

Mas já sabemos que $x \equiv b_i \pmod{p_i} \quad 1 \leq i \leq K$

Em outras palavras, construímos uma solução e a mesma é desta forma, onde estes são pares inversos mod p_i .

Agora vamos supor que X e Y são soluções, de modo que nos diz que:

$$\begin{aligned} X &\equiv b_i \pmod{p_i} \\ Y &\equiv b_i \pmod{p_i} \end{aligned} \quad \text{sendo: } 1 \leq i \leq K$$

Pelas propriedades de equivalências, temos que:

$$X - Y \equiv 0 \pmod{p_i} \quad 1 \leq i \leq K$$

Logo, $p_i | X - Y \quad 1 \leq i \leq K$

Vale lembrar que p_1, p_2, \dots, p_K são ℓ -primos, de modo que isso significa que p_i é um múltiplo de uma sequência de ℓ -primos.

Em outras palavras, tem que ser um múltiplo de seu produto, então todas essas palavras nos dizem que:

$$N | X - Y$$

E, por definição, $X \equiv Y \pmod{N}$

Assim, terminamos a prova.