

não fracionáveis, como as raízes não exatas e dízimos não periódicos, que não podiam ser escritos como frações.

19. O número  $\sqrt{2}$  é um número algébrico. Por definição, um número é dito algébrico se ele for a raiz de uma equação polinomial não nula, com uma variável e coeficientes inteiros. Já os números transcendentais, como o  $\pi$  e  $e$ , por definição, são números que não podem ser a raiz de nenhuma equação polinomial não nula com coeficientes inteiros, não importando a grau ou a complexidade do polinômio.

20. A relação entre os números reais ( $R$ ) e os números complexos ( $C$ ) é de extensão e inclusão. O conjunto dos números complexos foi desenvolvido para resolver problemas que não tinham solução no universo dos números reais, como a raiz quadrada de números negativos. Essencialmente, todo número real é também um número complexo, o que torna o conjunto  $R$  um subconjunto de  $C$ . A fórmula geral dos complexos é:

$$Z = a + bi$$

$a$  e  $b$  são números reais, e  $i$  é a unidade imaginária. Para mostrar que  $R$  é um subconjunto de  $C$ , basta zerar a parte imaginária. Por exemplo:  $Z = a + 0i \rightarrow Z = a$ . Nessa situação, o número complexo é simplesmente sua parte real, o que mostra formalmente que todo  $R$  está contido em  $C$ , ou  $R \subset C$ .

No plano complexo (Argand-Gauss), o eixo horizontal é o eixo real, enquanto o eixo vertical é o eixo imaginário, que representa o  $bi$ . Em geral, um número complexo  $Z = a + bi$  é representado pelo ponto de coordenadas  $(a, b)$  neste plano.