## 程序作业

编写程序求解两点边值问题

$$-u'' = f, \quad 0 < x < 1,$$
  
$$u(0) = u(1) = 0,$$

选取等距网格剖分,有限元空间选取分段线性多项式空间 $V_h$ . 取 $f(x) = -(2\cos x - (x-1)\sin x), u(x) = (x-1)\sin x$ 测试你的程序,并计算如下误差

$$||u - u_h||_{L^2[0,1]}, \quad ||u - u_h||_{H^1[0,1]}$$

L<sup>2</sup>范数

$$||w||_{L^2[0,1]} = \left(\int_0^1 w^2 dx\right)^{\frac{1}{2}}$$

H¹[0,1]范数

$$||w||_{H^1[0,1]} = \left(\int_0^1 (w^2 + (w')^2) dx\right)^{\frac{1}{2}}$$

对N=10,20,40,80给出两种空间的数值解结果。利用公式计算算法的收敛阶。

$$Ord = \frac{\ln(Error_{old}/Error_{now})}{\ln(N_{now}/N_{old})}$$

输出形式如下: 对得到的结果进行讨论。

N	$L^2$ error	order	$H^1$ error	order
10		_		_
20				
40				
80				