

20 - Os números reais ( $\mathbb{R}$ ) fazem parte dos números complexos ( $\mathbb{C}$ ), pois qualquer real  $a$  pode ser escrito como  $a + 0i$ . Assim,  $\mathbb{R}$  é subconjunto de  $\mathbb{C}$ . No plano complexo, onde o eixo horizontal representa a parte real e o vertical a parte imaginária, os números reais estão todos sobre o eixo real (horizontal), ou seja, possuem parte imaginária nula.

21 - A reta real é a representação geométrica de  $\mathbb{R}$ , em que cada ponto corresponde a um número real. Os racionais ( $\mathbb{Q}$ ) e os irracionais são densos em  $\mathbb{R}$ , ou seja, entre quaisquer dois reais sempre existem infinitos números de ambos os tipos. O que distingue  $\mathbb{R}$  em análise é a sua completude: todo subconjunto não vazio e limitado superiormente possui supremo em  $\mathbb{R}$ , propriedade que não vale em  $\mathbb{Q}$ . Essa estrutura é essencial para teoremas fundamentais como Bolzano-Weierstrass e Valor Intermediário (Rudin, 1976; Abbott, 2015).

22 - a)  $0 \rightarrow$  natural, inteiro, racional

b)  $-12 \rightarrow$  não é natural (pois é negativo), inteiro, racional (pode ser  $-12/1$ )

c)  $\frac{2}{7} \rightarrow$  não é natural e nem inteiro, é racional pois é a razão de dois inteiros com denominador  $\neq 0$ .

d)  $\sqrt{81} \rightarrow = 9$ , é natural, inteiro e racional