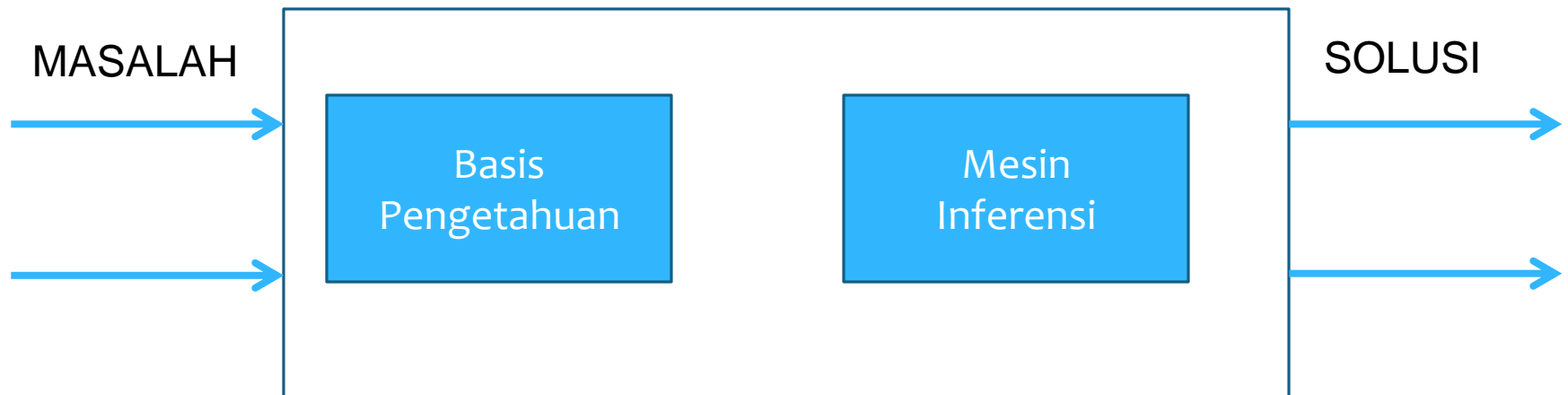


# Kecerdasan Buatan

## Pertemuan 2: Problem Solving

# Sistem yang menggunakan AI



# Sistem yang menggunakan AI (2)

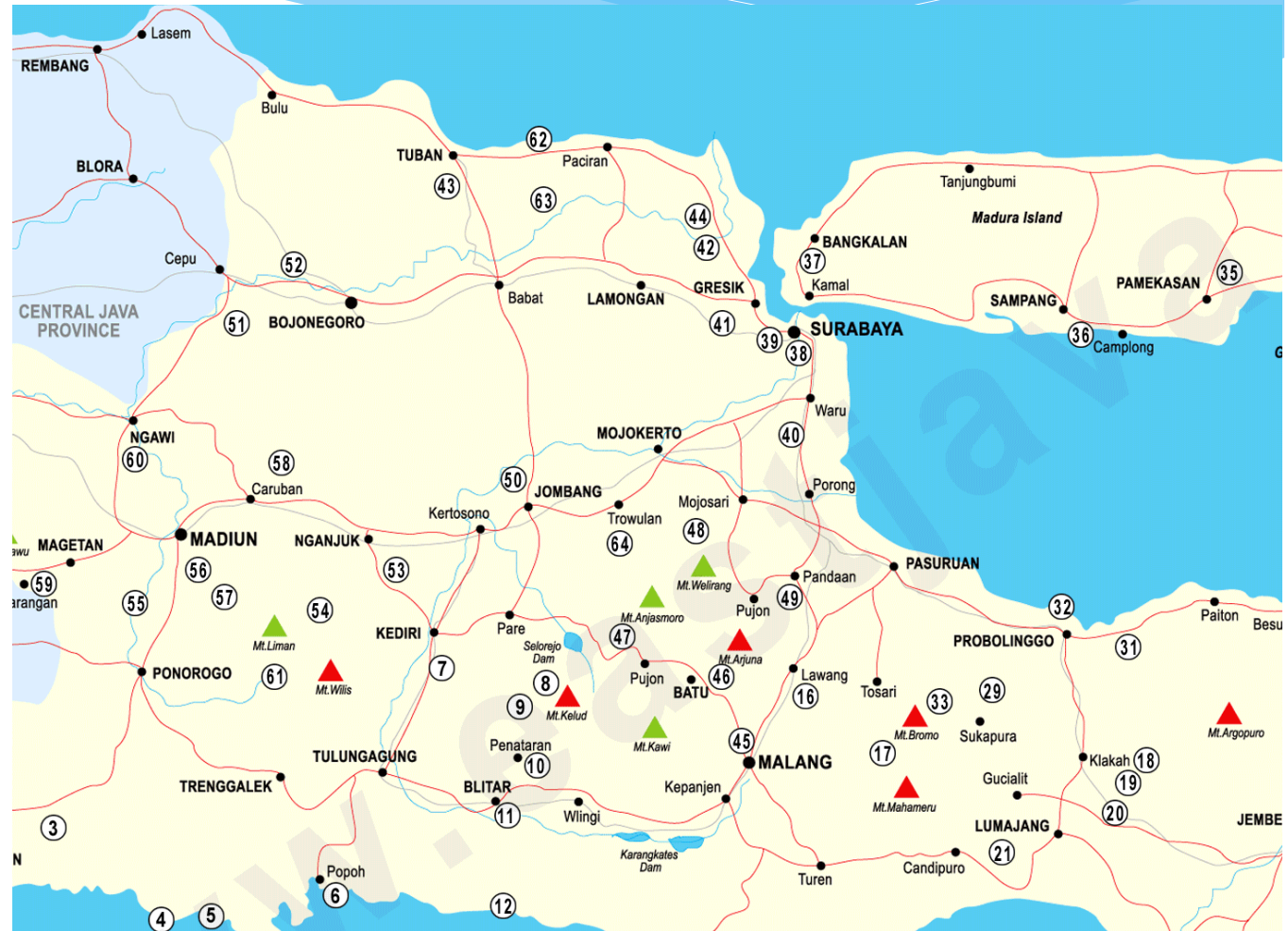
- \* Empat hal yang perlu dipertimbangkan untuk membangun sistem yang mampu menyelesaikan masalah:
  - \* Mendefinisikan masalah dengan tepat → spesifikasi tentang keadaan awal (initial state) dan solusi yang diharapkan
  - \* Menganalisis masalah dan mencari teknik penyelesaian masalah yang sesuai
  - \* Merepresentasikan pengetahuan
  - \* Memilih teknik penyelesaian masalah yang terbaik

# Penyelesaian Masalah (Problem Solving)

- \* Beberapa istilah/terminologi:
  - \* **State** (Keadaan): Deskripsi dari dunia sekitar
  - \* **Goal** (Tujuan): Sekumpulan state yang memiliki sifat/properti yang diinginkan
  - \* **Action** (Tindakan): Menyebabkan perubahan dari sebuah state ke state lain
- \* Mencari **action mana yang menuju ke state goal**: ini adalah langkah untuk penyelesaian masalah:
  - \* Pendefinisian masalah (problem formulation)
    - \* State awal (*initial state*), *action* dan *state* apa yang perlu dipertimbangkan (disebut *successor function*), *goal test*, dan *biaya* (*path costs*)
  - \* Menjalankan algoritma pencarian (*searching algorithm*)
    - \* Memeriksa beberapa urutan *action* yang dapat dijalankan
    - \* Mengembalikan sebuah solusi dalam bentuk urutan *action*

# Contoh: Liburan di Jawa Timur (1)

Posisi di kota  
Trenggalek. Esok  
harus di Surabaya  
untuk naik pesawat  
ke Singapura



# Liburan di Jawa Timur (2)

- \* Formulasi tujuan/pendefinisian masalah:
  - \* Berada di Surabaya
- \* Formulasi permasalahan:
  - \* State (kata benda) : kota-kota di Jawa Timur
  - \* Action (kata kerja): Berkendara melalui kota-kota
- \* Hasil pencarian final:
  - \* Urutan kota yang dilalui, misal: Trenggalek, Tulungagung, Kediri, Kertosono, Jombang, Mojokerto, Surabaya

# Pendefinisian Masalah

- \* Permasalahan didefinisikan dalam 4 hal:
  - \* **State awal**
  - \* **Fungsi successor** (action yang akan dilakukan dan state berikutnya yang akan dituju)
    - \* Diberikan sebuah state  $s$ ,  $A(s)$  adalah fungsi yang mengembalikan state-state lain yang dapat dicapai dari state  $s$  dengan 1 kali action.
  - \* **Goal test** (menentukan apakah state sekarang adalah state tujuan)
  - \* **Path cost** (jumlah dari seluruh biaya yang ditimbulkan oleh action yang telah dilakukan)

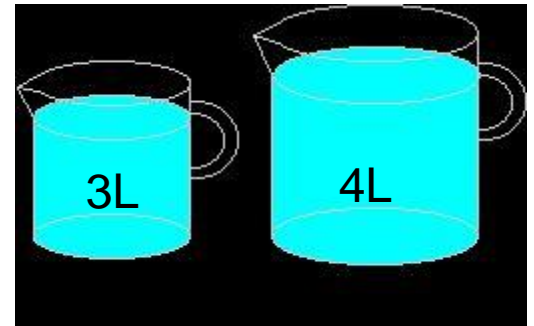
# Contoh Pendefinisian Masalah pada studi kasus Liburan di Jawa Timur

- \* State
  - \* Kota di Jawa Timur: {"Trenggalek", "Surabaya", "Jember", "Malang", ...}
- \* State Awal
  - \* "Trenggalek"
- \* Action dan state yang dipertimbangkan, sesuai fungsi successor
  - \* Misal:  $A(\text{Trenggalek}) = \{ \langle \text{Trenggalek} \rightarrow \text{T.Agung}, \text{T.Agung} \rangle, \dots \}$
- \* Goal Test
  - \* Misal:  $x = \text{"Surabaya"}$
- \* Path Cost
  - \* Misal: jumlah jarak tempuh, jumlah kota yang dilewati, dll.



# Permasalahan Teko Air

- \* Terdapat dua teko air tanpa label yang masing-masing berukuran 3L dan 4L.
- \* Tersedia pasokan air yang tak terbatas.
- \* Teko air tersebut dapat diisi air, dikosongkan, atau isinya dituang ke teko yang lainnya.
- \* Tujuan akhirnya adalah mendapatkan 2L air.



# Permasalahan Teko Air (2)

- \* Representasi:  $(x,y) = (\text{vol air di teko 3L}, \text{vol air di teko 4L})$ ,  
 $0 \leq x \leq 3, 0 \leq y \leq 4$
- \* State awal:  $(0, 0)$
- \* Goal state:  $(\_, 2)$  atau  $(2, \_)$
- \* Tuliskan urutan langkah-langkahnya untuk setiap statenya sehingga tercapai goal state.

# Action Teko Air

$(x,y) = (\text{vol air di teko 3L, vol air di teko 4L})$

Action	Batasan	Keterangan
$A1(x,y) \rightarrow (3,y)$		Isi penuh teko 3L
$A2(x,y) \rightarrow (x,4)$		Isi penuh teko 4L
$A3(x,y) \rightarrow (0,y)$		Kosongkan teko 3L
$A4(x,y) \rightarrow (x,0)$		Kosongkan teko 4L
$A5(x,y) \rightarrow (0,x+y)$	$[0 \leq x+y \leq 4]$	Tuang semua isi teko 3L ke teko 4L
$A6(x,y) \rightarrow (x+y,0)$	$[0 \leq x+y \leq 3]$	Tuang semua isi teko 4L ke teko 3L
$A7(x,y) \rightarrow (x+y-4,4)$	$[x+y > 4]$	Penuhi teko 4L dengan isi teko 3L
$A8(x,y) \rightarrow (3,x+y-3)$	$[x+y > 3]$	Penuhi teko 3L dengan isi teko 4L

# Contoh: Permasalahan 8-Puzzle

7	2	4
5		6
8	3	1

Start State

1	2	3
4	5	6
7	8	

Goal State

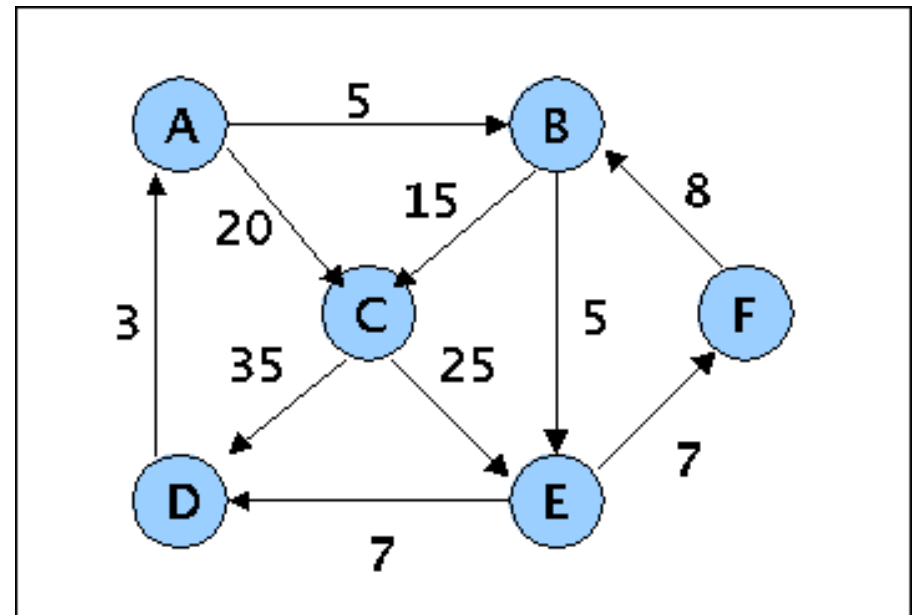
- \* **State:** posisi dari setiap 8 keping dan keping kosong
- \* **State awal:** posisi sembarang
- \* **Fungsi successor:** State legal/sah yang dihasilkan dari action (pergerakan keping kosong ke Kiri, Kanan, Atas, dan Bawah)
- \* **Goal state:** State sekarang sama dengan state di sebelah kanan
- \* **Path cost:** Setiap langkah bernilai 1, path cost adalah jumlah seluruh langkah yang ditempuh

# Ruang Keadaan (State Space)

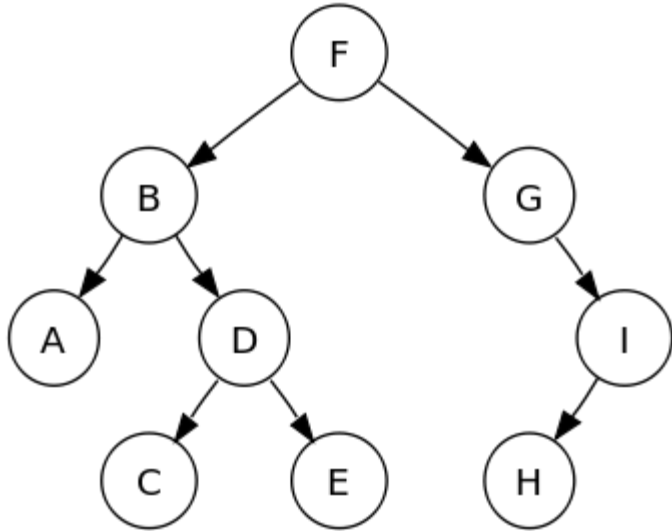
- \* Contoh Liburan di Jawa Timur dan Permasalahan Teko Air merepresentasikan masalah dalam **Ruang Keadaan**, yakni ruang yang berisi semua keadaan yang mungkin.
- \* Beberapa cara untuk merepresentasikan Ruang Keadaan antara lain:
  - \* Graph Keadaan
  - \* Pohon Pelacakan

# Graph Keadaan

- \* Terdiri dari node-node yang menunjukkan keadaan awal dan keadaan baru yang akan dicapai dengan menggunakan operator
- \* Sangat memungkinkan adanya siklus dalam graph, sehingga akan menyulitkan proses pelacakan



# Pohon Pelacakan



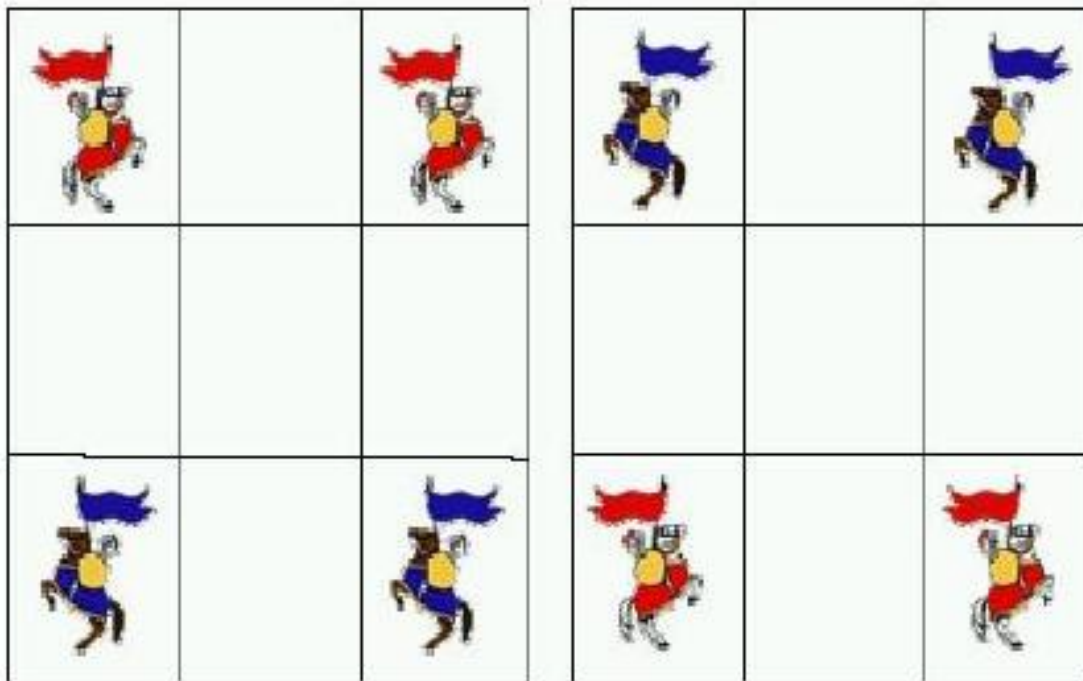
- \* Digunakan untuk menggambarkan keadaan secara hirarkis.
- \* Node akar menunjukkan keadaan awal, sedangkan node daun menunjukkan keadaan akhir (goal state) atau dapat juga keadaan buntu (dead-end state)
- \* Struktur ini menghilangkan kemungkinan adanya siklus (loop)

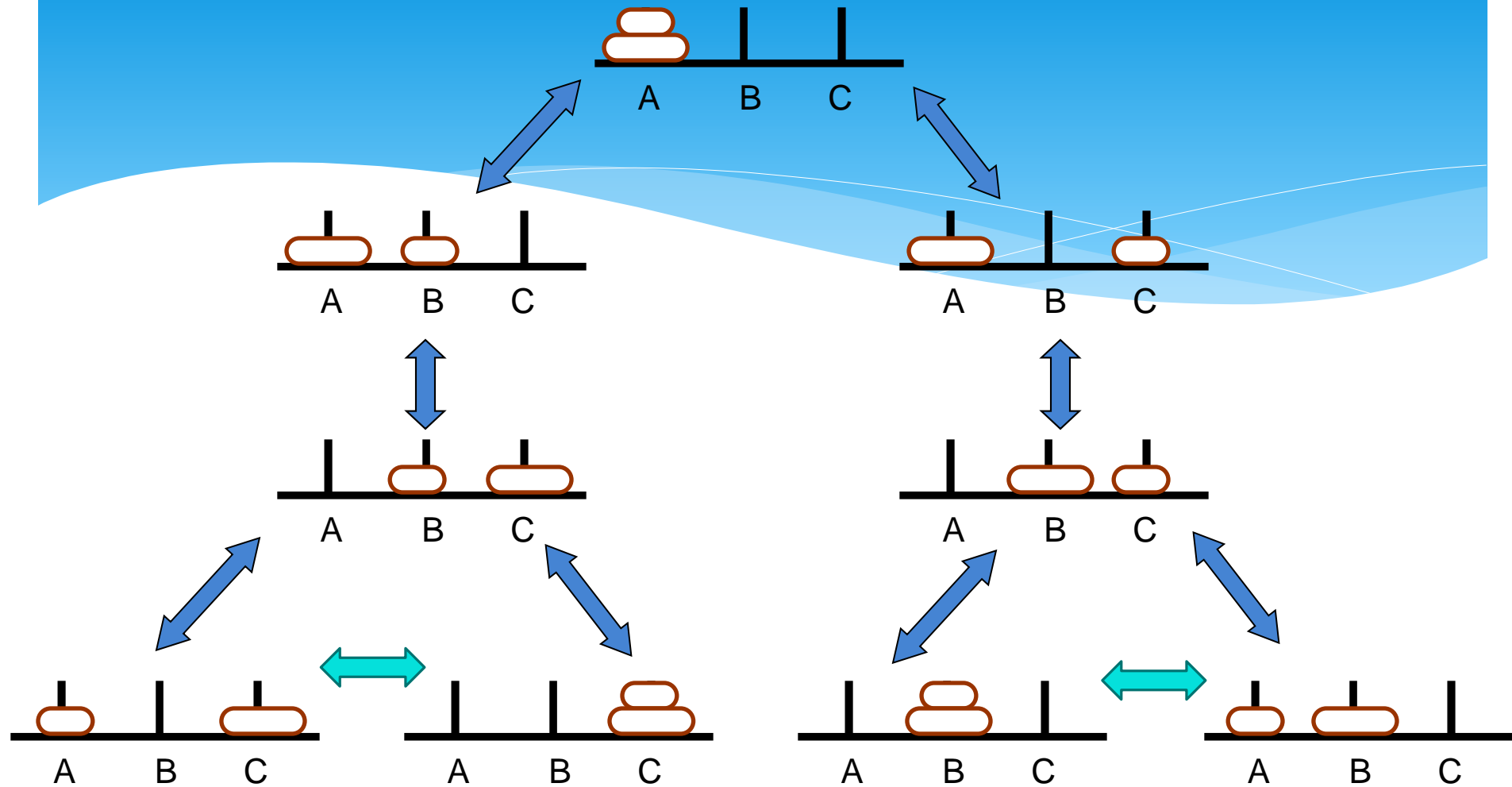
# Permasalahan Ruang Keadaan (*State Space*) yang lainnya

- \* Penukaran bidak Kuda pada permainan catur
- \* Menara Hanoi
- \* Misionaris dan Kanibal



# Penukaran Bidak Kuda





Permasalahan Menara Hanoi

# Missionaris and Canibal (1)

- \* Ada 3 missionaris dan 3 kanibal ingin menyeberangi sungai dengan sebuah sampan.
- \* Sampan mampu menampung maksimum 2 orang.
- \* Jumlah missionaris tidak boleh lebih sedikit daripada jumlah kanibal pada suatu sisi.
- \* Missionaris dan kanibal bisa menggunakan sampan

# Missionaris and Canibal (2)

State : missionaris,canibal,boat

Start state : 3,3,1

Kemungkinan state :

3,3,1	3,2,1	3,1,1	3,0,1
3,3,0	3,2,0	3,1,0	3,0,0
2,3,1	2,2,1	2,1,1	2,0,1
2,3,0	2,2,0	2,1,0	2,0,0
1,3,1	1,2,1	1,1,1	1,0,1
1,3,0	1,2,0	1,1,0	1,0,0
0,3,1	0,2,1	0,1,1	0,0,1
0,3,0	0,2,0	0,1,0	0,0,0

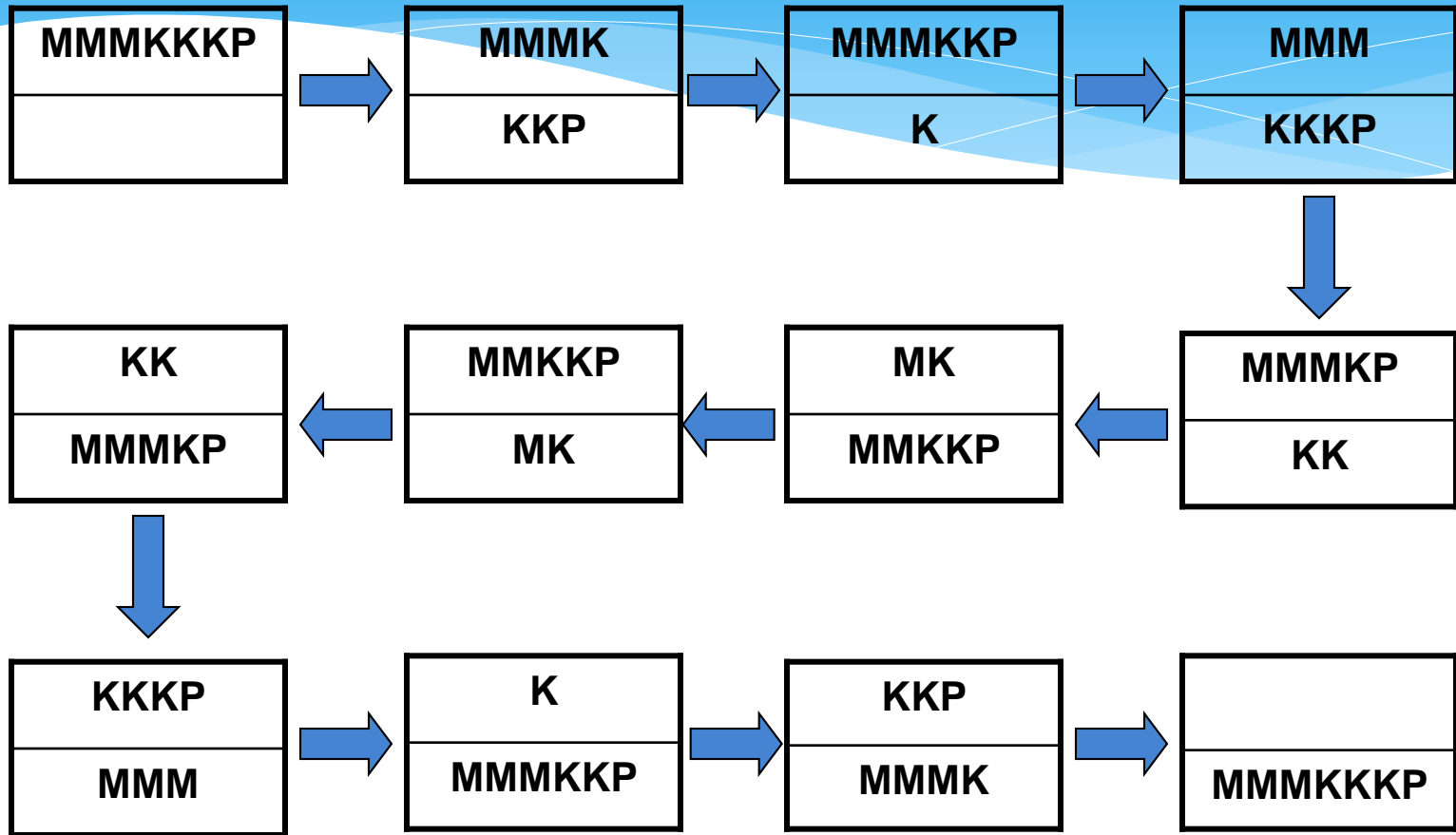
End state : 0,0,0

Biru : start dan end state

Hitam : aman

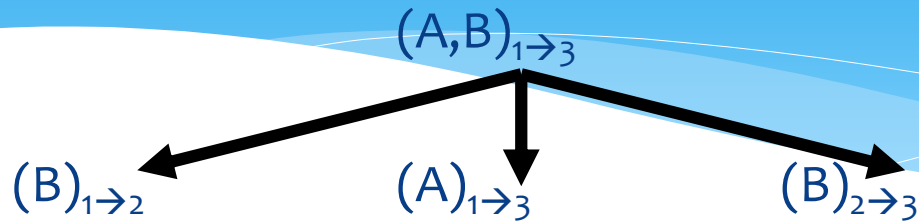
Merah : jumlah kanibal > missionaris  
pada kedua sisi sungai

Hijau : kondisi yang tidak mungkin  
tercapai

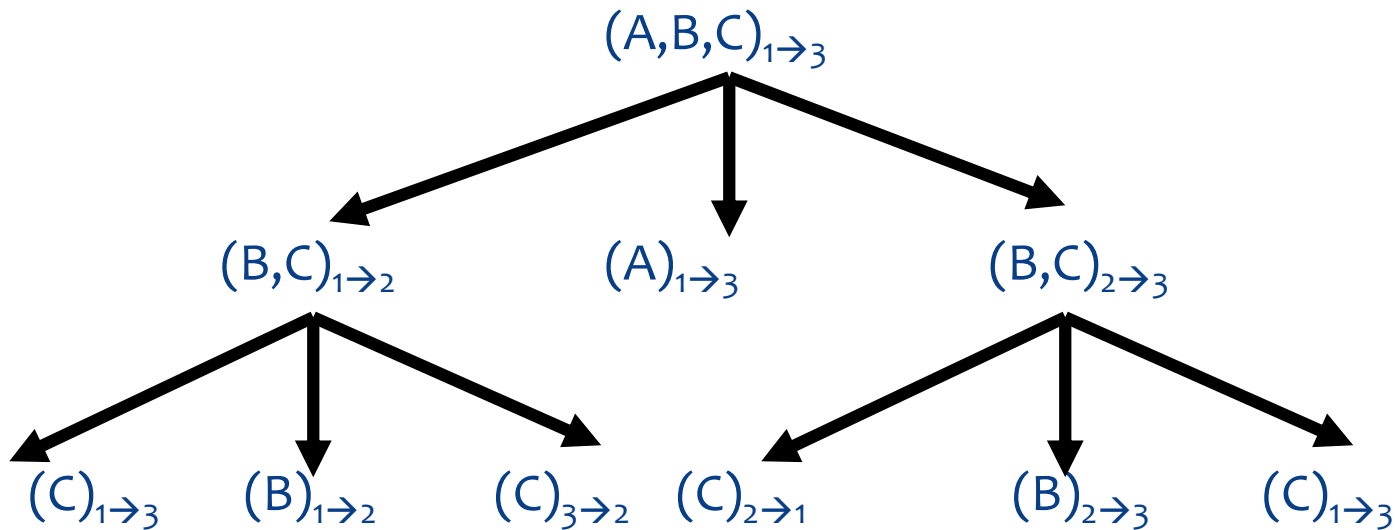


# Reduksi Masalah

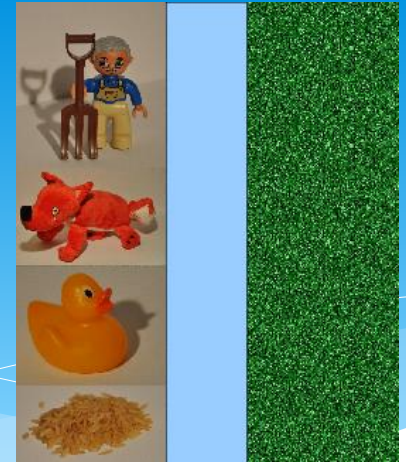
✖ Tower of Hanoi 2 piringan



✖ 3 piringan



# Latihan : State Space



Permasalahan Petani (p), Serigala (s), Angsa (a) dan Padi (pa).

Petani ingin menyeberangi sungai menggunakan perahu kecil dengan semua barang bawaannya (serigala, angsa, padi). Syarat :

- hanya 1 jenis barang bawaan yang dapat diangkut setiap satu kali menyeberang
- serigala, angsa dan padi tidak boleh di satu sisi sungai yang sama tanpa adanya petani di sisi tersebut

$p > s, a, pa$

- angsa dan padi tidak boleh di satu sisi sungai yang sama tanpa adanya petani di sisi tersebut

$p, s > a, pa$

- serigala, angsa tidak boleh di satu sisi sungai yang sama tanpa adanya petani di sisi tersebut

$p, pa > s, a$

Selesaikan permasalahan ini dengan metode state space (seperti contoh)

1. Buat dulu state spacenya
2. Gambarkan/tuliskan urutan pencarian solusinya

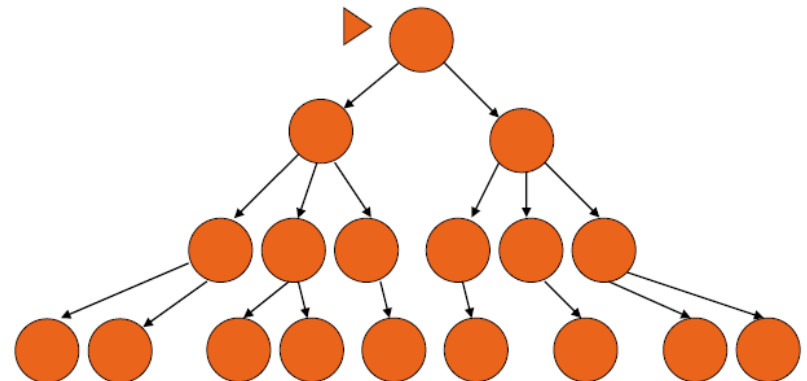
# Metode Pencarian dan Pelacakan

- \* Keberhasilan sistem cerdas dalam mendapatkan sebuah solusi ditentukan oleh kesuksesannya dalam pencarian dan pencocokan.
- \* Ada dua teknik pencarian dan pencocokan:
  - \* Pencarian Buta (Blind Search/Uninformed Search)
  - \* Pencarian Terbimbing (Informed Search)



# Uninformed Search (Blind Search/Pencarian Buta)

- \* Ide Dasarnya adalah mengeksplorasi ruang keadaan dengan menghasilkan *successor* dari state yang diperluas
- \* Pencarian buta hanya menggunakan informasi yang tertulis pada definisi permasalahan
- \* Contoh:
  - \* Breadth-first search
  - \* Depth-first search
  - \* Depth-limited search
  - \* Iterative deepening search



# Prosedur Breadth-first Search

1. Tentukan  $L$  sebagai daftar node awal pada permasalahan
2. Misal  $n$  adalah node pertama pada  $L$ . Jika  $L$  kosong, maka pencarian gagal.
3. Jika  $n$  adalah state tujuan, berhenti, dan kembalikan node  $n$  beserta jalur (path) dari node awal menuju  $n$ .
4. Jika  $n$  bukan state tujuan, hapus  $n$  dari  $L$  dan tambahkan seluruh anak dari  $n$  ke bagian akhir dari  $L$ . Beri label jalur yang ditempuh dari node awal menuju tiap-tiap anak. Kembali ke langkah 2.

# Prosedur Breadth-first Search (2)

- \* Ciri dari BFS:
  - \* Tree dieksplorasi dari atas ke bawah
  - \* Setiap node pada kedalaman  $d$  dikunjungi sebelum node pada kedalaman  $d+1$

# Contoh Penyelesaian Permasalahan Teko Air dengan BFS

- \* Isi L dengan node awal  $\rightarrow L = \{ \langle \text{nil}: (0,0) \rangle \}$

- \*  $n = \langle \text{nil}: (0,0) \rangle$

- \* Goal test – state  $n$  bukan state tujuan

Bagaimana mencari seluruh anak dari  $n$ ?

Gunakan operasi valid pada state  $n$

Misal:  $a_1$ (isi teko 3L),  $a_2$ (isi teko 4L)

- \* Hapus  $n$  dari L dan tambahkan anak-anak  $n$  ke bagian akhir dari L  $\rightarrow L = \{ \langle a_1: (3,0) \rangle, \langle a_2: (0,4) \rangle \}$

# Contoh Penyelesaian Permasalahan Teko Air dengan BFS (2)

- \* Hapus  $n$  dari  $L$  dan tambahkan anak-anak  $n$  ke bagian akhir dari  $L \rightarrow$

$$L = \{ \langle a1: (3,0) \rangle, \langle a2: (0,4) \rangle \}$$

- \*  $n = \langle a1: (3,0) \rangle$

- \* Goal test – state  $n$  bukan state tujuan

Bagaimana mencari seluruh anak dari  $n$ ?

Gunakan operasi valid pada state  $n$

Misal:  $a2$ (isi teko 4L),  $a3$ (kosongkan teko 3L),  $a4$ (pindahkan seluruh isi teko 3L ke teko 4L)

- \* Hapus  $n$  dari  $L$  dan tambahkan anak-anak  $n$  ke bagian akhir dari  $L$

$$\rightarrow L = \{ \langle a2: (0,4) \rangle, \langle a2: (3,4) \rangle, \langle a3: (0,0) \rangle, \langle a4: (0,3) \rangle \}$$

# Contoh Penyelesaian Permasalahan Teko Air dengan BFS (3)

- \* Hapus  $n$  dari  $L$  dan tambahkan anak-anak  $n$  ke bagian akhir dari  $L$

→  $L = \{ \langle a_2: (0,4) \rangle, \langle a_2: (3,4) \rangle, \langle a_3: (0,0) \rangle, \langle a_4: (0,3) \rangle \}$

- \*  $n = \langle a_2: (0,4) \rangle$

- \* Goal test – state  $n$  bukan state tujuan

Bagaimana mencari seluruh anak dari  $n$ ?

Gunakan operasi valid pada state  $n$

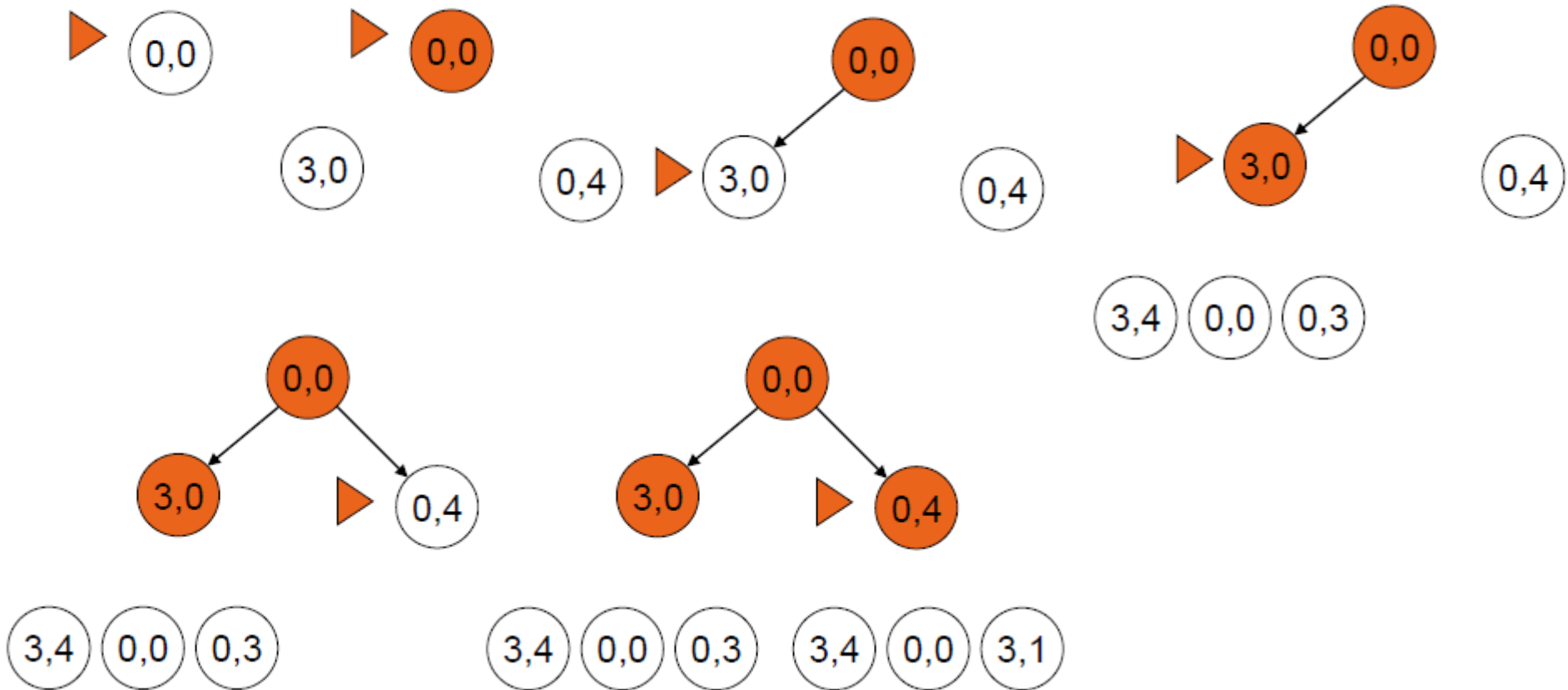
Misal:  $a_1$ (isi teko 3L),  $a_4$ (kosongkan teko 4L),  $a_8$ (tuang isi teko 4L ke teko 3L sampai teko 3L penuh)

- \* Hapus  $n$  dari  $L$  dan tambahkan anak-anak  $n$  ke bagian akhir dari  $L$

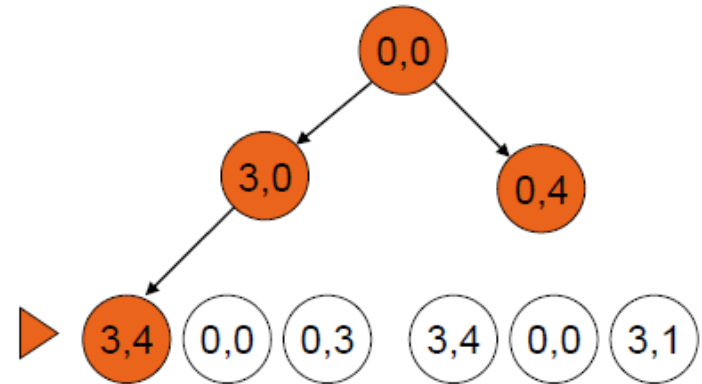
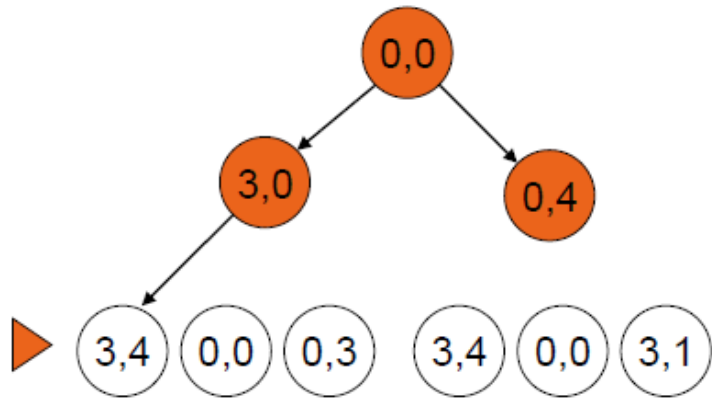
→  $L = \{ \langle a_2: (3,4) \rangle, \langle a_3: (0,0) \rangle, \langle a_4: (0,3) \rangle, \langle a_1: (3,4) \rangle, \langle a_4: (0,0) \rangle, \langle a_8: (3,1) \rangle \}$

Dan seterusnya ....

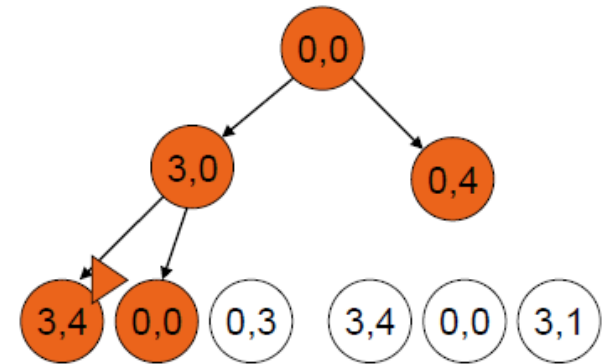
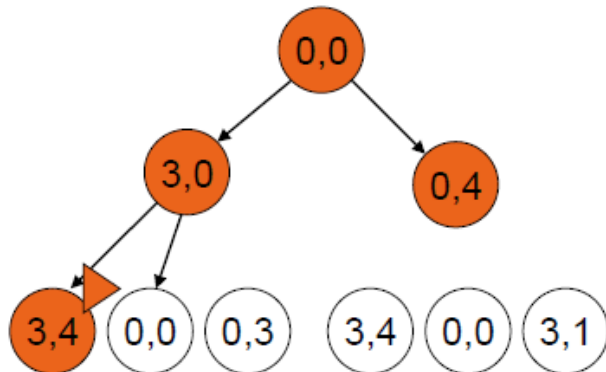
# Representasi Tree untuk BFS



# Representasi Tree untuk BFS (2)



(0,4) (3,0)



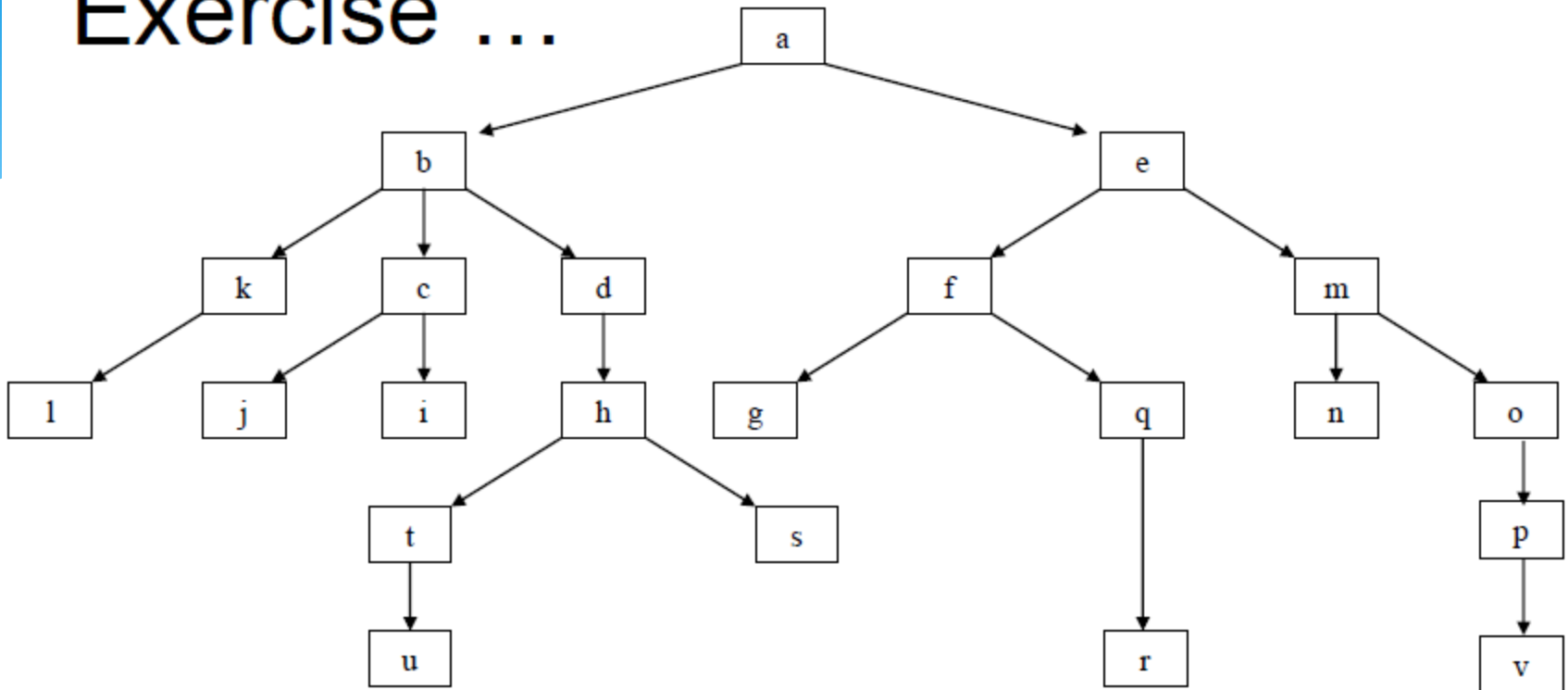
(0,4) (3,0)

(0,4) (3,0)

(3,0) (0,4)



# Exercise ...



Tuliskan urutan node yang dikunjungi jika menggunakan Breadth-first Search

# Prosedur Depth-first Search

1. Tentukan L sebagai daftar node awal dari permasalahan
2. Misal n adalah node pertama pada L. Jika L kosong, pencarian gagal.
3. Jika n adalah state tujuan, berhenti dan kembalikan node tersebut beserta jalur/path dari node awal menuju n.
4. Jika n bukan state tujuan, hapus n dari L dan tambahkan seluruh anak dari n di bagian **depan** dari L. Beri label jalur yang ditempuh dari node awal menuju tiap-tiap anak. Kembali ke langkah 2.

# Prosedur Depth-first Search (2)

- \* Ciri dari DFS:
  - \* Mengekspansi pohon pencarian sedemikian rupa sehingga node ditelusuri dari kiri ke kanan
  - \* Kita selalu mengeksplorasi anak dari node yang baru diekspansi terlebih dahulu
  - \* Jika node ini tidak memiliki anak, lakukan prosedur mundur (backtrack) 1 langkah sebelum memilih node lain untuk diekspansi

# Penyelesaian permasalahan teko air dengan DFS

- \* Isi L dengan node awal  $\rightarrow \rightarrow L = \{<nil: (0,0)>\}$

- \*  $n = <nil: (0,0)>$

- \* Goal test – state  $n$  bukan state tujuan

Bagaimana mencari seluruh anak dari  $n$ ?

Gunakan operasi valid pada state  $n$

Misal:  $a1$ (isi teko 3L),  $a2$ (isi teko 4L)

- \* Hapus  $n$  dari L dan tambahkan anak-anak  $n$  ke bagian depan dari L  $\rightarrow L = \{<a1: (3,0)>, <a2: (0,4)>\}$

# Penyelesaian permasalahan teko air dengan DFS (2)

- \* Hapus  $n$  dari  $L$  dan tambahkan anak-anak  $n$  ke bagian awal dari  $L \rightarrow$

$L = \{ \langle a1: (3,0) \rangle, \langle a2: (0,4) \rangle \}$

- \*  $n = \langle a1: (3,0) \rangle$

- \* Goal test – state  $n$  bukan state tujuan

Bagaimana mencari seluruh anak dari  $n$ ?

Gunakan operasi valid pada state  $n$

Misal:  $a2$ (isi teko 4L),  $a3$ (kosongkan teko 3L),  $a4$ (pindahkan seluruh isi teko 3L ke teko 4L)

- \* Hapus  $n$  dari  $L$  dan tambahkan anak-anak  $n$  ke bagian awal dari  $L$

$\rightarrow L = \{ \langle a2: (3,4) \rangle, \langle a3: (0,0) \rangle, \langle a4: (0,3) \rangle, \langle a2: (0,4) \rangle \}$

# Penyelesaian permasalahan teko air dengan DFS (3)

- \* Hapus  $n$  dari  $L$  dan tambahkan anak-anak  $n$  ke bagian awal dari  $L$

→  $L = \{ \langle a_2: (3,4) \rangle, \langle a_3: (0,0) \rangle, \langle a_4: (0,3) \rangle, \langle a_2: (0,4) \rangle \}$

- \*  $n = \langle a_2: (3,4) \rangle$

- \* Goal test – state  $n$  bukan state tujuan

Bagaimana mencari seluruh anak dari  $n$ ?

Gunakan operasi valid pada state  $n$

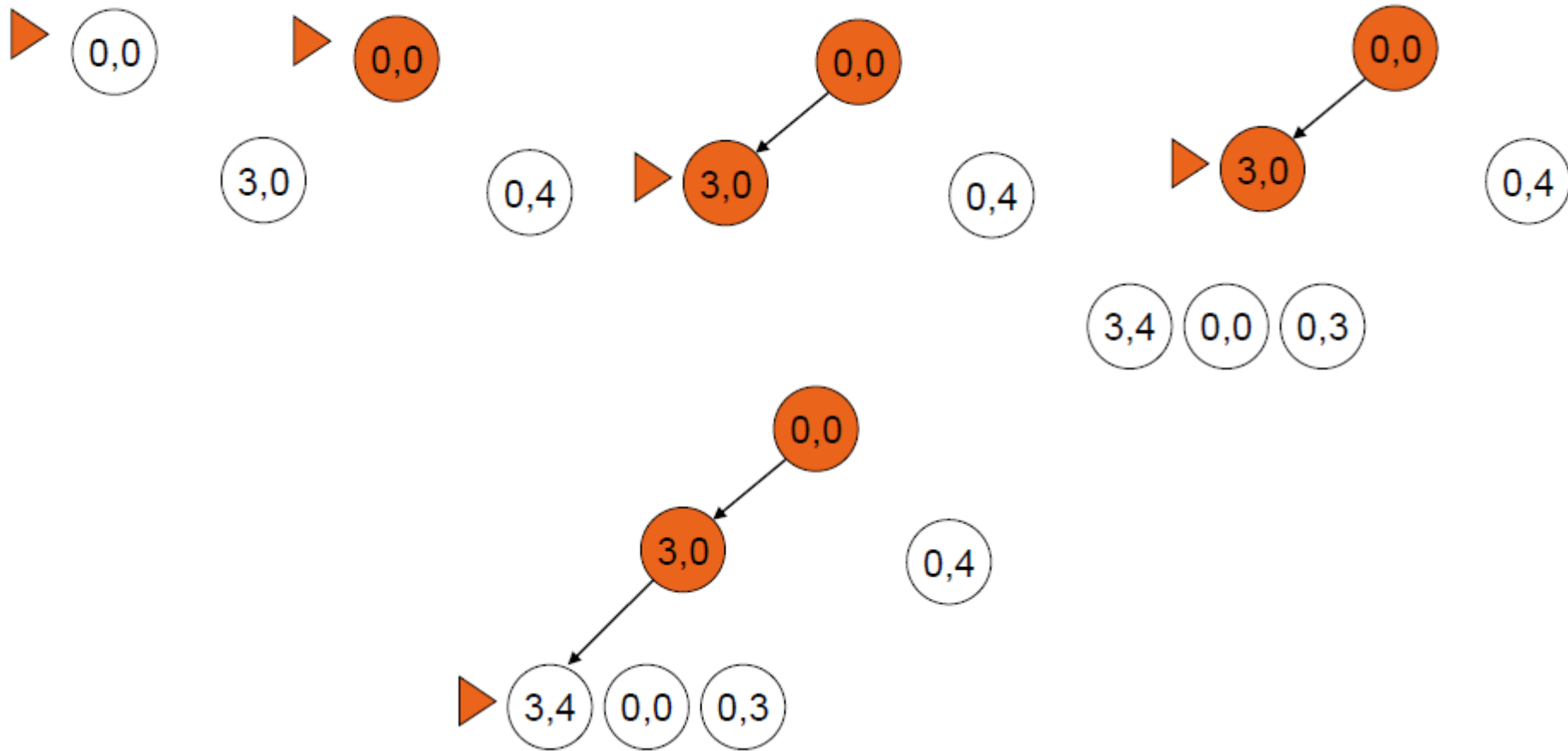
Misal:  $a_3$ (kosongkan teko 3L),  $a_4$ (kosongkan teko 4L)

- \* Hapus  $n$  dari  $L$  dan tambahkan anak-anak  $n$  ke bagian awal dari  $L$

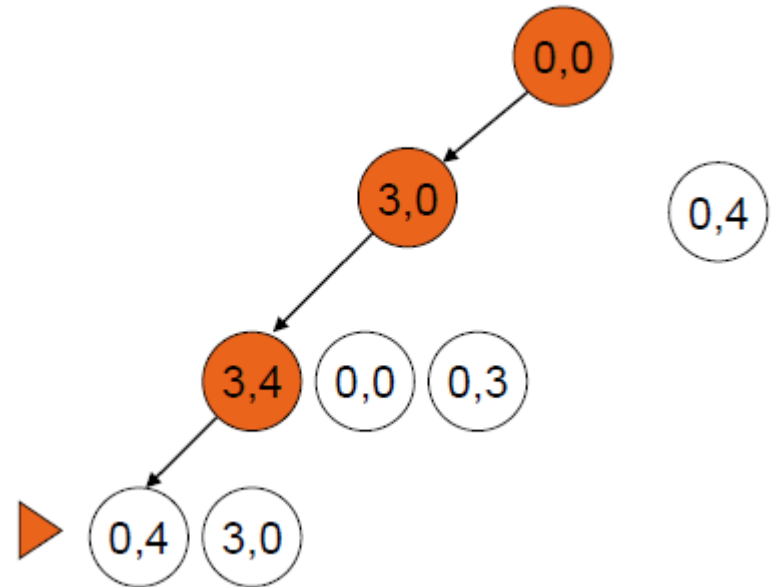
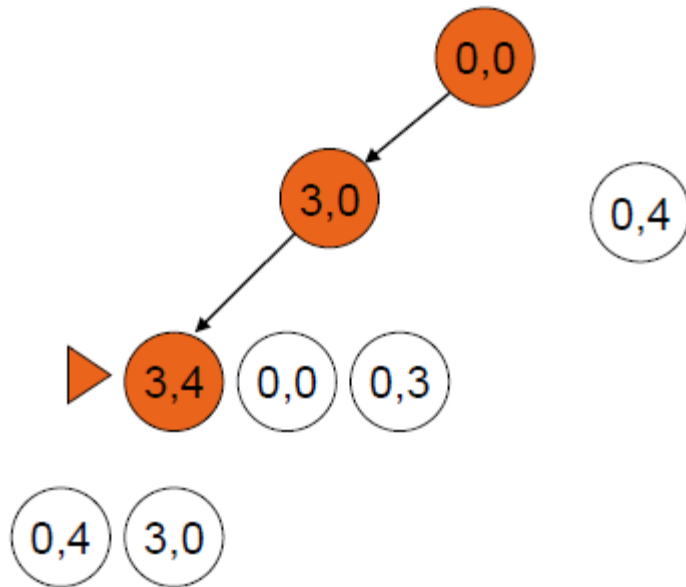
→  $L = \{ \langle a_3: (0,4) \rangle, \langle a_4: (3,0) \rangle, \langle a_3: (0,0) \rangle, \langle a_4: (0,3) \rangle, \langle a_2: (0,4) \rangle \}$

Dan seterusnya .....

# Representasi Tree untuk DFS

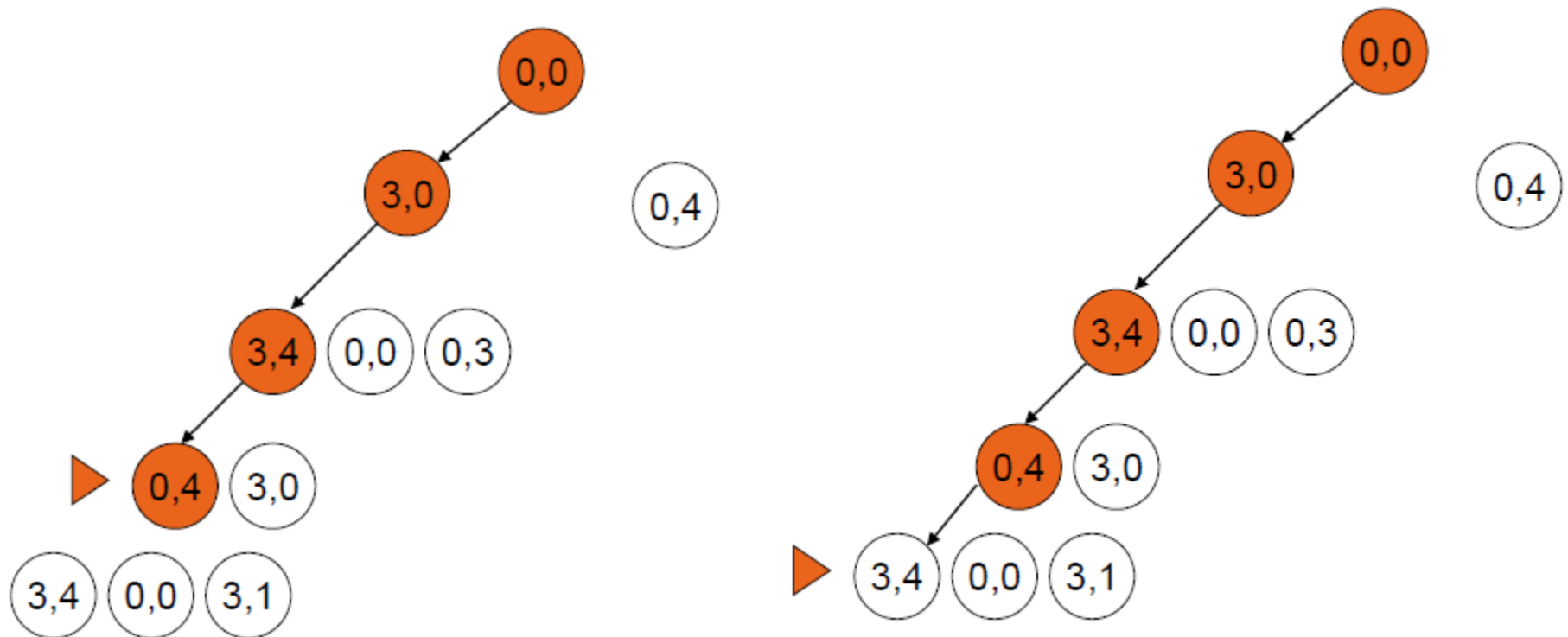


# Representasi Tree untuk DFS (2)

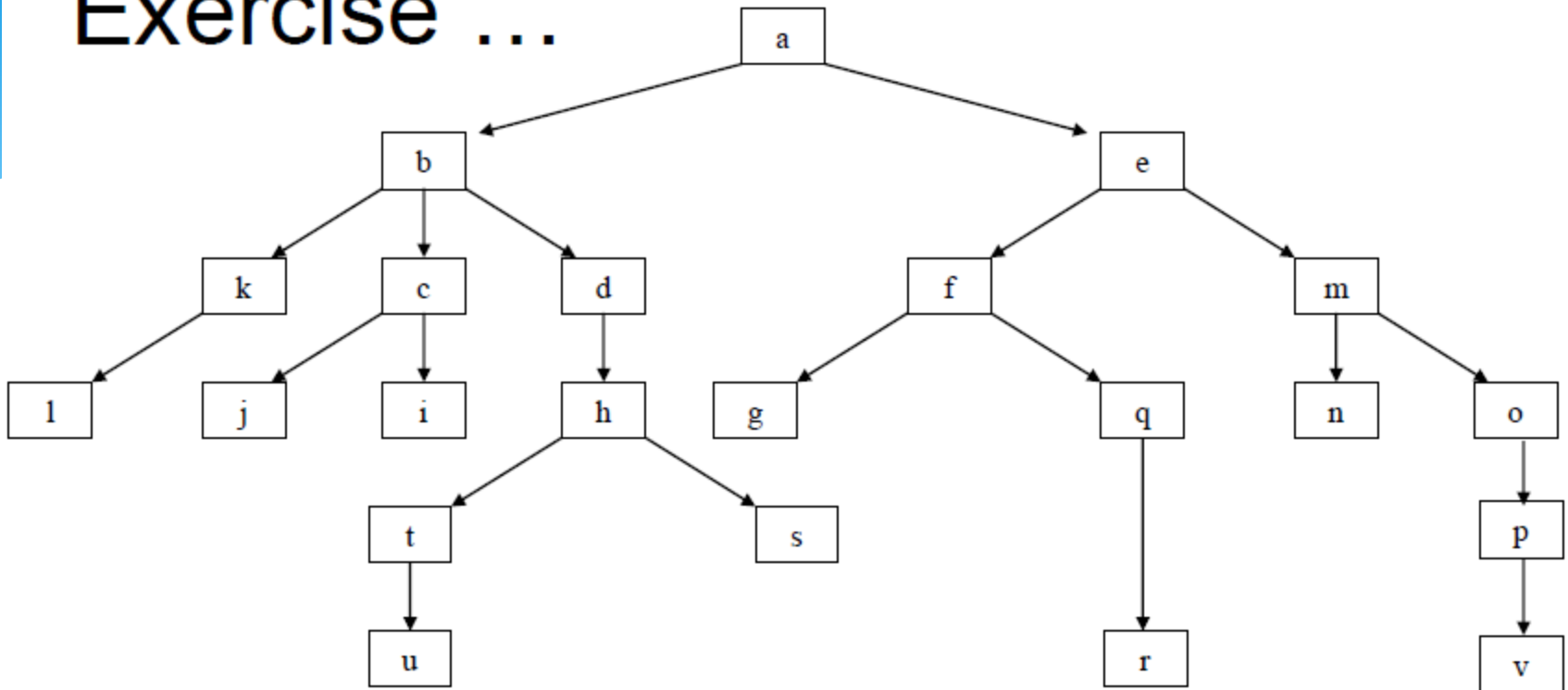




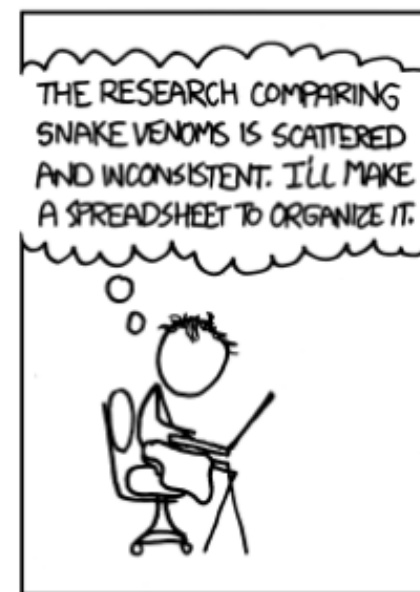
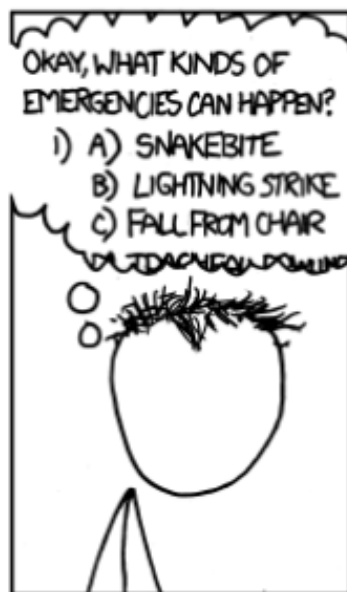
# Representasi Tree untuk DFS (3)



# Exercise ...



Tuliskan urutan node yang dikunjungi jika menggunakan Depth-first Search

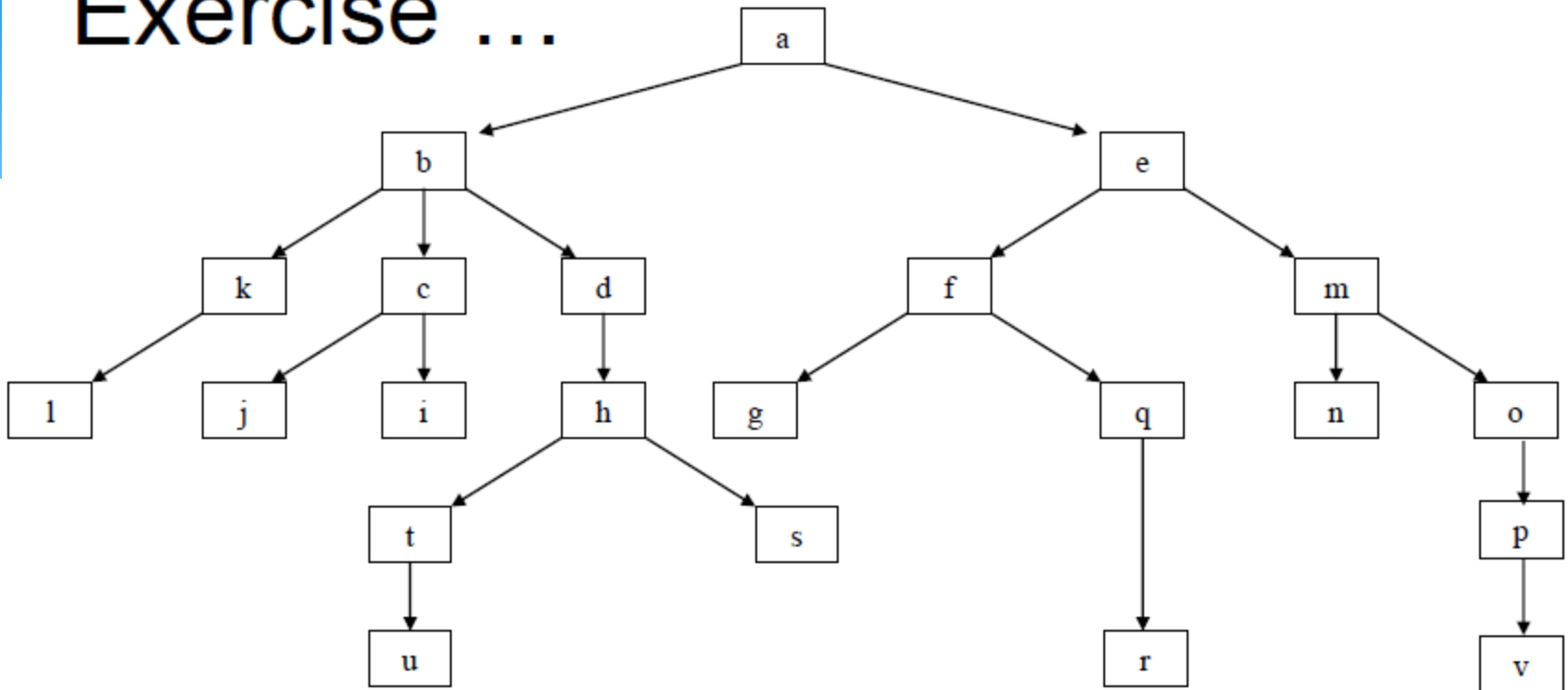


I REALLY NEED TO STOP USING DEPTH-FIRST SEARCHES.

# Depth-limited Search

- \* Sama dengan Depth-first Search, hanya menetapkan suatu batasan kedalaman maksimum ( $\lambda$ ) yang akan ditelusuri
- \* Root memiliki kedalaman 0

# Exercise ...



Tuliskan urutan node yang dikunjungi jika menggunakan Depth-limited Search dengan maksimum kedalaman adalah 3

# Iterative-deepening Search

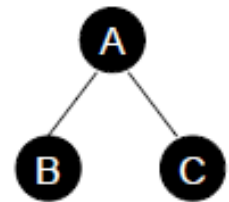
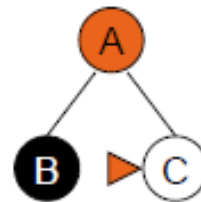
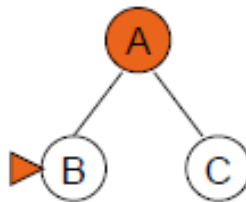
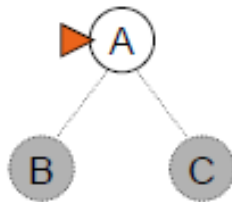
- \* Mirip dengan Depth-limited Search, hanya secara bertahap meningkatkan kedalaman node yang ditelusuri

# Iterative-deepening Search

Limit = 0

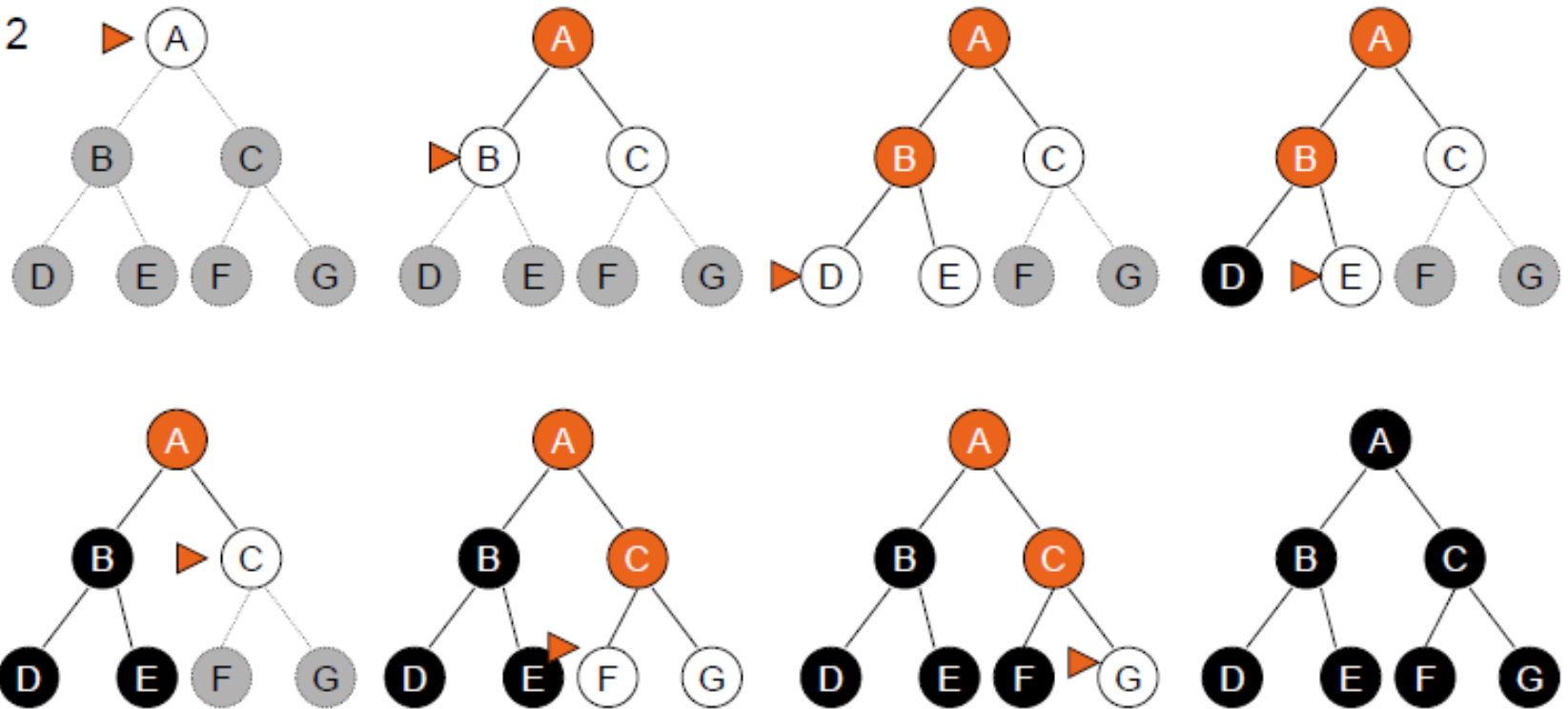


Limit = 1



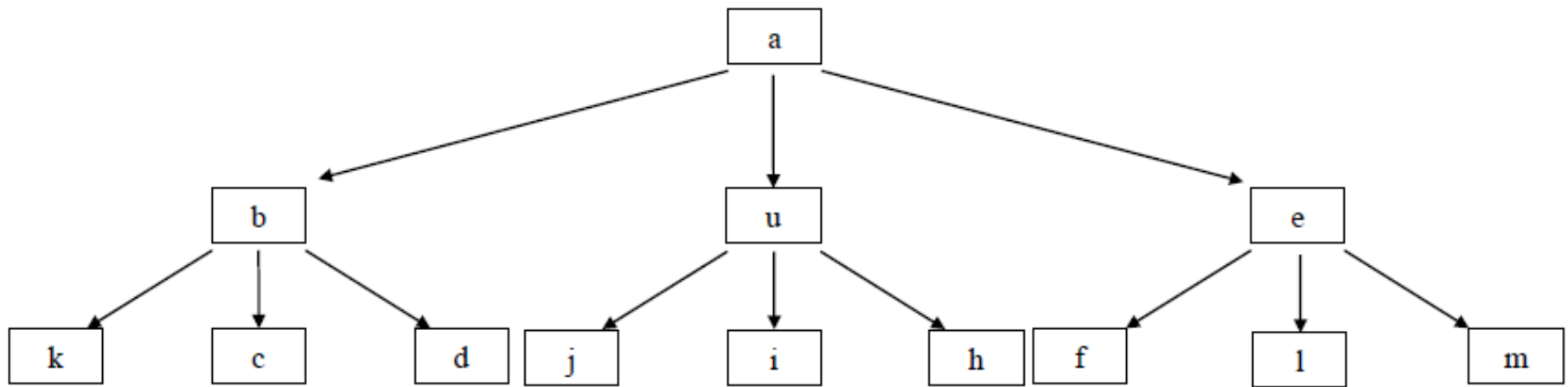
# Iterative-deepening Search

Limit = 2





# Latihan



Tuliskan urutan penelusuran node jika menggunakan Iterative-deepening Search

# Perbandingan

	<b>Breadth-First</b>	<b>Depth-First</b>	<b>Depth-Limited</b>	<b>Iterative Deepening</b>
Complete?	• Yes	• No	• No	• Yes
Time	• $O(b^{d+1})$	• $O(b^m)$	• $O(b^l)$	• $O(b^d)$
Space	• $O(b^{d+1})$	• $O(bm)$	• $O(bl)$	• $O(bd)$
Optimal?	• Yes	• No	• No	• Yes

b = jumlah node

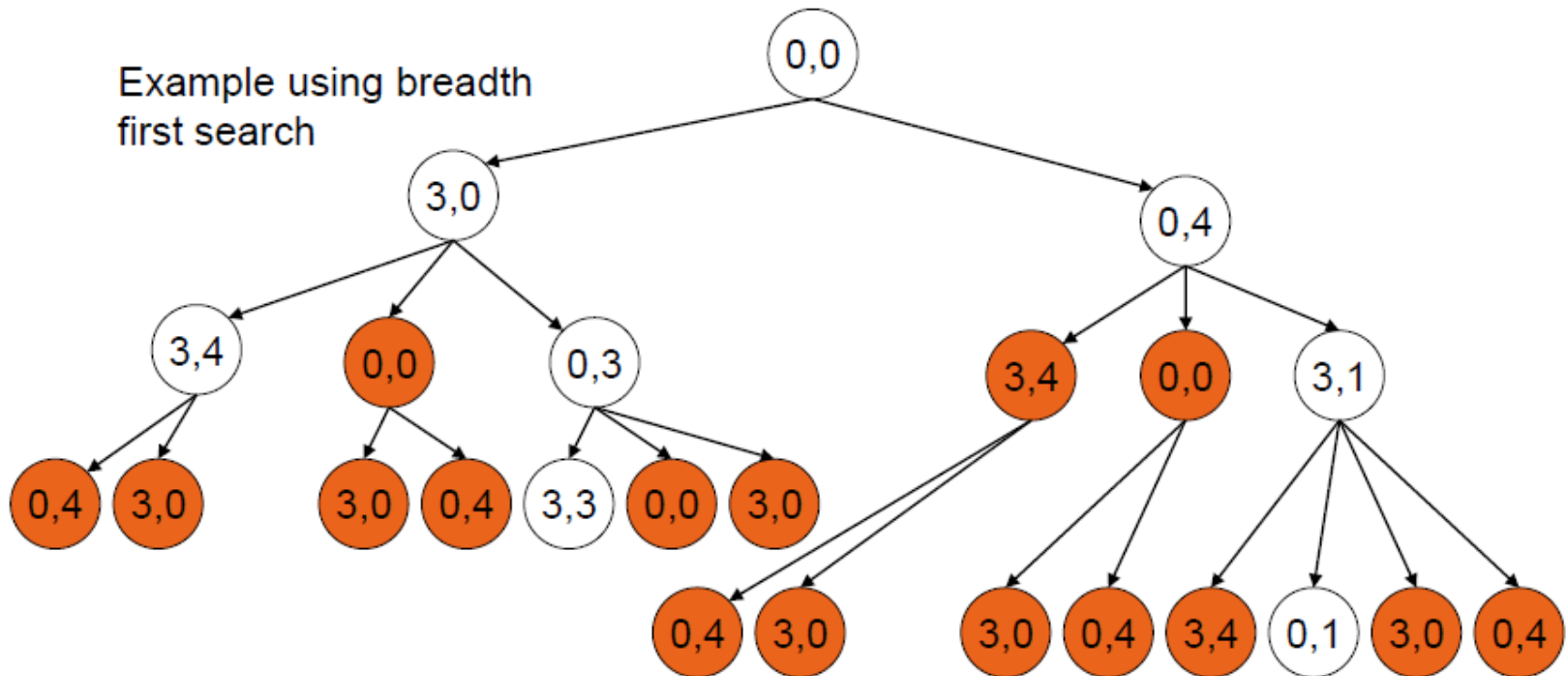
m = kedalaman pada tree untuk Depth-First Search

l = kedalaman pada tree untuk Depth-limited Search

d = kedalaman pada tree untuk Breadth-First Search dan Iterative-deepening Search

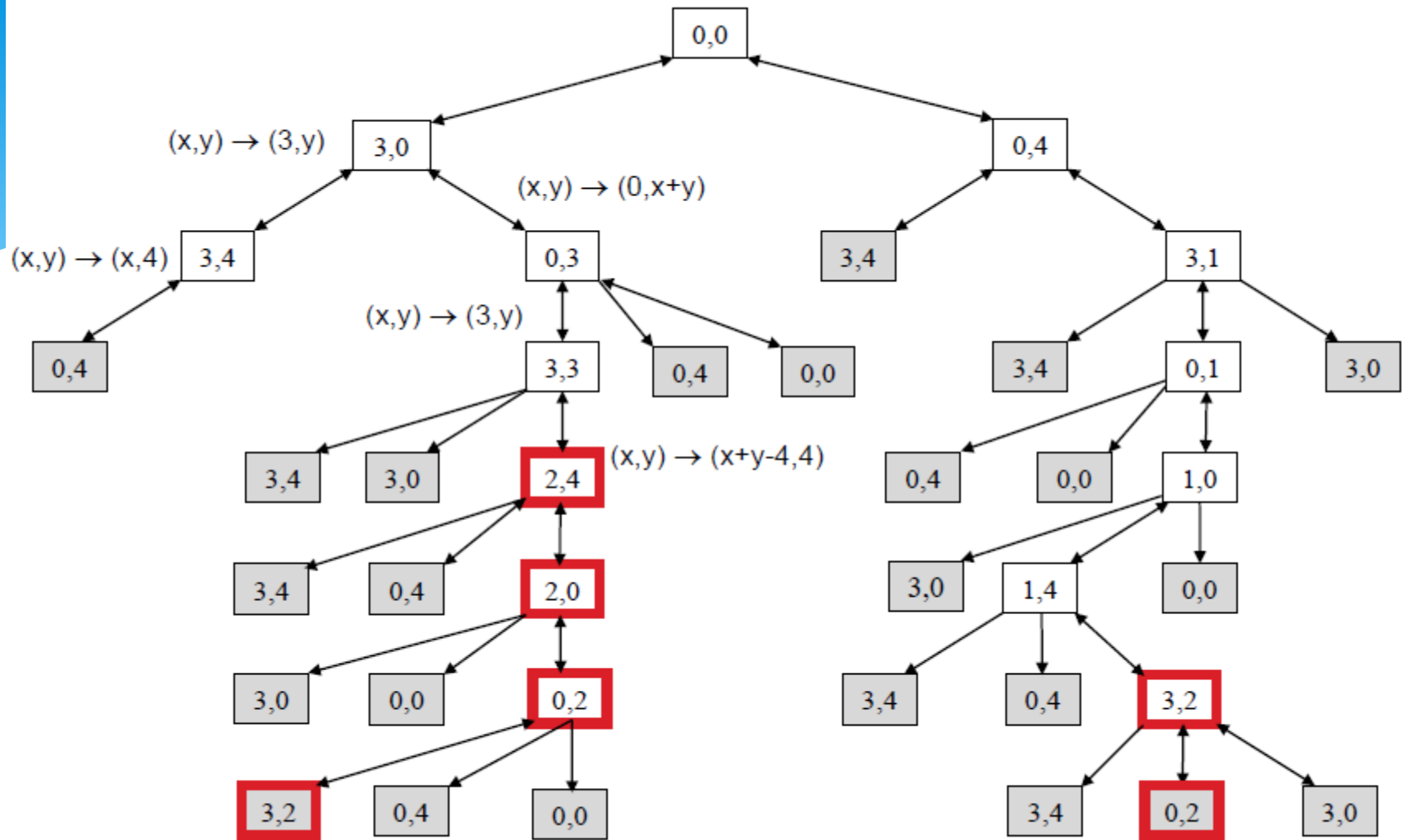
# Penanganan State Berulang

- \* HATI-HATI! Kegagalan dalam mendeteksi state yang berulang akan mengakibatkan permasalahan linier menjadi permasalahan eksponensial



# Tips Penanganan State Berulang

- \* Jangan kembali pada state yang telah dikunjungi
- \* Jangan membuat jalur/path yang mengandung siklus/cycle di dalamnya
- \* Jangan men-generate state yang sudah di-generate sebelumnya



Contoh penanganan state berulang

# Tugas

- \* Selesaikan permasalahan Petani-Beras-Angsa-Serigala dengan menggunakan salah satu dari metode penelusuran:
  - \* DFS
  - \* BFS
  - \* Depth Limited Search (limit kedalaman: 7)
  - \* Iterative Deepening Search
- \* Terapkan penanganan state berulang pada penyelesaian permasalahan yang Anda buat

# Ringkasan

- \* Pendefinisian masalah
- \* Ruang keadaan
- \* Pencarian Buta/Blind Search/Uninformed Search
  - \* Breadth-first Search
  - \* Depth-first Search
  - \* Depth-limited Search
  - \* Iterative-deepening Search
- \* Penanganan State Berulang