

# Les notes de Rancune: Electronique Analogique

Rancune

18 novembre 2023



# Table des matières

<b>Introduction</b>	<b>1</b>
<b>I Relations et définitions fondamentales</b>	<b>3</b>
<b>1 Les grandeurs électriques</b>	<b>5</b>
1.1 La charge électrique . . . . .	5
1.2 Le potentiel . . . . .	6
1.3 La tension . . . . .	7
1.4 Le courant . . . . .	8
1.5 L'énergie électrique . . . . .	9
1.6 La puissance électrique . . . . .	10
<b>2 Les circuits électriques</b>	<b>11</b>
2.1 Circuit électrique . . . . .	11
2.2 Les dipôles . . . . .	12
2.3 Lois de Kirchhoff . . . . .	13
2.4 Théorème de Millman . . . . .	14
<b>3 Les dipôles idéaux</b>	<b>15</b>
3.1 Les générateurs idéaux . . . . .	15
3.1.1 Le générateur de tension . . . . .	15
3.1.2 Le générateur idéal de courant . . . . .	16
3.2 Les dipôles linéaires . . . . .	16
3.2.1 La résistance . . . . .	17
3.2.2 La capacité électrique . . . . .	19
3.2.3 L'inductance . . . . .	21
<b>4 Les circuits linéaires</b>	<b>23</b>
4.1 Théorème de superposition . . . . .	23
4.2 Théorème de Thévenin . . . . .	26
4.3 Théorème de Norton . . . . .	26
4.4 Equivalence entre Thévenin et Norton . . . . .	27
4.5 Le diviseur de tension . . . . .	27

4.6	Le diviseur de courant . . . . .	28
<b>5</b>	<b>Analyse temporelle</b>	<b>29</b>
5.1	Charge d'un condensateur . . . . .	29
5.2	Décharge d'un condensateur . . . . .	31
5.3	Établissement du courant dans une inductance . . . . .	32
5.4	Rupture du courant dans une inductance . . . . .	34
<b>II</b>	<b>Annexes</b>	<b>37</b>
<b>A</b>	<b>Les unités</b>	<b>39</b>
A.1	Les unités S.I. . . . .	39
A.2	Les unités courantes en électronique . . . . .	39
A.3	Les multiples . . . . .	40
<b>Index</b>		<b>41</b>

# Introduction



## Première partie

### Relations et définitions fondamentales





# Chapitre 1

## Les grandeurs électriques

### 1.1 La charge électrique

Notation usuelle :	$Q, q$
Unité :	Coulomb (C)
Unité SI :	$A \cdot s$
Nature :	Grandeur scalaire

#### Définition

Tout comme la masse pour les interactions gravitationnelles, la **charge électrique** est une propriété fondamentale de la matière qui lui permet d'interagir par le biais de champs électromagnétiques.

Il existe deux types de charges électriques : les charges positives (+) et les charges négatives (−). Deux charges de même signe se repoussent, deux charges de signes différents s'attirent.

On appelle **porteur de charge** une particule ou un corps portant une charge non nulle. Bien qu'on pense en général aux électrons lorsqu'on parle de courant électrique, ceux-ci ne sont pas les seuls porteurs de charges. Les protons et les ions (anions et cations), par exemple, en sont également.

#### Quantification de la charge :

La charge électrique est **quantifiée** : elle est un multiple entier de la **charge élémentaire**  $e$ , qui correspond à la charge d'un électron.

$$e \approx 1,602 \cdot 10^{-19} C \quad (1.1)$$

Néanmoins, on la considère en général en électronique comme une grandeur continue.

Ceci a pour conséquence d'introduire dans les calculs un bruit particulier, appelé "bruit de grenaille".

### Conservation de la charge :

**La charge électrique est une grandeur conservative** : la charge d'un système isolé est invariante. La charge électrique ne peut donc être qu'échangée avec un autre système, mais ni créée, ni annihilée.

## 1.2 Le potentiel

<b>Notation usuelle :</b>	V
<b>Unité :</b>	Volt (V)
<b>Unité SI :</b>	$kg \cdot m^2 \cdot s^{-3} \cdot A^{-1}$
<b>Nature :</b>	Grandeur scalaire

### Définition

En tout point de l'espace est défini un **potentiel**. Cette valeur scalaire correspond à l'énergie potentielle électrostatique que posséderait une charge électrique unitaire située en ce point.

Les points possédant une même valeur de potentiel sont désignés sous le nom d'**équipotentielle**.

### La terre

Le **potentiel zéro** est par convention le potentiel de la **terre**, obtenu en plantant un piquet conducteur en terre. On le suppose en général égal en tout lieu mais c'est une approximation.

Cet équipotentiel zéro est noté avec le terme anglais "Ground" (ou GND en abrégé) dans les circuits. On le représente avec le symbole suivant :

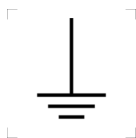


FIGURE 1.1 – Symbole représentant la terre  
norme IEC 60417

## 1.3 La tension

Notation usuelle :	$U, u, U_{AB}$
Unité :	Volt (V)
Unité SI :	$kg \cdot m^2 \cdot s^{-3} \cdot A^{-1}$
Nature :	Grandeur scalaire

### Définition

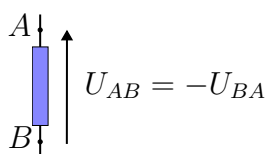
Une **tension**  $U_{AB}$  est la circulation du champ électrique le long d'un circuit  $\mathcal{C}$  entre les points  $A$  et  $B$  :

$$U_{AB} = \int_{\mathcal{C}_A}^{\mathcal{C}_B} \vec{E} dl \quad (1.2)$$

Cependant, cette définition est trop détaillée pour l'électronique. En effet, si l'on suppose que le temps de propagation des ondes électromagnétiques est négligeable (hypothèse du régime stationnaire), la tension est alors égale à la "**différence de potentiel**" entre les deux extrémités du circuit.

$$U_{AB} = V_A - V_B \quad (1.3)$$

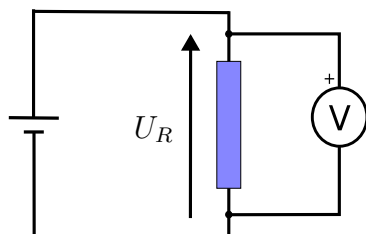
### Représentation graphique :



Une tension est représentée par une flèche. Son sens est important car une tension est une grandeur signée.

### Mesure d'une tension

En électronique, une tension se mesure toujours *entre deux points*, à l'aide d'un voltmètre (ou d'un oscilloscope si on veut en voir les variations temporelles).



Le voltmètre se connecte en parallèle de la tension à mesurer.

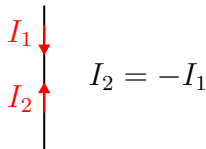
## 1.4 Le courant

Notation usuelle :	$I, i$
Unité :	Ampère (A)
Unité SI :	A
Nature :	Grandeur scalaire

### Définition

Un **courant** est un mouvement d'ensemble de porteurs de charges électriques au sein d'un matériau conducteur. Ces porteurs de charge sont dans le cas le plus courant des électrons, mais cela peut également être des ions positifs ou négatifs (Par exemple dans le cas des électrolytes) ou encore n'importe quel corps portant une charge non nulle.

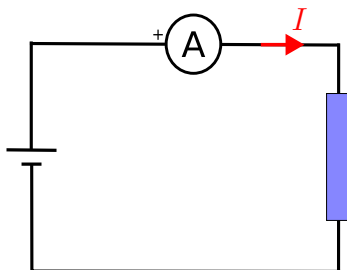
### Représentation graphique :



Le courant électrique est généralement représenté par une flèche située sur le circuit. Son sens est important car un courant est une grandeur signée.

### Mesure d'un courant électrique

En pratique, un courant se mesure généralement à l'aide d'un ampèremètre.



L'ampèremètre se connecte en série sur le circuit dans lequel on veut mesurer un courant.

### Sens conventionnel du courant :

Par convention, le courant sort du générateur électrique par la borne positive et y revient par la borne négative. C'est ce que l'on appelle le **sens conventionnel du courant**.

On ne raisonne jamais en électronique en utilisant le sens réel des porteurs de charges, car celui-ci sera différent s'il s'agit d'électrons (qui circulent du pôle négatif vers le pôle positif du générateur) ou de cations (qui circulent en sens inverse). Cela n'a aucune importance et ne ferait que complexifier inutilement les raisonnements. Dans la suite de ce document, et plus largement dans l'intégralité des ouvrages lus par votre serviteur, c'est toujours le sens conventionnel qui est utilisé.

## Intensité du courant

L'**intensité** du courant électrique (parfois appelée "ampérage" ou "courant") correspond au débit de charges électriques à travers une surface donnée (le plus souvent la section d'un fil électrique) :

$$i(t) = \frac{dq}{dt} \quad (1.4)$$

avec :

- $i$  : l'intensité du courant
- $q$  : la charge électrique
- $t$  : le temps.

## 1.5 L'énergie électrique

<b>Notation usuelle :</b>	$E$
<b>Unité :</b>	Joule (J)
<b>Unité SI :</b>	$kg \cdot m^2 \cdot s^{-2}$
<b>Nature :</b>	Grandeur scalaire

### Définition

**Parler d'énergie électrique est au sens strict un abus de langage.** Ce n'est pas une véritable forme d'énergie comme peuvent l'être l'énergie cinétique ou l'énergie potentielle. Il s'agit plutôt d'un vecteur énergétique, c'est à dire un moyen de transférer de l'énergie entre deux systèmes : l'électricité requiert et transporte de l'énergie.

L'énergie électrique est définie de la façon suivante :

$$E = q \cdot U \quad (1.5)$$

avec :

- $E$  la quantité d'énergie en joules
- $q$  la charge électrique en coulombs
- $U$  la tension électrique en volts

### Autre unité de mesure

Le joule étant une unité de mesure assez petite pour les besoins des électriciens, une autre unité est souvent utilisée : le kiloWattheure (kWh).

$$1 kWh = 10^3 \cdot 3600 J = 3.6 MJ$$

## Lien avec la puissance

si  $I$  est le courant, la quantité de charges qui circulent pendant un temps  $\Delta t$  est :

$$q = I \cdot \Delta t$$

(On suppose le courant constant pendant l'intervalle de temps).

La quantité d'énergie échangée  $E$  pendant  $\Delta t$  est donc :

$$E = q \cdot U = I \cdot \Delta t \cdot U = U \cdot I \cdot \Delta t$$

Ce qui amène à :

$$E = P \cdot \Delta t \tag{1.6}$$

avec  $P$  la puissance électrique.

## 1.6 La puissance électrique

<b>Notation usuelle :</b>	$P$
<b>Unité :</b>	Watt (W)
<b>Unité SI :</b>	$kg \cdot m^2 \cdot s^{-3}$
<b>Nature :</b>	Grandeur scalaire

### Définition

**La puissance électrique** est un taux d'énergie transférée par un circuit électrique par unité de temps. La puissance est donc reliée à l'énergie échangée par la relation :

$$P = \frac{E}{\Delta t} \tag{1.7}$$

Ce qui nous permet également de l'exprimer en fonction de la tension et du courant :

$$P = U \cdot I \tag{1.8}$$

Pour un générateur, cette quantité est négative (le générateur fournit de l'énergie). Pour une charge, cette quantité est positive.

# Chapitre 2

## Les circuits électriques

### 2.1 Circuit électrique

Si l'on a un regard de physicien sur un schéma électronique, il devient très difficile de réfléchir sur un circuit tant les choses sont complexes. Les ondes électromagnétiques se propagent dans les conducteurs selon des lois difficiles à appréhender, et il se passe bien des choses entre et dans chaque composant. L'électronique repose donc sur quelques hypothèses de simplification nous permettant de raisonner simplement.

La première de ces hypothèses est l'**hypothèse du régime stationnaire**. Celle-ci implique que la propagation des ondes électromagnétiques est supposée terminée, et que nous pouvons négliger les effets qui en découlent. Ceci à deux conséquences :

- La tension est assimilée à la différence de potentiel
- Dans un conducteur parfait (de résistance nulle), la différence de potentiel est nulle.

La seconde hypothèse importante est celle des **blocs fonctionnels** ("lumped elements" en anglais) : ceci consiste à considérer que l'on peut représenter un circuit comme un ensemble de blocs simples (résistance, capacité, inductance, etc.) reliés entre eux par un réseau de fils parfaitement conducteurs.

Sauf mention contraire (Par exemple quand nous nous intéresserons aux radiofréquences pour lesquelles on ne peut plus négliger la propagation des ondes), nous supposerons toujours ces hypothèses valides.

## 2.2 Les dipôles

Un **dipôle**, comme son nom l'indique, est un composant doté de deux bornes. On peut citer comme exemple de dipôle les résistances, les condensateurs, les bobines, les diodes, etc. Le problème est alors que les tensions, tout comme les intensités, sont des grandeurs signées. Afin de pouvoir caractériser un composant, il nous faut donc se mettre d'accord sur la manière de les choisir.

### Convention récepteur

Pour les dipôles récepteurs, c'est à dire les dipôles prenant de l'énergie au circuit, la convention adoptée est la **convention récepteur**. Elle consiste à placer les flèches de tension et de courant dans des sens opposés.

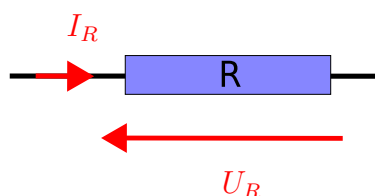


FIGURE 2.1 – Dipôle en convention récepteur

Les différentes lois que nous allons écrire pour les composants (la loi d'Ohm par exemple) seront exprimées selon cette convention.

### Convention générateur

Pour les dipôles générateurs, c'est à dire les dipôles fournissant de l'énergie au circuit, la convention adoptée est la **convention générateur**. Elle consiste à placer les flèches de tension et de courant dans le même sens.

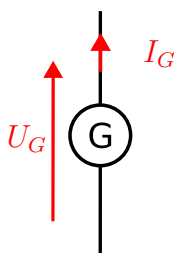


FIGURE 2.2 – Dipôle en convention générateur

Les différentes lois que nous allons écrire pour les générateurs (batteries, piles, sources de signal, etc.) seront exprimées selon cette convention.



## Signe de la puissance électrique

Dans l'expression du calcul de la puissance,  $P = U \cdot I$ , le signe du résultat va donc dépendre de la convention utilisée.

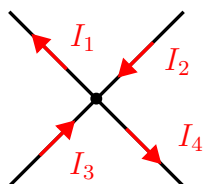
	Convention Récepteur	Convention Générateur
Récepteur physique	$P < 0$	$P > 0$
Générateur physique	$P > 0$	$P < 0$

TABLE 2.1 – Signe de la puissance

## 2.3 Lois de Kirchhoff

**Les lois de Kirchhoff** expriment la conservation de l'énergie et de la charge dans un circuit électrique. Au nombre de deux (la loi des noeuds et la loi des mailles), elles permettent de déterminer les valeurs des courants et tensions dans le circuit.

### Loi des noeuds

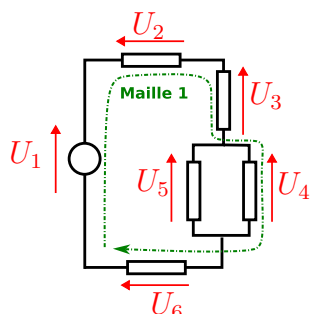


La somme des intensités des courants qui entrent par un noeud est égale à la somme des intensités des courants qui sortent du même noeud.

$$I_2 + I_3 = I_1 + I_4$$

Cette loi découle directement de la conservation de la charge électrique, en tenant compte du fait qu'en régime stationnaire, ces charges ne peuvent pas s'accumuler à un endroit quelconque du circuit. Pour un noeud, cela veut donc dire que la quantité de charge entrante est égale à la quantité de charges sortantes.

## Loi des mailles



Dans une maille quelconque d'un circuit, la somme des différences de potentiel le long de la maille est nulle.

Exemple :

$$U_1 - U_2 - U_3 - U_4 + U_6 = 0 \text{ (Maille 1)}$$

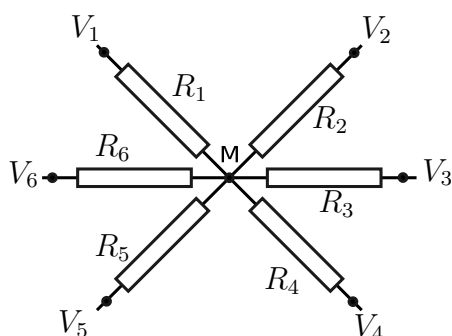
Ou pour la maille passant par  $U_5$  :

$$U_1 - U_2 - U_3 - U_5 + U_6 = 0$$

Cette loi est valable dans l'approximation des régimes stationnaires, et à condition que les variations de flux magnétique à travers la maille soient négligeables.

## 2.4 Théorème de Millman

**Le théorème de Millman** est une variante de la loi des noeuds, écrite sous la forme de potentiels. Il s'énonce de la façon suivante :



Pour un noeud  $M$ , auquel sont connectées des branches contenant des résistances  $R_i$  reliées à des potentiels  $V_i$ , le potentiel  $V_M$  s'écrit :

$$V_M = \frac{\sum_i \frac{V_i}{R_i}}{\sum_i \frac{1}{R_i}} \quad (2.1)$$

Ce théorème peut également s'écrire avec des tensions (différences de potentiel).

# Chapitre 3

## Les dipôles idéaux

Les **dipôles idéaux** correspondent à des relations entre la tension à leurs bornes et le courant qui les traverse (On parle de "**caractéristique courant/tension**"). Comme leur nom le laisse supposer, ces dipôles sont des représentations idéales des composants réels. Nous nous en servons comme briques de base afin de modéliser les circuits.

### 3.1 Les générateurs idéaux

#### 3.1.1 Le générateur de tension

Un **générateur idéal de tension** est un générateur dont la tension est constante, et ce quel que soit le courant demandé.

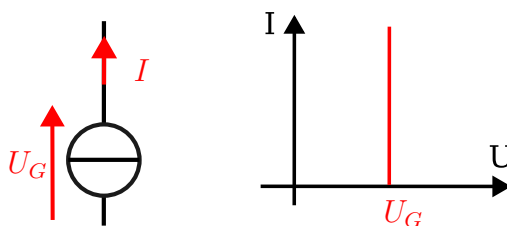


FIGURE 3.1 – Symbole et caractéristique courant/tension du générateur idéal de tension

Le générateur de tension ne peut être que théorique car mis en court-circuit, il devrait délivrer un courant infini et donc fournir au circuit une puissance également infinie.

Cette définition du générateur idéal de tension est parfois étendue à des générateurs dont la tension est une fonction du temps  $u(t)$ . Dans ce cas, la tension fournie ne dépendra que du temps et pas du courant.

### 3.1.2 Le générateur idéal de courant

Un **générateur idéal de courant** est un générateur fournissant un courant constant, et ce quel que soit la tension appliquée à ses bornes.

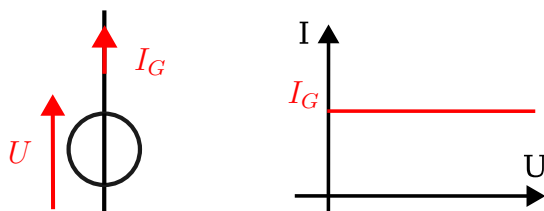


FIGURE 3.2 – Symbole et caractéristique courant/tension du générateur idéal de courant

Tout comme le générateur idéal de tension, c'est un générateur théorique car dans le cas du circuit ouvert il fournirait une tension infinie.

Ici encore, on peut étendre cette définition à des générateurs dont le courant n'est pas constant, mais une fonction du temps  $I(t)$ . Dans ce cas, le courant fourni ne dépendra que du temps et pas de la tension appliquée aux bornes du générateur.

## 3.2 Les dipôles linéaires

On parle de **dipôles "linéaires"** (ce qui est un petit abus de langage) pour désigner les dipôles possédant une relation linéaire entre :

- tension et courant,
- tension et charge électrique,
- ou courant et dérivée de la tension.

Ces dipôles linéaires sont au nombre de trois :

- **La résistance**
- **L'inductance**
- **La capacité**

Il faut bien faire la différence entre ces trois dipôles idéaux et leurs "incarnations" en composants que sont les résistors, les bobines et les condensateurs.

### 3.2.1 La résistance

Notation usuelle :	$R$
Unité :	Ohm ( $\Omega$ )
Unité SI :	$m^2 \cdot kg \cdot s^{-3} \cdot A^{-2}$
Nature :	Grandeur scalaire

#### Définition

La **résistance** traduit une relation linéaire entre courant et tension. Le symbole qui permet de la représenter est généralement l'un des deux suivants :

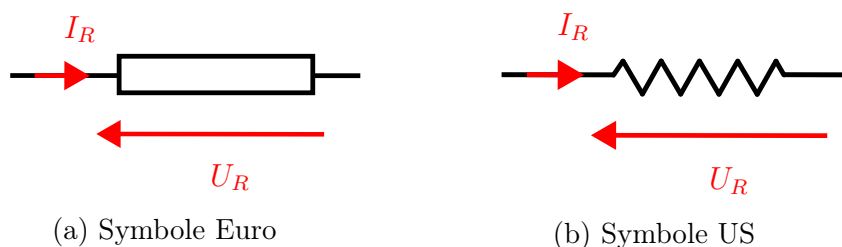
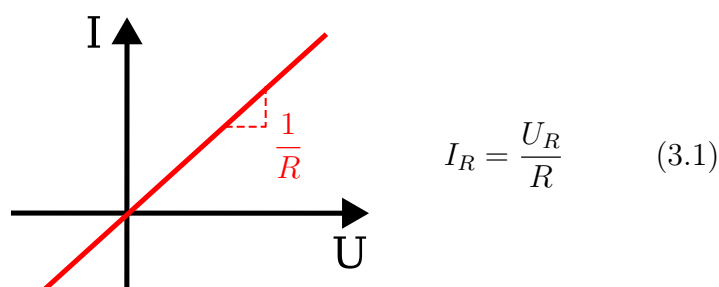


FIGURE 3.3 – Symbole de la résistance

Le comportement courant/tension d'une résistance est défini par la **loi d'Ohm** :



avec :

- $U_R$  La tension aux bornes de la résistance
- $I_R$  Le courant traversant la résistance
- $R$  La valeur de la résistance en Ohms

Lorsqu'un conducteur montre une caractéristique courant/tension vérifiant la loi d'Ohm (une droite passant par l'origine), on parle de "**Conducteur ohmique**". On utilise parfois également les termes de "**résistance pure**" ou "**résistance idéale**".

### Effet Joule

Physiquement, le courant est un mouvement de porteurs de charge. Or dans un conducteur ohmique, ces porteurs interagissent avec les atomes constitutifs du milieu dans lequel ils se déplacent, ce qui constitue un frein à leur mouvement. Ceci se traduit par l'**effet Joule**. C'est un effet thermique qui provoque une augmentation de l'énergie interne du conducteur, et généralement de sa température.

L'énergie dissipée sous forme de chaleur entre deux instants  $t_1$  et  $t_2$  par un dipôle de résistance  $R$  lorsque circule un courant d'intensité  $i$  s'écrit :

$$Q_{joule} = R \int_{t_1}^{t_2} i^2 dt$$

La puissance moyenne s'écrit alors :

$$P = \frac{Q_{joule}}{t_2 - t_1} = \frac{R}{t_2 - t_1} \int_{t_1}^{t_2} i^2 dt$$

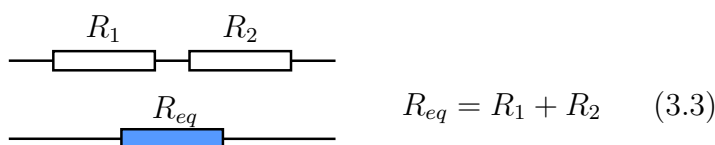
Dans le cas d'un courant constant  $I$ , l'expression devient alors :

$$P = R I^2 \quad (3.2)$$

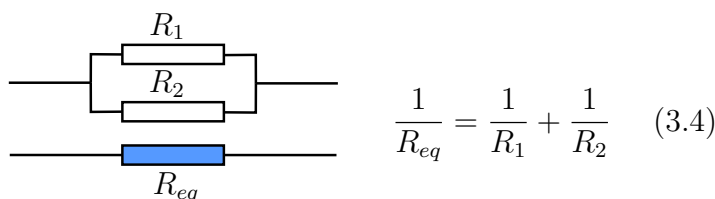
### Résistance équivalente

La **résistance équivalente** consiste à remplacer dans une partie du circuit un ensemble de résistances par une seule, qui doit être équivalente (dans le sens où le comportement du circuit doit être le même).

- Association en série : La résistance du dipôle équivalent vaut la somme des résistances de chacun des dipôles.



- Association en parallèle : l'inverse de la résistance du dipôle équivalent vaut la somme des inverses des résistances de chacun des dipôles.



### 3.2.2 La capacité électrique

<b>Notation usuelle :</b>	$C$
<b>Unité :</b>	Farad (F)
<b>Unité SI :</b>	$m^{-2} \cdot kg^{-1} \cdot s^4 \cdot A^2$
<b>Nature :</b>	Grandeur scalaire

#### Définition

La **capacité électrique** est l'aptitude d'un conducteur ou d'un dipôle à stocker une charge électrique en réponse à une différence de potentiel. Elle est exprimée sous la forme d'un ratio entre ces deux quantités. La capacité traduit donc une relation linéaire entre charge et différence de potentiel :

$$Q = C U \quad (3.5)$$

avec :

- $Q$  la charge stockée
- $C$  la capacité électrique
- $U$  la différence de potentiel

En physique, on distingue généralement la "**capacité propre**" (self capacitance) de la "**capacité mutuelle**" (mutual capacitance). Un objet qui peut être chargé électriquement montre une capacité propre : on mesure alors le potentiel électrique par rapport à la terre. La capacité mutuelle, elle, est mesurée entre deux objets différents. Par exemple entre les deux armatures d'un condensateur.

#### Note à propos du farad :

L'unité utilisée pour la capacité électrique, le farad, est très grande ! En pratique, on en utilise le plus souvent des sous-multiples : le microfarad ( $\mu F$ ), le nanofarad ( $nF$ ) ou le picofarad ( $pF$ ).

#### Relation Courant-Tension :

Si on note  $Q$  la charge de l'armature positive du condensateur parfait, on a bien :

$$Q = C U_C$$

Ce qui en dérivant par le temps, donne :

$$\frac{dQ}{dt} = C \frac{dU_C}{dt}$$

En revenant à la définition du courant, on reconnaît dans la partie gauche de l'équation l'écriture de l'intensité. On a alors :

$$I_C = C \frac{dU_C}{dt} \quad (3.6)$$

### Le condensateur idéal

Le condensateur idéal est un dipôle au comportement purement capacitif, formé de deux armatures conductrices parallèles séparées par un isolant, le diélectrique. On le représente à l'aide du symbole suivant :

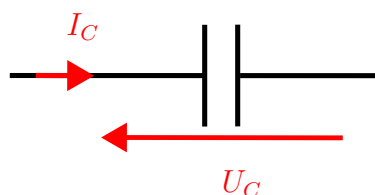
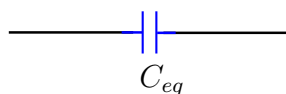
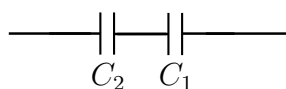


FIGURE 3.4 – Symbole du condensateur simple

### Capacité équivalente :

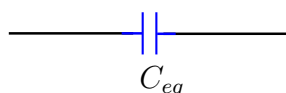
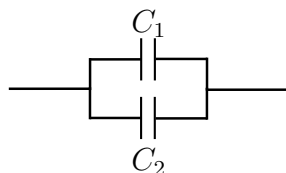
Tout comme pour les résistances, on définit la **capacité équivalente** qui consiste à remplacer un ensemble de capacités par une seule.

— Association en série :



$$\frac{1}{C_{eq}} = \frac{1}{C_1} + \frac{1}{C_2} \quad (3.7)$$

— Association en parallèle :



$$C_{eq} = C_1 + C_2 \quad (3.8)$$



### 3.2.3 L'inductance

Notation usuelle :	$L$
Unité :	Henry (H)
Unité SI :	$m^2 \cdot kg \cdot s^{-2} \cdot A^{-2}$
Nature :	Grandeur scalaire

#### Définition

L'**inductance** est la tendance d'un conducteur électrique à s'opposer à tout changement du courant le traversant.

Lorsqu'un courant électrique parcourt un conducteur, un champ magnétique se crée autour de ce conducteur. La force de ce champ magnétique dépend de l'amplitude du courant et en suit donc les changements. Cependant, d'après la loi de Faraday, tout changement d'un champ magnétique induit une force électromotrice (tension) dans le conducteur. Cette tension induite créée par le changement de courant a pour effet de s'opposer à ce dernier.

#### Relation Courant-Tension

Comme le veut la loi d'Ampère, un courant  $i$  circulant dans un conducteur génère un champ magnétique  $\vec{B}$  autour de ce conducteur. Le flux  $\Phi$  de ce champ magnétique au travers du circuit  $C$  est égal à l'intégrale suivante :

$$\Phi = \iint_C \vec{B} \cdot d\vec{A}$$

Si le courant varie, le flux magnétique  $\Phi$  varie également. Or d'après la loi de Faraday, tout changement dans le flux magnétique au travers d'un circuit induit dans ce dernier une force électromotrice ( $\varepsilon$ ) :

$$\varepsilon(t) = - \frac{d}{dt} \Phi(t)$$

Le signe moins dans cette équation nous indique que le voltage induit est dans une orientation qui tend à s'opposer au changement de courant. On l'appelle souvent pour cette raison "**force contre-électromotrice**" ou "**back-EMF**".

L'auto-inductance, plus généralement nommée "inductance"  $L$ , est le ratio entre le voltage induit et le changement de courant. En convention récepteur, on a la relation :

$$U_L = L \frac{dI_L}{dt} \quad (3.9)$$

### Inductance idéale

On définit l'inductance, aussi appelée **bobine simple** ou **bobine idéale**, comme un dipôle au comportement purement inductif ( les effets capacitifs et ohmiques sont donc négligés ). On la représente à l'aide du symbole suivant :

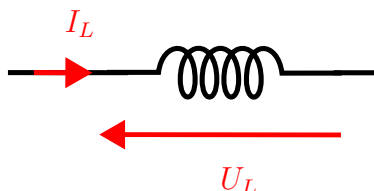


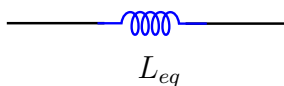
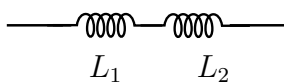
FIGURE 3.5 – Symbole de l'inductance

I

### Inductance équivalente :

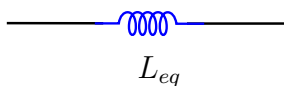
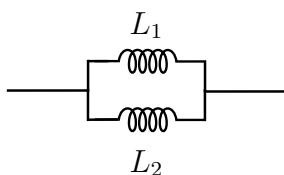
Le calcul de l'**inductance équivalente** se fait de façon similaire à celle des résistances :

— Association en série :



$$L_{eq} = L_1 + L_2 \quad (3.10)$$

— Association en parallèle :



$$\frac{1}{L_{eq}} = \frac{1}{L_1} + \frac{1}{L_2} \quad (3.11)$$

# Chapitre 4

## Les circuits linéaires

On appelle "**circuit linéaire**" tout circuit formé uniquement de dipôles linéaires (résistance, capacités et inductances) et de sources de tension ou de courant indépendantes.

Les circuits linéaires sont une grande famille de circuits particulièrement faciles à manipuler, car cette propriété de linéarité nous donne des théorèmes très utiles :

- Le théorème de superposition
- Le théorème de Thévenin
- Le théorème de Norton

### 4.1 Théorème de superposition

Le **théorème de superposition**, ou "**théorème de Helmotz**" est rendu possible par la linéarité des équations régissant cette famille de circuit. Il s'exprime en ces termes :

**Dans un circuit linéaire avec plusieurs sources, le courant et la tension pour tout élément du circuit est la somme des courants et des tensions produits par chaque source agissant indépendamment.**

Pour appliquer ce théorème, on calcule la contribution de chacune des sources de tension ou de courant au résultat final en "éteignant" toutes les autres sources.

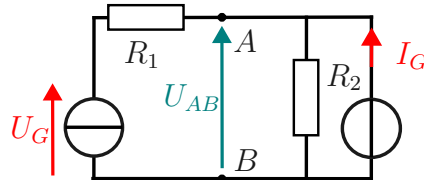
Pour "éteindre" une source de tension, on la remplace par un fil.

Pour "éteindre" une source de courant, on la remplace par un circuit ouvert.

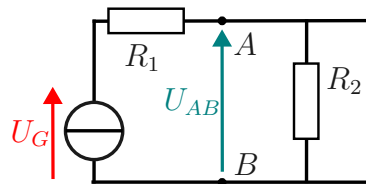
On somme ensuite toutes les contributions pour obtenir le résultat final.

**Exemple :**

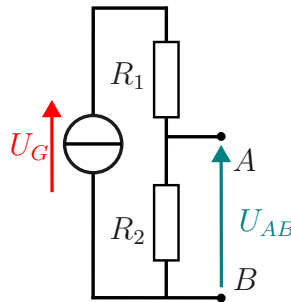
On cherche la valeur de la tension  $U_{AB}$  dans le circuit suivant :

**Calcul de la contribution de  $U_G$** 

On "éteint" tous les générateurs à l'exception du générateur de tension  $U_G$ . Le circuit devient alors :



On peut alors le réarranger afin de le rendre plus facilement lisible :



Le courant débité par le générateur  $U_G$  s'écrit alors :

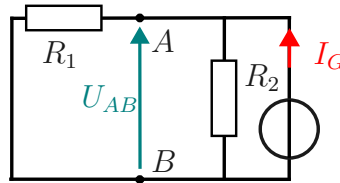
$$I = \frac{U_G}{R_1 + R_2}$$

Ce courant traversant la résistance  $R_2$ , on peut alors écrire :

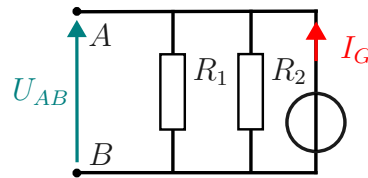
$$U_{AB} = R_2 I = \frac{R_2}{R_1 + R_2} U_G$$

**Calcul de la contribution de  $I_G$** 

On "éteint" cette fois-ci tous les générateurs à l'exception du générateur de courant.  $U_G$  est donc remplacé par un fil :

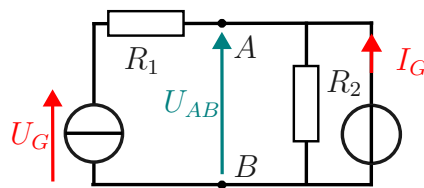


Une fois réarrangé un peu, le schéma devient :



En utilisant la résistance équivalente, il vient alors :

$$U_{AB} = R_{eq} I_G = \frac{R_1 R_2}{R_1 + R_2} I_G$$

**Conclusion**

Pour obtenir la réponse finale, il suffit alors de sommer les contributions des différentes sources :

$$U_{AB} = \underbrace{\frac{R_2}{R_1 + R_2} U_G}_{\text{Contribution de } U_G} + \underbrace{\frac{R_1 R_2}{R_1 + R_2} I_G}_{\text{Contribution de } I_G}$$

## 4.2 Théorème de Thévenin

Ce théorème découle des propriétés de linéarité des circuits considérés et donc du théorème de superposition. Il s'énonce de la façon suivante :

"Un réseau électrique linéaire vu de deux points est équivalent à un générateur de tension parfait dont la force électromotrice est égale à la différence de potentiels à vide entre ces deux points, en série avec une résistance égale à celle que l'on mesure entre les deux points lorsque les générateurs indépendants sont rendus passifs."

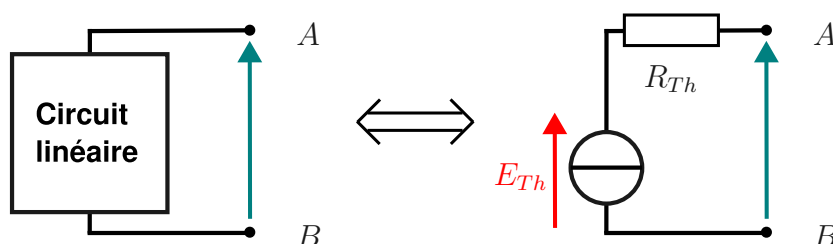


FIGURE 4.1 – Modèle de Thévenin

La tension  $E_{Th}$  du générateur de Thévenin est égale à la tension à vide du montage, mesurée entre  $A$  et  $B$ .

Pour trouver la résistance de Thévenin  $R_{Th}$ , on "éteint" tous les générateurs et on détermine la résistance équivalente entre  $A$  et  $B$ .

## 4.3 Théorème de Norton

De façon analogue, le **théorème de Norton** nous dit qu'il est possible de remplacer un circuit linéaire par un dipôle comprenant un générateur de courant et une résistance en parallèle :

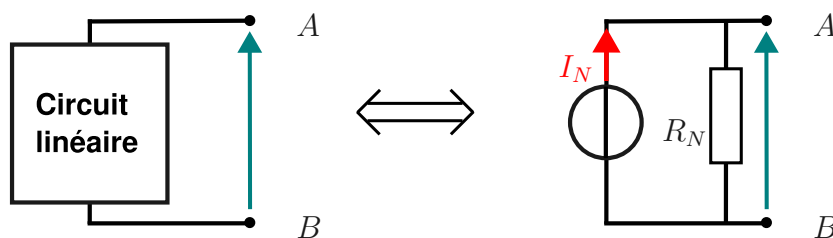


FIGURE 4.2 – Modèle de Norton

Pour déterminer la valeur de  $I_N$ , on connecte un fil entre les points  $A$  et  $B$  et on détermine le courant traversant ce fil.

Pour déterminer la valeur de la résistance  $R_N$ , on procède de la même façon que pour le théorème de Thévenin : On éteint toutes les sources de courant ou de tension et on calcule la résistance équivalente entre  $A$  et  $B$ .

## 4.4 Equivalence entre Thévenin et Norton

Les modèles de Thévenin et de Norton sont équivalents. Il est possible de passer de l'un à l'autre par la relation suivante :

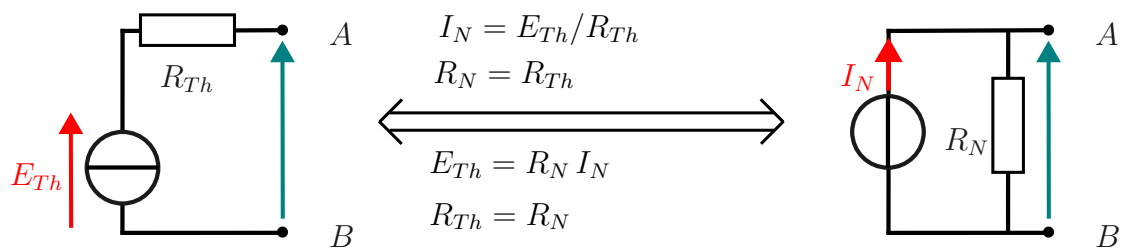
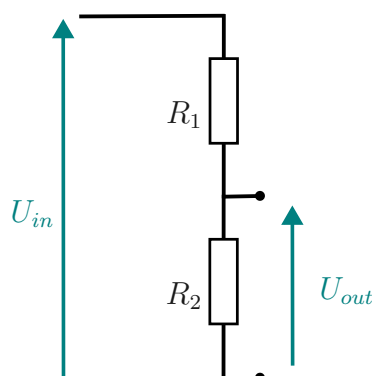


FIGURE 4.3 – Equivalence entre les modèles de Thévenin et Norton

## 4.5 Le diviseur de tension

Le **diviseur de tension**, aussi appelé "**pont diviseur**", est un circuit passif linéaire permettant de produire une tension de sortie  $U_{out}$  qui est une fraction de la tension d'entrée  $U_{in}$ . Il se forme à l'aide de deux résistances :



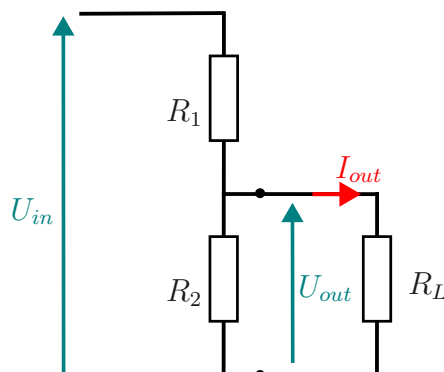
### Pont diviseur à vide :

Si l'on suppose qu'aucun courant ne sort du pont diviseur :

$$U_{out} = \frac{R_2}{R_1 + R_2} U_{in} \quad (4.1)$$

FIGURE 4.4 – Diviseur de tension

Cette relation n'est cependant valable que si le courant sortant du pont diviseur est nul ou négligeable devant le courant traversant  $R_2$ . Si ce n'est pas le cas, on est alors dans le cas du **diviseur de tension chargé** :

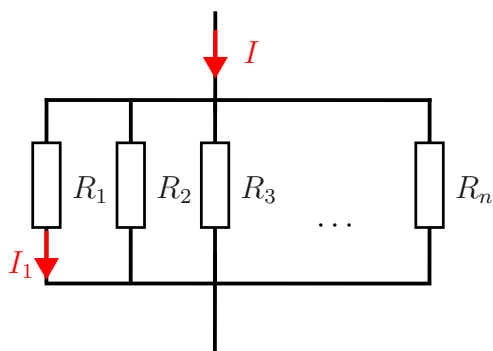


Le courant  $I_{out}$  en sortie du pont diviseur n'est plus considéré comme négligeable. On utilise alors la résistance équivalente au couple  $R_2$  et  $R_L$  et la relation devient :

$$U_{out} = U_{in} \frac{R_{eq}}{R_1 + R_{eq}} = U_{in} \frac{R_2 R_L}{R_1 R_2 + R_1 R_L + R_2 R_L}$$

## 4.6 Le diviseur de courant

La formule du **diviseur de courant** permet de calculer l'intensité du courant dans une résistance lorsque celle-ci fait partie d'un ensemble de résistances en parallèle et lorsque l'on connaît le courant total qui alimente cet ensemble. C'est le montage dual du diviseur de tension.



Le courant qui traverse  $R_1$  s'écrit :

$$I_1 = I \frac{\frac{1}{R_1}}{\frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} + \dots + \frac{1}{R_n}}$$

ou encore, exprimé avec les conductances :

$$I_1 = I \frac{G_1}{G_1 + G_2 + \dots + G_n}$$

### Note :

La **conductance électrique** d'un matériau soumis à une différence de potentiel quantifie sa capacité à laisser passer un courant électrique. C'est une grandeur définie comme l'inverse de la résistance. Elle est généralement notée  $G$  et exprimée en Siemens (S).



# Chapitre 5

## Analyse temporelle

### 5.1 Charge d'un condensateur

Afin d'étudier la charge d'un condensateur, on utilise le montage suivant :



À l'instant  $t = 0$ , la tension  $U_{in}$  passe de 0V à  $E_0$ .

La loi des mailles donne :

$$U_{in} = U_R + U_C$$

Avec pour la résistance et pour le condensateur :

$$U_R = R I$$

$$I = C \frac{dU_C}{dt}$$

Ce qui permet d'établir l'équation différentielle suivante pour  $t > 0$  :

$$RC \frac{dU_C}{dt} + U_C = E_0$$

On introduit dans cette expression la constante de temps  $\tau = RC$

La solution de l'équation différentielle (en tenant compte des conditions aux limites) est alors :

$$U_C(t) = E_0 (1 - e^{-t/\tau})$$

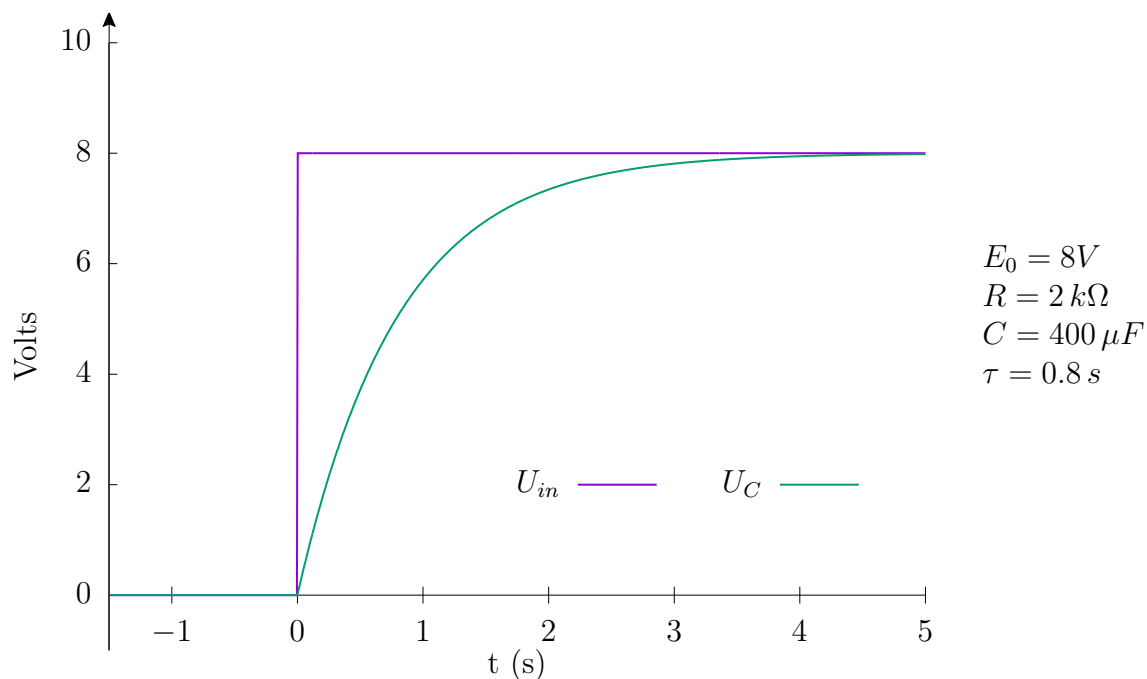


FIGURE 5.1 – Charge d'un condensateur

## Influence de la constante de temps

— Au bout d'un temps  $3\tau$ , la charge du condensateur est à 95% de la valeur finale.

$$U(3\tau) = E_0 (1 - e^{-3}) = 0.95 E_0$$

— Au bout d'un temps  $5\tau$ , la charge du condensateur est à 99.3% de la valeur finale.

$$U(5\tau) = E_0 (1 - e^{-5}) = 0.993 E_0$$

— La tangente à l'origine de la courbe coupe la valeur limite ( $E_0$ ) en  $t = \tau$

## 5.2 Décharge d'un condensateur

Afin d'étudier la décharge d'un condensateur, on utilise le montage suivant :



À l'instant  $t = 0$ , la tension  $U_{in}$  passe de  $E_0$  à 0V. La loi des mailles donne :

$$U_{in} = U_R + U_C \text{ avec } U_R = RI \text{ et } I = C \frac{dU_C}{dt}$$

Ce qui permet d'établir l'équation différentielle suivante pour  $t > 0$  :

$$RC \frac{dU_C}{dt} + U_C = 0$$

En posant  $\tau = RC$ , la solution de l'équation différentielle est alors :  $U_C(t) = E_0 e^{-t/\tau}$

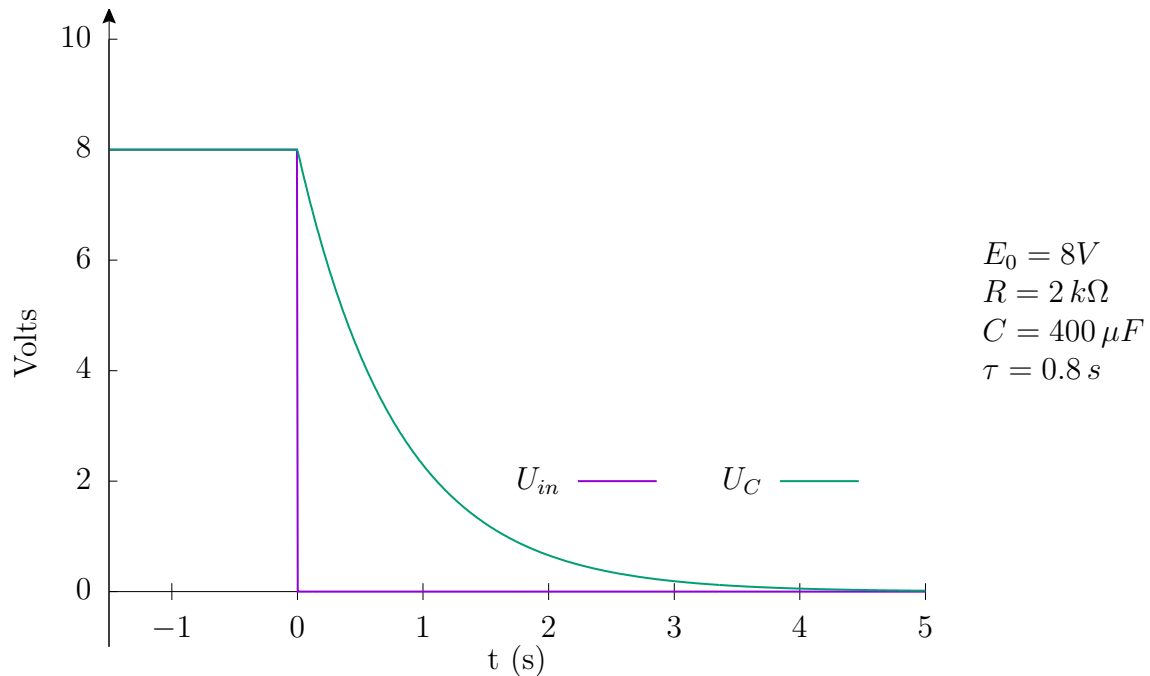


FIGURE 5.2 – décharge d'un condensateur

### Influence de la constante de temps

— Au bout d'un temps  $3\tau$ , la charge du condensateur est à 5% de la valeur initiale.

$$U(3\tau) = E_0 e^{-3} = 0.05 E_0$$

— Au bout d'un temps  $5\tau$ , la charge du condensateur est à 0.6% de la valeur initiale.

$$U(5\tau) = E_0 e^{-5} = 0.006 E_0$$

— La tangente à l'origine de la courbe coupe la valeur 0 en  $t = \tau$

## 5.3 Établissement du courant dans une inductance

On considère le schéma suivant :



À l'instant  $t = 0$ , la tension  $U_{in}$  passe de 0V à  $E_0$ .

La loi des mailles donne :

$$U_{in} = U_R + U_L$$

Avec pour la résistance et pour le condensateur :

$$U_R = R I$$

$$U_L = L \frac{dI}{dt}$$

Ce qui permet d'établir l'équation différentielle suivante pour  $t > 0$  :

$$R I + L \frac{dI}{dt} = E_0$$

On introduit dans cette expression la constante de temps  $\tau = \frac{L}{R}$  :

$$I + \frac{L}{R} \frac{dI}{dt} = \frac{E_0}{R}$$

Pour  $t > 0$ , la solution de cette équation différentielle est :

$$I(t) = \frac{E_0}{R} (1 - e^{-t/\tau})$$

Ce qui correspond à la tension  $U_L$  suivante :

$$U_L(t) = L \frac{dI}{dt} = E_0 e^{-t/\tau}$$

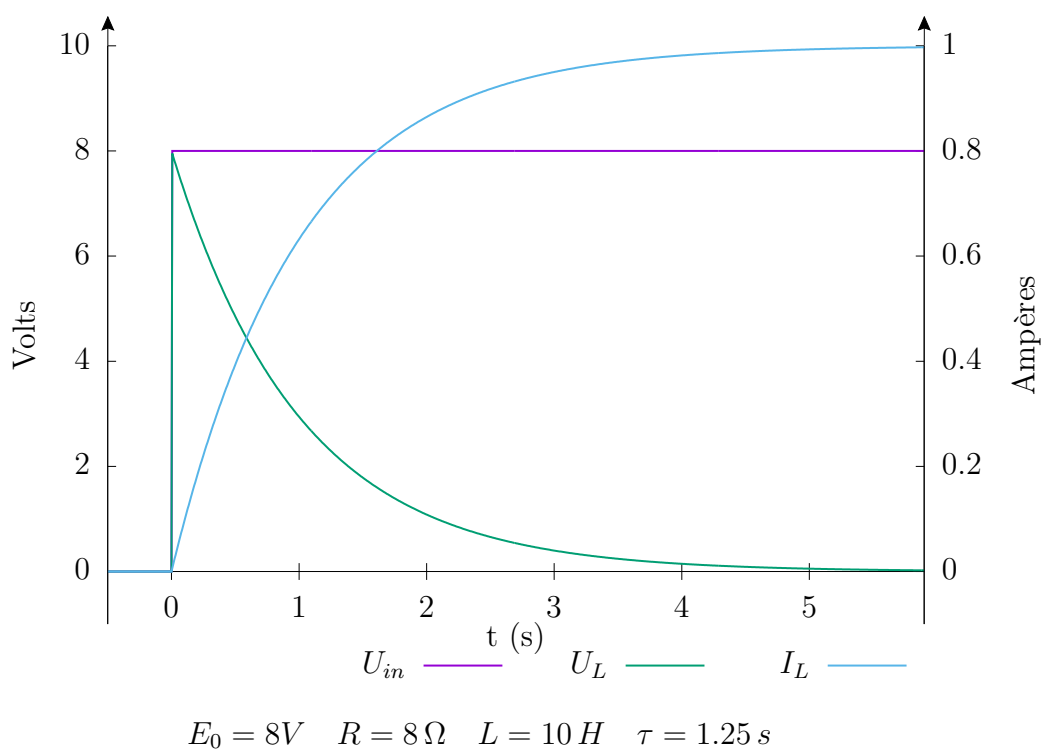


FIGURE 5.3 – Etablissement du courant dans un circuit RL

Les équations différentielles étant les mêmes, les remarques concernant la constante de temps  $\tau$  effectuées dans les chapitres précédants restent valides.

## 5.4 Rupture du courant dans une inductance

On considère le schéma suivant :



À l'instant  $t = 0$ , la tension  $U_{in}$  passe de  $E_0$  à  $0V$ .

La loi des mailles donne :

$$U_{in} = U_R + U_L$$

Avec pour la résistance et pour le condensateur :

$$U_R = R I$$

$$U_L = L \frac{dI}{dt}$$

Ce qui permet d'établir l'équation différentielle suivante pour  $t > 0$  :

$$R I + L \frac{dI}{dt} = 0$$

On introduit dans cette expression la constante de temps  $\tau = \frac{L}{R}$  :

$$I + \frac{L}{R} \frac{dI}{dt} = 0$$

Pour  $t > 0$ , la solution de cette équation différentielle est :

$$I(t) = \frac{E_0}{R} e^{-t/\tau}$$

Ce qui correspond à la tension  $U_L$  suivante :

$$U_L(t) = L \frac{dI}{dt} = -E_0 e^{-t/\tau}$$

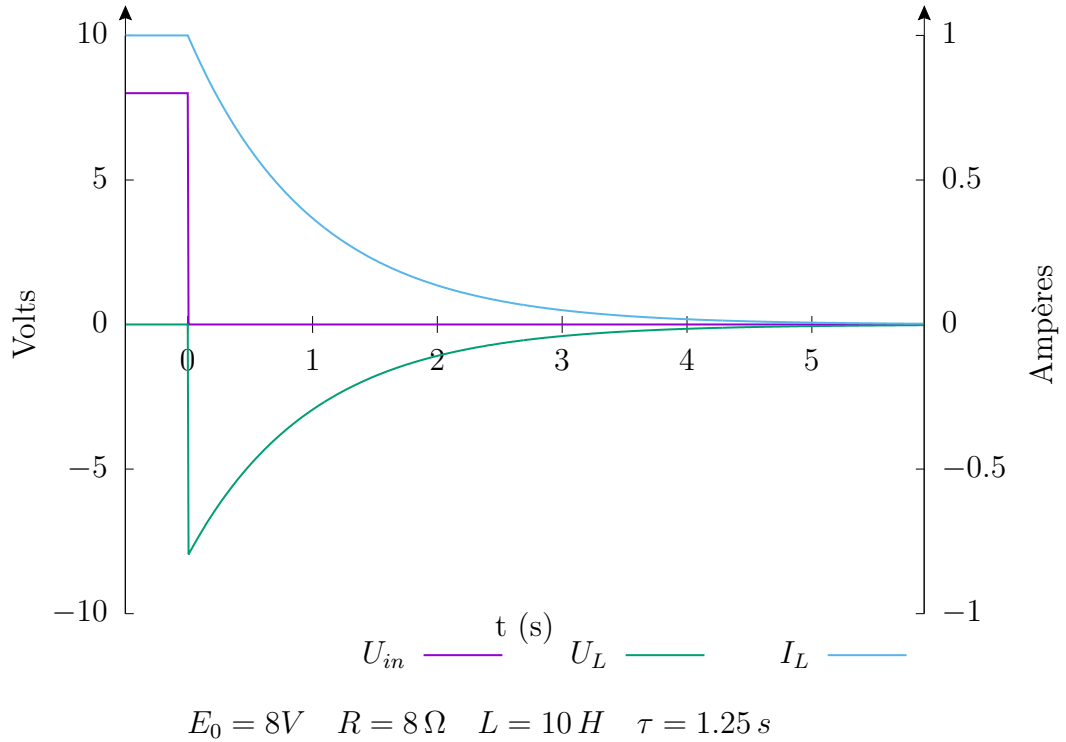


FIGURE 5.4 – Rupture du courant dans un circuit RL

Les équations différentielles étant les mêmes, les remarques concernant la constante de temps  $\tau$  effectuées dans les chapitres précédents restent valides.

### Note :

Dans le cas présenté ci-dessus, le courant n'est pas brutalement interrompu. Considérer  $U_{in} = 0V$  signifie que l'on court-circuite l'alimentation, et donc qu'un chemin est disponible pour qu'un courant puisse s'établir.

Lorsque ce n'est pas le cas (ouverture du circuit), le courant passe brutalement de  $E_0/R$  à 0. Sa dérivée en  $t = 0$  est donc très grande (théoriquement infinie). La tension aux bornes de l'inductance peut alors s'avérer très (voir trop) importante. Nous verrons dans les chapitres suivants que cela justifie l'usage d'une diode de roue libre.





## Deuxième partie

### Annexes



# Annexe A

## Les unités

### A.1 Les unités S.I.

Les sept unités du système SI sont les unités à partir desquelles on peut contruire toutes autres unités en physiques. Ces sept unités de bases sont les suivantes :

Symbole	Nom	Usage
m	Mètre	Longueur
kg	Kilogramme	Masse
s	Seconde	Temps
A	Ampère	Intensité de Courant électrique
K	Kelvin	Température
cd	Candela	Intensité lumineuse
mol	Mole	Quantité de matière

### A.2 Les unités courantes en electronique

Symbole	Nom	Usage	Unités SI
C	Coulomb	Charge	$A s$
F	Farad	Capacité électrique	$m^{-2} kg^{-1} s^4 A^2$
H	Henry	Inductance	$m^2 kg s^{-2} A^{-2}$
Hz	Hertz	Fréquence	$s^{-1}$
S	Siemens	Conductance, Admittance, Suceptance	$m^{-2} kg^{-1} s^3 A^2$
J	Joule	Energie, Travail, Quantité de chaleur	$kg m^2 s^{-2}$
V	Volt	Force electromotrice, Potentiel	$kg m^2 s^{-3} A^{-1}$
W	Watt	Puissance, Flux énergétique	$kg m^2 s^{-3} kg m^2 s^{-3}$
$\Omega$	Ohm	Résistance	$m^2 kg s^{-3} A^2$

### A.3 Les multiples

Facteur	Nom	Symbole
$10^{-30}$	quecto	q
$10^{-27}$	ronto	r
$10^{-24}$	yocto	y
$10^{-21}$	zepto	z
$10^{-18}$	atto	a
$10^{-15}$	femto	f
$10^{-12}$	pico	p
$10^{-9}$	nano	n
$10^{-6}$	micro	$\mu$
$10^{-3}$	milli	m
$10^{-2}$	centi	c
$10^{-1}$	deci	d
<b>1</b>	<b>unité</b>	
$10^1$	deca	da
$10^2$	hecto	h
$10^3$	kilo	k
$10^6$	mega	M
$10^9$	giga	G
$10^{12}$	tera	T
$10^{15}$	peta	P
$10^{18}$	exa	E
$10^{21}$	zetta	Z
$10^{24}$	yotta	Y
$10^{27}$	ronna	R
$10^{30}$	quetta	Q

# Index

- ampérage, 9
- ampèremètre, 8
- auto-inductance, 21
- blocs
  - blocs fonctionnels, 11
- bobine, 16
  - bobine idéale, 22
  - bobine simple, 22
- bruit
  - bruit de grenaille, 6
- mutual capacitance, 19
- self capacitance, 19
- capacité
  - association en parallèle, 20
  - association en série, 20
  - capacité électrique, 19
  - capacité équivalente, 20
  - capacité mutuelle, 19
  - capacité propre, 19
  - caractéristique courant tension, 19
- charge
  - charge électrique, 5, 19
  - charge élémentaire, 5
  - conservation de la charge, 6
  - porteur de charge, 5
  - quantification de la charge, 5
- circuit
  - circuit linéaire, 23
  - circuit électrique, 11
- condensateur, 16
  - condensateur équivalent, 20
  - condensateur idéal, 20
- conductance, 28
- conducteur
  - conducteur ohmique, 17
  - conducteur parfait, 11
- convention
  - convention générateur, 12
  - convention récepteur, 12
- conventionnel
  - sens conventionnel du courant, 8
- courant, 9
  - caractéristique courant tension, 15
  - courant électrique, 8
  - diviseur de courant, 28
  - générateur de courant, 16
  - loi des noeuds, 13
  - mesure du courant, 8
  - sens conventionnel du courant, 8
- dipôle, 12
  - dipôle générateur, 12
  - dipôle idéal, 15
  - dipôle linéaire, 16
  - dipôle récepteur, 12
- diviseur
  - diviseur de courant, 28
  - diviseur de tension, 27
- électron, 5
- elements
  - lumped elements, 11
- EMF
  - back-EMF, 21
- énergie, 9
- équipotentielle, 6
- farad, 19
- force
  - force contre-electromotrice, 21

- générateur, 12, 15
  - convention générateur, 12
  - générateur de courant, 16
  - générateur de tension, 15
  - générateur idéal, 15
- grenaille
  - bruit de grenaille, 6
- ground, 6
- Henry, 21
- hypothèse
  - hypothèse du régime stationnaire, 11
- inductance, 21
  - association en parallèle, 22
  - association en série, 22
  - auto-inductance, 21
  - caractéristique courant tension, 21
  - inductance équivalente, 22
  - inductance idéale, 22
  - symbole, 22
- intensité, *voir* courant, 9
- Joule
  - effet Joule, 18
- kiloWattheure, 9
- kirchhoff, 13
  - loi des mailles, 14
  - loi des noeuds, 13
  - lois de Kirchhoff, 13
- lumped
  - lumped elements, 11
- maille, 14
  - loi des mailles, 14
- millman
  - théorème de Millman, 14
- noeud, 13
  - loi des noeuds, 13
  - théorème de Millman, 14
- norton
  - équivalence Norton Thévenin, 27
- théorème de Norton, 26
- ohm, 17
  - loi d'Ohm, 17
- pont
  - pont diviseur de courant, 28
  - pont diviseur de tension, 27
- potentiel, 6
  - différence de potentiel, 7, 11
  - théorème de Millman, 14
- puissance
  - convention générateur, 13
  - convention récepteur, 13
  - puissance électrique, 10, 13
  - signe, 13
- récepteur, 12
  - convention récepteur, 12
- résistance, 17
  - association en parallèle, 18
  - association en série, 18
  - loi d'Ohm, 17
  - résistance équivalente, 18
  - résistance idéale, 17
  - résistance pure, 17
  - symbole, 17
- résistor, 16
- stationnaire
  - hypothèse du régime stationnaire, 11
- tension, 7
  - caractéristique courant tension, 15
  - diviseur de tension, 27
  - générateur de tension, 15
  - loi des mailles, 14
- terre, 6
- théorème
  - théorème de Helmutz, 23
  - théorème de Norton, 26
  - théorème de superposition, 23
  - théorème de Thévenin, 26
- thévenin

équivalence Thévenin Norton, 27  
théorème de Thévenin, 26