Hochschule für angewandte Wissenschaften Hamburg

Verteilte Systeme

Aufgabe 2

6

Hochschule für angewandte Wissenschaften Hamburg -Informatik Beispiel: Verteilter Algorithmus Satz von Euklid: Der grösste gemeinsame Teiler (ggT) zweier positiver ganzer Zahlen x, y (mit x≥y>0) ist gleich dem ggT von y und dem Rest, der bei ganzzahliger Division von x durch y entsteh Noch nicht geklärt: Eigenschaften: - Wie wird der Algorithmus gestartet? Offenbar ist ggT(x,x) = x für alle x - Wie erkennt man die Terminierung? - Wo steht das Ergebnis? Man setzt nun noch ggT(x,0) := x für all Rekursive Realisierung: ggt(x,y) := ggt(y,mod(x,y)) Erweiterung: $mod^*(x,y) := mod(x-1,y)+1$ Verteilter Algorithmus: Modifikation für die Verteilung Jeder Prozeß P_i hat seine eigene Variable M_i. ggT aller am Anfang bestehender M_i wird berechnet: {Eine Nachricht <y> is Entspricht rekursivem Aufruf then $M_i := mod(M_i + 1, y) + 1;$ send <Mi> to all neighbours; fi

-

-Informatik

Hochschule für angewandte Wissenschaften Hamburg

Beispiel: Verteilter Algorithmus

• Iterative Implementierung (für 2 Zahlen):

```
While b <> 0 do

Ersetze (a,b) durch (b,(a mod b))

return a (76,12) \rightarrow (12,4)
```

Rekursive Implementierung (für 2 Zahlen):

```
Procedure GGT (a,b)
  if b == 0 return a
    else return GGT(b,(a mod b))
```

 $GGT(76,12) \rightarrow GGT(12,4)$

8

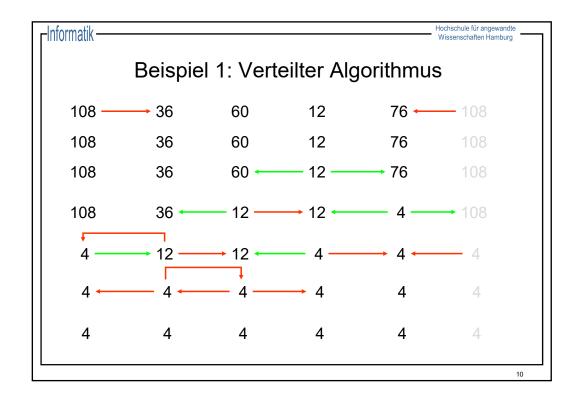
-Informatik

Hochschule für angewandte Wissenschaften Hamburg

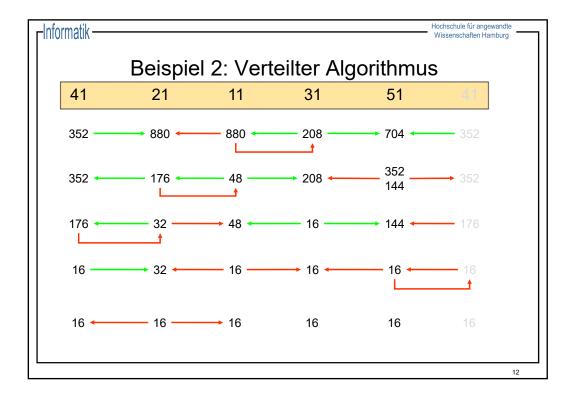
Beispiel: Verteilter Algorithmus

Verteilte Implementierung (für n Zahlen):

```
{Eine Nachricht \langle y \rangle ist eingetroffen} if y \langle M_i then M_i := mod(M_i-1,y)+1; send \langle M_i \rangle to all neighbours; else do something else fi M_i=76 M_i=4 y=4 M_i=108
```



Beispiel 2: Verteilter Algorithmus					
41	21	11	31	51	41
157.872	43.414.800	37.626.160	192.400	9.680	157872 596336400
157.872	43.414.800	37.626.160	192.400	9.680	157872
157.872	43.414.800	37.626.160	192.400	9.680 —	→ 157872
2.992	43.414.800	37.626.160	192.400	9.680	2992
2.992 -	— 880 —	37.626.160	192.400 ←	704	→ 2992
352 ——	→ 880 ←		208	→ 704 ←	352



Hochschule für angewandte Wissenschaften Hamburg -Informatik Verteilter Algorithmus Ausschnitt aus der log-Datei Koordinator-ko@Brummpa-KLC Startzeit: 17.06 10:13:52,969< mit PID <0.37.0> [...] Alle ggT-Prozesse gebunden. [...] Ring wird/wurde erstellt, Koordinator geht in den Zustand 'Bereit für Berechnung'. [...] Beginne eine neue ggT-Berechnung mit Ziel 16. ggT-Prozess 48851 (ggt@Brummpa) initiales Mi 9680 gesendet. [...] ggT-Prozess 48851 (ggt@Brummpa) startendes y 596336400 gesendet. [...] 48851 meldet Terminierung mit ggT 9680 um 17.06 10:15:52,000< (17.06 10:15:52,000<). [...] Per Hand 48841 die Zahl 9680 gesendet {,48841,ggt@Brummpa} ! {sendy,9680} 48841 meldet neues Mi 2992 um 17.06 10:18:36,499< (17.06 10:18:36,499<). 48821 meldet neues Mi 880 um 17.06 10:18:39,100< (17.06 10:18:39,100<). 48851 meldet neues Mi 704 um 17.06 10:18:39,100< (17.06 10:18:39,100<). 48841 meldet neues Mi 352 um 17.06 10:18:42,700< (17.06 10:18:42,700<). 48831 meldet neues Mi 208 um 17.06 10:18:42,700< (17.06 10:18:42,700<). 48811 meldet neues Mi 880 um 17.06 10:18:42,700< (17.06 10:18:42,700<). 48811 meldet neues Mi 48 um 17.06 10:18:45,200< (17.06 10:18:45,200<). 48821 meldet neues Mi 176 um 17.06 10:18:45,200< (17.06 10:18:45,200<).

```
Hochschule für angewandte
Wissenschaften Hamburg
-Informatik
                            Verteilter Algorithmus
                               Ausschnitt aus der log-Datei
   48851 meldet neues Mi 352 um 17.06 10:18:45,200< (17.06 10:18:45,200<).
   48831 meldet neues Mi 16 um 17.06 10:18:48,800< (17.06 10:18:48,800<).
   48821 meldet neues Mi 32 um 17.06 10:18:48,800< (17.06 10:18:48,800<).
   48851 meldet neues Mi 144 um 17.06 10:18:48,801< (17.06 10:18:48,800<).
   48841 meldet neues Mi 176 um 17.06 10:18:48,802< (17.06 10:18:48,800<).
   48841 meldet neues Mi 16 um 17.06 10:18:51,300< (17.06 10:18:51,299<).
   48811 meldet neues Mi 16 um 17.06 10:18:51,300< (17.06 10:18:51,300<).
   48851 meldet neues Mi 16 um 17.06 10:18:51,300< (17.06 10:18:51,300<).
   48821 meldet neues Mi 16 um 17.06 10:18:54,090< (17.06 10:18:54,090<).
   48811 meldet Terminierung mit ggT 16 um 17.06 10:18:54,090< (17.06 10:18:54,090<).
   48811 meldet Terminierung mit ggT 16 um 17.06 10:18:57,090< (17.06 10:18:57,090<).
   48821 meldet Terminierung mit ggT 16 um 17.06 10:18:57,090< (17.06 10:18:57,090<).
   48841 meldet Terminierung mit ggT 16 um 17.06 10:18:57,090< (17.06 10:18:57,090<).
                                                                                              14
```

