

$$2Q \rightarrow d) X \subseteq Y \iff X \cup (Y \cap Z) = (X \cup Z) \cap Y$$

Para utilizar o Se... Somente se (\iff), temos que provar a ida e a volta.

$$\text{Ida: } X \subseteq Y \rightarrow X \cup (Y \cap Z) = (X \cup Z) \cap Y$$

Seja $X \cup Y = Y$ e $X \cap Y = X$, pois X é um conjunto com tamanho menor ou igual a Y ($X \subseteq Y$). Logo, se unirmos o maior conjunto (Y) com o menor (X), teremos $X \cup Y = Y$. Agora, se fizermos a interseção do maior (Y) com o menor (X), temos que $X \cap Y = X$.

Realizando a distributiva em $X \cup (Y \cap Z)$ temos que:

$$\begin{aligned} (X \cup Y) \cap (X \cup Z) &= (X \cup Z) \cap Y \Rightarrow \\ Y \cap (X \cup Z) &= (X \cup Z) \cap Y \end{aligned}$$

$$\text{Agora a volta: } X \cup (Y \cap Z) = (X \cup Z) \cap Y \rightarrow X \subseteq Y$$

Novamente realizando a distributiva em $X \cup (Y \cap Z)$, temos que:

$$\begin{aligned} (X \cup Y) \cap (X \cup Z) &= (X \cup Z) \cap Y \Rightarrow \\ Y \cap (X \cup Z) &= (X \cup Z) \cap Y \end{aligned}$$

O antecedente será igual ao consequente, Logo, é verdadeiro

0135: Acabei não conseguindo desenvolver toda a questão