## Physikalisches Anfängerpraktikum

Sommersemester 2023

Versuch 34 Tutor: Franziska Maria Hirschbeck

# Spektralphotometrie

# 1 Einleiung

## 1.1 Ziel des Versuchs

In diesem Versuch sollen die Absorptionsbanden von KMnO<sub>4</sub> Lösung aufgenommen und untersucht werden. Außerdem soll der molare Extinktionskoeffizient  $\epsilon$  für die längere Wellenlänge von  $\lambda=525$  nm durch die Messung der Lichtabsorption in Abhängigkeit von der Schichtdicke oder der Konzentration einer Lösung von KMnO4 ermittelt werden.

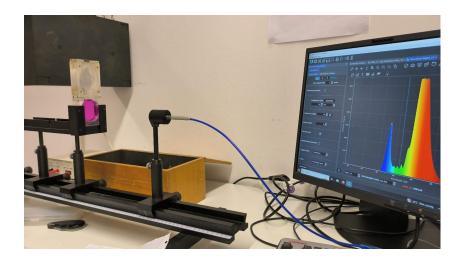


Abbildung 1: Aufbau des Versuchs Spektralphotometrie

## 1.2 Physikalische Grundlagen

#### 1.2.1 Definition

Zuerst werden wir einige wichtige Definitionen behandeln und uns mit den Verständnisfragen am Anfang beschäftigen, um einen besseren Überblick über die weiteren Prinzipien bei den Messungen zu erhalten.

## • Spektrum

Unter einem Spektrum versteht man ein Diagramm, in dem die Intensität eines Strahlers oder einer damit proportionalen Größe (z. B. der Fotostrom) gegen die Wellenlänge aufgetragen ist. Die Stellen, an denen die Absorption maximal

ist, entsprechen den Schwerpunkten von sogenannten Absorptionsbanden. Diese Absorptionsbanden sind charakteristisch für jedes Ion und dienen zu dessen Nachweis.

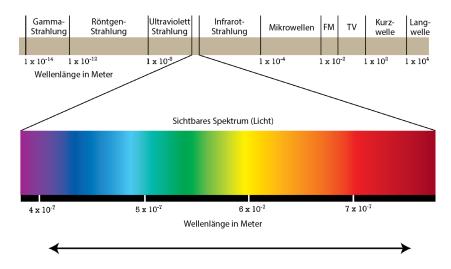


Abbildung 2: Spektrum

(Quelle: http://www.thermoglass.de/de/artikel/elektromagnetisches-spektrum)

#### • Photometrie

Als Fotometrie bezeichnet man die Konzentrationsbestimmung einer Substanz durch Absorption (bzw. durch Streuung oder Fluoreszenz). Bei diesem Verfahren wird die Lichtintensität verringert, wenn die Substanz mit Licht bestrahlt wird. Diese Erscheinung beruht darauf, dass das einfallende Licht Elektronen in den Atomen des Materials auf ein höheres Energieniveau anhebt. Sobald diese Elektronen wieder auf ihre ursprünglichen Energieniveaus zurückkehren, strahlen sie Photonen ab. Der entscheidende Punkt ist jedoch, dass diese emittierten Photonen nicht in dieselbe Richtung wie die einfallenden Photonen ausgerichtet sind. Stattdessen erfolgt die Emission gleichmäßig in alle Raumrichtungen. Dies kann dazu führen, dass die emittierten Photonen entweder die gleiche Energie wie die einfallenden Photonen haben oder unterschiedliche viele kleinere Energien aufweisen.

#### Gitterspektrometer

Ein Gitterspektrometer ist ein optisches Instrument, das zur Untersuchung des Spektrums von Licht oder elektromagnetischer Strahlung verwendet wird. Es funktioniert aufgrund der Beugung von Licht an einem Gitter, das aus einer regelmäßigen Anordnung von schmalen Spalten oder Linien besteht. Das Licht wird durch einen Eingangsspalt gelenkt, dann am Gitter gebeugt, wodurch es in seine verschiedenen spektralen Komponenten aufgespalten wird. Im Unterschied

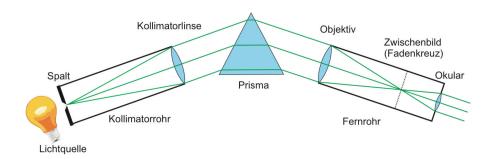


Abbildung 3: Prinzipien des Spektroskops

zu einem Spektroskop bietet es die Möglichkeit, die Spektren auszumessen.

Die spektrale Auflösung eines Gitterspektrometers hängt von Faktoren wie der Anzahl der Linien im Gitter und der Breite des Eingangsspalts ab. Die Auflösung des Spektrometers im Experiment beträgt 1 nm.

## • Kaliumpermanganat (KMnO<sub>4</sub>)

Kaliumpermanganat (KMnO<sub>4</sub>) ist ein starkes Oxidationsmittel und zeigt interessante Absorptionseigenschaften im sichtbaren Spektrum. Das Hauptabsorptionsband von KMnO<sub>4</sub> im sichtbaren Bereich liegt bei etwa 525 nm (grünes Licht). Diese Absorption entsteht durch elektronische Übergänge in den Permanganat-Ionen (MnO<sub>4</sub><sup>-</sup>), bei denen Elektronen Lichtenergie aufnehmen und in höhere Energiezustände versetzt werden.

Wenn Licht durch eine Lösung von KMnO<sub>4</sub> geht, erscheint die Lösung violett oder tiefrosa, da sie in der Lage ist, das grüne Licht zu absorbieren und die violetten und roten Teile des Spektrums zu reflektieren. Die Intensität der Absorption hängt aber von der Konzentration der KMnO4-Lösung ab. Je höher die Konzentration, desto stärker ist die Absorption des grünen Lichts und desto intensiver ist die violette Färbung der Lösung.

#### 1.2.2 Lambert-Beersches Gesetz

Das Prinzip des Spektrometers beruht auf der Messung der Abschwächung der Intensität eines einfallenden Lichtbundels durch die in der Messzelle enthaltene Substanz. In differentieller Schreibweise können wir die Abnahme der Intensität I beschreiben durch:

$$\frac{dI}{I} = -kdl\tag{1}$$

Hierbei beschreibt dl eine infinitesimale Dicke. Daraus haben wir sofort durch Integration das Lambert'sche Absorptionsgesetz:

$$I = I_0 e^{-kl} \tag{2}$$

Dabei bezeichnet  $I_0$  die in das Medium eindringende Intensität, l die Länge des Lichtweges im absorbierenden Medium und k die Absorptionskonstante (**Extinktionskonstante**)

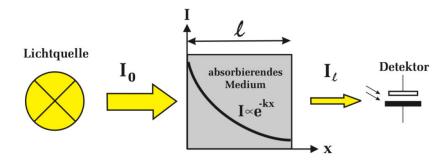


Abbildung 4: Verdeutlichung des Lambertschen Absorptionsgesetz

Man kann die Gleichung auch in logarithmischer Schreibweise schreiben:

$$\ln \frac{I}{I_0} = -kl \ bzw. \ \ln I = -kl + \ln I_0 \tag{3}$$

Man verwendet dekadische Logarithmen auf halblogarithmischem Papier, wodurch eine lineare Darstellung von I gegenüber l entsteht:

$$\log \frac{I}{I_0} = -k'l$$
 mit  $k' = \log ek = 0,434k$  (4)

k' heißt dekadischer oder Bunsenscher Absorptionskoeffizient

Der dekadische oder Bunsen'sche Absorptionskoeffizient k' ist eng mit dem  $molaren\ Extinktionskoeffizienten\ \epsilon$  und der Konzentration c der Lösung gemäß dem Beer'schen Gesetz verknüpft:

$$k' = \epsilon c \tag{5}$$

Nach dem Beerschen Gesetz ist  $\epsilon$  eine Stoffkonstante und damit unabhängig von der Konzentration c der Lösung. k' und  $\epsilon$  hängen jedoch von den Wellenlängen ab und die Funktionen  $k'(\lambda)$  bzw.  $\epsilon(\lambda)$  beschreiben das Absorptionsspektrum der Lösung. Hierfür schreibt man das Absorptionsgesetz in folgender Weise:

$$I = I_0 10^{-k'l} = I_0 10^{-\epsilon cl} \tag{6}$$

Bei hohen Konzentrationen können aber Abweichungen vom Beer'schen Gesetz auftreten. Dies liegt daran, dass bei höheren Konzentrationen nicht nur mehr Ionen an der Absorption beteiligt sind, sondern es auch zur Bildung von Ionen anderer Art kommen kann, die das Absorptionsverhalten der Lösung grundlegend verändern können.

## 1.2.3 Bestimmung von der Extinktionskoeffizienten

- Durch Variation der Länge in Kuvetten bei konstanter Lösungskonzentration kann  $\log I$  als Funktion von 1 betrachtet werden, um k' zu ermitteln. Bei konstanter Konzentration c ergibt sich der molare Extinktionskoeffizient  $\epsilon$ .
- Wenn wir die Schichtdicke l<br/> konstant halten und die Konzentration c variieren, ergibt das Auftragen von log I gegen c<br/> das Produkt  $\epsilon l$ . Bei bekanntem l<br/> können Sie den Extinktionskoeffizienten  $\epsilon$  daraus ableiten.

## 1.3 Messmethode

Wir haben Gitterspektrometer und ein Datenerfassungsprogramm genutzt, um die Absorptionsspektren zu generieren.

# 2 Versuchsdurchführung

# 2.1 Versuchsaufbau, Versuchsdurchführung und Messprotokoll

Siehe folgende Seiten.

| Protokoll PAP 1  | 29.09.2023                     |
|--|--------------------------------|
| Versuch 34   | 9=00 ~ 12:00                   |
| Spektral photometric   | Yulo: Shi Yuthof Shi           |
| Messgeräte:  |                                |
| · Speletral fotometrische Messanordnung:                               | Lichtquelle, Lochblende,       |
| Linse, kuvettenbank, Faserein Koppler                                  |                                |
| · Gitterspektrometer, Ocean Optics L                                   | 1513 4000                      |
| · Computer mit Dnieker   |                                |
| 1 Satz (\$ Stück) Küvetten mit 0.0                                     |                                |
| permanganat losung KMnO4, Schichtde                                    | cken: 1,=1.5 cm, le=3cm,       |
| 13 = 6cm, 14 = 12cm, 15 = 24cm   |                                |
| - Eine offene rechteckige küvette, l                                   | 1 \ \ Kürette MK Gittaspaction |
| 1. Ab sorptions banden von KMn Oy                                      |                                |
| Wir starten die Softwareund Schalten                                   | large linse                    |
| dre Lichequelle em. Der Faser em Kopp                                  |                                |
| ler muss signmetrison ausgeleuchtet                                    |                                |
| Sein.  | Computer                       |
| Wir verileren dann die Integrationszei                                 |                                |
| so dass spetrkenn oben nicht abgeschnitte                              |                                |
| tragen bei 'Scans to Auerage '50 e                                     |                                |
| "Next" Dann be: Referenzmessing k                                      | chalten and die licht mide     |
| Estunbirnen symbol links oben. Danach scens und führen eine Durkelmess | ug derch.                      |
| Wir platzieron die 120m lenge kür                                      | rette in don Strahlungarg      |
| und nehmen dus Absorbtionsspektrum                                     | cuf. (in Beraich               |
| 430 nm - 660 nm Zoomen). Dann be                                       | estimen cur mit dem            |
| Corsor de Lagen der Permanganatbans                                    | den in nm.                     |
| Integrations zeit: 18ms  |                                |
| 15   |                                |

| Tabelle 1: Ab   | surbtlonsba   | urdan con        | kmaa      | . Kilvett    | en länge:     |
|---|---------------|------------------|-----------|--------------|---------------|
| Nr. Maximum   | λ             | [nm]             | DA        | [um] 12      | cui           |
|   | 4             | 71.852           |           | 3            | •             |
| 2   |               | 90.920           |           | 3            |               |
| 4   |               | 09.266           |           | 3            |               |
|   | 1 1 1         | 1 Y 1 1 1        |           | 3            |               |
|   |               | 7.500            |           | 3            |               |
| 6   |               | 47.861<br>69.139 |           | 3            |               |
| 2. Absorption e   | her KMna,-    | Losung a         | els Funke | in der       | Schichediche, |
| Lambertsones Abs  | orptions gece | ty               |           |              |               |
|   |               |                  |           |              | 1 . //        |
| Wir legen zunäch  | nct die ko    | irzeste 4        | üvette e  | in, un       | staten        |
| den Cursor auf 1<br>50 einstellen, das                      | 525 nm e      | M. Wir u         | erdan die | Integrat     | ionszeit •    |
| so einstellen due   | s das Spo     | korum an         | dor 1     | 440          | 136 ms        |
| 20 1/2 21   | 100           |                  | ur u      | arsor positi | Novi          |
| garake noch nicht   | in sattig     | ing ist.         | (I etu    | a bei b      | istou (legt)  |
| Scans to Average  | : 50 L        | vir schedter     | 1 den lie | the con      | sul           |
| marken em Dunk  | macuno        | Danker           |           | باغمط        |               |
| madron eine Dunk  | Vilositoj.    | kann ku          | verten mi | t corxi      | eaeney        |
| Längen eingelegt.   | - Intersità   | I I Jede         | 5 mal M   | essen)       |               |
| Tabelle > 7.  |               | 1 1              |           |              |               |
| Inter   | sitat der     | Wellenläng       | 1e 7=25   | snm 1        | M             |
| Abhängiglæt der   | küvettenländ  | ge.              |           |              |               |
| Tabelle 2 : Inter<br>Abhangigleit der<br>Küvettenlänge [cm] |               | 7                |           | ,            |               |
| tarellenante Tems   | - An          | Intensitat       | [counts]  |              |               |
| 1.5   | 3             | 66938 76         | 5         |              |               |
|   | 3 4           | 56943.9          | 8         |              |               |
|   | S             | 56802.7          | <b>\</b>  |              |               |
|   |               | 45462.           | 15        |              |               |
|   | 2             | 45432.           | 20        |              |               |
| 3   | 3 4           | 45465.           | 20        |              |               |
|   | 2             | 45416.           | 97        |              |               |
|   |               | 25185.3          | 1         |              |               |
| 6   | 2             | 22247.7          | 34        |              |               |
|   | 4             | 22262.9          | 7         |              |               |
|   | 8             | 2224.94          |           |              |               |
|   |               | 4432 - 1         | 0         |              |               |
|   | 2.            | 4429.9           |           |              |               |
| 12  | 3 4           | 4431.2           | 6         |              |               |
|   | 3 1           | 4433.6           | 79        |              |               |

|     | 289.56 290.13   |
|-----|---|
|     | 284.40<br>291.15  |
|     | 241.15<br>301.12  |
| 0   |   |
|     | Durchmesser der abgebildeten Lochblende am Faseremkopter.                                   |
|     | ahne kavette: (2.670 ± 0.010) cm  |
|     | mit kirette: (2.200 ± 0.010) cm   |
|     | " (2.200 ± 6.810) cm  |
|     |   |
|     |   |
|     | 3 Al corplian every UNIA - 1 - 1 - 1 - 1 - 1 - 1 - 1 - 1 - 1 -                              |
| +   | 3. Absorption einer LMnOy-Lisung als Funktion der   |
|     | Konzentration: Boersches Gesetz-  |
|     | Bei Konstanter U wir d die Konzentrackon L Schrittweise                                     |
|     | exhibit. Danit wird VE-libeser benutzt  |
|     |   |
|     | Historiste Intensität mit Integrations zeit 43 ms   |
|     | Kinetten mit verschiedenen Konzentrationen am KMnOu   |
|     | einglegt, Intensitét bei 525 nm gemessen  |
|     | Flüssigkeit werde mit Bürrette hinzugeführt. (Ablesefehler                                  |
|     |   |
|     | der Bürette: 0-5 ml)  |
|     | Tabelle 3 To Comment to Little lines N= tetters in  |
| (6  | Intensitat our work ange  |
|     | Tabelle 3. Intensitat der Wellen länge $\Lambda = 3254m$ in Abhängig beit der konzentraten. |
|     | Konzentration Om KMn O4 [md/L] Nr. Intensität [caunts]                                      |
|     | on KMn 04 Fmd / 7 Nr. Intensität [counts]   |
|     | 5934915   |
|     | 21 ml<br>enterated 0 3 59253.21<br>Wager 5 9116.43<br>5916.65                               |
|     | entsatzles 0 3 592(3.2)   |
|     | Wager 5 9116.43   |
|     | 2222 (- (5  |
|     | +1.4ml 10-3 2 22198.63<br>22095.50<br>22146.59  |
|     | kmn ap 16 3 22145.29  |
|     | 22234.06  |
| +++ | 5   |
|     |   |

| _ C [mol]/L             | L Nr.    | Interitor Court 57  |   |
|-------------------------|----------|---|---|
|                         |          | Intensitat [ comms]  13019.72  13053.14  13074.79  13110.09  13048.25  3178.39  4003.37  2999.65  4000.65 |   |
| t1.6 10-3<br>ml 8       | 3        | 130 53. 14  |   |
| leMn Op                 | 1 3      | 13/10:09  | • |
|                         |          | 3178.39   |   |
| + 4ml 10-3<br>1cMn ap 4 | 2        | 4003.37   |   |
| KMn Op 4                | 3 4 5    | 4000.65   |   |
|                         | 5        | 7 (1.00   |   |
| . ,                     |          | 494.42  |   |
| 14-10-3                 | 2        | 506.43  |   |
| KMn Qu 2                | 3 4      | 510.82  |   |
|                         | 1        | 45 472.0)   |   |
|                         |          |   |   |
| 4-111                   |          |   |   |
| Hereflet 2              | 9109123  |   |   |
| 7,00                    | JILVIN 3 |   |   |
|                         |          |   |   |
|                         |          |   |   |
|                         |          |   |   |
|                         |          |   |   |
|                         |          |   |   |
|                         |          |   |   |
|                         |          |   |   |
|                         |          |   |   |
|                         |          |   |   |
|                         |          |   |   |
|                         |          |   |   |
|                         |          |   |   |
|                         | -        |   |   |
|                         |          |   |   |
|                         |          |   |   |
|                         |          |   |   |
|                         |          |   | 9 |
|                         |          |   |   |
|                         |          |   |   |
|                         |          | 同能经济同   |   |

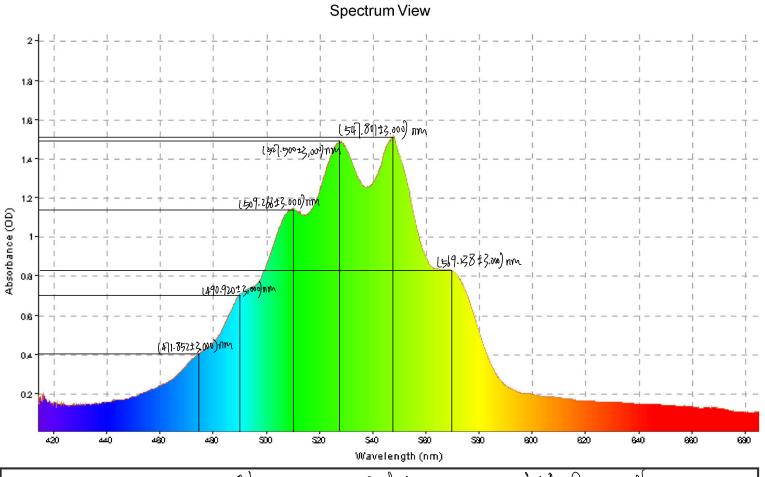
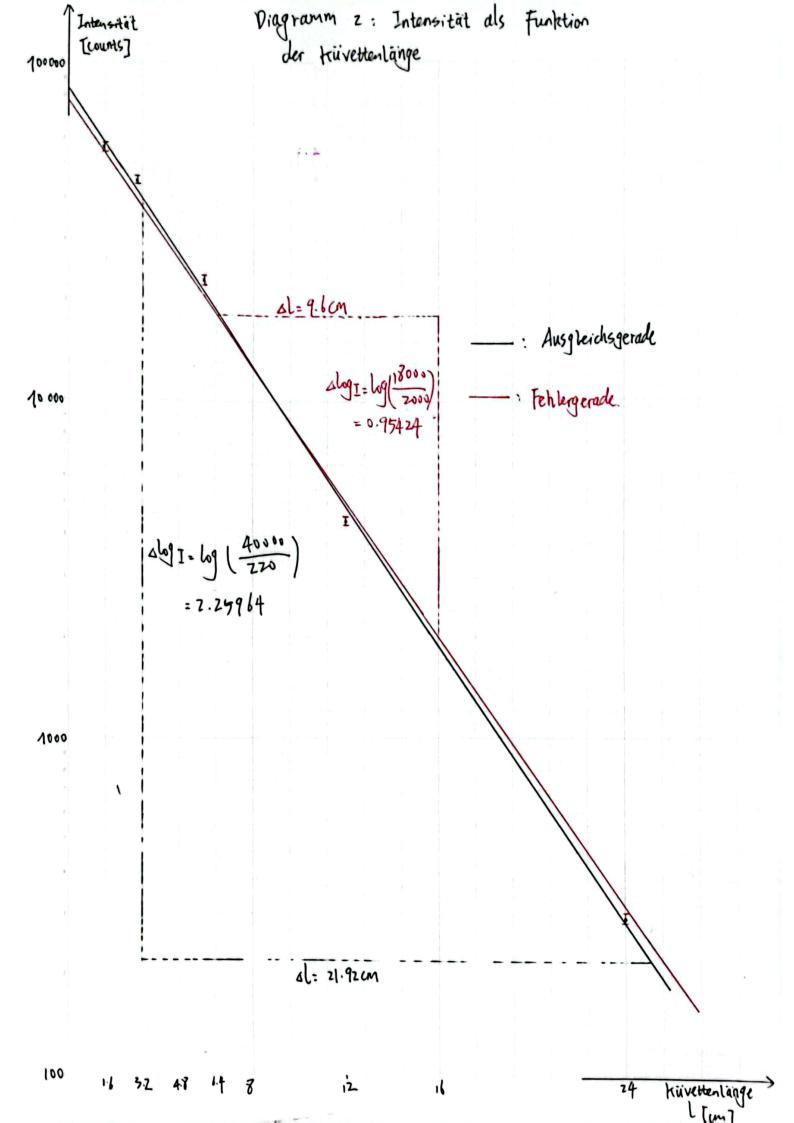


Diagramm 1: Absorptionsspektrum von HMnOzt. Absorptionsbanden markiert und dazugehörige Wellenlängen angegeben



## 3 Auswertung

## 3.1 Absorptionsbanden von KMnO4

Im ersten Teil des Experiments wurde ein Diagramm erstellt, auf dem die Absorptionsbanden von  $KMnO_4$  im Wellenlängenbereich von 430 nm bis 660 nm dargestellt sind. Die Absorption wurde als Funktion der Wellenlänge in Diagramm 1 aufgetragen.

# 3.2 Absorption einer KMnO4- Lösung als Funktion der Schichtdicke: Lambertsches Absorptionsgesetz

Im nächsten Versuchsteil wurde das Lambert'sche Absoptionsgesetz in der Nähe von der Wellenlänge 525~nm untersucht, d.h. die Absorption als Funktion der Kuvettenlänge bei konstanter Konzentration. Dabei haben wir für alle Küvetten 5~mal die Intensität, die unterhalb des Diagramms angezeigt wird, gemessen.

Wir berechnen zuerst die Mittelwerte aus dem Messprotokoll Tabelle 2. Die Ergebnisse werden in der folgenden Tabelle dargestellt:

| Länge [cm]                         | 1,5      | 3        | 6        | 12      | 24     |
|------------------------------------|----------|----------|----------|---------|--------|
| Intensität $\overline{I}$ [counts] | 56889,26 | 45432,36 | 22239,08 | 4430,35 | 291,27 |
| $\sigma_{\overline{I}}$ [counts]   | 35,05    | 14,92    | 14,52    | 1,52    | 2,72   |

Tabelle 1: Mittelwerte und die mittleren Fehler des Mittelwerts

Dabei bezeichnet sich  $\bar{I}$  als den Mittelwert der Intensität und  $\sigma_{\bar{I}}$  der mittlere Fehler des Mittlwerts.

Allerdings müssen wir darauf achten, dass die Kuvette den Strahlengang beeinflusst und den Durchmesser der Lochblende, die auf den Lichtleiter abgebildet wird, verkleinert. Dies führt bei der längsten Kuvette schon zu einem signifikanten Fehler, der korrigiert werden muss. Um dies zu bewerkstelligen, haben wir den Durchmesser der Lochblende  $(D_{mK})$  mit und ohne Kuvette  $(D_{oK})$  gemessen. Für jede Messung wurden jeweils zwei Durchführungen durchgeführt, um den Fehler des Durchmessers durch die Differenz der Messungen abzuschätzen.

$$D_{mK} = (2,200 \pm 0,010) \ cm \qquad D_{oK} = (2,670 \pm 0,010) \ cm$$
 (7)

Damit können wir den korrigierten Messwert I bei der längsten Küvette gemäß:

$$I_{korr.} = I \frac{D_{mK}^2}{D_{oK}^2} \tag{8}$$

ermitteln. Nach dem Gauß'schen Fehlerfortpflanzungsgestz gilt dann fur den Fehler der korrigierten Intensität:

$$\Delta I_{korr} = \sqrt{\left(\frac{\partial \Delta I_{korr}}{\partial I}\Delta I\right)^2 + \left(\frac{\partial \Delta I_{korr}}{\partial D_{mK}}\Delta D_{mK}\right)^2 + \left(\frac{\partial \Delta I_{korr}}{\partial D_{oK}}\Delta D_{oK}\right)^2}$$
(9)

$$= I_{korr} \sqrt{\left(\frac{\Delta I}{I}\right)^2 + \left(\frac{2\Delta D_{mK}}{D_{mK}}\right)^2 + \left(\frac{2\Delta D_{oK}}{D_{oK}}\right)^2}$$
 (10)

Da wir die Korrektur auf den Mittelwert der Messungen fur die längste Küvette anwenden, müssen  $\Delta I$  mit dem Fehler des Mittelwerts  $\sigma_{\bar{I}}$  und I mit dem Mittelwert  $\bar{I}$  identifiziert werden.

Die korrigierte Intensität für die letzte Küvette lautet:

$$I_{korr.} = 291, 27 \cdot \frac{2, 2^2}{2, 67^2} \approx 197, 75 \ counts$$
 (11)

$$\Delta I_{korr.} = 197,75 \cdot \sqrt{\left(\frac{2,72}{291,27}\right)^2 + \left(\frac{2\cdot0,01}{2,2}\right)^2 + \left(\frac{2\cdot0,01}{2,67}\right)^2} \approx 2,97 \ counts \quad (12)$$

$$\implies \underline{I_{korr.}} = (197, 75 \pm 2, 97) \ counts \tag{13}$$

Die gemessenen Intensitäten werden in ein gemeinsames halblogarithmisches Diagramm mit den (linearen) Abszissenskalen für l eingezeichnet. Aus Gl.(4) wissen wir, dass die dekadische Logarithmen von I in linearer Relation mit l steht:

$$\log I = -k'l + \text{const.} \tag{14}$$

Die Steigung  $a_A$  der Ausgleichsgerade entspricht gerade des Bunsenschen Absorptionskoeffizients k', während wir mit der Fehlergerade eine neue Steigung  $a_f$  bestimmen können und die Differenz zwischen den beiden Steigungen wird als der Fehler des Bunsenschen Absorptionskoeffizients  $\Delta k'$  bezeichnet:

$$a_A = \frac{\Delta \log I}{\Delta l} = \frac{2,25964}{21,92} \approx 0,1031 \text{ cm}^{-1}$$
 (15)

$$a_f = \frac{\Delta \log I'}{\Delta l'} = \frac{0.95424}{9.6} \approx 0.0994 \ cm^{-1}$$
 (16)

$$\implies \Delta a = |a_A - a_f| = 0,0037 \text{ cm}^{-1}$$
 (17)

$$\Longrightarrow \underline{a} = (0, 1031 \pm 0, 0037) \ cm^{-1} = \underline{k'} \tag{18}$$

Nun setzen wir:

$$\epsilon = \frac{k'}{c} \tag{19}$$

Der Fehler von  $\epsilon$  ist gegeben als:

$$\Delta \epsilon = \frac{\Delta k'}{c} \tag{20}$$

Aus der Praktikumsanleitung erhalten wir  $c = 5 \cdot 10^{-5} mol \cdot L^{-1} = 5 \cdot 10^{-8} mol/cm^3$ . Somit ergibt sich:

$$\Longrightarrow \underline{\epsilon = (2,062 \pm 0,074) \cdot 10^6 \ cm^2/mol} \tag{21}$$

# 3.3 Absorption einer KMnO<sub>4</sub>- Lösung als Funktion der Konzentration: Beersches Gesetz

Bei konstanter Schichtdicke l wird die Konzentration c schrittweise erhöht. Zuerst wird eine Nullmessung mit reinem VE-Wasser durchgeführt. Dabei wird von einem abgemessenen Volumen  $V_0$  reinen Wassers ausgegangen. Dann werden nach und nach die Volumina V1, V2, usw., von KMnO<sub>4</sub>-Lösungen bekannter Konzentration  $\tilde{c}$  hinzugefügt (wobei die Konzentration in der Burette  $\tilde{c}=10^{-3}\ mol/L$  beträgt). Dadurch werden die Konzentrationen schrittweise erhöht:

$$c_0 = \tilde{c}\frac{0}{V_0} = 0 \qquad c_1 = \tilde{c}\frac{V_1}{V_0 + V_1} \qquad c_2 = \tilde{c}\frac{V_1 + V_2}{V_0 + V_1 + V_2}$$
(22)

$$c_3 = \tilde{c} \frac{V_1 + V_2 + V_3}{V_0 + V_1 + V_2 + V_3} \qquad c_4 = \tilde{c} \frac{V_1 + V_2 + V_3 + V_4}{V_0 + V_1 + V_2 + V_3 + V_4}$$
(24)

Aus den oben angegebenen Gleichungen ergibt sich für  $V_0 = 21 \ mL$ ,  $V_1 = 1,4 \ mL$ ,  $V_2 = 1,6 \ mL$ ,  $V_3 = 4,0 \ mL$  und  $V_4 = 14,0 \ mL$  (V1 + V2 + V3 + V4 = V0) die gewünschte 1:2-Abstufung, nämlich:

$$(\frac{10^{-3}}{16}:\frac{10^{-3}}{8}:\frac{10^{-3}}{4}:\frac{10^{-3}}{2})\frac{mol}{L}$$
 (25)

Bei jeder Konzentration messen wir wieder die Intensität 5 Mal bei der Wellenlänge  $\lambda = 525 \ nm$ , und berechnen die Mittelwerte sowie ihre dazugehörigen mittleren Fehler:

| Konzentration [mol/L]              | 0        | $10^{-3}/16$ | $10^{-3}/8$ | $10^{-3}/4$ | $10^{-3}/2$ |
|------------------------------------|----------|--------------|-------------|-------------|-------------|
| Intensität $\overline{I}$ [counts] | 59216,15 | 22180,25     | 13061,20    | 3996,35     | 493,14      |
| $\sigma_{\overline{I}}$ [counts]   | 41,30    | 26,36        | 15,05       | 4,54        | 7,12        |

Tabelle 2: Mittelwerte und die mittleren Fehler des Mittelwerts bei konstanter Küvettenlänge

Durch das Gauß'sche Fehlerfortpflanzungsgesetz erhalten wir für die Fehler der Konzentrationen dann:

$$c_0 = 0 c_i = \tilde{c} \frac{\sum_{j=1}^i V_j}{\sum_{k=0}^i V_k} = \tilde{c} \left(1 - \frac{V_0}{\sum_{k=0}^i V_k}\right) (26)$$

$$\Delta c_0 = 0$$
  $\Delta c_i = \sqrt{\sum_{l=0}^{i} (\frac{\partial c_i}{\partial V_k} \Delta V_k)^2}$  (27)

$$\Longrightarrow \Delta c_i = \frac{\tilde{c}}{(\sum_{k=0}^{i} V_k)^2} \sqrt{\sum_{j=1}^{i} (V_0 \Delta V_j)^2 + (\Delta V_0 \sum_{l=1}^{i} V_l)^2}$$
 (28)

Beim Hinzufügen wird eine Ablesefehler  $\Delta V_x = 2,0~mL$  angenommen. Mit Gl.(26) -(28) haben wir die Fehler berechnet:

| Konzentration [mol/L]                      | 0 | $10^{-3}/16$ | $10^{-3}/8$ | $10^{-3}/4$ | $10^{-3}/2$ |
|--|---|--------------|-------------|-------------|-------------|
| $\Delta c_i \cdot 10^{-6} \text{ [mol/L]}$ | 0 | 0,084        | 0,078       | 0,123       | 0,178       |

Tabelle 3: Fehler der Konzentration

Insgesamt erhalten wir also, mit den Volumina aus der Praktikumsanleitung und deren Fehlern gemäß Tabelle 2:

$$c_0 = 0 \ mol \cdot L^{-1} \tag{29}$$

$$c_1 = (6, 250 \pm 0, 008) \cdot 10^{-5} \ mol \cdot L^{-1}$$
 (30)

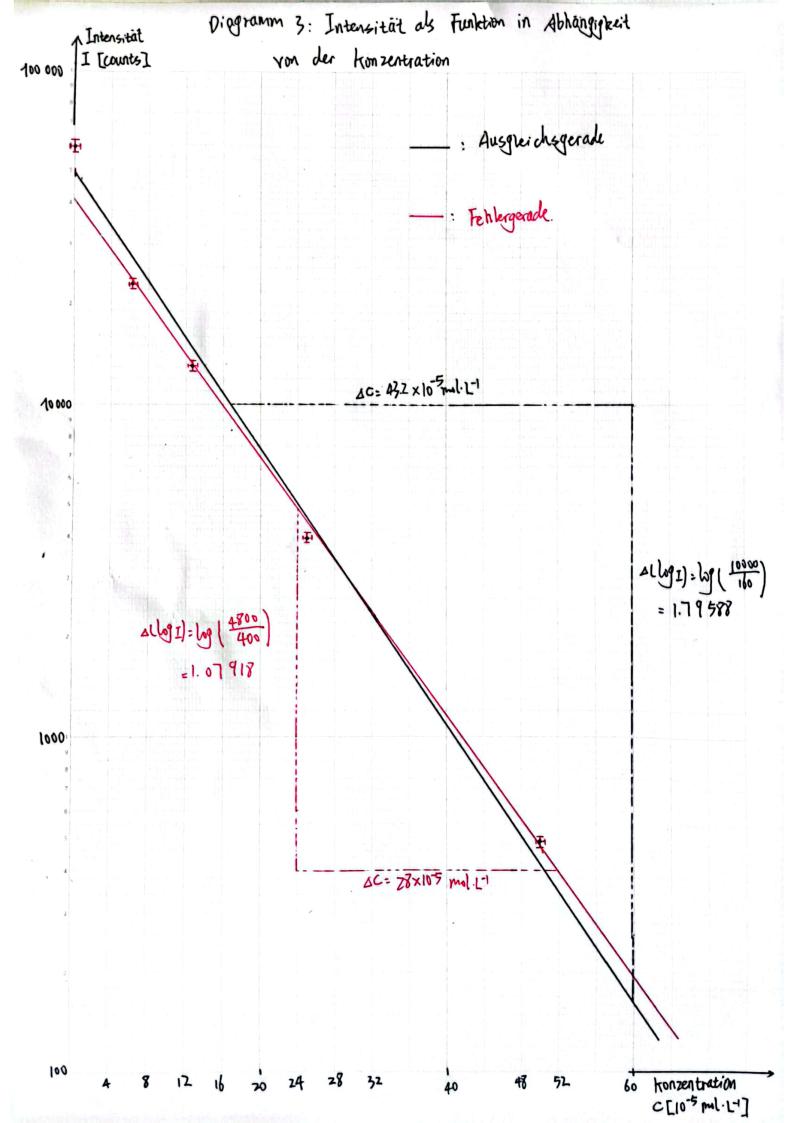
$$c_2 = (12, 500 \pm 0, 008) \cdot 10^{-5} \ mol \cdot L^{-1}$$
 (31)

$$c_3 = (25,000 \pm 0,012) \cdot 10^{-5} \ mol \cdot L^{-1}$$
 (32)

$$c_4 = (50,000 \pm 0,018) \cdot 10^{-5} \ mol \cdot L^{-1}$$
 (33)

(34)

Diese Daten, zusammen mit den in Tabelle 2 gemessenen Intensitäten können wir nutzen, um wieder eine Gerade auf halb-logarithmischen Papier zu zeichnen. Dies ist in Diagramm 3 in aufgetragen. Der erste Punkt, der stark von vier anderen Punkten abweicht, haben wir beim Zeichnen relativ weniger berücksichtigt. Sonst kann es wegen der großer Auflösung des logarithmischen Papiers eine signifikante Abweichung aufgezeigt werden:



Aus Gl.(6) können wir die lineare Beziehung zwischen der dekadischen Logarithmen von Intensität und der Konzentration herausfinden:

$$\log I = -\epsilon lc + \text{const.} \tag{35}$$

Hier bezeichnet l sich als die Küvettenlänge l = 1, 5 cm. Nun werden wir wieder die Steigungen von der Ausgleichsgerade sowie der Fehlergerade bestimmen:

$$a'_{A} = \frac{\Delta \log I}{\Delta c} = \frac{1,79588}{43,2 \cdot 10^{-5}} \approx 4,157 \cdot 10^{3} \ L/mol = 4,157 \cdot 10^{6} \ cm^{3}/mol$$
 (36)

$$a_f' = \frac{\Delta \log I'}{\Delta c'} = \frac{1,07918}{28 \cdot 10^{-5}} \approx 3,854 \cdot 10^3 \ L/mol = 3,854 \cdot 10^6 \ cm^3/mol$$
 (37)

$$\Rightarrow \Delta a' = |a_A - a_f| = 0,303 \cdot 10^6 \text{ cm}^3/\text{mol}$$
(38)

$$\Longrightarrow \underline{a = (4, 157 \pm 0, 303) \cdot 10^6 \ cm^3/mol = \epsilon l}$$

$$(39)$$

(40)

Damit bekommen wir die Molarextinktion  $\epsilon$ . Wobei der Fehler der Molarextinktion beträgt  $\Delta \epsilon = \frac{\Delta a}{l}$ :

$$\Longrightarrow \epsilon = \frac{a}{l} = \underline{(2,771 \pm 0,202) \ cm^2/mol} \tag{41}$$

Wir schätzen nun die Fehlerabweichung zwischen der aus der "Lambert-Geraden" bestimmten Molarextinktion und der aus der "Beer-Geraden" bestimmten Molarextinktion ab:

$$\frac{|\epsilon_{Lambert} - \epsilon_{Beer}|}{\sqrt{(\Delta \epsilon_{Lambert})^2 + (\Delta \epsilon_{Beer})^2}} = \frac{2,771 - 2,062}{\sqrt{0,202^2 + 0,074^2}} \approx 3,3 \tag{42}$$

Mit 3,  $3\sigma$  ist die Fehlerabweichung schon größer als  $3\sigma$  und ist damit signifikant.

# 4 Zusammenfassung und Diskussion

In diesem Experiment sind wir zu Beginn dazu übergegangen, die Absorptionsbanden einer Lösung von KMnO<sub>4</sub> äußerst präzise zu bestimmen. Wir haben dazu eine spezielle Datenerfassungssoftware und ein Gitterspektrometer verwendet, die uns Messungen mit einer Genauigkeit von wenigen Nanometern ermöglichten. Anschließend haben wir den molaren Extinktionskoeffizienten  $\epsilon$  durch die Messung der Absorption bei einer bestimmten Wellenlänge in Abhängigkeit von der Schichtdicke bzw. der Konzentration der KMnO4-Lösung ermittelt.

Im ersten Teil des Experiments haben wir leider zu viel Zeit darauf verwendet, um die Programmparameter anzupassen. Dabei haben wir jedoch versehentlich die Einheit der Integrationszeit vernachlässigt, was dazu führte, dass wir nur verzerrte und diskrete Absorptionsspektren erhalten konnten. Als Verbesserungsvorschlag schlagen wir vor, ein detailliertes Anleitungsvideo bereitzustellen, das speziell die Bedienung des Spektrometers und der Software ausführlich erklärt. Das derzeit vorhandene Video bietet leider nur begrenzte Informationen zur praktischen Anwendung, insbesondere für Personen, die wenig Erfahrung auf diesem Gebiet haben.

Im zweiten Teil des Experiments verwendeten wir Küvetten unterschiedlicher Längen, die mit KMnO<sub>4</sub>-Lösungen konstanter Konzentration gefüllt waren. Wir haben die Intensität fünfmal bei jeder Küvettenlänge gemessen und die Lambert-Gerade verwendet, um den molaren Extinktionskoeffizienten zu ermitteln. Dies führte zu einem Wert von  $\epsilon = (2,0620,074) \cdot 10^6 \ cm^2/mol$ . Im dritten Teil des Experiments wurde der molare Extinktionskoeffizient analog aus der Beer-Geraden bestimmt, indem wir die Konzentration der KMnO<sub>4</sub>-Lösung variierten, die Kuvettenlänge jedoch konstant hielten. Dabei bekommen wir einen zweiten Wert von  $\epsilon = (2,7710,202) \cdot 10^6 \ cm^2/mol$ . Der Unterschied zwischen den beiden Werten beträgt 3,3 $\sigma$  und liegt somit schon außerhalb des 3 $\sigma$ -Bereichs.

Die signifikante Abweichung zwischen den beiden Ergebnissen ist teilweise darauf zurückzuführen, dass die Graphen handschriftlich gezeichnet werden. Aufgrund der hohen Auflösung des logarithmischen Papiers können bereits kleine Ungenauigkeiten zu großen Fehlern beitragen. Auch aufgrund der großen Auflösung fällt uns auch schwer, die Fehler genau auf dem Diagramm darzustellen. Denn selbst wenn der größte Fehler ist auch nicht dominierend (z.B. beim Diagramm 3, der Fehler der Intensität von 0 mol/L beträgt 41,30 counts, der schon deutlich größer als die anderen Fehler, ist im Vergleich mit einer Auflösung 5000 counts in der oben Hälfte des logarithmischen Papiers aber auch fast vernachlässigbar.) Der Grund, warum die Fehler, die wir für  $\epsilon$  bestimmt haben, so klein sind, ist, dass die Ausgleichsgerade zu ähnlich zur Fehlergeraden gezeichnet wurde, so dass die Fehler weit unterschätzt wurden.

Zusätzlich müssen wir berücksichtigen, dass bei der Messung der Intensität in Abhängigkeit von der Konzentration die KMnO<sub>4</sub>-Lösung möglicherweise nicht vollständig durchgemischt wurde, was zu Abweichungen von der erwarteten Konzentration führen könnte. Es ist ebenfalls möglich, dass bei der Zugabe von Kaliumpermanganat die Sichtlinie nicht genau auf Höhe des untersten Teils der konkaven Oberfläche lag, wodurch die Volumina der KMnO4-Lösungen nicht exakt gemessen wurden. Aber was uns besonders auffällt, ist, dass im Diagramm 3 der erste Punkt, der bei einer Konzentration von 0 mol/L liegt, nicht mit den anderen vier Punkten übereinstimmt. Möglicherweise befand sich noch eine kleine Menge Kaliumpermanganat-Rückstand im Behälter, der beim Waschen nicht vollständig entfernt wurde, sodass die Anfangskonzentration der Lösung nach Zugabe von VE-Wasser nicht bei 0 lag. Daher sind wir vielleicht noch ein bisschen konservativ bei der Fehlerabschätzung.

In Zukunft wäre es empfehlenswert, statt ein Diagramm auf logarithmischem Papier zu zeichnen die Formel  $y:=\log I=\log I_0-k'l$  zu verwenden und so einfach eine lineare Regression in einem gewöhnlichen Netzpapierdiagramm darzustellen. Dann können wir bequem die Darstellung formulieren und die Auswertung mit viel größerer Genauigkeit durchführen.

# 5 Quelle

Wagner, J. (2022, 25. August). Physikalisches Anfängerpraktikum [Praktikumsanleitung]. Ruprecht-Karls-Universität Heidelberg. Abgerufen am 02. Oktober 2023, von https://www.physi.uni-heidelberg.de/Einrichtungen/AP/info/Corona/PR\_L\_2022.pdf