

DS Homework 5

注：请使用 A4 纸作答，写上姓名学号，并于下一次上课时提交。

1、利用两个栈 s1 和 s2 模拟一个队列时，如何用栈的运算来实现该队列的以下运算，请用类 C/C++语言写出伪代码。

函数：

enqueue: 插入一个元素 dequeue: 删除一个元素

queue_empty: 判定队列为空

```
void enqueue (SqStack &s1, SElemType x)
{   push(s1, x);   }

void dequeue (SqStack &s1, SElemType &x)
{   SqStack s2;
    SElemType y;
    s2.top = s2.base;
    while (!isEmpty(s1))
    {   pop(s1, y);   push(s2, y);   }
    pop(s2, x);
    s1.top = s1.base;
    while (!isEmpty(s2))
    {   pop(s2, y);   push(s1, y);   }
}
```

```
Status queue_empty (SqStack s1)
{   return isEmpty(s1); }
```

2、已知 Ackerman 函数的定义如下：

$$akm(m, n) = \begin{cases} n + 1 & m = 0 \\ akm(m - 1, 1) & m \neq 0, n = 0 \\ akm(m - 1, akm(m, n - 1)) & m \neq 0, n \neq 0 \end{cases}$$

(1) 写出递归算法

(2) 利用栈操作写出非递归算法

(1) 递归算法

```
int akm(int m, int n)
{
    if (m==0) return (n+1);
    else if (n==0) return akm(m-1, 1);
    else return akm(m-1, akm(m, n-1));
}
```

(2) 非递归算法

```
constant max = 100;
typedef struct {
    int mval; int nval;
} stack;

int akm(int m, int n)
{
    // S[max]为附设栈，top 为栈顶指针
    stack S[max];
    int top=0;

    S[top].mval = m; S[top].nval = n;
    do {
        while(S[top].mval)
        {
            while(S[top].nval)
            {
                top++; S[top].mval = S[top-1].mval;
                S[top].nval = S[top-1].nval - 1;
            }
            S[top].mval--; S[top].nval=1;
        }
        if (top>0)
        {
            top--; S[top].mval--;
            S[top].nval = S[top+1].nval + 1;
        }
    } while (top !=1 || S[top].mval != 0);
    top--;
    return (S[top+1].nval+1);
}
```