§ 3.3. Домашнее задание (письменное)

Письменно решить номера 8.3.19 - 8.3.54.

Найти интегралы от простейших дробей:

$$8.3.19. \qquad \int \frac{5 \, dx}{x + \sqrt{2}}.$$

$$8.3.20. \int \frac{4\,dx}{\left(x-\frac{1}{2}\right)^3}.$$

8.3.21.
$$\int \frac{7 \, dx}{(x+3)^6}.$$

8.3.22.
$$\int \frac{dx}{(3x+2)^4}.$$

8.3.23.
$$\int \frac{dx}{x^2 - 4x + 8}.$$

8.3.24.
$$\int \frac{dx}{x^2 + x + 1}.$$

8.3.25.
$$\int \frac{6x+1}{x^2-8x+25} \, dx.$$

8.3.26.
$$\int \frac{5x+2}{x^2+2x+10} \, dx.$$

8.3.27.
$$\int \frac{x+2}{x^2+3x+5} \, dx.$$

8.3.28.
$$\int \frac{2x-1}{5x^2+2x+1} \, dx.$$

8.3.29.
$$\int \frac{x-1}{(x^2+2x+3)^2} dx.$$

8.3.30.
$$\int \frac{2x+1}{(x^2+2x+5)^2} \, dx.$$

8.3.31.
$$\int \frac{dx}{(x^2+1)^4}.$$

8.3.32.
$$\int \frac{(3x+2)\,dx}{(x^2-3x+3)^2}.$$

Найти интегралы

8.3.33.
$$\int \frac{2x-3}{(x-1)(x+2)} dx.$$

8.3.34.
$$\int \frac{x-4}{(x-2)(x-3)} \, dx.$$

8.3.35.
$$\int \frac{x \, dx}{x^2 - 4x - 5}.$$

8.3.36.
$$\int \frac{2x^2 - 11}{x^2 + x - 6} dx.$$

8.3.37.
$$\int \frac{-3x^2 + x + 19}{(x-4)(x-2)(x+1)} dx.$$

8.3.38.
$$\int \frac{x-1}{(x+1)(x^2-4)} \, dx.$$

8.3.39.
$$\int \frac{(x^2+2) dx}{(x-1)(x+1)^2}.$$

8.3.40.
$$\int \frac{2x+3}{(x-2)^3} \, dx.$$

8.3.41.
$$\int \frac{x^4 dx}{(x^2-1)(x+2)}.$$

8.3.42.
$$\int \frac{dx}{x^3-1}$$
.

8.3.43.
$$\int \frac{x \, dx}{(x^2-1)(x^2+1)}.$$

8.3.44.
$$\int \frac{dx}{(x^2+1)(x^2+4)}.$$

8.3.45.
$$\int \frac{2x^2 - 3x - 3}{(x^2 - 2x + 5)(x - 1)} dx$$

8.3.45.
$$\int \frac{2x^2 - 3x - 3}{(x^2 - 2x + 5)(x - 1)} dx. \quad 8.3.46. \quad \int \frac{x^4 + x^3 + x^2 + x + 1}{(x^2 + 1)^2 \cdot x} dx.$$

8.3.47.
$$\int \frac{x^4 - 2x^3 + 3x + 4}{x^3 + 1} \, dx.$$

8.3.48.
$$\int \frac{3x+5}{x(x^2+1)^2} dx.$$

8.3.49.
$$\int \frac{x^2 dx}{x^3 + 5x^2 + 8x + 4}.$$

8.3.50.
$$\int \frac{dt}{t^4-1}$$
.

8.3.51.
$$\int \frac{e^{2x} \, dx}{e^{2x} + 3e^x + 2}.$$

8.3.52.
$$\int \frac{1+e^x}{(1-e^{2x})e^x} \, dx.$$

8.3.53.
$$\int \frac{\cos x \, dx}{(\sin x - 1)(\sin x + 2)} \cdot 8.3.54. \int \frac{\sin^4 x \, dx}{\cos x}.$$

8.3.54.
$$\int \frac{\sin^4 x \, dx}{\cos x}$$

Необязательное письменное домашнее задание

Задание для больших «любителей» © математики. Выполнять при желании. Правила сдачи:

- Сдавать только в сроки, указанные преподавателем.
- Обязательно перед выполнением делать запись, что номера из дополнительного домашнего задания.
- Выполнять задания в строгом порядке. Если какой-то пример не решаете, то написать номер примера и фразу «пример не решаю».
- Если есть номера на «устное решение» или «доказательство», то подробно описать ход рассуждений.
- Обязательно выложить фотографию в moodle.

Найти интегралы:

8.3.55.
$$\int \frac{dx}{x^4 + 1}$$
. 8.3.56. $\int \frac{x^2 - 1}{(x+2)^{200}} dx$.

8.3.57.
$$\int \frac{(5x^4+1) dx}{x^2(x^8+2x^4+1)}$$
. 8.3.58.
$$\int \frac{x^{200}+1}{(x^{200}-1)x} dx$$
.