

第五届全国青少年信息学（计算机）奥林匹克分区联赛复赛试题

(提 高 组 竞赛用时：3 小时)

第一题 拦截导弹(28 分)

某国为了防御敌国的导弹袭击，发展出一种导弹拦截系统。但是这种导弹拦截系统有一个缺陷：虽然它的第一发炮弹能够到达任意的高度，但是以后每一发炮弹都不能高于前一发的高度。某天，雷达捕捉到敌国的导弹来袭。由于该系统还在试用阶段，所以只有一套系统，因此有可能不能拦截所有的导弹。

输入导弹依次飞来的高度（雷达给出的高度数据是不大于 30000 的正整数），计算这套系统最多能拦截多少导弹，如果要拦截所有导弹最少要配备多少套这种导弹拦截系统。

样例：

INPUT	OUTPUT
389 207 155 300 299 170 158 65	6 (最多能拦截的导弹数)
	2 (要拦截所有导弹最少要配备的系统数)

第二题 回文数(25 分)

若一个数（首位不为零）从左向右读与从右向左读都一样，我们就将其称之为回文数。

例如：给定一个 10 进制数 56，将 56 加 65（即把 56 从右向左读），得到 121 是一个回文数。

又如：对于 10 进制数 87：

STEP1 : 87+78 = 165	STEP2 : 165+561 = 726
STEP3 : 726+627 = 1353	STEP4 : 1353+3531 = 4884

在这里的一步是指进行了一次 N 进制的加法，上例最少用了 4 步得到回文数 4884。

写一个程序，给定一个 N ($2 \leq N \leq 10$ 或 $N=16$) 进制数 M，求最少经过几步可以得到回文数。如果在 30 步以内（包含 30 步）不可能得到回文数，则输出“Impossible！”

样例：

INPUT	OUTPUT
N = 9 M= 87	STEP=6

第三题 旅行家的预算(27 分)

一个旅行家想驾驶汽车以最少的费用从一个城市到另一个城市（假设出发时油箱是空的）。给定两个城市之间的距离 D1、汽车油箱的容量 C（以升为单位）、每升汽油能行驶的距离 D2、出发点每升汽油价格 P 和沿途油站数 N（N 可以为零），油站 i 离出发点的距离 Di、每升汽油价格

P_i ($i=1, 2, \dots, N$)。计算结果四舍五入至小数点后两位。如果无法到达目的地，则输出“ No Solution”。

样例：

INPUT

D1=275.6 C=11.9 D2=27.4 P=2.8 N=2

油站号 I	离出发点的距离 D_i	每升汽油价格 P_i
1	102.0	2.9
2	220.0	2.2

OUTPUT

26.95 (该数据表示最小费用)

第四题 邮票面值设计(40 分)

给定一个信封，最多只允许粘贴 N 张邮票，计算在给定 K ($N+K \leq 40$) 种邮票的情况下（假定所有的邮票数量都足够），如何设计邮票的面值，能得到最大值 MAX ，使在 $1 \sim MAX$ 之间的每一个邮资值都能得到。

例如， $N=3, K=2$ ，如果面值分别为 1 分、4 分，则在 1 分~6 分之间的每一个邮资值都能得到（当然还有 8 分、9 分和 12 分）；如果面值分别为 1 分、3 分，则在 1 分~7 分之间的每一个邮资值都能得到。可以验证当 $N=3, K=2$ 时，7 分就是可以得到的连续的邮资最大值，所以 $MAX=7$ ，面值分别为 1 分、3 分。

样例：

INPUT

N=3 K=2

1 3

MAX=7

OUTPUT