HW3_Estroncio.R

Ramon

2025-10-09

```
# HW_3_Estroncio

# 19/09/2025

# Ramón Copado García

# Matricula 1059439

#Ejercicio: Comparación de concentraciones de estroncio en cuerpos de agua

#1. Descripción

#Un investigador midió la concentración de estroncio (mg/ml) en cinco cuerpos de

#agua para evaluar si existen diferencias significativas entre ellos.

#Cada sitio tuvo 6 réplicas (n=6).

#Cuadro 1: Concentración de estroncio (mg/ml) en cinco cuerpos de agua (n = 6).

Estroncio <- read.csv("C:/Users/Ramon/Documents/Posgrado_Estadistica_2025/Varios/Estroncio10.csv", head

View(Estroncio)

getwd()
```

[1] "C:/Users/Ramon/Documents/Posgrado_Estadistica_2025/2_Tareas"

summary(Estroncio)

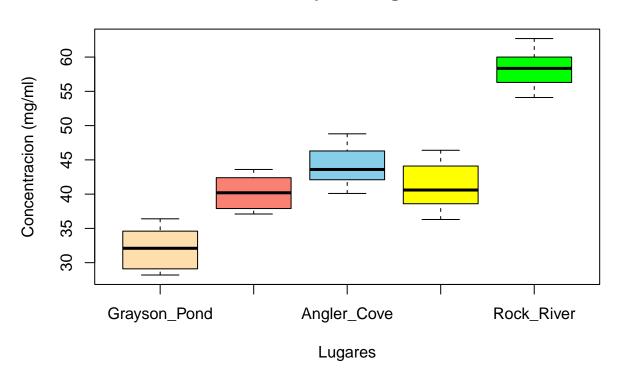
```
Grayson_Pond
                  Beaver_Lake
                               Angler_Cove
                                             Appletree_Lake
## Min.
         :28.20
                 Min. :37.10
                               Min. :40.10
                                             Min. :36.30
## 1st Qu.:29.57 1st Qu.:38.33 1st Qu.:42.45
                                             1st Qu.:39.00
## Median :32.10 Median :40.20 Median :43.60
                                             Median :40.60
## Mean :32.08 Mean :40.23 Mean :44.08
                                             Mean :41.10
## 3rd Qu.:34.25 3rd Qu.:42.00
                               3rd Qu.:45.65
                                             3rd Qu.:43.33
## Max. :36.40 Max. :43.60 Max. :48.80
                                             Max. :46.40
   Rock_River
##
## Min.
         :54.10
## 1st Qu.:56.55
## Median:58.35
## Mean :58.30
## 3rd Qu.:59.85
## Max. :62.70
```

```
# Inspeccionar mi objeto Estroncio
head(Estroncio) # Primeras 6 filas
##
    Grayson_Pond Beaver_Lake Angler_Cove Appletree_Lake Rock_River
## 1
            28.2
                       39.6
                                   46.3
                                                  41.0
## 2
            33.2
                       40.8
                                   42.1
                                                  44.1
                                                            54.1
## 3
            36.4
                       37.9
                                   43.5
                                                  46.4
                                                            59.4
## 4
            34.6
                       37.1
                                   48.8
                                                  40.2
                                                            62.7
## 5
            29.1
                       43.6
                                   43.7
                                                  38.6
                                                            60.0
## 6
            31.0
                        42.4
                                   40.1
                                                  36.3
                                                            57.3
dim(Estroncio) #Numero de filas y columnas
## [1] 6 5
names (Estroncio) #Nombres de las columnas
## [1] "Grayson_Pond"
                                       "Angler_Cove"
                                                        "Appletree_Lake"
                       "Beaver_Lake"
## [5] "Rock_River"
str(Estroncio) #Estructura del data frame
## 'data.frame':
                   6 obs. of 5 variables:
## $ Grayson Pond : num 28.2 33.2 36.4 34.6 29.1 31
## $ Beaver_Lake
                  : num 39.6 40.8 37.9 37.1 43.6 42.4
                  : num
## $ Angler_Cove
                         46.3 42.1 43.5 48.8 43.7 40.1
## $ Appletree_Lake: num 41 44.1 46.4 40.2 38.6 36.3
## $ Rock_River
                   : num 56.3 54.1 59.4 62.7 60 57.3
summary(Estroncio) # Resumen estadistico
##
    Grayson_Pond
                   Beaver_Lake
                                   Angler_Cove
                                                  Appletree_Lake
## Min. :28.20
                  Min. :37.10
                                  Min. :40.10
                                                 Min. :36.30
## 1st Qu.:29.57
                  1st Qu.:38.33
                                  1st Qu.:42.45
                                                 1st Qu.:39.00
## Median :32.10 Median :40.20 Median :43.60
                                                 Median :40.60
## Mean :32.08 Mean :40.23
                                  Mean :44.08
                                                 Mean :41.10
## 3rd Qu.:34.25
                   3rd Qu.:42.00
                                  3rd Qu.:45.65
                                                 3rd Qu.:43.33
## Max.
         :36.40
                 Max. :43.60
                                  Max. :48.80
                                                 Max. :46.40
##
     Rock_River
         :54.10
## Min.
## 1st Qu.:56.55
## Median :58.35
## Mean :58.30
## 3rd Qu.:59.85
## Max.
         :62.70
colores <-c ("navajowhite", "salmon", "skyblue", "yellow", "green")</pre>
```

#Crear un boxplot con las Muestras de Estroncio

```
boxplot(Estroncio, col = colores,
    main = "Cuerpos de agua",
    xlab = "Lugares",
    ylab = "Concentracion (mg/ml)")
```

Cuerpos de agua



#1.1. Planteamiento del problema

#estadísticamente en sus medias.

#El resumen estadistico anterior muestra las concentraciones de estroncio (mg/ml)
#registradas en cinco cuerpos de agua: Grayson's Pond, Beaver Lake, Angler's Cove,
#Appletree Lake y Rock River. Cada sitio contó con seis repeticiones independientes.
#Se observa que Rock River presenta las concentraciones más elevadas,
#con valores consistentemente superiores al resto de los sitios. En contraste,
#Grayson's Pond mostró los niveles más bajos, mientras que Beaver Lake,
#Angler's Cove y Appletree Lake presentaron valores intermedios y relativamente
#cercanos entre sí.
#Este patrón sugiere la existencia de diferencias significativas entre sitios,
#lo cual motiva la aplicación de un ANOVA de una vía seguido de pruebas
#post-hoc (LSD y Tukey HSD) para identificar con precisión qué grupos difirieron

1.2. Preguntas

Hipótesis del ANOVA: Plantee las hipótesis nula y alternativa para este análisis.

H0; No hay diferencia significativa (P<0.05) en los niveles de concentración (mg/ml) #de estroncio entre los sitios del muestreo.

Ha; Existe diferencia significativa (P<0.05) en los niveles de concentración (mg/ml)

```
#de estroncio entre los sitios de muestreo
#Cálculo del ANOVA: Con los datos proporcionados, realice el análisis de varianza
#(ANOVA de una vía) y reporte la tabla de anova.
        # Crear un conjunto de datos de ejemplo
grupo <- factor(rep(c("Graysons_Pond", "Beaver_Lake", "Anglers_Cove",</pre>
                     "Appletree__Lake", "Rock_River"), each = 6)) # Cinco grupos, 6 observaciones por
mediciones <- c(28.2,
                       33.2, 36.4, 34.6, 29.1,
                                                       31,
                       40.8, 37.9, 37.1,
                39.6.
                                               43.6, 42.4,
                46.3.
                       42.1, 43.5, 48.8,
                                               43.7,
                                                       40.1.
                41, 44.1, 46.4, 40.2, 38.6, 36.3,
                56.3, 54.1, 59.4, 62.7, 60, 57.3)
# ANOVA
modelo <- aov(mediciones ~ grupo)</pre>
# Resumen
summary_anova <- summary(modelo)</pre>
# Ver tabla ANOVA
summary_anova[[1]]
              Df Sum Sq Mean Sq F value
##
                                            Pr(>F)
## grupo
              4 2193.44 548.36 56.155 3.948e-12 ***
## Residuals
              25 244.13
                            9.77
## Signif. codes: 0 '*** 0.001 '** 0.01 '* 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
# Forma 1: última fila
MS_residual <- summary_anova[[1]]$`Mean Sq`[nrow(summary_anova[[1]])]
# Forma 2: por nombre de fila
MS_residual <- summary_anova[[1]]["Residuals", "Mean Sq"]
# Forma 3: con tail()
MS_residual <- tail(summary_anova[[1]]$`Mean Sq`, 1)
MS residual
## [1] 9.7652
# [1] 9.7652
        # Crear el data frame
datos <- data.frame(grupo, mediciones)</pre>
        # Realizar ANOVA de una vía
anova_resultado <- aov(mediciones ~ grupo, data = datos)</pre>
        # Mostrar el resumen del ANOVA
summary(anova_resultado)
```

```
##
              Df Sum Sq Mean Sq F value Pr(>F)
## grupo
              4 2193.4
                          548.4 56.16 3.95e-12 ***
              25 244.1
## Residuals
                            9.8
## ---
## Signif. codes: 0 '*** 0.001 '** 0.01 '* 0.05 '.' 0.1 ' 1
#Reporte de Tabla
#La tabla del resumen estadistico refleja que si hay diferencia significativa entre
# los sitios de muestreo con un P=3.95e-12<0.05
# Se rechaza HO
# Prueba LSD
# Extraer los resultados del ANOVA
summary_anova <- summary(anova_resultado)</pre>
MS_residual <- summary_anova[[1]]$`Mean Sq`[9.77] # Media cuadrática residual
df_residual <- summary_anova[[1]]$Df[25] # Grados de libertad residuales
n < -6 # Número de observaciones por grupo (suponiendo que es equilibrado)
# Valor t para un nivel de confianza del 95% y grados de libertad residuales
t_value <- qt(0.975, df_residual)
# Calcular el LSD
LSD <- t_value * sqrt(2 * MS_residual / n)
LSD # LSD determinar el valor
## [1] NA
qt(.975,25)
## [1] 2.059539
# Comparaciones entre las medias de los grupos
# Usamos la función pairwise.t.test para obtener las diferencias de medias entre pares
comparaciones <- pairwise.t.test(datos$mediciones, datos$grupo, p.adjust.method = "none")
# Mostrar las comparaciones y ver si las diferencias son mayores que el LSD
comparaciones$p.value
##
                   Anglers_Cove Appletree__Lake Beaver_Lake Graysons_Pond
## Appletree__Lake 1.107197e-01
                                            NA
                                                         NA
                                                                       NΑ
                                                         NA
                                                                       NA
## Beaver_Lake
                  4.284126e-02
                                   6.351440e-01
                  5.716104e-07
## Graysons_Pond
                                  3.749812e-05 1.302222e-04
                                                                       NA
                                  8.335520e-10 3.118496e-10
                                                               1.0725e-13
## Rock_River
                  3.092812e-08
#COMPARANDO CON OTRO PAQUETE SEGUN LA RED
# install.packages("agricolae")
library(agricolae)
#install.packages("dplyr") # Solo la primera vez
library(dplyr)
```

```
##
## Adjuntando el paquete: 'dplyr'
## The following objects are masked from 'package:stats':
##
##
       filter, lag
## The following objects are masked from 'package:base':
##
       intersect, setdiff, setequal, union
##
# Datos
grupo <- factor(rep(c("Graysons_Pond", "Beaver_Lake", "Anglers_Cove",</pre>
                      "Appletree__Lake", "Rock_River"), each = 6))
mediciones <- c(28.2, 33.2, 36.4, 34.6, 29.1, 31,
                39.6, 40.8, 37.9, 37.1, 43.6, 42.4,
                46.3, 42.1, 43.5, 48.8, 43.7, 40.1,
                41, 44.1, 46.4, 40.2, 38.6, 36.3,
                56.3, 54.1, 59.4, 62.7, 60, 57.3)
# ANOVA
modelo <- aov(mediciones ~ grupo)
# Prueba LSD
resultado_lsd <- LSD.test(modelo, "grupo", p.adj = "none")</pre>
# Mostrar resultados
print(resultado_lsd)
## $statistics
##
    MSerror Df Mean
                            CV t.value
                                              LSD
      9.7652 25 43.16 7.240343 2.059539 3.715779
##
##
## $parameters
##
           test p.ajusted name.t ntr alpha
##
    Fisher-LSD
                     none grupo 5 0.05
##
## $means
##
                   mediciones
                                                        LCL
                                                                 UCL Min Max
                                   std r
                                               se
## Anglers_Cove
                     44.08333 3.080530 6 1.275748 41.45588 46.71079 40.1 48.8
## Appletree__Lake
                    41.10000 3.666061 6 1.275748 38.47255 43.72745 36.3 46.4
## Beaver_Lake
                     40.23333 2.530349 6 1.275748 37.60588 42.86079 37.1 43.6
                     32.08333 3.205256 6 1.275748 29.45588 34.71079 28.2 36.4
## Graysons_Pond
                     58.30000 3.036445 6 1.275748 55.67255 60.92745 54.1 62.7
## Rock_River
##
                      Q25
                            Q50
                                   Q75
## Anglers_Cove
                   42.450 43.60 45.650
## Appletree_Lake 39.000 40.60 43.325
## Beaver_Lake
                   38.325 40.20 42.000
## Graysons Pond 29.575 32.10 34.250
## Rock_River
                  56.550 58.35 59.850
##
## $comparison
## NULL
##
```

```
## $groups
##
                 mediciones groups
## Rock River
                 58.30000
                   44.08333
## Anglers_Cove
## Appletree_Lake 41.10000
## Beaver Lake
                    40.23333
                                 С
## Graysons_Pond
                    32.08333
## attr(,"class")
## [1] "group"
# Medias por Sitio
medias <- tapply(mediciones, grupo, mean)</pre>
medias
                                       Beaver_Lake Graysons_Pond
##
      Anglers_Cove Appletree__Lake
                                                                        Rock River
##
          44.08333
                        41.10000
                                          40.23333
                                                          32.08333
                                                                           58.30000
# Medias de los grupos
medias <- resultado_lsd$means$mediciones</pre>
names(medias) <- rownames(resultado_lsd$means)</pre>
# Calcular diferencias absolutas
dif_abs <- abs(outer(medias, medias, "-"))</pre>
colnames(dif_abs) <- rownames(dif_abs) <- names(medias)</pre>
# Extraer valor LSD
valor_lsd <- resultado_lsd$statistics$LSD</pre>
# Crear matriz booleana: TRUE si diferencia > LSD
sig_dif <- dif_abs > valor_lsd
# Pasar a data.frame
tabla_dif <- as.data.frame(as.table(dif_abs))</pre>
# Convertir Var1 y Var2 a caracteres antes de comparar
tabla_dif <- subset(tabla_dif, as.character(Var1) < as.character(Var2))
# Renombrar columnas
colnames(tabla_dif) <- c("Grupo1", "Grupo2", "Diferencia")</pre>
# Agregar columnas LSD y significancia
tabla_dif$Diferencia <- round(tabla_dif$Diferencia, 2)
tabla_dif$LSD
                       <- round(valor_lsd, 2)</pre>
tabla_dif$Significativa <- tabla_dif$Diferencia > valor_lsd
# Mostrar tabla final
tabla_dif
##
               Grupo1
                               Grupo2 Diferencia LSD Significativa
## 6
         Anglers_Cove Appletree__Lake
                                        2.98 3.72
                                                             FALSE
```

3.85 3.72

TRUE

Beaver_Lake

11

Anglers_Cove

```
## 12 Appletree__Lake
                           Beaver Lake
                                             0.87 3.72
                                                                 FALSE
## 16
         Anglers_Cove
                         Graysons_Pond
                                             12.00 3.72
                                                                  TRUE.
## 17 Appletree__Lake
                         Graysons Pond
                                             9.02 3.72
                                                                  TRUE
          Beaver_Lake
                         Graysons_Pond
                                             8.15 3.72
                                                                  TRUE
## 18
## 21
         Anglers_Cove
                            Rock_River
                                             14.22 3.72
                                                                  TRUE
## 22 Appletree_Lake
                            Rock River
                                             17.20 3.72
                                                                  TRUE
## 23
          Beaver Lake
                            Rock River
                                             18.07 3.72
                                                                  TRUE
## 24
        Graysons_Pond
                            Rock_River
                                             26.22 3.72
                                                                  TRUE
# Determine cuáles pares son significativamente diferentes.
# Mostrar resultados
list(
  medias = round(medias, 2),
 LSD = round(valor_lsd, 3),
  diferencias_absolutas = round(dif_abs, 2),
  significativas = sig_dif)
## $medias
##
      Anglers_Cove Appletree__Lake
                                        Beaver_Lake
                                                       Graysons_Pond
                                                                           Rock_River
##
                                               40.23
                                                                                58.30
             44.08
                              41.10
                                                               32.08
##
## $LSD
## [1] 3.716
##
## $diferencias_absolutas
##
                    Anglers_Cove Appletree__Lake Beaver_Lake Graysons_Pond
## Anglers_Cove
                            0.00
                                             2.98
                                                         3.85
                                                                       12.00
                                                                        9.02
## Appletree__Lake
                            2.98
                                             0.00
                                                         0.87
## Beaver_Lake
                            3.85
                                             0.87
                                                         0.00
                                                                        8.15
## Graysons Pond
                           12.00
                                             9.02
                                                         8.15
                                                                        0.00
## Rock River
                           14.22
                                            17.20
                                                        18.07
                                                                       26.22
##
                   Rock River
## Anglers_Cove
                         14.22
## Appletree__Lake
                         17.20
## Beaver_Lake
                         18.07
## Graysons Pond
                         26.22
## Rock_River
                          0.00
##
## $significativas
##
                    Anglers_Cove Appletree__Lake Beaver_Lake Graysons_Pond
## Anglers_Cove
                           FALSE
                                            FALSE
                                                         TRUE
                                                                        TRUE
                           FALSE
                                            FALSE
                                                        FALSE
                                                                        TRUE
## Appletree__Lake
## Beaver_Lake
                            TRUE
                                            FALSE
                                                        FALSE
                                                                        TRUE
## Graysons_Pond
                            TRUE
                                             TRUE
                                                         TRUE
                                                                       FALSE
## Rock_River
                            TRUE
                                             TRUE
                                                         TRUE
                                                                        TRUE
##
                    Rock_River
## Anglers_Cove
                          TRUE
                          TRUE
## Appletree__Lake
## Beaver_Lake
                          TRUE
## Graysons_Pond
                          TRUE
## Rock_River
                         FALSE
```

```
# Valor LSD
valor_lsd <- resultado_lsd$statistics$LSD</pre>
# Pasar a data.frame y filtrar con subset (solo Var1 < Var2)
tabla dif <- as.data.frame(as.table(dif abs))</pre>
# Renombrar columnas
colnames(tabla_dif) <- c("Grupo1", "Grupo2", "Diferencia")</pre>
# Agregar columnas LSD y significancia
tabla_dif$Diferencia
                       <- round(tabla_dif$Diferencia, 2)</pre>
                        <- round(valor_lsd, 2)</pre>
tabla_dif$LSD
tabla_dif$Significativa <- tabla_dif$Diferencia > valor_lsd
# Mostrar tabla final
tabla_dif
##
               Grupo1
                                Grupo2 Diferencia LSD Significativa
## 1
                                             0.00 3.72
         Anglers_Cove
                         Anglers Cove
                                                                FALSE
## 2 Appletree__Lake
                                                                FALSE
                         Anglers Cove
                                             2.98 3.72
## 3
          Beaver_Lake
                         Anglers_Cove
                                             3.85 3.72
                                                                 TRUE
## 4
        Graysons_Pond
                         Anglers_Cove
                                            12.00 3.72
                                                                 TRUE
## 5
                         Anglers_Cove
                                                                 TRUE
           Rock_River
                                            14.22 3.72
## 6
         Anglers_Cove Appletree__Lake
                                             2.98 3.72
                                                                FALSE
## 7
                                                                FALSE
      Appletree__Lake Appletree__Lake
                                             0.00 3.72
## 8
          Beaver_Lake Appletree__Lake
                                             0.87 3.72
                                                                FALSE
## 9
        Graysons_Pond Appletree__Lake
                                             9.02 3.72
                                                                 TRUE
## 10
           Rock_River Appletree__Lake
                                            17.20 3.72
                                                                 TRUE
## 11
         Anglers_Cove
                          Beaver_Lake
                                             3.85 3.72
                                                                 TRUE
## 12 Appletree_Lake
                                             0.87 3.72
                                                                FALSE
                           Beaver_Lake
## 13
          Beaver_Lake
                          Beaver_Lake
                                             0.00 3.72
                                                                FALSE
## 14
        Graysons_Pond
                          Beaver_Lake
                                             8.15 3.72
                                                                 TRUE
## 15
           Rock River
                          Beaver Lake
                                            18.07 3.72
                                                                 TRUE
## 16
                        Graysons_Pond
                                            12.00 3.72
                                                                 TRUE
         Anglers_Cove
## 17 Appletree__Lake
                         Graysons_Pond
                                             9.02 3.72
                                                                 TRUE
                                                                 TRUE
## 18
          Beaver Lake
                         Graysons Pond
                                             8.15 3.72
## 19
                                                                FALSE
        Graysons Pond
                         Graysons Pond
                                             0.00 3.72
## 20
           Rock_River
                         Graysons_Pond
                                            26.22 3.72
                                                                 TRUE
## 21
         Anglers_Cove
                            Rock_River
                                            14.22 3.72
                                                                 TRUE
## 22 Appletree__Lake
                            Rock_River
                                                                 TRUE
                                            17.20 3.72
## 23
          Beaver Lake
                            Rock River
                                            18.07 3.72
                                                                 TRUE
## 24
                                                                 TRUE
        Graysons_Pond
                            Rock_River
                                            26.22 3.72
## 25
           Rock_River
                            Rock_River
                                             0.00 3.72
                                                                FALSE
#Prueba de Tukey HSD
tukey_res <- TukeyHSD(modelo)</pre>
# Ver resultados
print(tukey_res)
```

```
## Tukey multiple comparisons of means
## 95% family-wise confidence level
##
```

```
## Fit: aov(formula = mediciones ~ grupo)
##
## $grupo
##
                                          diff
                                                      lwr
                                                                 upr
                                                                         p adj
## Appletree_Lake-Anglers_Cove -2.9833333 -8.281979 2.315312 0.4791100
## Beaver Lake-Anglers Cove
                                  -3.8500000 -9.148645 1.448645 0.2376217
                                  -12.0000000 -17.298645 -6.701355 0.0000053
## Graysons Pond-Anglers Cove
## Rock_River-Anglers_Cove 14.2166667 8.918021 19.515312 0.0000003 ## Beaver_Lake-Appletree__Lake -0.8666667 -6.165312 4.431979 0.9884803
## Graysons_Pond-Appletree__Lake -9.0166667 -14.315312 -3.718021 0.0003339
## Rock_River-Appletree__Lake
                                 17.2000000 11.901355 22.498645 0.0000000
                                   -8.1500000 -13.448645 -2.851355 0.0011293
## Graysons_Pond-Beaver_Lake
## Rock_River-Beaver_Lake
                                   18.0666667 12.768021 23.365312 0.0000000
## Rock_River-Graysons_Pond
                                   26.2166667 20.918021 31.515312 0.0000000
##diff: diferencia entre medias de los grupos.
##lwr / upr: intervalos de confianza del 95%.
##p adj: valor p ajustado por Tukey.
#Obtenga el valor crítico; q0,05(k, glerror)
# Grados de libertad residuales
gl <- df.residual(modelo)</pre>
# MS residual
MS_res <- summary(modelo)[[1]]["Residuals", "Mean Sq"]
# Valor crítico t
k <- 5
gl_error <- 25
# Valor crítico q para alfa=0.05
q_crit <- qtukey(0.95, k, gl_error) # 0.95 porque es unilateral para nivel global 0.05
q_crit
## [1] 4.153363
t_crit <- qt(0.975, df = gl) # 0.975 porque es bilateral a 5%
t_crit
## [1] 2.059539
# Calcule la diferencia mínima significativa con Tukey.
# Parámetros
k <- length(levels(grupo))</pre>
                                    # número de grupos = 5
n_per_group <- tapply(mediciones, grupo, length)[1] # 6</pre>
gl_error <- df.residual(modelo) # 25</pre>
MS_error <- summary(modelo)[[1]]["Residuals", "Mean Sq"]
# Valor crítico q (studentized range)
q_crit <- qtukey(0.95, nmeans = k, df = gl_error)</pre>
```

```
# Error estándar usado por Tukey (para comparación de medias)
SE <- sqrt(MS_error / n_per_group)</pre>
# HSD (mínima diferencia significativa)
HSD <- q_crit * SE
# Mostrar resultados
q_crit
## [1] 4.153363
MS_error
## [1] 9.7652
SE
## Anglers_Cove
       1.275748
HSD
## Anglers_Cove
##
       5.298645
#Compare los resultados con la prueba LSD: ¿los mismos pares resultan significativos?
resultado_lsd <- LSD.test(modelo, "grupo", p.adj = "none")</pre>
medias <- resultado_lsd$means$mediciones</pre>
names(medias) <- rownames(resultado_lsd$means)</pre>
# Diferencias absolutas
dif_abs <- abs(outer(medias, medias, "-"))</pre>
colnames(dif_abs) <- rownames(dif_abs) <- names(medias)</pre>
# Valor LSD
valor_lsd <- resultado_lsd$statistics$LSD</pre>
# Tabla LSD con pares en orden alfabético
tabla_lsd <- as.data.frame(as.table(dif_abs))</pre>
tabla_lsd <- subset(tabla_lsd, as.character(Var1) < as.character(Var2))</pre>
colnames(tabla_lsd) <- c("Grupo1", "Grupo2", "Diferencia")</pre>
tabla_lsd$Par <- paste(tabla_lsd$Grupo1, tabla_lsd$Grupo2, sep = "-")
tabla_lsd\$Signif_LSD <- tabla_lsd\$Diferencia > valor_lsd
tukey_res <- TukeyHSD(modelo)</pre>
tabla_tukey <- as.data.frame(tukey_res$grupo)</pre>
tabla_tukey$Par <- gsub(" ", "", rownames(tabla_tukey)) # pares como "B-A"
# Reordenar pares alfabéticamente (A-B, no B-A)
tabla_tukey$Par <- sapply(strsplit(tabla_tukey$Par, "-"),</pre>
                           function(x) paste(sort(x), collapse = "-"))
tabla_tukey <- aggregate(`p adj` ~ Par, data = tabla_tukey, FUN = mean)
tabla_tukey$Signif_Tukey <- tabla_tukey$`p adj` < 0.05
```

```
##
                                 Par Signif_LSD Signif_Tukey
## 1
       Anglers_Cove-Appletree__Lake
                                          FALSE
                                                        FALSE
## 2
           Anglers_Cove-Beaver_Lake
                                           TRUE
                                                       FALSE
## 3
                                                        TRUE
         Anglers Cove-Graysons Pond
                                           TRUE
## 4
            Anglers Cove-Rock River
                                           TRUE
                                                         TRUE
## 5
        Appletree Lake-Beaver Lake
                                          FALSE
                                                       FALSE
## 6 Appletree__Lake-Graysons_Pond
                                           TRUE
                                                         TRUE
## 7
         Appletree__Lake-Rock_River
                                           TRUE
                                                         TRUE
## 8
          Beaver_Lake-Graysons_Pond
                                           TRUE
                                                         TRUE
## 9
                                                        TRUE
             Beaver Lake-Rock River
                                           TRUE
## 10
           Graysons_Pond-Rock_River
                                           TRUE
                                                         TRUE.
```

```
#R= Sí hay diferencia en los pares
```

- # Interpretación
- # ¿Qué cuerpo de agua presenta las concentraciones más altas?

 #El resultado mostró que tanto por LSD ó por Tukey si hay diferencia significativa
- # ¿Qué sitios no difieren entre sí?
 - # El resultado de ese análisis muestra que cuando hablamos de los pares de
 - # sitios, Anglers_Cove y Appletree_Lake asi como Appletree_Lake y Beaver_Lake,
 - # que No hay significancia estadistica P<0.025 entre ellos y que el par de Sitios:
 - # Anglers_Cove y Beaver_Lake no tienen diferencia significativa P<0.05 entre elos
- # Desde el punto de vista ambiental, ¿qué implicaciones podrían tener estas diferencias en la #calidad del agua?

#Estas diferencias entre las comparaciones no hay un efecto grave en toma de deciciones #ya que es solo agua en diferentes partes, pero cabe destacar que si fuera agua ya #lista parta hacer algun tipo de medicina o algo en el cuerpo humano si se tendria que #especificar el P<0.025, si esos cuerpos de agua fueran rios o se utilizaria para #los animales o de aguanormal para uso diario el p<0.01, esto no lleva a que solo #posiblemente rock_River seria el más contaminado y hay que hacer otro analisis #estadistico cambiando el valor de P.