

# Tarea 3

Cruz Perez Ramon -315008148  
Marco Antonio Orduña Avila -315019928

Octubre 2020

1. Ejecuta el algoritmo BFS de la figura 1.11 [libro de M. Raynal] en la siguiente grafica



Ps parent= ps, d = 0, msg = 2, Go(0),  
P2 parent= ps, d = 1, msg = 1, Go(1)  
P3 parent= p3, d = 1, msg = 3, Go(1)  
P5 parent= p3, d = 2, msg = 1, Go(2)  
P4 parent= p5, d = 3, msg = 2, Go(3)

P4 parent= p3, d = 2, msg= 1, Go(2)  
P6 parent= p4, d = 4 back(yes,4)  
P5 parent= p3, d = 2 back(no,2)

back(yes,4); P4 parent= p3, d = 2, msg= 1, ....

P6 parent= p4, d = 3 back(yes,3)

back(yes,3); P4 parent= p3, d = 2, msg= 0, child = {p6}

back(yes,2); P3 parent= ps, d = 2, msg= 1, child = {p4}

..... P5 se queda esperando un mensaje de 4.

Debido a que en el tiempo  $t=4$ , P4 recibe un GO() de P3, con menor distancia, se actualiza su padre, y deja de ser P5, pero en ese momento P5 sigue esperando un mensaje de p4, y como nunca llega no es posible completar la grafica.

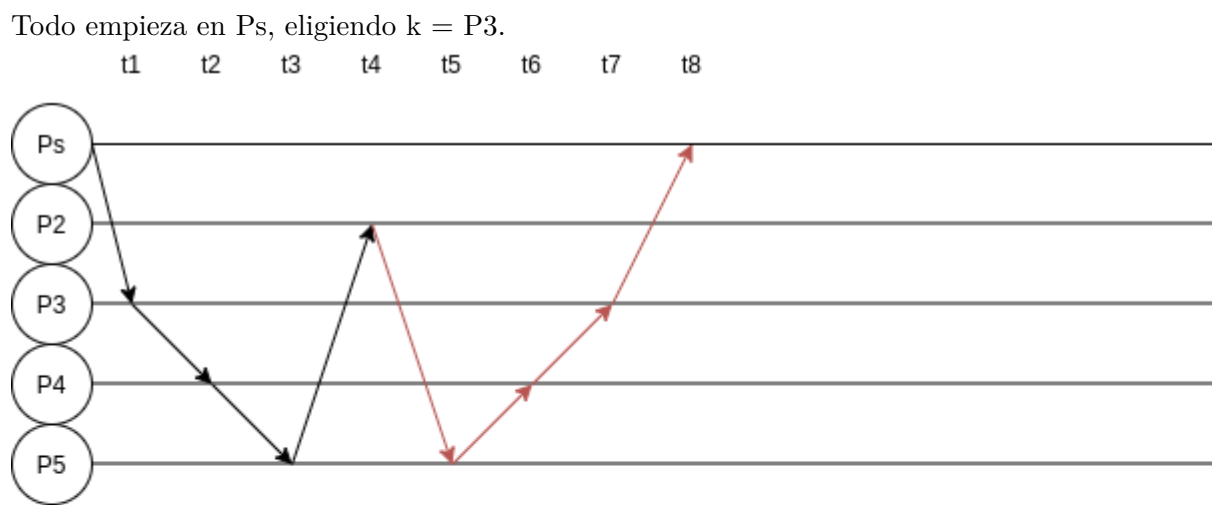
Para solucionar esto, solo falta que en la linea (19) el **if** necesita un **else**: que donde **if(resp = no)** Entonces seria igual a la lineas 21 - 24.

2. ¿Se puede obtener mas de un arbol BFS en la grafica anterior?

Suponiendo que el algoritmo esta arreglado:

**No**, pues siempre que se encuentre un camino mas corto se va a actualizar, no importa si se cambian los pesos de las aristas.

3. Ejecuta el algoritmo DFS de la figura 1.17 [libro de M. Raynal] en la siguiente grafica



```

Ps: k = P3, child={P3}
P3: parent = Ps, visted ={Ps}, k = P4, GO({Ps,P3}),child={P4}
P4: parent = P3, visted ={Ps,P3}, k = P5, GO({Ps,P3,P4}),child={P5}
P5: parent = P4, visted ={Ps,P3,P4}, k = P2, GO(visted U{P5}),child={P2}
    P2: parent = P5, visted ={Ps,P3,P4,P5}, BACK(visted U{P2}), child= {0}
P5: parent = P4, visted ={Ps,P3,P4,P5,P2}, BACK(visted)
P4: parent = P3, visted ={Ps,P3,P4,P5,P2}, BACK(visted)
P3: parent = Ps, visted ={Ps,P3,P4,P5,P2}, BACK(visted)
Ps: parent = Ps, visted ={Ps,P3,P4,P5,P2}, BACK(visted)
fin de ejecucion

```

4. Considera el algoritmo BFS que no detecta terminacion en un sistema sincrono (Figura 3). Sea  $D$  la distancia mas grande de la raiz a cualquier otro proceso. Demuestra que para cada  $1 \leq t \leq D$ , despues de  $t$  rondas, cada vertice  $p_i$  a distancia  $t$  ya ha recibido un mensaje con  $d = t - 1$  de algun vecino  $p_j$  y por lo tanto  $distance_i = t$  y  $parent_i = j$  tal que  $distance_j = t$

– 1 (Hint: en la ronda 0 la raíz comienza su ejecución y envía su mensaje a sus vecinos y estos los reciben en la ronda 1).

**Por Inducción sobre t:**

$D$  = Distancia mas grande.

$1 \leq t \leq D$ , en  $t$  rondas, cada vertice  $p_i$  a  $t$  distancia ya recibio un mensaje  $d = t - 1$  para algun vecino  $p_j$

Por lo tanto:  $D=t$ ,  $\text{parent} = j$ ,  $D_j = t-1$

**Caso Base:**

$G$  = raíz y un hijo:

$t = 0$ , raíz,  $D = 0$ , send ( $D$ ) to vecinos,

$t = 1$ , como  $d+1 < \text{distance}$

$\text{distance} = 1$ ,  $\text{parent} = \text{raiz}$

$\implies D = t$ ,  $\text{parent} = \text{raiz}$ ,  $D_{\text{raiz}} = 0$

**H.I.**

$1 \leq t \leq D$ , en  $t$  rondas, cada vertice  $p_i$  a  $t$  distancia ya recibio un mensaje  $d = t - 1$  para algun vecino  $p_j$

Por lo tanto:  $D=t$ ,  $\text{parent} = j$ ,  $D_j = t-1$

**P.I.**

$1 \leq t+1 \leq D$ , en  $t+1$  rondas, cada vertice  $p_i$  a  $t+1$  distancia ya recibio un mensaje  $d = (t+1) - 1$  para algun vecino  $p_j$

Por lo tanto:  $D=t+1$ ,  $\text{parent} = j$ ,  $D_j = (t+1) - 1$

ronda =  $t+1$

**Upon receiving** ( $d$ ) **from**  $p_j$  **do**

**if** ( $d < \text{distance}$ ):

$\text{distance}_i = d+1$ ,  $\text{parent}_i = p_j$ ,

como  $p_j$  es el padre y envio **send** en la ronda  $t$ .

**Por H.I.**  $p_j$ ,  $D_j = t$ ,  $\text{parent} = x$  cualquiera,  $D_x = t - 1$

como  $j$  es el padre,

$\implies \text{distance}_i = t + 1$  y  $\text{parent}_i = j$ ,  $D_j = (t+1) - 1$