Babeş-Bolyai University of Cluj-Napoca Faculty of Mathematics and Informatics Specialization: Computer Science

Diploma Thesis

GRoutes - A practical application of the travelling saleman problem

Abstract

The present paper describes a practical application of the travelling salesman problem (TSP). In the first chapters I describe the theoretical background of the work, the definition of graphs, notions in graph theory, graph problems, algorithmic approaches, TSP algorithms, reduction of the asymmetric TSP to a symmetric one. The emphasis is on selecting an algorithm that matches, and serves our use case practically.

To exemplify the travelling salesman problem, I have developed an android application, with a Firestore database, Firebase Authentication and Maps API. The functionalities of the application include searching for locations, determining the best route (visiting every node), choosing the travelling mode (by car, on foot), automatically adapting the search algorithm, saving the searches, managing routes and places as favourites.

This work is the result of my own activity. I have neither given nor received unauthorized assistance on this work.

2018

LORENZOVICI ZSOMBOR

Advisor: Assist prof. dr. Gaskó Noémi BABEŞ-BOLYAI UNIVERSITY OF CLUJ-NAPOCA FACULTY OF MATHEMATICS AND INFORMATICS SPECIALIZATION: COMPUTER SCIENCE

Diploma Thesis

GRoutes - A practical application of the travelling saleman problem



ADVISOR: ASSIST PROF. DR. GASKÓ NOÉMI STUDENT: LORENZOVICI ZSOMBOR Universitatea Babeș-Bolyai, Cluj-Napoca Facultatea de Matematică și Informatică Specializarea Informatică

Lucrare de licență

GRoutes - Aplicarea practică a problemei comis-voiajorului



CONDUCĂTOR ȘTIINȚIFIC: LECTOR DR. GASKÓ NOÉMI ABSOLVENT:
LORENZOVICI ZSOMBOR

Babeş-Bolyai Tudományegyetem Kolozsvár Matematika és Informatika Kar Informatika Szak

Szakdolgozat

GRoutes - Az utazó ügynök problémájának gyakorlati alkalmazása



TÉMAVEZETŐ: SZERZŐ:

DR. GASKÓ NOÉMI, EGYETEMI ADJUNKTUS LORENZOVICI ZSOMBOR

Tartalomjegyzék

1.	Beve	zetés	4		
2.	Gráfo	ok - alapfogalmak	6		
3.	Gráf problémák				
	3.1. 3.2.	Gráfok leszámlálása	8		
	3.3.	Gráfok színezése	8		
	3.4.	Útproblémák	8		
		3.4.1. Hamilton út probléma	8		
		3.4.2. Minimális feszítőfa	8		
		3.4.4. Königsbergi hidak problémája	8		
		3.4.5. Legrövidebb út probléma	8		
		3.4.6. Steiner-fa probléma	8		
		3.4.7. Három ház-három kút-probléma	8		
4.	Az utazó ügynök problémája (TSP)				
	4.1.	A Hamilton körrel való kapcsolat	9		
	4.2.	A probléma komplexitása	9		
	4.3.	Egzakt megoldások	9		
	4.4.	Approximációk	9		
	4.5.	Aszimmetrikus TSP	9		
5.	TSP algoritmusok				
	5.1.	Egzakt algoritmusok	10		
			10 10		
		5.1.3. Concorde algoritmus	10		
	5.2.	Heurisztikus algoritmusok	10		
		5.2.1. Greedy - legközelebbi szomszéd	10		
		5.2.2. Lin-Kernighan heurisztika	10		
6.	Tech	nológiák	11		
		Gradle	11 12 12		
_		•	12		
7.	GRO	utes - alkalmazás bemutatása	13		

TARTALOMJEGYZÉK

8.	Köve	etkeztetések	18
	7.4.	Felmerülő problémák	17
	7.3.	Osztályok	17
		7.2.2. Kollekciók, Dokumentumok	16
		7.2.1. Autentikáció	15
	7.2.	Adatbázis	15
		7.1.7. Térkép felület	15
		7.1.6. Beállítások	14
		7.1.5. Múltbeli keresések	14
		7.1.4. Kedvencek	14
		7.1.3. Keresési felület	14
		7.1.2. Főmenü	13
		7.1.1. Bejelentkezés	13
	7.1.	Funkcionalitások	

Bevezetés

Dolgozatom témája az "utazó ügynök" problémájának (TSP)¹ a gyakorlatban történő alkalmazása. Az utazó ügynök problémája egy komputacionális optimalizálási probléma, amely az 1930-as évek óta nagyon intenzíven foglalkoztatja a tudományos világot. Egyszerűen megfogalmazva: adott valamennyi város, valamint az köztük levő távolságok. Melyik a legrövidebb lehetséges útvonal, ami egyszer érinti az összes várost, majd visszaérkezik a kiinduló pontba? Jelenleg nem létezik olyan polinomiális komplexitással rendelkező algoritmus, amely erre a problémára egzakt megoldást nyújtana.

Az utazó ügynök problémájának példázásának céljából egy android alkalmazást készítettem, amelyben különböző helyekre (csomópontokra) rákeresve eredményként egy olyan útvonal rajzolódik ki, amely az összes helyet érinti, valamint a legrövidebb is egyúttal. A felhasználó két utazási mód közül választhat: gyaloglás, autó. Az alkalmazás felhasználói célterülete a turistaútvonalak tervezői, a csomagkihordó szolgáltatást biztosító cégek, valamint a különböző eladási szakterülettel foglalkozó vállalkozások, ahol oda kell utazni az ügyfélhez.

Az első fejezetben a gráfelméleti alapfogalmakat fogom definiálni, részletezni. Ezek a későbbiekben fontosak lesznek, hogy egzakt módon taglalhassuk a témát. A következő fejezetben a különböző gráfelméleti problémákat, feladatokat fogom taglalni, majd ezt követően egy külön fejezetet szentelek az általam kiválasztott problémára, az "utazó ügynök" problémájára. Ebben a fejezetben meg kell magyaráznom a különböző komplexitási alapfogalmakat, hogy rávilágítsak a téma komputacionális nehézségeire. Arról is itt fog szó esni, hogy milyen módszerekkel közelítjük meg a problémát. A későbbiekben nagyító alá helyezem a különböző algoritmusokat az előbbiekben emlitett megoldási stratégiák szerint osztályozva. Bizonyos algoritmusok csak szimmetrikus TSP esetén adnak helyes eredményt, így az asszimetrikus TSP szimmetrikusra való visszavezetését is tárgyalni fogom.

A dolgozat gyakorlati része a projekt során felhasznált technológiák bemutatásával fog kezdődni. Ez fontos lehet azok számára, akik alapjaiban jobban meg szeretnék érteni az applikációt, vagy egy hasonló alkalmazás elkészítéséhez szeretnéknek hasznos ismereteket elsajátítani. A technológiák bemutatása után maga az alkalmazás nagyító alá helyezése következik. Ebben a részben fogok írni az applikáció különböző komponenseiről, arról, hogy ezek milyen kapcsolatban vannak egymással. Ezt osztálydiagrammal is fogom illusztálni. Itt fogok részletesebben írni az adatbázisról, az autentikációról, a Maps API-ról², az alkalmazás funkcionalitásairól, hogy milyen esetben melyik algoritmust alkalmazom és miért kell egyáltalán különböző esetekben más-más algoritmust használni, valamint a nehézségekről,

^{1.} Travelling salesman problem

^{2.} Application Programming Interface

1. FEJEZET: BEVEZETÉS

melyekbe munkám során ütköztem, és ezek megoldásairól.

Végül levonom a következtetéseket a munkám során szerzett tapasztalatokból, valamint javaslatokat teszek az alkalmazás jövőbeli továbbfejlesztési lehetőségeire.

Gráfok - alapfogalmak

Összefoglaló: Ebben a fejezetben a későbbiekben használt fogalmakat fogom definiálni.

Egy gráf G=(V(G),E(G) vagy G=(V,E)) két véges halmazból áll. V(G) vagy V, egy nem üres halmaz, melynek az elemeit csúcsoknak nevezzük, ezek alkotják a gráf csúcsait. E(G) vagy E, egy halmaz, melynek elemeit éleknek nevezzük, ezek alkotják a gráf éleit, úgy, hogy minden $e\in E$ élet meghatároz egy rendezetlen csúcs-pár (u,v), melyeket e csúcsainak nevezünk.

rend – definíció szerint a G gráf rendje |V| = n

méret – definíció szerint a G gráf mérete |E| = m

hurokél – olyan él, melynek mindkét végpontja megegyezik

többszörös él – ha két csúcsot több él köt össze, akkor ezeket többszörös, vagy párhuzamos éleknek nevezzük

egyszerű gráf – azon gráf, amely nem tartalmaz sem hurokélt, sem többszörös éleket

teljes gráf – egy egyszerű gráf, amelynek minden különböző csúcs-párját összeköti egy él. Egy teljes gráf n(n-1)/2 éllel rendelkezik. Ha a teljes gráf csúcsai v_1, v_2, \ldots, v_n , akkor az élek halmaza megadható a következőképpen:

$$E = \{(v_i, v_j) : v_i \neq v_j; \quad i, j = 1, 2, 3 \dots, n\}$$
(2.1)

irányított gráf – olyan gráf, ahol az éleket rendezett (u,v) csúcspárok határozzák meg (számít, hogy melyik a kezdő- és végpont)

részgráf – Legyen H egy gráf, csúcsainak halmaza V(H), éleinek halmaza E(H), hasonlóan G egy gráf, csúcsainak halmaza V(G) és éleinek halmaza E(G). H részgráfja G-nek, ha $V(H) \subseteq V(G)$ és $E(H) \subseteq E(G)$.

séta – a csúcsok és élek váltakozó véges sorozata, mely csúccsal kezdődik és csúccsal végződik, valamint minden csúcsot egy vele szomszédos él követ és fordítva

vonal – az a séta, melyben az élek nem ismétlődnek.

út − az a séta, melyben a csúcspontok nem ismétlődnek.

kör – egy nem-triviális¹ zárt vonal, amelynek a kezdő- és belső pontjai nem ismétlődnek.

^{1.} hossza nagyobb, mint 0

2. FEJEZET: GRÁFOK - ALAPFOGALMAK

 ${f Hamilton-\acute{u}t} - {f egy} \ G$ gráf azon útja, mely minden csúcsot magába foglal

Gráf problémák

Összefoglaló: Ebben a fejezetben a különböző gráfelméleti problémákat fogom röviden ismertetni.

- 3.1. Gráfok leszámlálása
- 3.2. Algráf izomorfizmus probléma
- 3.3. Gráfok színezése
- 3.4. Útproblémák
- 3.4.1. Hamilton út probléma
- 3.4.2. Minimális feszítőfa
- 3.4.3. Kínaipostás-probléma
- 3.4.4. Königsbergi hidak problémája
- 3.4.5. Legrövidebb út probléma
- 3.4.6. Steiner-fa probléma
- 3.4.7. Három ház-három kút-probléma

Az utazó ügynök problémája (TSP)

Összefoglaló: Ebben a fejezetben az utazó ügynök problémáját fogom részletesen bemutatni.

- 4.1. A Hamilton körrel való kapcsolat
- 4.2. A probléma komplexitása
- 4.3. Egzakt megoldások
- 4.4. Approximációk
- 4.5. Aszimmetrikus TSP

TSP algoritmusok

Összefoglaló: Ebben a fejezetben az utazó ügynök problémáját megoldó algoritmusokat fogom részletesen tárgyalni.

5.1. Egzakt algoritmusok

- **5.1.1.** Brute force
- 5.1.2. Held-Karp algoritmus
- 5.1.3. Concorde algoritmus
- 5.2. Heurisztikus algoritmusok
- 5.2.1. Greedy legközelebbi szomszéd
- 5.2.2. Lin-Kernighan heurisztika

Technológiák

Összefoglaló: Ebben a fejezetben, a projekt elkészítése során felhasznált technológiákat ismertetem.

6.1. Android

Az Android egy nyílt forráskódú, Linux kernel alapú többfelhasználós operációs rendszer, ahol minden applikáció egy külön felhasználó. Hivatalos nyelvei a Java és a Kotlin. Alapértelmezetten, a rendszer minden applikációnak kioszt egy egyedi Linux felhasználói ID-t (az ID-t csak a rendszer használja, és ismeretlen az applikáció számára). Az operációs rendszer úgy osztja ki a hozzáfárési jogokat az applikáció állományai számára, hogy csak az a felhasználói ID férjen hozzájuk, amivel az adott applikáció rendelkezik. Minden folyamat (process) rendelkezik a saját virtuális gépével, tehát minden applikáció kódja egymástól teljesen izoláltan fut. Alapértelmezetten minden applikáció a saját Linux folyamatában fut. Az Android operációs rendszer elindítja a folyamatot, amikor az applikáció valamelyik komponensének szüksége van rá, majd leállítja azt, mikor többé már nincs rá szükség, vagy ha a rendszernek mermóriát kell lefoglalnia, más applikációk számára. Az Android operációs rendszer "a legkevesebb kiváltság elvét" ("the principle of least privilige") alkalmazza, tehát alapértelmezetten, minden applikációnak csak azokhoz a komponensekhez van hozzáférése, amik szükségesek a feladatának elvégzéséhez, és semmi egyébhez.

Egy android applikációnak négy fajta komponense lehet: Activity, Service, Broadcast receiver, Content provider. Ezek közül az Activity szolgál a felhasználóval történő interakció eszközéül, ez ugyanis egy felhasználói felülettel rendelkező képernyő. Activity-k, Service-k és Broadcast receiver-ek egy aszinkron üzenet által aktiválódnak, amit Intent-nek (szándék) nevezünk.

Az Activity egy osztály (class), amely a logikát tartalmazza, a felhasználói felületért azonban egy ehhez tartozó XML állomány felel, ami a különböző UI elemeket (gombok, szövegdobozok, konténerek) tartalmazza.

Az AndroidManifest.xml egy konfigurációs állomány, ami a projekt gyökér könyvtárában található. Itt vannak deklarálva az applikáció komponensei, valamint a szükséges hozzáférési jogokat is itt kell feltünteni.

6. FEJEZET: TECHNOLÓGIÁK

6.2. Gradle

A Gradle egy nyílt forráskódú projektépítő eszköz (build automation tool). A Groovy, vagy Kotlin nyelvű scriptekbe, megadhatjuk a projektünk külső függöségeit (például API-k, library-k), melyeket letölti, majd lekompillálja és lefordítja a forráskódot.

6.3. Firebase

A felhasználók adatainak, beállításainak tárolására, kezelésére a Firestore nevű no-sql (.json) alapú adatbázist használtam, mely a CRUD¹ műveletekhez is biztosít metódusokat. Logikai éptőelemei a kollekciók (collection) és a dokumentumok (document). Az előbbi tartalmazhat dokumentumokat, míg az utóbbi alkollekciókat, vagy magukat az adatokat. Az adatok kulcs, érték párok, az értékek lehetnek számok, karakterláncok, tömbök, geopontok vagy akár sajátos osztályok. Amennyiben sajátos osztály akarunk használni, annak rendelkeznie kell egy publikus konstruktorral, melynek nincsenek paraméterei, valamint az attribútumokhoz kell tartozzon egy-egy publikus "getter"² metódus. Az adatbázisban található adatokhoz való hozzáférést egy szabállyal kell megadni, amelyet a szerver leellenőriz a CRUD műveletek végrehajtása esetén.

A felhasználók menedzselésére, mint a regisztráció, bejelentkezés, e-mail cím aktiválása, elfelejtett jelszó visszaállítása, a Firebase Authentication szolgáltatást használtam.

6.4. Maps API

A csomópontok közti távolságok mátrixának lekérdezésére a Distance Matrix API-t, valamint két csomópont közötti útvonal meghatározására a Directions API-t használtam.

^{1.} create, read, update, delete

^{2.} egy paraméter nélküli metódus, mely egy attribútumot térít vissza - példa: String getName()

GRoutes - alkalmazás bemutatása

Összefoglaló: Ebben a fejezetben a GRoutes android applikációt fogom bemutatni úgy technikai, mint funkcionális szempontból.

7.1. Funkcionalitások

7.1.1. Bejelentkezés



7.1. ábra. Bejelentkezési felület

nálóját.

Az alkalmazás elindítása után egy bejelentkezési felület fogadja a felhasználót. Itt kell megadni az e-mail címet, valamint a jelszót amivel a felhasználó regisztrált. Amennyiben elfelejtette a jelszavát, az "elfelejtett jelszó" gomb megnyomásával lehetőség van egy jelszó-visszaállító e-mail kiküldésére.

Ha egy új felhasználó szeretné igénybe venni az applikáció szolgáltatásait, akkor regisztrálnia kell. Ezt megteheti a regisztráció lapra való navigálás után, melyet a cím megérintésével, vagy a képernyőn az ujjának balra történő húzásával érheti el. Az e-mail cím és az új jelszó megadása után, a felhasználó egyből a főmenübe érkezik, mindeközben azonban egy aktivációs e-mailt is kap arra a címére, amivel regisztrált. A későbbiekben csak akkor fog tudni bejelentkezni, ha a kapott emailben az URL¹ -re klikkelve aktiválja a felhasz-

7.1.2. Főmenü

A főmenüből négy különböző oldalra navigálhatunk tovább: a keresési felület, a régebbi keresések megtekintése, a kedvencek menedzselése, valamint a beállítások. Az ötödik (csoportok) oldal egy jövőbeli funkcionalitás kifejlesztésére van fenntartva.

^{1.} Uniform Resource Locator, más néven webcím

7.1.3. Keresési felület

Ezen a felületen van lehetőségünk útvonalak, helyszínek keresésére. Az "+" gomb megjelnít egy új mezőt, ahol további címeket adhatunk meg. A "nagyító" gomb a térkép felületre navigál, és kirajzolja a tervezett útvonalat. A keresés elindítása előtt, minden cím mellett van egy "térkép" gomb, ennek segítségével tudjuk megnézni, hogy valóban az az a hely, amire gondoltunk.

7.1.4. Kedvencek

Itt jelennek meg az általunk manuálisan elmentett utak, helyszínek. Minden bejegyzésnél négy gomb jelenik meg, ezeknek az funkcióik a következők:

térkép – megjeleníti a térkép felületet, ahol ráközelít a helyszín koordinátáira, vagy kirajzolja az útvonalat.

nagyító – a keresési felülethez navigál és kitölti a keresési mezőket, az útvonal csomópontjaíval, így a felhasználó könnyedén módosíthatja útvonaltervét.

ceruza – módosítja a bejegyzés nevét.

szemetes veder – törli a bejegyzést, ezáltal az adatbázisból is törlődni fog.

7.1.5. Múltbeli keresések

A keresési felület eredményéül kapott útvonalak megjelennek a múltbeli keresések menüpont alatt, nevüket a keresési dátum és időpont alkotja. A bejegyzéseknél a "Kedvenceknél" tárgyalt gombok találhatóak, azonos funkcióval, azzal a kivétellel, hogy a "ceruza" gombot a "csillag" helyettesíti, melynek segítségével elmenthetünk egy útvonalat a kedvencek közé.

7.1.6. Beállítások

Itt ki tudjuk választani a limitet, hogy mennyi csomópont esetén, melyik algoritmust használja az alkalmazás. A megadott számnál kisebb vagy egyenlő számú csomópontok esetén a *Concorde* nevű egzakt megoldásokat nyújtó algoritmus fogja kiszámolni az ideális útvonalat. Ez az algoritmus a legpontosabb megoldásokat nyújtja, azonban az "utazó ügynök" problémájának komplexitása miatt, a csomópontok növekedésével, a végrehajtási idő is exponenciálisan növekszik. Amennyiben a felhasználó nagyon sok csomóponttal szeretne dolgozni, és fontosabb neki az, hogy belátható időn belül egy elfogadható megoldást kapjon, de nem probléma, ha nem a leghatékonyabb útvonal rajzolódik ki, akkor a megadott szám feletti mennyiségű csomópontok esetén, az applikáció egy úgynevezett $greedy^2$ algoritmust fog használni. Ez nagyságrendekkel gyorsabb az exponenciálishoz viszonyítva, azonban nem minden esetben nyújtja a legjobb megoldást.

Ugyanitt megadhatjuk az alapértelmezett utazási módot, ami lehet gyaloglás, valamint vezetés.

^{2.} mohó

7. FEJEZET: GROUTES - ALKALMAZÁS BEMUTATÁSA

Bár az egyszerűség kedvéért igyekeztem sok írás helyett szimbólumokat tenni a gombokra, de az applikációban található kevés szövegnek a nyelvét szintén itt lehet beállítani.

A térképpel, navigációval kapcsolatos paraméterek módosítására is van lehetőség, mint példaul az alapértelmezett nagyítás, a pozíció lekérésének gyakorisága, a térképre való automatikus ránagyítás és ennek centralizálásának a gyakorisága navigáció közben, valamint a megtett út kirajzolásának a mennyisége.

7.1.7. Térkép felület

Ez a felület akkor jelenik meg, amikor megérintjük a térkép gombot egy helyszín vagy egy útvonal mellett, valamint a keresési felület eredménye is itt rajzolódik ki. Amennyiben egy helyszíntől érkezünk, megjelenik egy $marker^3$ az adott koordinátán.

A "csillag" gomb segítségével hozzáadhatunk egy helyszínt vagy egy útvonalat a kedvencekhez, ahol később visszanézhetjük, módosíthatjuk a nevét. Alapértelmezetten, a bejegyzések neve a keresési dátum és időpont lesz. A "nagyító" gomb segítségével visszatérhetünk a keresési felületre, így könnyedén módosíthatjuk tervezett útvonalunkat. Az "navigáció" gomb segítségével elkezdhetünk navigálni a tervezett útvonalon.

7.2. Adatbázis

```
implementation
implementation
implementation
implementation
'com.google.firebase:firebase-auth:16.0.2'
com.google.firebase:firebase-firestore:17.0.4'
```

7.2. ábra. A Firebase függőségei

Adatbázisnak és az autentikáció menedzselésére Firebase-t használtam. Mielőtt bármilyen funkcióját is használhatnám ennek az applikációfejlesztési platformnak, be kellett jelentkezzek a Google felhasználómmal, csinálnom kellett egy projektet,

majd ezt a projektet össze kellett kapcsolnom magával az applikációval amit fejleszteni szerettem volna. Van egy külön $plugin^4$ az $AndroidStudio^5$ -ban, melynek segítségével könnyedén létre lehet hozni a ezt kapcsolatot. Előtte azonban az applikáció Gradle állományába be kellett jelentsem a core, auth és firestore modulokat, mint függőségeket.

7.2.1. Autentikáció

A web-es felületen engedélyeznem kellett az e-mail/jelszó bejelentkezést. Ugyanitt állítottam be, hogy biztonsági okokból maximum hány regisztrációt engedjen a rendszer óránként ugyanarról az IP címről, jelenleg ez 100. Regisztációkor generálódik egy egyedi felhasználói ID, ennek segítségével oldom meg, hogy minden felhasználó csak a saját adataihoz férjen hozzá. A bejelentkezés, regisztráció, jelszó visszaállító e-mail küldése műveleteket a FirebaseAuth $singleton^6$ osztály metódusaival oldottam meg.

^{3.} jelző

^{4.} kiegészítés

^{5.} fejlesztési környezet android applikációk számára

^{6.} egy tervezési minta, az adott osztályból egy és csak is egy objektumot lehet létrehozni

7. FEJEZET: GROUTES - ALKALMAZÁS BEMUTATÁSA

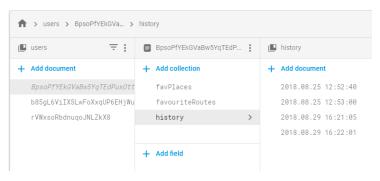
createUserWithEmailAndPassword(email, jelszó) – kreál egy felhasználót az e-mail és jelszó karakterlánc paraméterek segítségével, majd sikeres válasz után be is jelentkezik

signInWithEmailAndPassword(email, jelszó) – megpróbál bejelentkezni a megadott e-mail/jelszó kombinációval

sendPasswordResetEmail(email) – küld egy jelszó visszaállító e-mailt a paraméterként megadott címre.

Az aktiváviós e-mail küldéséhez a FirebaseUser osztály insztanciájának a sendEmailVerification() metódusát használtam.

7.2.2. Kollekciók, Dokumentumok



7.3. ábra. Firestore kollekciók

A Firestore egy még Beta⁷ verzióban levő no-sql, kulcs-érték párokra alapuló adatbázis, mely a Firebase platformon érhető el. Építőelemei a kollekciók és a dokumentumok, ezek váltakozva követik egymást, mivel egy kollekció csak dokumentumokat tartalmazhat, egy dokumentom viszont a kollekciók mellett adatokat (kulcs-érték párok) is tartalmazhat.

Minden felhasználónak csak a saját

dokumentumához van hozzáférése. Ezt egy úgynevezett szabály meghatározásával lehet elérni. Az adatbázis minden beérkező függvényhívást kiértékel a szabály alapján, és eldönti, hogy az adott kérésnek van-e elegendő jogosultsága. Amennyiben nincs, csak egy hibaüzenetet térít vissza.

```
service cloud.firestore {
  match /databases/{database}/documents {
  match /users/{userId}/{document=**} {
  allow read, write, create, update: if request.auth.uid == userId;
  }
}
```

7.4. ábra. Firestore szabály

A GRoutes alkalmazás esetében a következőképpen építettem fel a struktúrát: vagy egy *users* kollekció, amely a felhasználókat tartalmazza. Minden felhasználói dokumentumnak az ID-ja megegyezik az UID⁸ -val. A felhasználói dokumentumok a *favPlaces*,

favouriteRoutes és history kollekciókat tartalmazzák, melyek rendre megfelelnek a "kedvenc helyek", "kedvenc útvonalak" és "múltbeli útvonalak" fogalmaknak. Ezek a kollekciók tartalmazzák a különböző bejegyzéseknek (helyek, útvonalak) megfelelő dokumentumokat, melyek magukat az adatokat tartalmazzák. Az adatok sajátos entitás objektumok, melyeket a kódban, bizonyos szabályok alapján, de az én elképzelésem szerint hoztam létre.

^{7.} még tesztelés alatt van

^{8.} egyedi felhasználói ID, ami regisztrációkor generálódik

7. FEJEZET: GROUTES - ALKALMAZÁS BEMUTATÁSA

Egy út tartalmaz egy hely objektumokból álló tömböt a csomópontok számontartására, egy indexekből álló tömböt a csomópontok sorrendjének tárolására, valamint egy név mezőt.

Egy hely objektum tartalmaz egy-egy karakterlánc típusú név és cím mezőt, valamint egy GeoPoint objektumot, ami a hely főldrajzi szélességi és hosszúsági fokait tárolja.

7.3. Osztályok

7.4. Felmerülő problémák

Következtetések

Összefoglaló: A fejezetek elején egy rövid összefoglalót teszünk. Ez a rész opcionális.

Irodalomjegyzék