
- 成本高、笨重

→ 引入辅助信息

→ 惯导等级分类

© Dr. Xiaoji Niu, Nav. Group, WHU

36

5. ins的精度等级

INS的精度等级



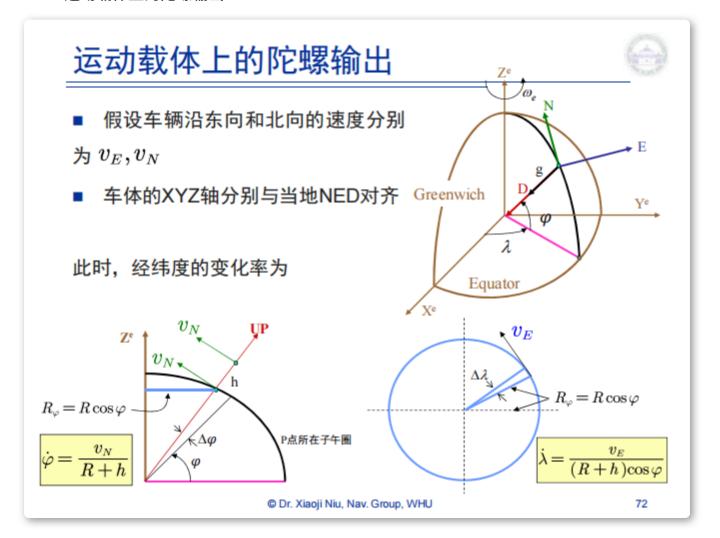
	战略级 Strategic-Grade	导航级 Navigation-Grade	战术级 Tactical-Grade	微机械级 MEMS
定位 误差*	< 30 m/hr	0.5 – 2 nmi/hr (70-100k USD)	10-20 nmi/hr (10-20K USD)	1
陀螺 零偏	0.0001 deg/hr	大约地球自转的 1/1000,0.015 deg/hr	1- 10 deg/hr	1
加速度计零偏	1 ug	50 – 100 ug	100 – 1000 ug	1
应用领域	□ 洲际弹道导弹 □ 潜艇	□航空、航海 □高精度测绘	□ 短时间应用(战 术导弹) □与GPS组合使用	1

* 陀螺零偏是核心指标

* 1 nmi (海里) ≈1.8 km

2.惯性器件的误差

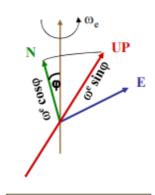
1. 运动载体上的陀螺输出



运动载体上的陀螺输出



■ 陀螺输出



$$\dot{\lambda} = \frac{v_E}{(R+h)\cos\varphi}$$

$$\omega_E = -\dot{arphi} = -rac{v_N}{\underbrace{R+h}}$$

$$egin{aligned} \omega_{\scriptscriptstyle N} &= \dot{\lambda}\cos\varphi + \omega_e\cos\varphi \ &= & \underbrace{\frac{v_{\scriptscriptstyle E}}{R+h}}_{\mbox{\scriptsize disc}} + & \underbrace{\omega_e\cos\varphi}_{\mbox{\scriptsize bis}} \end{aligned}$$

Dr. Xiaoji Niu, Nav. Group, WHU

73

2. 常用坐标系

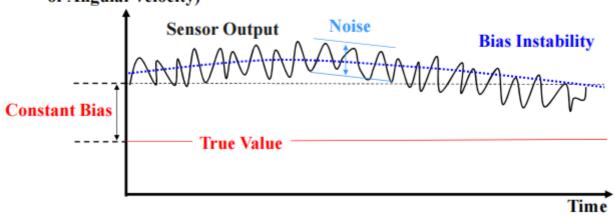
- 实用惯性坐标系(i-frame)
- 地心地固坐标系 (ECEF, e-frame)
- 导航坐标系(n-frame),又称当地水平坐标系、地理坐标系
- IMU坐标系(b-frame)
- 3. 传感器误差的成分
- 常值误差(Constant error)
- 重复性(Repeatability) -- multiple runs
- 稳定性(Stability)-- within one run

静态误差



- □ 以零偏为例来理解不同的误差成分
 - 常值零偏
 - 零偏稳定性, 噪声

Sensor Output (Acceleration or Angular velocity)



© Dr. Xiaoji Niu, Nav. Group, WHU

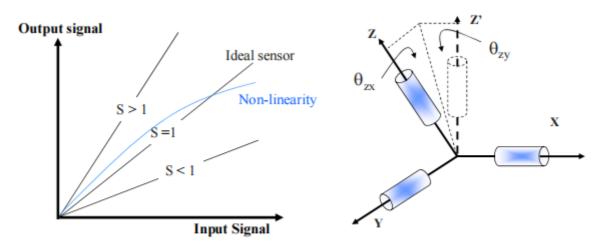
80

动态误差



- □ 比例因子:
 - 输出被测量的信号/输入物理量
- * 比例因子有没有噪声?

- 非线性:
 - 随输入信号变化的比例因子
- 轴偏移/轴交叉:
 - 每个轴的输出受到其它两个轴的输入的影响



© Dr. Xiaoji Niu, Nav. Group, WHU

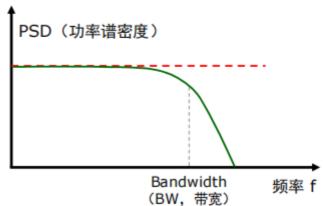
81

噪声(Noise)



噪声

- 高频误差,完全随机(相邻历元不相关)
- 白噪声模型:功率谱密度在整个频域内均匀分布的噪声
- 实际白噪声的带宽
- 别名: angular random walk (ARW) & velocity random walk (VRW)



ightarrow Example of noise vs. averaging time ightharpoonspin Dr. Xiaoji Niu, Nav. Group, WHU

82

噪声(Noise)



□ 白噪声模型参数

- 功率谱密度(PSD): (信号单位)²/Hz
 - □ 常用PSD单位开根号来表示: (信号单位)/sqrt(Hz)
- 谱密度单位
 - □ 角速度: rad/s/sqrt(Hz), deg/s/sqrt(Hz), deg/sqrt(hr)
 - □ 加速度: m/s2/sqrt(Hz), m/s/sqrt(hr), mGal/sqrt(Hz)
- 幅度(RMS)与带宽的平方根成正比

信号总能量 = PSD × BW = RMS2

■ 通过求平均来降低噪声的幅度:幅度(RMS)与平均 时间的平方根成反比

→ Example of noise vs. averaging time

© Dr. Xiaoji Niu, Nav. Group, WHU

• 热敏感度(Thermal sensitivity,温漂)

陀螺测量模型



□ 陀螺的测量值

$$\tilde{oldsymbol{\omega}} = oldsymbol{\omega} + oldsymbol{\mathbf{S}} oldsymbol{\mathbf{S}} oldsymbol{\omega} + oldsymbol{\mathbf{S}} oldsymbol{\mathbf{S}} oldsymbol{$$

■ ~~~~ : 测量值 (deg/hr)

■ ω : 真实的角速度(deg/hr)■ bω : 陀螺零偏 (deg/hr)

S : 陀螺比例因子误差矩阵N : 陀螺交轴耦合误差矩阵

€ω: 陀螺传感器噪声矢量 (deg/hr)

$$oldsymbol{b}_{\omega} = egin{bmatrix} b_{\omega,x} \ b_{\omega,z} \end{bmatrix} \qquad oldsymbol{S} = egin{bmatrix} s_x & 0 & 0 \ 0 & s_y & 0 \ 0 & 0 & s_z \end{bmatrix} \qquad oldsymbol{N} = egin{bmatrix} 0 & \gamma_{xy} & \gamma_{xz} \ \gamma_{yx} & 0 & \gamma_{yz} \ \gamma_{zx} & \gamma_{zy} & 0 \end{bmatrix}$$

© Dr. Xiaoji Niu, Nav. Group, WHU

87

5. 加速度计测量模型

加速度计测量模型



□ 加速度计的测量值

$$\tilde{\boldsymbol{f}} = \boldsymbol{f} + \boldsymbol{b}_f + \mathbf{S}_1 \boldsymbol{f} + \mathbf{S}_2 \boldsymbol{f}^2 + \mathbf{N} \boldsymbol{f} + \delta \boldsymbol{g} + \boldsymbol{\varepsilon}_f$$

■ f̃:测量值 (m/sec²)

■ **f** : 真实比力 (m/sec²)

■ \boldsymbol{b}_f :加速度计零偏 (m/sec²)

■ S_1 :线性比例因子误差矩阵

■ S₂ : 非线性比例因子误差矩阵

■ N : 交轴耦合矩阵

■ δq : 重力异常

 $oldsymbol{arepsilon}_f$:加速度计传感器噪声矢量 (m/sec²)

@ Dr. Xiaoji Niu, Nav. Group, WHU

88

6. 误差模型

误差模型

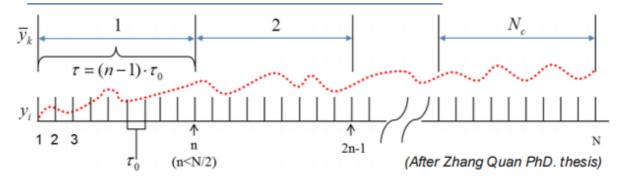


- □ 基本的误差成分
 - 常值误差
 - 重复性
 - 不稳定性
 - 噪声

- □ 随机模型
 - 高斯白噪声
 - 随机游走
 - 一阶高斯马尔科夫过程
 - 随机常数
- □ 误差模型的识别与参数确定方法
 - 自相关分析(auto-correlation)
 - 功率谱密度分析 (power spectrum density, PSD)
 - Allan方差分析(Allan variance analysis)

Allan方差计算





- Step 1 分块:按窗口长度 $\tau = (n-1)t_0$ 将序列 y 分成 N_c 块(clusters),每块包n 个数据点,块间无重叠。
- $\overline{y}_k = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} y_i$ Step 2 块平均: 分别计算各块内n个数据点的均值, 记为 $\overline{y}_k = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} y_i$
- □ Step 3 计算Allan方差:

$$\sigma^2(au) = rac{1}{2(N_c-1)} \sum_{k=1}^{N_c-1} (\,\overline{y}_{k+1} - \overline{y}_k)^2$$

□ 改变块长度,重复1~3,并画出Allan标准差随块长度 <mark>=</mark> 变化的双对数曲线。

→ 注意事项

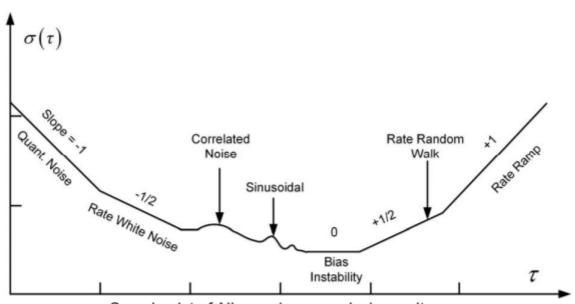
Dr. Xiaoji Niu, Nav. Group, WHU

96

Allan方差分析方法



□ 根据Allan标准差曲线的形状识别主要随机误差类型,计 算随机误差的模型参数



Sample plot of Allan variance analysis results

(After IEEE Std 647-1995, Annex C)

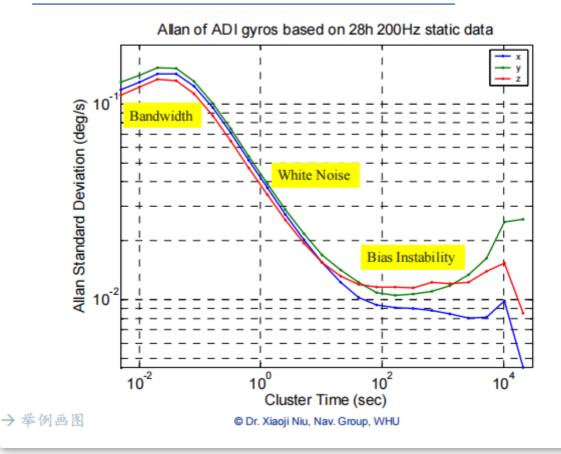
@ Dr. Xiaoji Niu, Nav. Group, WHU

97

Allan 方差 - 误差模型识别案例



98



3.惯性器件的标定



标定的重要性: 去除系统误差(陀螺零偏)

1. 加速度计标定

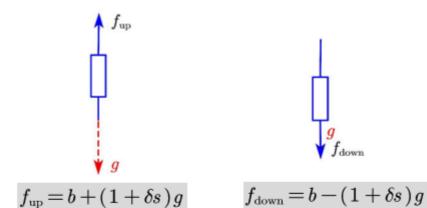
• 参考源: 地球重力

• 方法:两位置,六位置法静态测试

加速度计的两位置法静态标定



□ 考虑一个静止加速度计的敏感轴分别朝上和朝下 (两位置)



加速度计的零偏b和比例因子δs误差可以这样计算:

$$b = \frac{f_{\rm up} + f_{\rm down}}{2}$$

$$\delta s = \frac{f_{\rm up} - f_{\rm down}}{2g} - 1$$

* 与测绘操作类比

© Dr. Xiaoji Niu, Nav. Group, WHU

103

加速度计的六位置法标定算法



□ 加速度计的测量模型可写作如下矩阵形式

$$\tilde{f} = f + b_f + Sf + Nf + \varepsilon_f$$

$$\begin{bmatrix} \tilde{f}_x \\ \tilde{f}_y \\ \tilde{f}_z \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} s_x & \gamma_{yx} & \gamma_{zx} \\ \gamma_{xy} & s_y & \gamma_{zy} \\ \gamma_{xz} & \gamma_{yz} & s_z \end{bmatrix} \begin{bmatrix} f_x \\ f_y \\ f_z \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} b_{ax} \\ b_{ay} \\ b_{az} \end{bmatrix} \Longrightarrow \begin{bmatrix} \tilde{f}_x \\ \tilde{f}_y \\ \tilde{f}_z \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} s_x & \gamma_{yx} & \gamma_{zx} & b_{ax} \\ \gamma_{xy} & s_y & \gamma_{zy} & b_{ay} \\ \gamma_{xz} & \gamma_{yz} & s_z & b_{az} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} f_x \\ f_y \\ f_z \\ 1 \end{bmatrix} \Longrightarrow \tilde{\mathbf{f}} = \mathbf{M} \begin{bmatrix} \mathbf{f} \\ 1 \end{bmatrix}$$

f 三轴加速度计的实际输出

- 7 交轴耦合误差分量
- 8 比例因子, *注意不是比例因子误差
- f 理想加速度计输出
- □ 六位置法:依次让XYZ三轴加速度计敏感轴分别竖直向上和竖直 向下静置一段时间,采集六次加速度计的原始输出,取均值。
 - 六位置: 1 = x_up; 2 = x_down; 3 = y_up; 4 = y_down; 5 = z_up; 6 = z_down;
- □ 各位置理想加速度计输出

$$\boldsymbol{f}_{1} = \begin{bmatrix} g \\ 0 \\ 0 \end{bmatrix} \quad \boldsymbol{f}_{2} = \begin{bmatrix} -g \\ 0 \\ 0 \end{bmatrix} \quad \boldsymbol{f}_{3} = \begin{bmatrix} 0 \\ g \\ 0 \end{bmatrix} \quad \boldsymbol{f}_{4} = \begin{bmatrix} 0 \\ -g \\ 0 \end{bmatrix} \quad \boldsymbol{f}_{5} = \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ g \end{bmatrix} \quad \boldsymbol{f}_{6} = \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ -g \end{bmatrix}$$

@ Dr. Xiaoji Niu, Nav. Group, WHU

加速度计的六位置法标定算法(续)



□ 六位置的加速度计输出模型可以写作如下矩阵形式

$$\begin{bmatrix} \tilde{\mathbf{f}}_1 & \tilde{\mathbf{f}}_2 & \tilde{\mathbf{f}}_3 & \tilde{\mathbf{f}}_4 & \tilde{\mathbf{f}}_5 & \tilde{\mathbf{f}}_6 \end{bmatrix} = \mathbf{M} \begin{bmatrix} \mathbf{f}_1 & \mathbf{f}_2 & \mathbf{f}_3 & \mathbf{f}_4 & \mathbf{f}_5 & \mathbf{f}_6 \\ 1 & 1 & 1 & 1 & 1 & 1 \end{bmatrix}$$

简写为

$$L = MA$$

■ 其中

$$\mathbf{L} = \begin{bmatrix} \tilde{\boldsymbol{f}}_1 & \tilde{\boldsymbol{f}}_2 & \tilde{\boldsymbol{f}}_3 & \tilde{\boldsymbol{f}}_4 & \tilde{\boldsymbol{f}}_5 & \tilde{\boldsymbol{f}}_6 \end{bmatrix}$$

$$\mathbf{A} = \begin{bmatrix} \mathbf{f}_1 & \mathbf{f}_2 & \mathbf{f}_3 & \mathbf{f}_4 & \mathbf{f}_5 & \mathbf{f}_6 \\ 1 & 1 & 1 & 1 & 1 & 1 \end{bmatrix}$$

□ M矩阵中中包含12个待估参数,共有18个方程。可用最小二乘法 求解M

$$\hat{\mathbf{M}} = \mathbf{L}\mathbf{A}^{\mathrm{T}}(\mathbf{A}\mathbf{A}^{\mathrm{T}})^{-1}$$

*12位置法标定方法

→ Summary of standard cali.

© Dr. Xiaoji Niu, Nav. Group, WHU

106

2. 陀螺的标定

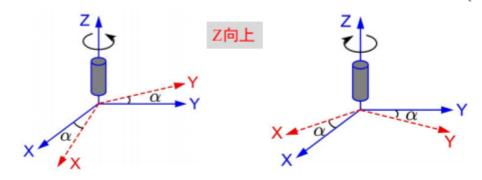
• 参考源: 地球自转或转台旋转

• 方法: 角速率测试

陀螺标定原理



□ IMU分别绕Z轴陀螺正方向和反方向旋转相同大小的参考角度 (α)



$$\tilde{\alpha}_1 = b_{gz}t + (1 + \delta s_{gz})\alpha + (\omega_e \sin \varphi)t$$

$$\tilde{\alpha}_2 = b_{gz}t - (1 + \delta s_{gz})\alpha + (\omega_e \sin \varphi)t$$

□ Z轴陀螺的零偏和比例因子误差的计算如下:

$$b_{gz} = \frac{\tilde{lpha}_1 + \tilde{lpha}_2}{2t} - (\omega_e \sin arphi)$$

$$\delta s_{gz} = \frac{\tilde{\alpha}_1 - \tilde{\alpha}_2}{2\alpha} - 1$$

- □ t表示转动的时间;忽略了比例因子误差对地球自转角速度的影响
 - 思考:为什么不用角速度率标定?应该采用多大的角速度率?

@ Dr. Xiaoji Niu, Nav. Group, WHU

107

3. 标定总结

标定方法总结



- □ 标定的精度依赖于各轴相对于参考坐标对准的准确 性。
- 为了获得准确的标定结果,需要一些专业设备(如转台或规则的立方体)来获得IMU的精确姿态和旋转角。
- □ 由于对专业设备的依赖性,这些标定方法主要设计 用于实验室测试、厂家校准和对较高精度的IMU的 标定。

→ New calibration method

© Dr. Xiaoji Niu, Nav. Group, WHU

108

4.INS的初始对准

1. INS的初始化

初始位置: 给定/从GPS初始速度: 零/给定

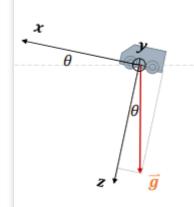
• 初始姿态: *初始对准*(静态粗对准,非常重要)

2. 静态粗对准原理

静态粗对准—加速度计调平原理



- 口 加速度计调平
 - 利用加速度计测量值确定水平姿态角



$$a_x = g \cdot \sin \theta \Rightarrow \theta = \arcsin \frac{a_x}{g} pprox \frac{a_x}{g}$$

$$\hat{a}_x = a_x + \delta a_x = g \cdot \sin \theta + \delta a_x$$

$$\Rightarrow \hat{\theta} = \arcsin \frac{\hat{a}_x}{g} \approx \frac{\hat{a}_x}{g} = \frac{a_x + \delta a_x}{g}$$

$$= \theta + \frac{\delta a_x}{g}$$

$$\Rightarrow \delta \hat{\theta} \approx \frac{\delta a_x}{g}$$

@ Dr. Xiaoji Niu, Nav. Group, WHU

120

静态粗对准—陀螺罗盘

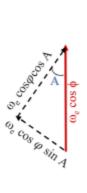


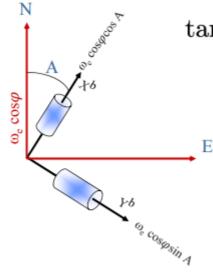
□ 在加速度计调平的基础上:

$$\omega_x^b = \omega_e \cos \varphi \cos A$$

$$\omega_y^b = -\omega_e \cos \varphi \sin A$$

 $\tan A = -\omega_y^b/\omega_x^b \Rightarrow \text{Azimuth}$





© Dr. Xiaoji Niu, Nav. Group, WHU

静态解析粗对准—双矢量定姿



- 静置在地面上的IMU, 其加速度计测量值的是重力加速度向量在b 系中的分量,陀螺输出为地球自转角速度向量在b系中的投影。
- 根据向量在不同坐标系下的转换关系,有

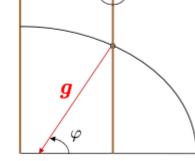
$$\boldsymbol{g}^{b} = \mathbf{C}_{n}^{b} \boldsymbol{g}^{n}, \ \boldsymbol{\omega}_{ie}^{b} = \mathbf{C}_{n}^{b} \boldsymbol{\omega}_{ie}^{n}$$

定义向量

$$oldsymbol{v} = oldsymbol{g} imes oldsymbol{\omega}_{ie}$$

$$oldsymbol{v}^b = oldsymbol{\mathbf{C}}_n^b oldsymbol{v}^n$$

写成矩阵:
$$[\boldsymbol{g}^b \ \boldsymbol{\omega}_{ie}^b \ \boldsymbol{v}^b] = \mathbf{C}_n^b [\boldsymbol{g}^n \ \boldsymbol{\omega}_{ie}^n \ \boldsymbol{v}^n]$$



求解姿态矩阵

$$\mathbf{C}_b^n = egin{bmatrix} (oldsymbol{g}^n)^{\mathrm{T}} \ (oldsymbol{\omega}_{ie}^n)^{\mathrm{T}} \ (oldsymbol{v}^n)^{\mathrm{T}} \end{bmatrix}^{-1} egin{bmatrix} (oldsymbol{g}^b)^{\mathrm{T}} \ (oldsymbol{\omega}_{ie}^b)^{\mathrm{T}} \ (oldsymbol{v}^b)^{\mathrm{T}} \end{bmatrix}$$

© Dr. Xiaoji Niu, Nav. Group, WHU

C: 为从b系到n系的坐标 变换矩阵, 是正交矩阵 *上下标的含义

$$\mathbf{C}_b^n = (\mathbf{C}_n^b)^{-1} = (\mathbf{C}_n^b)^{\mathrm{T}}$$

静态解析粗对准(续)



□ 具体算法实现

$$oldsymbol{g}^n = egin{bmatrix} 0 \ 0 \ g \end{bmatrix} oldsymbol{\omega}_{ie}^n = egin{bmatrix} \omega_e \cos arphi \ 0 \ -\omega_e \sin arphi \end{bmatrix} oldsymbol{\omega}_{ie}^b = oldsymbol{\omega}_{ib}^b = egin{bmatrix} \omega_{ib,x} \ \omega_{ib,y} \ \omega_{ib,z} \end{bmatrix} oldsymbol{g}^b = -oldsymbol{f}^b = egin{bmatrix} -f_x \ -f_y \ -f_z \end{bmatrix}$$

$$oldsymbol{\omega}_{ie}^b = oldsymbol{\omega}_{ib}^b = egin{bmatrix} \omega_{ib,x} \ \omega_{ib,y} \ \omega_{ib,z} \end{bmatrix}$$

$$oldsymbol{g}^{\,b} = -\,oldsymbol{f}^{\,b} = egin{bmatrix} -\,f_y \ -\,f_z \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} (\boldsymbol{g}^n)^{\mathrm{T}} \\ (\boldsymbol{\omega}_{ie}^n)^{\mathrm{T}} \\ (\boldsymbol{v}^n)^{\mathrm{T}} \end{bmatrix}^{-1} = \begin{bmatrix} \frac{\tan \varphi}{g} & \frac{1}{\omega_e \cos \varphi} & 0 \\ 0 & 0 & \frac{1}{g\omega_e \cos \varphi} \\ \frac{1}{g} & 0 & 0 \end{bmatrix}$$

- 口 只有当 g^n, ω_i^n 两个向量不共线时,上述逆矩阵才存在。
- □ 解析粗对准方法不能用于地球两极地区;测量误差的存在使得姿 态矩阵不是正交矩阵。

C Dr. Xiaoji Niu, Nav. Group, WHU

静态解析粗对准(续)



□ 数值稳定性: 先对参与解算的矢量做单位化和正交化处理

定义向量
$$oldsymbol{v}_g = rac{oldsymbol{g}^n}{|oldsymbol{g}^n|}, \quad oldsymbol{v}_\omega = rac{oldsymbol{g}^n imes oldsymbol{\omega}_{ie}^n}{|oldsymbol{g}^n imes oldsymbol{\omega}_{ie}^n|}, \quad oldsymbol{v}_{g\omega} = rac{oldsymbol{g}^n imes oldsymbol{\omega}_{ie}^n imes oldsymbol{g}^n}{|oldsymbol{g}^n imes oldsymbol{\omega}_{ie}^n imes oldsymbol{g}^n|}$$

定义向量
$$\boldsymbol{w}_{g} = \frac{\boldsymbol{g}^{b}}{|\boldsymbol{g}^{b}|}, \quad \boldsymbol{w}_{\omega} = \frac{\boldsymbol{g}^{b} \times \boldsymbol{\omega}_{ie}^{b}}{|\boldsymbol{g}^{b} \times \boldsymbol{\omega}_{ie}^{b}|}, \quad \boldsymbol{w}_{g\omega} = \frac{\boldsymbol{g}^{b} \times \boldsymbol{\omega}_{ie}^{b} \times \boldsymbol{g}^{b}}{|\boldsymbol{g}^{b} \times \boldsymbol{\omega}_{ie}^{b} \times \boldsymbol{g}^{b}|}$$

求解姿态 矩阵

$$\mathbf{C}_b^n = egin{bmatrix} oldsymbol{v}_g^{\mathrm{T}} \ oldsymbol{v}_g^{\mathrm{T}} \ oldsymbol{v}_g^{\mathrm{T}} \ oldsymbol{v}_{g\omega} \end{bmatrix}^{-1} egin{bmatrix} oldsymbol{w}_g^{\mathrm{T}} \ oldsymbol{w}_{\omega}^{\mathrm{T}} \ oldsymbol{v}_{g\omega} \end{bmatrix} = egin{bmatrix} oldsymbol{v}_g & oldsymbol{v}_\omega & oldsymbol{v}_{g\omega} \end{bmatrix} egin{bmatrix} oldsymbol{w}_g^{\mathrm{T}} \ oldsymbol{w}_{\omega}^{\mathrm{T}} \ oldsymbol{v}_{g\omega} \end{bmatrix}$$

如此得到的姿态矩阵必然为单位正交矩阵,再根据所得姿态矩阵 求解相应的姿态角。

@ Dr. Xiaoji Niu, Nav. Group, WHU

130

静态解析粗对准(续)



- □ 根据姿态矩阵计算姿态角
 - 方向余弦矩阵 \mathbb{C}_b^n 的第 i 行第 j 列的元素记作 c_{ij} , $1 \leq i,j \leq 3$
 - 首先计算俯仰角

$$\theta = \tan^{-1} \frac{-c_{31}}{\sqrt{c_{32}^2 + c_{33}^2}}, \ |\theta| \leqslant \frac{\pi}{2}$$

■ 计算横滚角

$$\phi = \tan^{-1} \frac{c_{32}}{c_{33}}, \ |\phi| \leq \pi$$

■ 计算航向角

$$\psi = \tan^{-1}\frac{c_{21}}{c_{11}}, \ |\psi| \! \leqslant \! \pi$$

@ Dr. Xiaoji Niu, Nav. Group, WHU

131

其它初始对准方法



- □ 精对准:
 - 当载体姿态有轻微晃动时;
 - 以粗对准作为初始值,利用零速等先验信息通过 Kalman滤波器修正惯导姿态,使精度进一步收 敛,跟上实时变化。
- □ 动对准:
 - 当载体运动时;
 - 利用GPS等外界辅助信息,以重力、载体速度、 加速度等作为观测向量。

Dr. Xiaoji Niu, Nav. Group, WHU

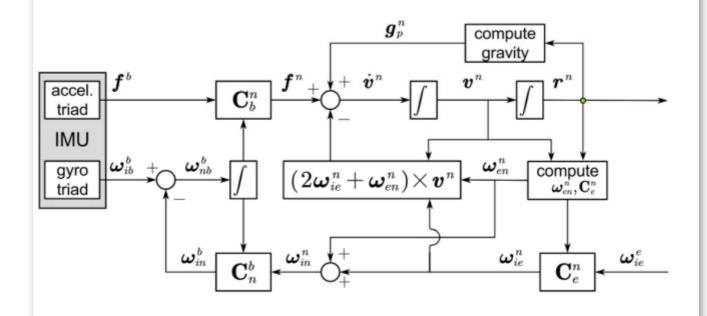
132

5.惯导设备的使用

1. INS 算法



□ 一种典型的INS机械编排框图



Dr. Xiaoji Niu, Nav. Group, WHU

134

2. INS 测量

INS测量



- □ 在使用惯导系统做测量应用之前
 - 1. 认真阅读设备使用手册
 - 2. 测试标定惯导系统,估计出加速度计和陀螺仪的零偏和比例 因子误差的确定性部分,并加以补偿
 - 3. 采集长时间的设备数据,用来估计加速度计和陀螺的随机误差特性(例如,白噪声、零偏的一阶Gauss-Markov过程参数)
 - 4. 根据陀螺的噪声参数(ARW)估算所需初始对准的时长(考虑现实可行性),以保证初始对准的航向角精度
- □ 做动态测试来演练并考核系统性能
 - 1. 验证导航算法实现的正确性, 精调算法参数, 预估辅助信息更新所需要的频率来保障一定的测量精度.
 - 2. 需要一个好的参考轨迹 (参考真值,通常是 GPS).
 - 3. 测试轨迹通常是富含典型动态信息的 "L"或 "S"形轨迹.

INS测量 (续)



□ 典型的正式测试任务

外业:

- 1. 静态模式下5-15分钟初始对准
- 2. INS初始化 (初始化速度和位置)
- 3. (初始动态以便组合导航算法收敛)
- 4. 定期进行零速修正 (ZUPT) 或坐标修正 (CUPT)
- 5. (结束前动态改善反向平滑算法效果)
- 6. 结束前静止1-2分钟

内业:

- 7. 用惯导算法和Kalman 滤波进行数据处理(实时或事后)
- 8. 反向平滑处理(事后)
- 9. 结果显示、检查和输出

Dr. Xiaoji Niu, Nav. Group, WHU

136