

实验 3 离散序列的基本运算

1518 班 15352408 张镓伟

一、实验目的

- (1) 进一步了解离散时间序列时域的基本运算。
- (2) 通过实验进一步理解卷积定理，了解卷积的过程。
- (3) 了解 MATLAB 语言进行离散序列运算的常用函数，掌握离散序列运算程序的编写方法。

二、实验涉及的 MATLAB 子函数

1. find

功能：寻找非零元素的索引号。

调用格式：

`find((n>=min(n1))&(n<=max(n1)))`；在符合关系运算条件的范围内寻找非零元素的索引号。

2. fliplr

功能：对矩阵行元素进行左右翻转。

调用格式：

`x1=fliplr(x)`；将 x 的行元素进行左右翻转，赋给变量 $x1$ 。

3.conv

功能：进行两个序列间的卷积运算。

调用格式：

`y=conv(x, h)`；用于求取两个有限长序列 x 和 h 的卷积， y 的长度取 x 、 h 长度之和减 1。

例如， $x(n)$ 和 $h(n)$ 的长度分别为 M 和 N ，则

$$y = \text{conv}(x, h)$$

y 的长度为 $N+M-1$ 。

使用注意事项：`conv` 默认两个信号的时间序列从 $n=0$ 开始，因此默认 y 对应的时间序号也从 $n=0$ 开始。

4.sum

功能：求各元素之和。

调用格式：

`Z=sum(x)`；求各元素之和，常用于等宽数组求定积分。

5.hold

功能：控制当前图形是否刷新的双向切换开关。

调用格式：

`hold on`；使当前轴及图形保持而不被刷新，准备接受此后将绘制的新曲线。

`hold off`；使当前轴及图形不再具备不被刷新的性质

6.pause

功能：暂停执行文件。

调用格式：

`pause`；暂停执行文件，等待用户按任意键继续。

`pause(n)`；在继续执行之前，暂停 n 秒

三、实验原理

离散序列的时域运算包括信号的相加、相乘，信号的时域变换包括信号的移位、反折、倒相及信号的尺度变换等。

在 MATLAB 中，离散序列的相加、相乘等运算是两个向量之间的运算，因此参加运算的两个序列向量必须具有相同的维数，否则应进行相应的处理。

1. 序列移位

将一个离散信号序列进行移位，形成新的序列：

$$x_1(n) = x(n-m)$$

当 $m > 0$ 时，原序列 $x(n)$ 向右移 m 位，形成的新序列称为 $x(n)$ 的延序列；

当 $m < 0$ 时，原序列 $x(n)$ 向左移 m 位，形成的新序列称为 $x(n)$ 的超前序列。

2. 序列相加

两个离散序列相加是指两个序列中相同序号 n (或同一时刻) 的序列值逐项对应相加，构成一个新的序列：

$$x(n) = x_1(n) + x_2(n)$$

注意若相加的两个序列长度不同或者对应位置不同，则需要对较短序列和缺少位置的序列补 0，保持位置一一对应。

3. 序列相乘

两个离散序列相乘是指两个序列中相同序号 n (或同一时刻) 的序列值逐项对应相乘，构成一个新的序列：

$$x(n) = x_1(n) \times x_2(n)$$

同样存在着序列维数相同和不同两种情况，处理方法与序列相加相同。

4. 序列反折

离散序列反折是指离散序列的两个向量以零时刻的取值为基准点，以纵轴为对称轴反折。在 MATLAB 中提供了 `fliplr` 函数，可以实现序列的反折。

5. 序列倒相

离散序列倒相是求一个与原序列的向量值相反，对应的时间序号向量不变的新的序列。在 MATLAB 中在原序列前添负号“-”可得其序列倒相。

6. 序列的尺度变换

对于给定的离散序列 $x(n)$ ，序列 $x(mn)$ 是 $x(n)$ 每隔 m 点取一点形成，相当于时间轴 n 压缩了 m 倍；反之，序列 $x(n/m)$ 是 $x(n)$ 作 m 倍的插值而形成的，相当于时间轴 n 扩展了 m 倍。

7. 直接使用 conv 进行卷积运算

求解两个序列的卷积，很重要的问题在于卷积结果的时宽区间如何确定。在 MATLAB 中，卷积子函数 `conv` 默认两个信号的时间序列从 $n=0$ 开始， y 对应的时间序号也从 $n=0$ 开始。

8. 复杂序列的卷积运算

由于 MATLAB 中卷积子函数 `conv` 默认两个信号的时间序列从 $n=0$ 开始，因此，如果信号不是从 0 开始，则编程时必须用两个数组确定一个信号，其中，一个数组是信号波形的幅度样值，另一个数组是其对应的时间向量。此时，程序的编写较为复杂，我们可以将其处理过程编写成一个可调用的通用子函数。下面是在 `conv` 基础上进一步编写的新的卷积子函数 `convnew`，是一个适用于信号从任意时间开始的通用程序。

```
function [y, ny] = convnew(x, nx, h, nh) %建立 convnew 子函数
%x 为一信号幅度样值向量，nx 为 x 对应的时间向量
%h 为另一信号或系统冲激函数的非零样值向量，nh 为 h 对应的时间向量
%y 为卷积积分的非零样值向量，ny 为其对应的时间向量
n1=nx(1)+nh(1); %计算 y 的非零样值的起点位置
n2=nx(length(x))+nh(length(h)); %计算 y 的非零样值的宽度
ny= [n1: n2]; %确定 y 的非零样值时间向量
y=conv(x, h);
用上述程序可以计算两个离散时间序列的卷积和，求解信号通过一个离散系统的响应。
```

9.卷积积分的动态过程演示

为了更深入地理解两个序列卷积的原理，下面提供一段演示卷积积分的动态过程的 MATLAB 程序。

动态地演示求解信号序列

$$f_1 = 0.8^n \quad (0 < n < 20)$$

$$f_2 = u(n) \quad (0 < n < 10)$$

卷积和的过程。

```
clf; %图形窗清屏
nf1=0: 20; %建立 f1 的时间向量
f1=0.8.^nf1; %建立 f1 序列
lf1=length(f1); %取 f1 时间向量的长度
nf2=0: 10; %f2 的时间向量
lf2=length(nf2); %取 f2 时间向量的长度
f2=ones(1, lf2); %建立 f2 序列
lmax=max(lf2, lf1); %求最长的序列
if lf2>lf1 nf2=0; nf1=lf2-lf1; %若 f2 比 f1 长，对 f1 补 nf1 个 0
elseif lf2<lf1 nf1=0; nf2=lf1-lf2; %若 f1 比 f2 长，对 f2 补 nf2 个 0
else nf2=0; lf1=0; %若 f1 与 f2 同长，不补 0
end
lt=lmax; %取长者补 0 长度基础
%先将 f2 补得与 f1 同长，再将两边补最大长度的 0
u= [zeros(1, lt), f2, zeros(1, nf2), zeros(1, lt)];
t1=(-lt+1: 2*lt);
%先将 f1 补得与 f2 同长，再将左边补 2 倍最大长度的 0
f1= [zeros(1, 2*lt), f1, zeros(1, nf1)];
hf1=fliplr(f1); %将 f1 作左右反折
N=length(hf1);
```

```

y=zeros(1, 3*lt);      %将 y 存储单元初始化
fork=0: 2*lt          %动态演示绘图
p= [zeros(1, k), hf1(1: N-k)]; %使 hf1 向右循环移位
y1=u.*p; [KG-4]       %使输入和翻转移位的脉冲过渡函数逐项相乘
yk=sum(y1);           %相加
y(k+lt+1)=yk;         %将结果放入数组 y
subplot(4, 1, 1); stem(t1, u);
subplot(4, 1, 2); stem(t1, p);
subplot(4, 1, 3); stem(t1, y1);
subplot(4, 1, 4); stem(k, yk); %作图表示每一次卷积的结果
axis( [-20, 50, 0, 5] ); holdon[KG-1]
%在图形窗上保留每一次运行的图形结果
pause(1); %停顿 1 秒钟

```

四、实验任务

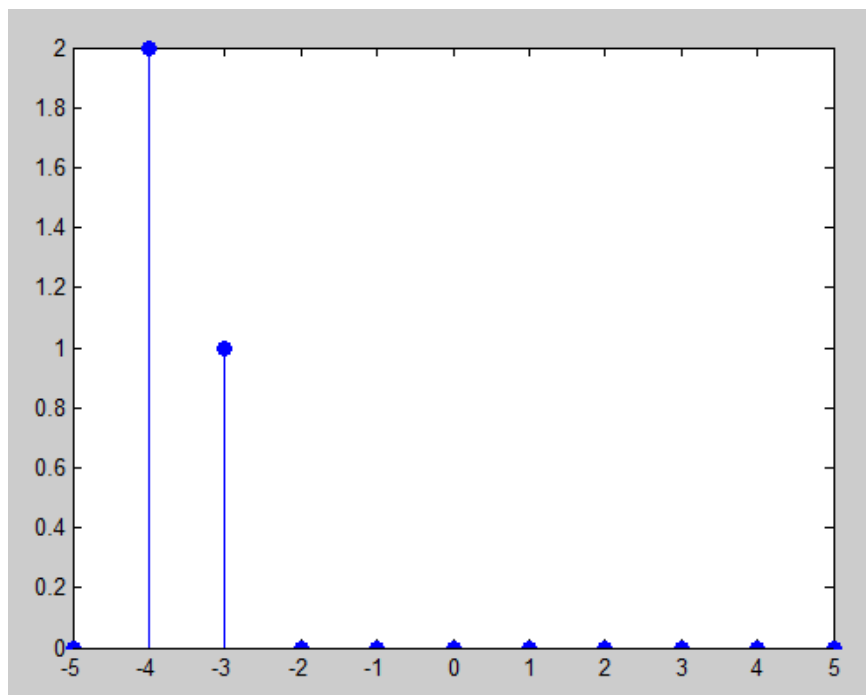
(1)用 MATLAB 实现下列信号序列:

① $x(n) = \delta(n+3) + 2\delta(n-4), (-5 < n < 5)$

```

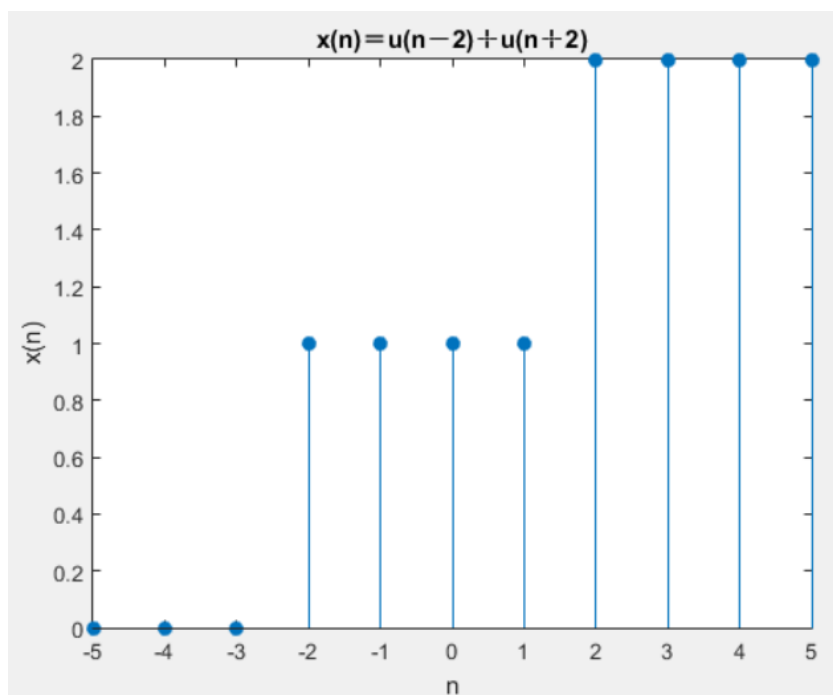
1 -   clc
2 -   clear all;
3 -   n1=-5;n2=5;
4 -   n=n1:n2;      %确定序列区间
5 -   k1=-3;k2=-4;
6 -   x1=[n==k1];   %生成序列1
7 -   x2=2*[n==k2]; %生成序列2
8 -   x=x1+x2;      %序列相加
9 -   stem(n,x,'fill');%绘制相加后的序列的图像

```



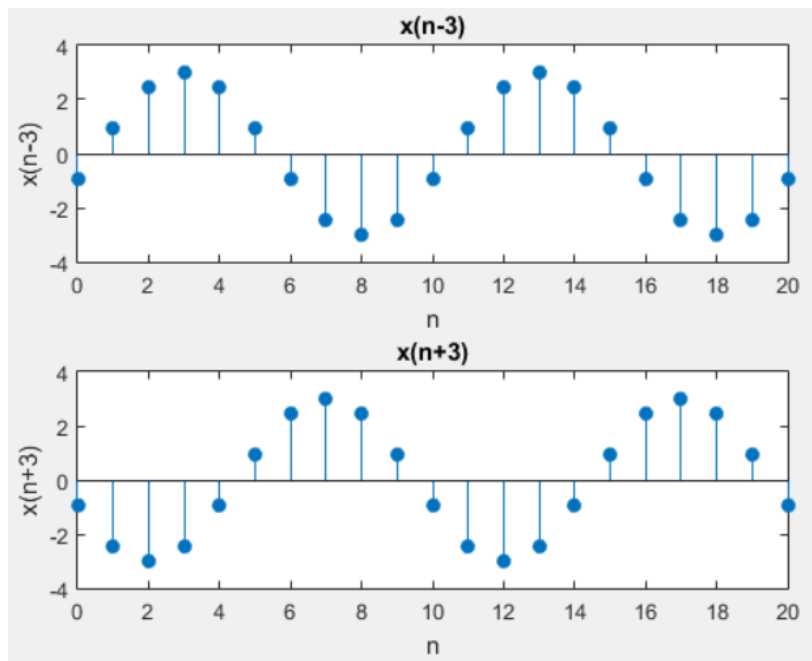
② $x(n) = u(n-2) + u(n+2)$, $(-5 < n < 5)$

```
clc
clear all;
n1=-5;n2=5;
k1=2;k2=-2;
n=n1:n2; %确定序列区间
x1=[n>=k1]; %生成序列u[n-2]
x2=[n>=k2]; %生成序列u[n+2]
x=x1+x2; %两序列相加
stem(n,x,'fill');
title('x(n)=u(n-2)+u(n+2)');
xlabel('n');
ylabel('x(n)');
```



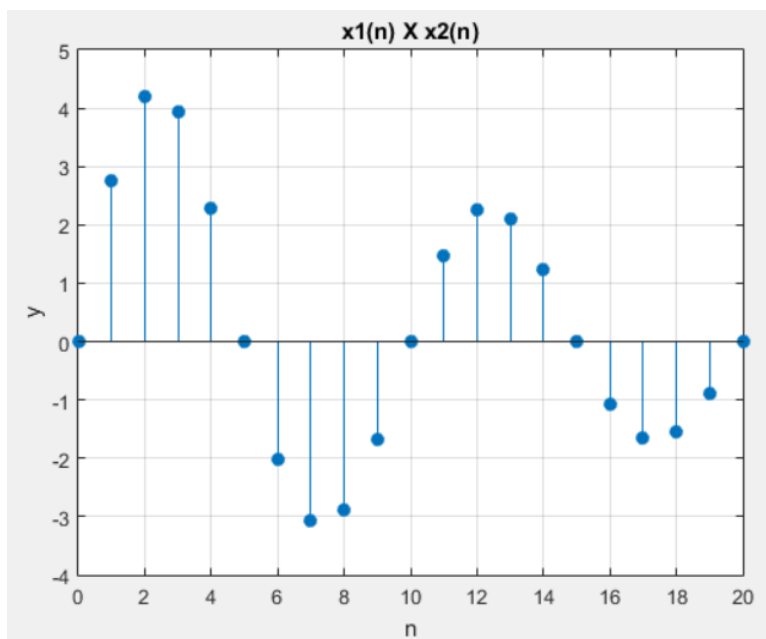
③ 已知 $x(n] = 3\cos(2\pi n/10)$, 试显示 $x(n-3)$ 和 $x(n+3)$ 在 $0 < n < 20$ 区间的波形。

```
clc
clear all;
n1=0;n2=20;
k1=2;k2=-2;
n=n1:n2; %确定序列区间
x1=3*cos(2*pi*(n-3)/10); %x(n-3)
x2=3*cos(2*pi*(n+3)/10); %x(n+3)
subplot(2,1,1);
stem(n,x1,'fill');
title('x(n-3)'); xlabel('n'); ylabel('x(n-3)');
subplot(2,1,2);
stem(n,x2,'fill');
title('x(n+3)'); xlabel('n'); ylabel('x(n+3)');
```



④已知 $x_1 = e^{-n/16}$, $x_2(n) = 5\sin(2\pi n/10)$, 试显示 $x_1(n) \times x_2(n)$ 在 $0 < n < 24$ 区间的波形。

```
clc
clear all;
n1=0;n2=24;
k1=2;k2=-2;
n=n1:n2; %确定序列区间
x1=exp(-1*n/16);
x2=5*sin(2*pi*n/10);
x=x1.*x2 %x1和x2的乘积
stem(x,'fill');grid on;
title('x1(n) X x2(n)');xlabel('n');ylabel('y');
```



(2) 已知信号 $x(n)=n \sin(n)$ ，试显示在 $0<n<20$ 区间的下列波形：

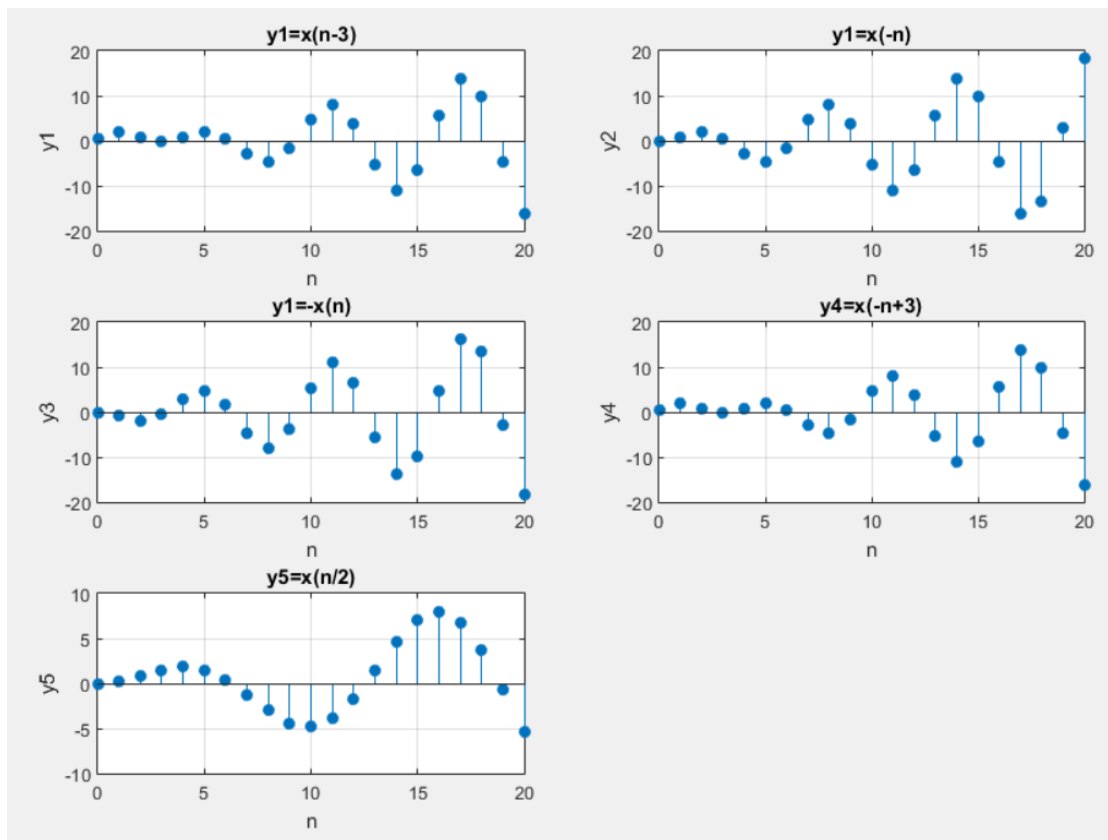
$$y_1(n)=x(n-3), \quad y_2(n)=x(-n), \quad y_3(n)=-x(n),$$

$$y_4(n)=x(-n+3), \quad y_5(n)=x(n/2)$$

```

clc
clear all;
n1=0:n2=20;
n=n1:n2; %确定序列区间
y1=(n-3).*sin(n-3);%x(n-3)
y2=(-n).*sin(-n); %x(-n)
y3=-1*n.*sin(n); %-x(n)
y4=(3-n).*sin(3-n);%x(-n+3)
y5=(n/2).*sin(n/2);%x(n/2)
subplot(3,2,1);
stem(n,y1,'fill');grid on;
title('y1=x(n-3)');xlabel('n');ylabel('y1');
subplot(3,2,2);
stem(n,y2,'fill');grid on;
title('y1=x(-n)');xlabel('n');ylabel('y2');
subplot(3,2,3);
stem(n,y3,'fill');grid on;
title('y1=-x(n)');xlabel('n');ylabel('y3');
subplot(3,2,4);
stem(n,y4,'fill');grid on;
title('y4=x(-n+3)');xlabel('n');ylabel('y4');
subplot(3,2,5);
stem(n,y5,'fill');grid on;
title('y5=x(n/2)');xlabel('n');ylabel('y5');

```



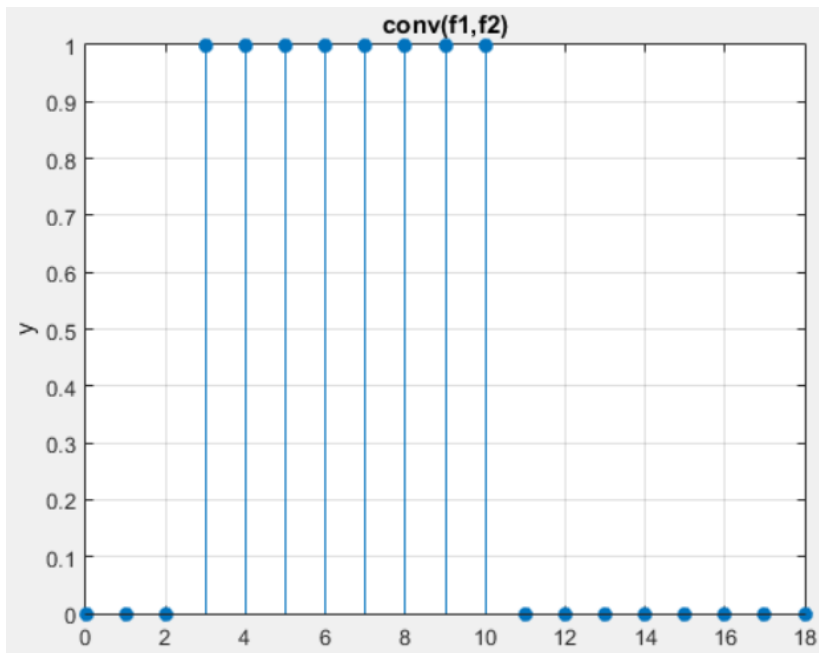
(3)编写 MATLAB 程序，描绘下列信号序列的卷积波形：

① $f_1(n) = \delta(n-1)$, $f_2(n) = u(n-2)$, ($0 \leq n < 10$)

```

clc
clear all;
n1=0;n2=10-1;
n=n1:n2; %确定原始序列区间
f1=zeros(1,length(n));
f2=zeros(1,length(n));
for i=n1+1-n1:n2+1-n1 %生成f1(n)=δ(n-1) f2(n)=u(n-2)
    if i-1+n1==1
        f1(i)=1;
    end
    if i-1+n1>=2
        f2(i)=1;%u(n-2)
    end
end
y=conv(f1,f2) %f1与f2的卷积,conv的结果默认从0开始
stem([n1+n1:n2+n2],y,'fill');grid on;
title('conv(f1,f2)');xlabel('n');ylabel('y');

```

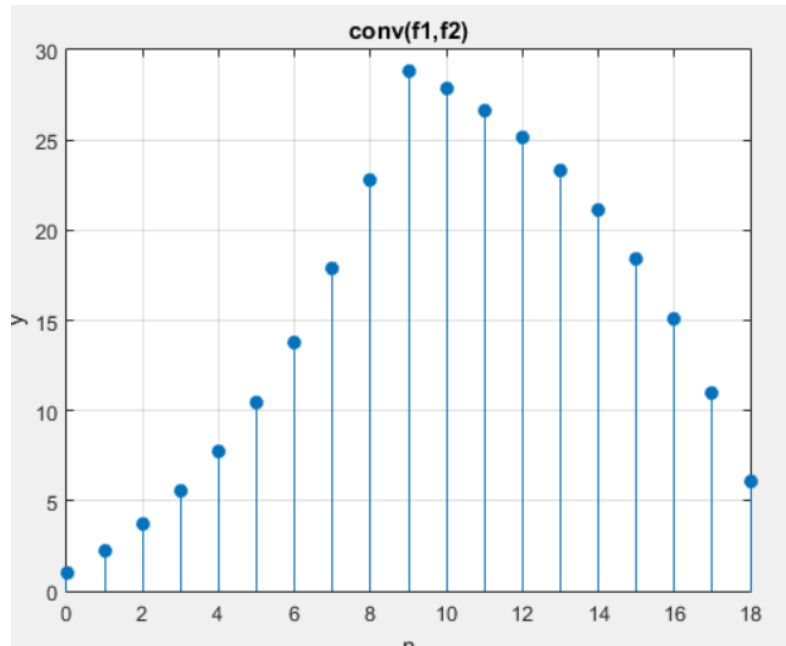


② $f_1(n) = u(n)$, $f_2(n) = e^{0.2n}u(n)$, ($0 \leq n < 10$)

```

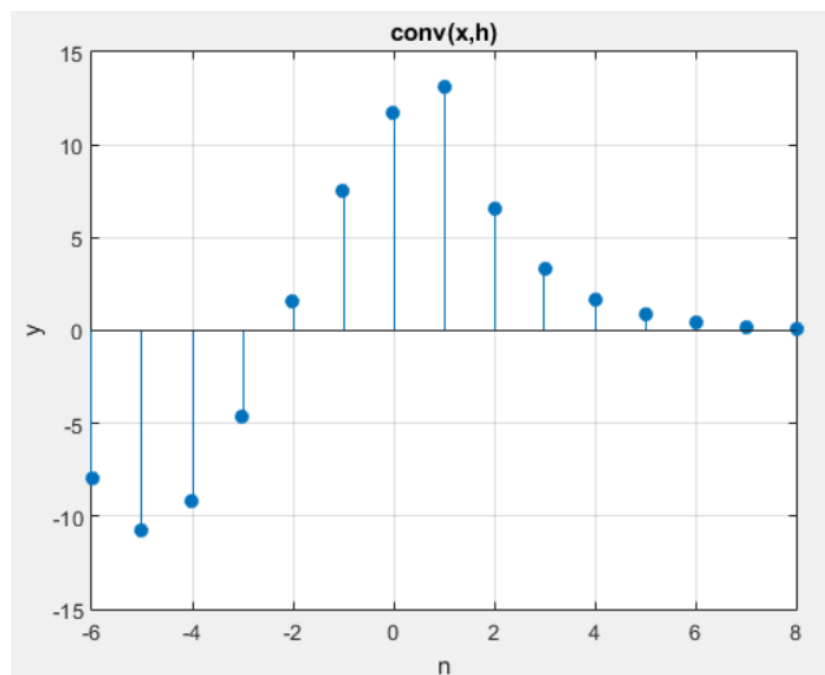
clc
clear all;
n1=0;n2=10-1;
n=n1:n2; %确定原始序列区间
f1=zeros(1,length(n));
for i=n1+1-n1:n2+1-n1 %生成f1(n)=u(n)
    if i-1+n1>=0
        f1(i)=1;
    end
end
f2=exp(0.2*n).*f1 %生成f2(n)=(e^(0.2n))u(n)
y=conv(f1,f2) %f1与f2的卷积,conv的结果默认从1开始
stem([n1+n1:n2+n2],y,'fill');grid on;
title('conv(f1,f2)');xlabel('n');ylabel('y');

```

③ $x(n) = \sin(n/2)$, $h(n) = (0.5)^n$, $(-3 \leq n \leq 4)$

```
clc
clear all;
n1=-3;n2=4;
n=n1:n2;
x=sin(n/2);
h=0.5.^n;
y=conv(x,h); %x与h的卷积
stem([n1+n1:n2+n2],y,'fill');grid on;
title('conv(x,h)');xlabel('n');ylabel('y');
```

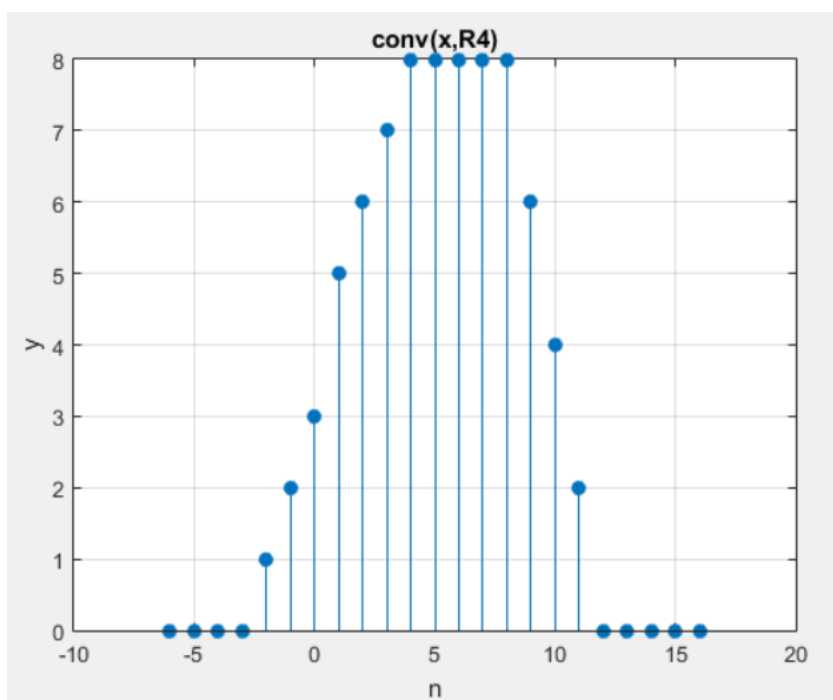


④ $x(n) = \delta(n+2) + \delta(n-1)$, $h(n) = R_4(n)$, $(-3 \leq n \leq 8)$

```

clc
clear all;
n1=-3;n2=8;
n=n1:n2;
x=zeros(1,length(n));
R4=zeros(1,length(n));
for i=n1+1-n1:n2+1-n1
    if i-1+n1>=1 %生成x(n)=δ(n+2)+δ(n-1)
        x(i)=x(i)+1;
    end
    if i-1+n1>=-2
        x(i)=x(i)+1;
    end
    if i-1+n1>=0 %生成R4(n)
        R4(i)=R4(i)+1;
    end
    if i-1+n1>=4
        R4(i)=R4(i)-1;
    end
end
x
R4
y=conv(x,R4); %x与h的卷积
stem([n1+n1:n2+n2],y,'fill');grid on;
title('conv(x,R4)');xlabel('n');ylabel('y');

```



(4)已知信号

$$x(n) = \begin{cases} 2n+5, & -4 \leq n \leq -1 \\ 6, & 0 \leq n \leq 4 \\ 0, & \text{其它} \end{cases}$$

①描绘 $x(n)$ 序列的波形;

②试用延迟的单位脉冲序列及其加权和表示 $x(n)$ 序列;

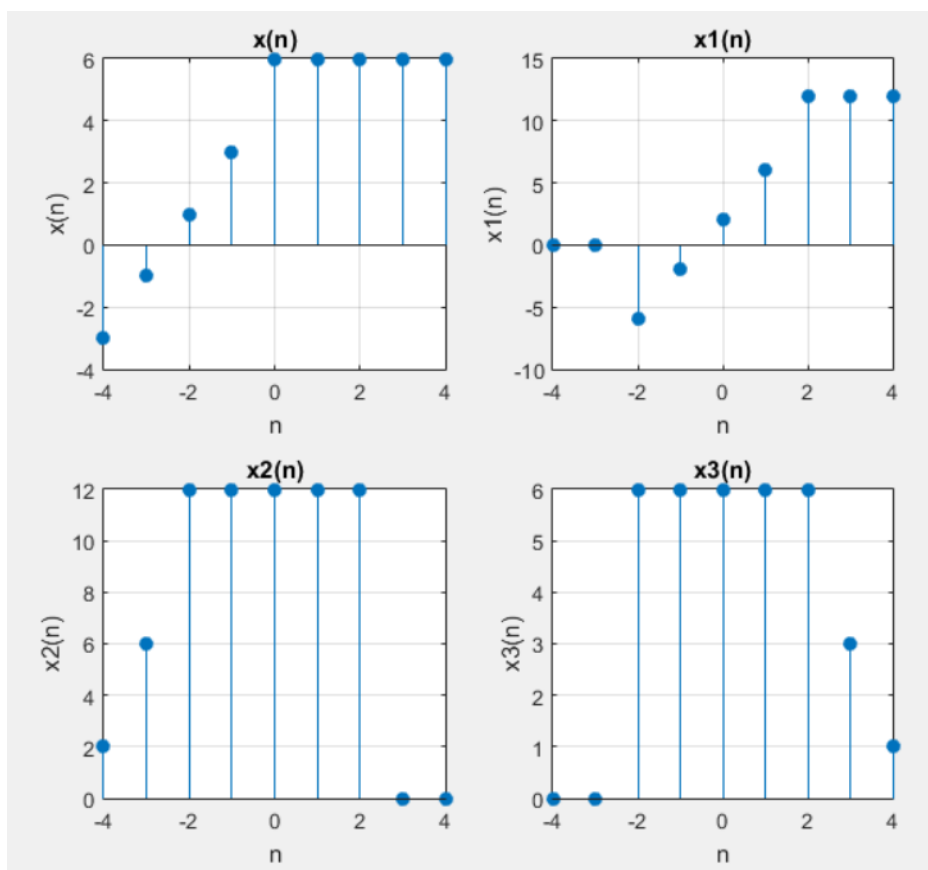
$$x(n) = -4\delta(n+4) - 1\delta(n+3) + \delta(n+2) + 3\delta(n+1) + 6\delta(n) + 6\delta(n-1) + 6\delta(n-2) + 6\delta(n-3) + 6\delta(n-4)$$

③试描绘以下序列的波形:

$$x_1(n) = 2x(n-2), \quad x_2(n) = 2x(n+2), \quad x_3(n) = x(2-n)$$

```
clc
clear all;
n1=-4;n2=4;
n=n1:n2;
x=zeros(1,length(n));
R4=zeros(1,length(n));
for i=n1+1-n1:n2+1-n1 %生成x(n)
    if i-1+n1>=-4 && i-1+n1<=-1
        x(i)=2*(i-1+n1)+5;
    else
        x(i)=6;
    end
end
x1=2*x;x2=2*x;x3=x;
for i=n1+1-n1:n2+1-n1 %生成x1(n),x2(n),x3(n)
    if i-1+n1<n1+2 x1(i)=0;
    else x1(i)=2*x(i-2);
    end
    if i-1+n1>n2-2 x2(i)=0;
    else x2(i)=2*x(i+2);
    end
    if 2-(i-1+n1)<-4 || 2-(i-1+n1)>4 x3(i)=0;
    else x3(i)=x(2-(i-1+n1)+1-n1);
    end
end

subplot(2,2,1)
stem(n,x,'fill');grid on;
title('x(n)');xlabel('n');ylabel('x(n)');
subplot(2,2,2)
stem(n,x1,'fill');grid on;
title('x1(n)');xlabel('n');ylabel('x1(n)');
subplot(2,2,3)
stem(n,x2,'fill');grid on;
title('x2(n)');xlabel('n');ylabel('x2(n)');
subplot(2,2,4)
stem(n,x3,'fill');grid on;
title('x3(n)');xlabel('n');ylabel('x3(n)');
```



(5)思考题:

- ① 当进行离散序列的相加、相乘运算时，如果参加运算的两个序列向量维数不同，应进行怎样的处理？请简述：调用子函数 `convnew` 进行卷积积分处理前要做哪些准备，与使用 `conv` 有何不同。

答：当进行离散序列的相加、相乘运算时，如果参加运算的两个序列向量维数不同，则需对长度较短的序列补零，同时保持位置一一对应。若长度相同，但是位置不一一对应，则两个序列都应进行补 0 扩展直到位置一一对应。

调用子函数 `convnew` 进行卷积积分处理前要做的准备：

每个信号用两个数组确定，一个数组是信号波形的幅度样值，另一个数组是其对应的时间向量。将两个波形共 4 个数组作为参数转入 `convnew` 可得卷积后的波形的幅度样值和时间向量。

MATLAB 中卷积子函数 `conv` 默认两个信号的时间序列从 $n=0$ 开始，但 `convnew` 中两个信号的时间序列可以分别从任意时刻开始。

- ② 当进行离散序列的相乘运算时，例 3-5 题程序中有 $x=y1.*y2$ ，请问此处进行的相乘运算是矩阵乘还是数组乘，为什么要这样使用？

MATLAB 中提供的 `conv` 卷积子函数，使用中需满足什么条件？如果条件不满足，应如何处理？

答：例 3-5 中的 $x=y1.*y2$ 进行的是数组乘运算，因为此题目的是 $y1$ 和 $y2$ 对应位置的数相乘。

MATLAB 中提供的 `conv` 卷积子函数，使用是需确保两个信号的时间序列从 0 开始。若不符合这个条件，可以自己在 `conv` 的基础上编写一个卷积函数，如前面提到的 `convnew`。