2005年第十一届 NOIP 复赛试题 (普及组)

一、陶陶摘苹果

(apple.pas/c/cpp)

【问题描述】

陶陶家的院子里有一棵苹果树,每到秋天树上就会结出 10 个苹果。苹果成熟的时候,陶陶就会跑去摘苹果。陶陶有个 30 厘米高的板凳,当她不能直接用手摘到苹果的时候,就会踩到板凳上再试试。

现在已知 10 个苹果到地面的高度,以及陶陶把手伸直的时候能够达到的最大高度,请帮陶陶算一下她能够摘到的苹果的数目。假设她碰到苹果,苹果就会掉下来。

【输入文件】

输入文件 apple.in 包括两行数据。第一行包含 10 个 100 到 200 之间(包括 100 和 200)的整数(以厘米为单位)分别表示 10 个苹果到地面的高度,两个相邻的整数之间用一个空格隔开。第二行只包括一个 100 到 120 之间(包含100 和 120)的整数(以厘米为单位),表示陶陶把手伸直的时候能够达到的最大高度。

【输出文件】

输出文件 apple.out 包括一行,这一行只包含一个整数,表示陶陶能够摘到的苹果的数目。

【样例输入】

100 200 150 140 129 134 167 198 200 111 110

【样例输出】

5

二、校门外的树

(tree.pas/c/cpp)

【问题描述】

某校大门外长度为L的马路上有一排树,每两棵相邻的树之间的间隔都是 1米。我们可以把马路看成一个数轴,马路的一端在数轴0的位置,另一端在L的位置;数轴上的每个整数点,即0,1,2,……,L,都种有一棵树。

由于马路上有一些区域要用来建地铁。这些区域用它们在数轴上的起始点和终止点表示。已知任一区域的起始点和终止点的坐标都是整数,区域之间可能有重合的部分。现在要把这些区域中的树(包括区域端点处的两棵树)移走。你的任务是计算将这些树都移走后,马路上还有多少棵树。

【输入文件】

输入文件 **tree.in** 的第一行有两个整数 L(1 <= L <= 10000)和 M(1 <= M <= 100),L 代表马路的长度,M 代表区域的数目,L 和 M 之间用一个空格隔开。接下来的 M 行每行包含两个不同的整数,用一个空格隔开,表示一个区域的起始点和终止点的坐标。

【输出文件】

输出文件 tree.out 包括一行,这一行只包含一个整数,表示马路上剩余的树的数目。

【样例输入】

5003

150 300

100 200

470 471

【样例输出】

298

【数据规模】

对于 20%的数据,区域之间没有重合的部分;

对于其它的数据,区域之间有重合的情况。

三、采药

(medic.pas/c/cpp)

【问题描述】

辰辰是个天资聪颖的孩子,他的梦想是成为世界上最伟大的医师。为此,他想拜附近最有威望的医师为师。医师为了判断他的资质,给他出了一个难题。 医师把他带到一个到处都是草药的山洞里对他说:"孩子,这个山洞里有一些不同的草药,采每一株都需要一些时间,每一株也有它自身的价值。我会给你一段时间,在这段时间里,你可以采到一些草药。如果你是一个聪明的孩子,你应该可以让采到的草药的总价值最大。"

如果你是辰辰,你能完成这个任务吗?

【输入文件】

输入文件 medic.in 的第一行有两个整数 T(1 <= T <= 1000)和 M(1 <= M <= 100),用一个空格隔开,T 代表总共能够用来采药的时间,M 代表山洞里的草药的数目。接下来的 M 行每行包括两个在 1 到 100 之间(包括 1 和 100)的整数,分别表示采摘某株草药的时间和这株草药的价值。

【输出文件】

输出文件 medic.out 包括一行,这一行只包含一个整数,表示在规定的时间内,可以采到的草药的最大总价值。

【样例输入】

12

【样例输出】

3

【数据规模】

对于 30%的数据, M <= 10;

对于全部的数据, M <= 100。

四、循环

(circle.pas/c/cpp)

【问题描述】

乐乐是一个聪明而又勤奋好学的孩子。他总喜欢探求事物的规律。一天, 他突然对数的正整数次幂产生了兴趣。

众所周知,2的正整数次幂最后一位数总是不断的在重复 2,4,8,6,2,4,8,6.....我们说2的正整数次幂最后一位的循环长度是 4(实际上4的倍数都可以说是循环长度,但我们只考虑最小的循环长度)。类 似的,其余的数字的正整数次幂最后一位数也有类似的循环现象:

	循环	循环长度
2	2、4、8、6	4
3	3、9、7、1	4
4	4、6	2
5	5	1
6	6	1
7	7、9、3、1	4
8	8、4、2、6	4
9	9、1	2

这时乐乐的问题就出来了:是不是只有最后一位才有这样的循环呢?对于一个整数 n 的正整数次幂来说,它的后 k 位是否会发生循环?如果循环的话,循环长度是多少呢?

注意:

- 1. 如果 n 的某个正整数次幂的位数不足 k, 那么不足的高位看做是 0。
- 2. 如果循环长度是 L,那么说明对于任意的正整数 a,n的 a次幂和 a + L 次幂的最后 k 位都相同。

【输入文件】

输入文件 **circle.in** 只有一行,包含两个整数 n (1 <= n < 10^{100}) 和 k (1 <= k <= 100) ,n 和 k 之间用一个空格隔开,表示要求 n 的正整数次幂的最后 k 位的循环长度。

【输出文件】

输出文件 circle.out 包括一行,这一行只包含一个整数,表示循环长度。如果循环不存在,输出-1。

【样例输入】

32 2

【样例输出】

4

【数据规模】

对于 30%的数据,k <= 4;

对于全部的数据, k <= 100。