

# NOIP2009 普及组解题报告

## 1、多项式输出

**问题转述：**给出一个一元多项式各项的次数和系数，按照规定的格式要求输出该多项式。

**分析：**普及组的水题。

## 2、分数线划定

**问题转述：**给出录取人数及所有面试者成绩，考号。求出分数线和实际录取人数，并按成绩降序，若成绩相同则考号升序的规则输出录取人考号与成绩。

**分析：**双关键字排序。由于  $n$  在 5000 左右，为了确保不 TLE，所以需要使用快排等  $n \log n$  的排序。之后将指针指向计划录取的最后一名，并滑动至与其相同分数的最后一人。则指针之前为实际录取的面试者。

## 3、细胞分裂

**问题转述：**给出  $m_1, m_2$  以及若干个  $s_i$ ，求  $s_i^a \bmod m_1 m_2 = 0$  中  $a$  的最小值。若无解，输出 -1。

**分析：**数学题。由于  $m_1 \leq 30000, m_2 \leq 10000$ ，根本无法直接计算，所以需要通过数学分析得出答案。如果一个数能够整除另一个数，那么这个数因数分解后一定有另一个数所有的元素，且每个元素个数均大于等于另一个数相同元素的个数。因此我们可以先对  $m_1$  进行因数分解，并将对应元素的个数乘以  $m_2$ 。之后读入每个数，判断该数因数分解后是否有  $m_1$  中所有的元素。如果有的话，则计算该细胞最大的分裂次数，即对应  $m_1$  中元素个数/ $s_i$  中元素个数后向上取整。最后更新答案即可。

注意因数分解中 1 比较特殊，所以要单独判断一下。

## 4、道路游戏

**问题转述：**有一条环形路，路上有  $n$  个点，第  $i$  个点和第  $i+1$  个点有边相连（第  $n$  个点与第 1 个点有边相连）。每个点都可以花费不同的代价生产一个机器人，且机器人可以顺时针走不多于  $p$  步（每走一步消耗一单位时间），并捡起此时路上的金币。最多只能有一个机器人存在于路上。不同的时间每条路上金币数不同。求最后能够得到的最大金币数（即捡起的金币数减去生产机器人需要的金币数）。

**分析：**题目描述极其恶心，整理好思绪之后便应该能想出本题是动态规划。由于高达 1000 的  $m, n$ ，所以只能设计时间复杂度为  $O(mn)$  的动规。此类问题的动规模型比较好想，即：

$$f[i, j] = \begin{cases} \max(f[i-1, \text{past}[j]], \max(f[i-1, k] - \text{cost}[k]) + \text{coin}[i, \text{past}[j]]) & (\text{step}[i-1, \text{past}[j]] < p) \\ \max(f[i-1, k] - \text{cost}[k]) + \text{coin}[i, \text{past}[j]] & (\text{step}[i-1, \text{past}[j]] = p) \end{cases}$$

其中： $f[i, j]$  为  $i$  时间在  $j$  点上得到的最大金币数；

$\text{coin}[i, j]$  为  $i$  时间  $j$  号路得金币数；

$\text{cost}[k]$  代表在  $k$  ( $1 \leq k \leq n$ ) 点购买机器人花费的金币数；

$\text{step}[i, j]$  代表  $f[i, j]$  的状态时机器人已经走的步数；

$\text{past}[j]$  为  $j$  之前的点，即  $\text{past}[i] = i-1$  ( $2 \leq i \leq n$ )  $\text{past}[1] = n$ 。

注意这个动规是三维的，但是因为上一阶段的最优值是不变的，所以我们只需要在计

算本阶段的最优值之后顺便保存一个最大的，作为下一阶段的上一阶段最优值即可。