

6Q → Fazendo a multiplicação, temos que:

$$\bar{a}^{p-2} \cdot \bar{a} = \bar{a}^{p-1} \Rightarrow \bar{1}$$

Como podemos notar, a última igualdade segue do Teorema de Fermat, já que "a" não é divisível por "p".

9Q → Pelo enunciado, temos que: $p \mid N! + 1$

Além disso, é necessário encontrar um K tal que $N \cdot K \equiv 1 \pmod{p}$

Novamente pelo enunciado, podemos afirmar que: $N! + 1 \equiv 0 \pmod{p}$

Portanto: $N! + 1 = p \cdot m$

$$N! - pm = -1$$

Podemos achar o valor do inverso através do Algoritmo Estendido de Euclides. Logo:

$$p \cdot \underbrace{m_1}_{\alpha} - \underbrace{N(N-1)(N-2) \dots (2)(1)}_{\beta} = 1$$

Logo, podemos concluir que $\beta = -(N-1)!$, que é o inverso.