

2Q → a) Se $a \neq 0$ ou $b \neq 0$, então $\text{mmc}(a, b) \cdot \text{mdc}(a, b) = ab$

$$\begin{aligned} 1^\circ \text{ passo: } \text{mmc}(a, b) \cdot \text{mdc}(a, b) &\leq ab \\ \text{mmc}(a, b) &\leq \frac{ab}{\text{mdc}(a, b)} \end{aligned} \quad x = \frac{ab}{\text{mdc}(a, b)}$$

Temos aqui: $a = p \cdot r$ e $b = q \cdot r$

Se x é múltiplo de a e múltiplo de b , logo ele é um múltiplo comum de a e b . Como o mmc é o menor múltiplo comum, o x tem que ser maior ou igual ao mmc .

Usando a prova da letra c, implicaremos que $\frac{ab}{\text{mdc}(a, b)}$ é um múltiplo

de a e um múltiplo de b . Logo, $\text{mmc}(a, b) \leq \frac{ab}{\text{mdc}(a, b)}$

$$\begin{aligned} 2^\circ \text{ passo: } \text{mmc}(a, b) \cdot \text{mdc}(a, b) &\geq ab \\ \text{mdc}(a, b) &\geq \frac{ab}{\text{mmc}(a, b)} \end{aligned} \quad q = \frac{ab}{\text{mmc}(a, b)}$$

Para provar, temos que " q " deverá ser um divisor comum de a e de b

Temos que: $a = q \cdot r$ e $b = q \cdot r'$

Fazendo a substituição, temos: $a = \frac{ab}{\text{mmc}(a, b)} \cdot r$ e $b = \frac{ab}{\text{mmc}(a, b)} \cdot r'$