

S T Q Q S S D

$$5Q \rightarrow q) \text{ ndc}(n!+1, (n+1)!+1)=1$$

Temos que: $\text{ndc}(n!+1, (n+1)!+1)=d$

Por definição, temos que: $d \mid n!+1$ e $d \mid (n+1)!+1$

Multiplicando $d \mid n!+1$ por $\times(n+1)$, temos: $d \mid (n+1)! + (n+1)$

Unindo as equações, temos que a diferença entre elas tem que ser um múltiplo de d :

$$d \mid [(n+1)! + (n+1)] - [(n+1)! + 1]$$

Simplificando a equação, temos que: $d \mid n+1-1 \Rightarrow d \mid n$

Então, d também divide um múltiplo de n , que seria: $d \mid n!+1$

Logo, temos que:
$$\frac{n \cdot (n-1) \cdot (n-2) \cdot \dots \cdot 1 + 1}{d}$$

Como $d \mid n$, temos que o resultado da divisão é um inteiro q

Com isso, temos que: $q \cdot (n-1)! + \frac{1}{d}$

$\frac{1}{d}$ deve resultar em um número inteiro. Logo, $d=1$

A afirmação é verdadeira