

Parte II

S T Q Q S S D

40 → a) Através da segunda afirmação, temos que $X - Y = a_K p_1 p_2 p_3 \dots p_K$.
Isso seja válido que:

$$X - Y \pmod{p_{K+1}}$$

E, tomando como base o que já foi dito, temos que: $X - Y = Q_{K+1} P_{K+1}$.

Logo, $Q_{K+1} P_{K+1} = a_K p_1 p_2 p_3 \dots p_K \cdot 0$ que implica que $p \mid a_K$.

Por isso, podemos reescrever $a_K = p_{K+1} a_{K+1}$ de tal forma que:

$$X \equiv a_{K+1} p_1 p_2 p_3 \dots p_K p_{K+1} + Y \equiv \pmod{p_{K+1}}$$

Assim, a hipótese indutiva está provada.