§ 1.2. Практическая работа (решение задач)

Найти интегралы, используя таблицу:

8.1.2.
$$\int x^{10} dx$$
.

8.1.3.
$$\int \frac{dx}{x^7}.$$

8.1.4.
$$\int \sqrt[4]{x} \, dx.$$

$$8.1.5. \qquad \int \frac{dx}{x^2 + 9}.$$

8.1.6.
$$\int \frac{dx}{x^2 - \frac{1}{2}}.$$

$$8.1.7. \qquad \int \frac{dx}{\sqrt{x^2+3}}.$$

Найти интегралы, используя таблицу и основные свойства неопределенного интеграла:

8.1.9.
$$\int \frac{x^4 + x^2 - 6x}{x^3} dx.$$

8.1.10.
$$\int \left(\frac{5}{x} - \frac{10}{\sqrt[4]{x^3}} - \frac{3}{x^2 + 7}\right) dx.$$

8.1.11.
$$\int \sqrt{x}(x^2+1) \, dx.$$

8.1.12.
$$\int \frac{3+\sqrt{4-x^2}}{\sqrt{4-x^2}} dx.$$

8.1.13.
$$\int \frac{(x^3+2)^2}{\sqrt{x}} \, dx.$$

8.1.14.
$$\int \left(4\sin x + 8x^3 - \frac{11}{\cos^2 x}\right) dx.$$

Найти «почти табличные» интегралы:

$$8.1.16. \quad \int \cos 2x \, dx.$$

8.1.17.
$$\int (9x+2)^{17} dx.$$

8.1.18.
$$\int \frac{dx}{8x-1}$$
.

8.1.19.
$$\int 4^{3-5x} dx.$$

$$8.1.20. \quad \int \sqrt{3x+4} dx.$$

8.1.21.
$$\int \frac{dx}{3x^2 - 25}.$$

Найти интегралы:

8.1.23.
$$\int \cos^2 x \, dx.$$

8.1.24.
$$\int \frac{x-2}{x+3} dx.$$

8.1.25.
$$\int \frac{x^2 dx}{x^2 - 9}.$$

8.1.26.
$$\int \frac{5 + \sin^3 x}{\sin^2 x} \, dx.$$

Ответы

8.1.2.
$$\frac{x^{11}}{11} + C$$
. 8.1.3. $-\frac{1}{6x^6} + C$. 8.1.4. $\frac{4}{5}x^{5/4} + C$. 8.1.5. $\frac{1}{3} \arctan \frac{x}{3} + C$.

8.1.6.
$$\frac{\sqrt{2}}{2} \ln \left| \frac{\sqrt{2}x-1}{\sqrt{2}x+1} \right|$$
. 8.1.7. $\ln \left| x + \sqrt{x^2+3} \right| + C$. 8.1.9. $\frac{x^2}{2} + \ln \left| x \right| + \frac{6}{x} + C$.

8.1.10.
$$5 \ln |x| - 40 \sqrt[4]{x} - \frac{3\sqrt{7}}{7} \operatorname{arctg} \frac{x}{\sqrt{7}} + C.$$
 8.1.11. $\frac{2}{7}x^3 \cdot \sqrt{x} + \frac{2}{3}x\sqrt{x} + C.$

8.1.12.
$$3 \arcsin \frac{x}{2} + x + C$$
. **8.1.13.** $\frac{2}{13}x^6 \cdot \sqrt{x} + \frac{8}{7}x^3 \cdot \sqrt{x} + 8\sqrt{x} + C$.

8.1.14.
$$-4\cos x + 2x^4 - 11\tan x + C$$
. 8.1.16. $\frac{1}{2}\sin 2x + C$. 8.1.17. $\frac{(9x+2)^{18}}{162} + C$.

8.1.18.
$$\frac{1}{8} \ln |8x - 1| + C$$
. 8.1.19. $-\frac{4^{3-5x}}{5 \ln 4} + C$. 8.1.20. $\frac{2}{9} \sqrt{(3x+4)^3} + C$.

8.1.21.
$$\frac{\sqrt{3}}{30} \ln \left| \frac{\sqrt{3}x - 5}{\sqrt{3}x + 5} \right| + C.$$
 8.1.23. $\frac{x}{2} + \frac{\sin 2x}{4} + C.$ 8.1.24. $x - 5 \ln |x + 3| + C.$

8.1.25.
$$x + \frac{3}{2} \ln \left| \frac{x-3}{x+3} \right| + C$$
. 8.1.26. $-5 \operatorname{ctg} x - \cos x + C$.