

第二章 关系数据库系统

关系模型

1. 数据结构的——关系

集合代数，数据的逻辑结构是二维表

关系数据库由表构成，每个表有唯一的名字，称为关系

—元组 ^{tuple}，表的行，关系是元组集合，次序不重要

—属性 ^{attribute}，表中的列， n 元关系有 n 个属性，次序重要

—域 Domain 每个允许取值的关系的属性都存在一个集合，称为该属性域
所有可能属性值的集合

—原子域：域中元素被看作是不可再分的单元

—复合域：原子域的组合

—空值 Null：值未知或不存在

关系的数学定义：设 A_1, A_2, \dots, A_n 是值域为 D_1, D_2, \dots, D_n 的 n 个属性。

具有属性 A_1, \dots, A_n 的关系 R 是一个元组集合，其中，每个元组是一个映射集合

$$\{ \{A_1 \rightarrow D_1, \dots, A_n \rightarrow D_n\} \}$$

关系的性质：— 列是同质的 Homogeneous.

— 不同的列可出自同一个域，其中每一列称为一属性，不同的属性要给予不同属性名

— 行列的顺序无个计算

— 任意两个元组不能完全相同；由集合性质决定，但 Oracle 等允许存在

— 分量必须取原子值，若中不可分

父	母	子女
		X

关系模式

具有形式 $R(U, D, DOM, I, F)$ ，其中：

R 是关系名， U 是 R 的属性集合 $\{A_1, \dots, A_n\}$ ， D 是 U 中属性域集合 $\{D_1, \dots, D_n\}$

DOM 是 U 到 D 的映射， I 是完整性约束集合， F 是属性间的函数依赖关系

关系模式

关系模式简单地记作 $R(U)$, $U = \{A_1, \dots, A_n\}$ 的关系模式 R 记作 $R(A_1, A_2, \dots, A_n)$.

例 $Student(\text{姓名}, \text{学号}, \text{年级}, \text{专业}, \text{系})$

关系实例 - 关系模式在给定时刻的一个快照

关系、关系模式与关系实例.

· 关系是一个数据集合

· 关系模式描述关系的数据结构和语义约束, 即集合.

· 关系模式是相对稳定的

· 关系实例是随时间而变化的.

· 关系实例是某时刻现实世界状态的真实反映

关系数据库模式 - 一组关系模式的集合 $DB = \{R_1, \dots, R_n\}$, R_i 是第 i 个关系模式

关系数据库实例

2. 完整性约束.

超码 - 是一个或多个属性的集合, 这些属性的组合可以在一个关系中唯一地标识一个元组

如果 K 是一个超码, 那么 K 的任意超集也是超码, \rightarrow 超码中可能包含无关紧要的属性

候选码 - K 为关系 $R(U)$ 的候选码, 如果 K 是 $R(U)$ 的一个超码, K 是任意

真子集都不能成为 $R(U)$ 的超码, 最小的超码.

一个关系模式可能具有多个候选码

· 主码 - 被数据库设计者选中的, 主要用来在一个关系中区分不同元组的候选码

候选值不变/少变的属性. 一个关系模式只有一个主码.

主属性 - 主码中属性.

· 外码 - 一个关系模式 r_i 可能在它的属性中包含另一个关系模式 r_j 的主码,

这个属性集合 r_i 上称作参照 r_j 的外码

不一定与相应的主码同名, 一般情况下, 外码与相应主码采用相

(4). Select SH, SNAME From S Order by

NO
DATE

关系数据库模型的完整性约束。

- 参照完整性约束 - 定义主/外码之间规则, 要求在参照关系中任意元组在特定属性上的取值必等于被参照关系中某个元组在特定属性上的取值。
- 实体完整性约束。
- 如果A是关系模式R(U)的主属性, 则A不能取NULL

3. 关系运算 $\begin{cases} \text{关系代数} \\ \text{关系演算} \end{cases} \begin{cases} \text{元组演算} \\ \text{域演算} \end{cases}$

3.1 关系代数 - 包括一个运算集合, 这些以一个或两个关系为输入, 产生一个新的关系作为结果。

六种基本操作符

选择 Select. $\sigma_p(R) = \{t \mid t \in R \text{ and } p(t)\}$.

p 称为选择谓词 - 是由 \wedge, \vee, \neg 连接的若干元子表达式构成的公式

元子表达式的形式为: $\langle \text{属性} \rangle \theta \langle \text{属性} \rangle$
 $\theta \in \{=, \neq, >, \geq, <, \leq\}$
 $\langle \text{属性} \rangle \theta \langle \text{常数} \rangle$
 $\langle \text{常数} \rangle \theta \langle \text{属性} \rangle$

~~选择~~
 $\sigma_{A=S \wedge B \geq 10}(R)$

投影 Project $\pi_{A_1, A_2, \dots, A_k}(R)$.

A_1, \dots, A_k 是属性名, R 为关系名, 返回所选择的 k 个列。

删去重复元组

并 Union. $- R \cup S = \{t \mid t \in R \text{ or } t \in S\}$.

注意 必须保证做并运算的关系是相容的, 即 R 和 S 的属性个数需相同, 又对于所有 i, R 的第 i 个属性的域与 S 的第 i 个属性域相同

差 Difference $R - S = \{t \mid t \in R \text{ and } t \notin S\}$.

差运算的关系也要求是相容的

(2) Select SUM, MIN, MAX

· 笛卡尔积 Cartesian product $R \times S = \{tq | t \in R \text{ and } q \in S\}$.

R 中有 n_1 个元组, S 中有 n_2 个元组, 则 $R \times S$ 中有 $n_1 \times n_2$ 个元组.

注意: 关系 R 和 S 的属性是不相交的, 若相交, 则需进行重命名, 可将关系名字附加到属性上. 如 $R.A$ ↓ 不去除重复属性

· 更名 Rename $\rho_S(A_1, A_2, \dots, A_n)(R)$.

表示将关系 R 重新命名为 S , 且 S 的各个属性按 1 到 n 的顺序命名为 A_1, \dots, A_n .

S 与 R 具有完全相同元组. 如果只修改关系, 不修改属性名. $\rho_S(R)$

附加的关系代数运算 — 简化常用的查询

· 交 Intersection $R \cap S = \{t | t \in R \text{ and } t \in S\}$.

$$R \cap S = R - (R - S)$$

交运算 要求关系相容

· 自然连接 Natural join $R \bowtie S$

去除重复属性

— 要求进行笛卡尔积的四个关系在所有相同属性上的值一致

满足: 属性集合 = $U_R \cup U_S$, 其中 U_R 和 U_S 分别是关系 R 和 S 的属性集合

$$R \bowtie S = \Pi_{U_R \cup U_S}(\sigma_{R.A_i = S.A_i \wedge \dots \wedge R.A_n = S.A_n}(R \times S))$$

· θ 连接 θ join — 设 R 是 n 元关系 $R(A_1, \dots, A_n)$, S 是 m 元关系 $S(B_1, B_2, \dots, B_m)$.

$$R \bowtie_{\theta} S = \sigma_{\theta}(R \times S)$$

其中 θ 是由 \wedge, \vee, \neg 连接若干原子式组成的.

原子公式为 $R.A_i \theta S.B_j$. A_i 和 B_j 值域具有相同的数据类型

$$\theta \in \{=, \neq, >, <, \leq, \geq\}$$

Eg:

A	B	C
1	2	3
4	5	6
7	8	9

关系 R

D	E
3	1
6	2

关系 S

A	B	C	D	E
1	2	3	3	1
1	2	3	6	2
4	5	6	6	2

$R \bowtie_{B < D} S$

(3). Select ST# From
ST SNAME From S Order by

NO
DATE

· 赋值 assignment \leftarrow 将 \leftarrow 右侧的表达式结果赋值给左侧的关系变量

Gg. temp1 $\leftarrow R \times S$;
temp2 $\leftarrow \sigma_{R.A_1=S.A_1 \wedge R.A_2=S.A_2 \wedge \dots \wedge R.A_k=S.A_k}(\text{temp1})$;
result $\leftarrow \Pi_{RUS}(\text{temp2})$.

对关系代数查询而言, 赋值必须是赋给一个临时变量, 因为对永久关系的赋值形成了数据修改.

· 赋值运算不能增强关系运算的表达能力

· 外连接 ^{自然} 连接运算的扩展, 用以处理缺失值

- 左外连接 \bowtie 取出左侧关系中所有与右侧关系的任一元组若不匹配的组, 用空值填充所有来自右侧关系的属性.
· 再把所生成的元组加到自然连接中.

- 右外连接 \bowtie 同上换成“右”

- 全外连接 \bowtie 左外连接与右外连接的并

$$R \bowtie S = (R \bowtie S) \cup [(R - \Pi_R(R \bowtie S)) \times \{null, \dots, null\}]$$

· 除操作 division 设 R/S 两关系.

$$X = U(R) = \{A_1, \dots, A_m, B_1, \dots, B_n\} \cdot Y = U(S) = \{B_1, \dots, B_n\}$$

$$Z = X - Y = \{A_1, \dots, A_m\}$$

R \div S 的属性为 $\{A_1, \dots, A_m\}$.

$$R \div S = \{t \mid t \in \Pi_Z(R) \wedge \forall u \in S (t \cup u \in R)\}.$$

不是存在!! 是任意S中的元组u
u $\in R$!!

\downarrow u是指元组与元组相连接构成新元组

$$R \div S = \Pi_Z(R) - \Pi_Z((\Pi_Z(R) \times S) - R).$$

A	B		B	A
a	1		1	a
a	2			
a	3			
b	1	S: 2		b
b	2			
c	1			
d	4			

$$\Pi_Z(R) - \Pi_Z((\Pi_Z(R) \times S) - R)$$

3.2 元组演算：非过程化的查询，只需描述所需信息，不给出获得该信息过程
表达式 $\{t | P(t)\}$ ：是所有使得公式 P 为真的元组 t 的集合。

- t 表示元组变量， $t[A]$ 表示 t 在属性 A 上的取值

P 由原子公式组成 ^{形式} SER ， S 是元组变量， R 是关系。

- $SER \theta R[y]$ ， S 是元组变量， R 是关系模式属性
的运算。

- $S[x] \theta c$ ， c 为 x 所属域的常量

3.3 域演算：与元组演算联系紧密；使用从属性域中取值的域变量而
不是整个元组的值。

形式化定义 $\{ \langle x_1, x_2, \dots, x_n \rangle | P(x_1, x_2, \dots, x_n) \}$ ，其中 x_1, \dots, x_n 是域变量。

- P 是由原子公式组成的公式，查询结果是所有包含 x_1, \dots, x_n 的元组，
并且 $\langle x_1, \dots, x_n \rangle$ 使得公式 $P(x_1, \dots, x_n)$ 为真。

3.4 安全性：如果一个关系运算系统不产生无限关系和无穷元组，则这个运算是安全的。
关系代数——安全

关系演算——元组——不安全 $\{t | t \in R(t)\}$ 是无限集。

域——不安全 $\{t_1, t_2 | 1 < t_1, t_2 < 9 \wedge t_2 > 9\}$ 无限集

引入元组关系公式域的概念

等价

关系代数 = 限制在安全内的元组 = 限制在安全内的域
(不含扩展)

(5) Select S#, SNAME From S inner join