Confirmatory Factor Analysis and SEM

Contents

Confirmatory Factor Analysis	1
Diagram	2
Output	2
Modification Indicies	
Re-specifying the Model	
Structural Equation Modeling	24
library(mosaic)	
library(ggplot2)	
library(dplyr)	
library(psych)	
#install.packages("lavaan")	
library(lavaan)	
#install.packages("semPlot")	
library(semPlot)	

Confirmatory Factor Analysis

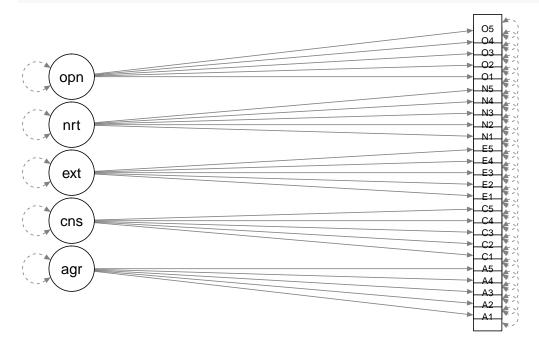
Now, instead of taking a shot in the dark about the factor structure, we are going in with a clear idea about which items we things load on which factors. Our goal is to test how well our model of the factor structure actually fits the data.

First we specify the model.

Diagram

Plot the model to make sure it is what you want. Here we are using the semPaths() and semPlotModel() from the semPlot package. The rotation = 2 option forces the exogenous variables to be on the left side.

```
semPaths(semPlotModel(bf_model), rotation = 2)
```



Output

Then fit the CFA model with cfa() and ask for the relevant output.

```
bf_fit <- cfa(bf_model, data = bfi)
summary(bf_fit, fit.measures = TRUE, rsq=TRUE)
## lavaan (0.5-23.1097) converged normally after 55 iterations</pre>
```

```
##
##
                                                        Used
                                                                    Total
##
     Number of observations
                                                        2436
                                                                     2800
##
     Estimator
##
                                                          ML
##
     Minimum Function Test Statistic
                                                    4165.467
     Degrees of freedom
                                                         265
##
                                                       0.000
##
     P-value (Chi-square)
## Model test baseline model:
##
```

```
##
     Minimum Function Test Statistic
                                                 18222.116
##
     Degrees of freedom
                                                        300
##
     P-value
                                                     0.000
##
## User model versus baseline model:
##
##
     Comparative Fit Index (CFI)
                                                     0.782
     Tucker-Lewis Index (TLI)
                                                     0.754
##
##
## Loglikelihood and Information Criteria:
##
##
     Loglikelihood user model (HO)
                                                -99840.238
##
     Loglikelihood unrestricted model (H1)
                                                -97757.504
##
##
     Number of free parameters
                                                         60
##
     Akaike (AIC)
                                                199800.476
##
     Bayesian (BIC)
                                                200148.363
##
     Sample-size adjusted Bayesian (BIC)
                                                199957.729
##
## Root Mean Square Error of Approximation:
##
##
     RMSEA
                                                     0.078
##
     90 Percent Confidence Interval
                                              0.076 0.080
                                                     0.000
##
     P-value RMSEA <= 0.05
##
## Standardized Root Mean Square Residual:
##
##
     SRMR
                                                     0.075
##
## Parameter Estimates:
##
##
     Information
                                                  Expected
##
     Standard Errors
                                                  Standard
##
## Latent Variables:
                      Estimate Std.Err z-value P(>|z|)
##
##
     agreeable =~
##
       Α1
                         1.000
##
       A2.
                        -1.579
                                   0.108 -14.650
                                                     0.000
##
       АЗ
                        -2.030
                                   0.134 -15.093
                                                     0.000
##
       Α4
                        -1.564
                                  0.115 -13.616
                                                     0.000
##
       A5
                        -1.804
                                  0.121 -14.852
                                                     0.000
##
     conscient =~
##
       C1
                         1.000
##
       C2
                         1.148
                                   0.057
                                           20.152
                                                     0.000
```

##	C3	1.036	0.054	19.172	0.000
##	C4	-1.421	0.065	-21.924	0.000
##	C5	-1.489	0.072	-20.694	0.000
##	extrov =~				
##	E1	1.000			
##	E2	1.226	0.051	23.899	0.000
##	E3	-0.921	0.041	-22.431	0.000
##	E4	-1.121	0.047	-23.977	0.000
##	E5	-0.808	0.039	-20.648	0.000
##	neurot =~				
##	N1	1.000			
##	N2	0.947	0.024	39.899	0.000
##	N3	0.884	0.025	35.919	0.000
##	N4	0.692	0.025	27.753	0.000
##	N5	0.628	0.026	24.027	0.000
##	openness =~				
##	01	1.000			
##	02	-1.020	0.068	-14.962	0.000
##	03	1.373	0.072	18.942	0.000
##	04	0.437	0.048	9.160	0.000
##	05	-0.960	0.060	-16.056	0.000
##					
##	Covariances:				
$\pi\pi$	covar rances.				
##	covariances.	Estimate	Std.Err	z-value	P(> z)
	agreeable ~~	Estimate	Std.Err	z-value	P(> z)
##		Estimate -0.110	Std.Err		P(> z)
## ##	agreeable ~~		0.012	-9.254	0.000
## ## ##	agreeable ~~ conscient	-0.110	0.012	-9.254 12.293	0.000
## ## ## ##	agreeable ~~ conscient extrov	-0.110 0.304	0.012 0.025	-9.254 12.293	0.000
## ## ## ##	agreeable ~~ conscient extrov neurot	-0.110 0.304 0.141	0.012 0.025 0.018	-9.254 12.293 7.712	0.000 0.000 0.000
## ## ## ## ##	agreeable ~~ conscient extrov neurot openness	-0.110 0.304 0.141	0.012 0.025 0.018	-9.254 12.293 7.712	0.000 0.000 0.000
## ## ## ## ##	agreeable ~~ conscient extrov neurot openness conscient ~~	-0.110 0.304 0.141 -0.093	0.012 0.025 0.018 0.011	-9.254 12.293 7.712 -8.446	0.000 0.000 0.000 0.000
## ## ## ## ## ##	agreeable ~~ conscient extrov neurot openness conscient ~~ extrov	-0.110 0.304 0.141 -0.093	0.012 0.025 0.018 0.011 0.020 0.025	-9.254 12.293 7.712 -8.446 -11.121 -10.117	0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
## ## ## ## ## ##	agreeable ~~ conscient extrov neurot openness conscient ~~ extrov neurot	-0.110 0.304 0.141 -0.093 -0.224 -0.250	0.012 0.025 0.018 0.011 0.020 0.025	-9.254 12.293 7.712 -8.446 -11.121 -10.117	0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
## ## ## ## ## ##	agreeable ~~ conscient extrov neurot openness conscient ~~ extrov neurot openness	-0.110 0.304 0.141 -0.093 -0.224 -0.250	0.012 0.025 0.018 0.011 0.020 0.025 0.014	-9.254 12.293 7.712 -8.446 -11.121 -10.117 9.190	0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
## ## ## ## ## ## ##	agreeable ~~ conscient extrov neurot openness conscient ~~ extrov neurot openness extrov ~~	-0.110 0.304 0.141 -0.093 -0.224 -0.250 0.130	0.012 0.025 0.018 0.011 0.020 0.025 0.014	-9.254 12.293 7.712 -8.446 -11.121 -10.117 9.190	0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
## ## ## ## ## ## ##	agreeable ~~ conscient extrov neurot openness conscient ~~ extrov neurot openness extrov ~~ neurot	-0.110 0.304 0.141 -0.093 -0.224 -0.250 0.130	0.012 0.025 0.018 0.011 0.020 0.025 0.014	-9.254 12.293 7.712 -8.446 -11.121 -10.117 9.190 9.131	0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
## ## ## ## ## ## ## ##	agreeable ~~ conscient extrov neurot openness conscient ~~ extrov neurot openness extrov ~~ neurot openness	-0.110 0.304 0.141 -0.093 -0.224 -0.250 0.130	0.012 0.025 0.018 0.011 0.020 0.025 0.014 0.032 0.021	-9.254 12.293 7.712 -8.446 -11.121 -10.117 9.190 9.131 -12.347	0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
## ## ## ## ## ## ## ## ##	agreeable ~~ conscient extrov neurot openness conscient ~~ extrov neurot openness extrov ~~ neurot openness neurot ~~	-0.110 0.304 0.141 -0.093 -0.224 -0.250 0.130 0.292 -0.265	0.012 0.025 0.018 0.011 0.020 0.025 0.014 0.032 0.021	-9.254 12.293 7.712 -8.446 -11.121 -10.117 9.190 9.131 -12.347	0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
######################################	agreeable ~~ conscient extrov neurot openness conscient ~~ extrov neurot openness extrov ~~ neurot openness neurot ~~	-0.110 0.304 0.141 -0.093 -0.224 -0.250 0.130 0.292 -0.265	0.012 0.025 0.018 0.011 0.020 0.025 0.014 0.032 0.021	-9.254 12.293 7.712 -8.446 -11.121 -10.117 9.190 9.131 -12.347	0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
######################################	agreeable ~~ conscient extrov neurot openness conscient ~~ extrov neurot openness extrov ~~ neurot openness neurot ~~ openness	-0.110 0.304 0.141 -0.093 -0.224 -0.250 0.130 0.292 -0.265	0.012 0.025 0.018 0.011 0.020 0.025 0.014 0.032 0.021	-9.254 12.293 7.712 -8.446 -11.121 -10.117 9.190 9.131 -12.347 -4.138	0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
######################################	agreeable ~~ conscient extrov neurot openness conscient ~~ extrov neurot openness extrov ~~ neurot openness neurot ~~ openness	-0.110 0.304 0.141 -0.093 -0.224 -0.250 0.130 0.292 -0.265 -0.093	0.012 0.025 0.018 0.011 0.020 0.025 0.014 0.032 0.021 0.022	-9.254 12.293 7.712 -8.446 -11.121 -10.117 9.190 9.131 -12.347 -4.138	0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
##################	agreeable ~~ conscient extrov neurot openness conscient ~~ extrov neurot openness extrov ~~ neurot openness neurot ~~ openness Nariances: A1	-0.110 0.304 0.141 -0.093 -0.224 -0.250 0.130 0.292 -0.265 -0.093	0.012 0.025 0.018 0.011 0.020 0.025 0.014 0.032 0.021 0.022 Std.Err 0.052	-9.254 12.293 7.712 -8.446 -11.121 -10.117 9.190 9.131 -12.347 -4.138 z-value 33.725	0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 P(> z) 0.000
###################	agreeable ~~ conscient extrov neurot openness conscient ~~ extrov neurot openness extrov ~~ neurot openness neurot ~~ openness Variances: .A1 .A2	-0.110 0.304 0.141 -0.093 -0.224 -0.250 0.130 0.292 -0.265 -0.093	0.012 0.025 0.018 0.011 0.020 0.025 0.014 0.032 0.021 0.022 Std.Err 0.052 0.028	-9.254 12.293 7.712 -8.446 -11.121 -10.117 9.190 9.131 -12.347 -4.138 z-value 33.725 28.396	0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 P(> z) 0.000 0.000
###################	agreeable ~~ conscient extrov neurot openness conscient ~~ extrov neurot openness extrov ~~ neurot openness neurot ~~ openness Variances: .A1 .A2	-0.110 0.304 0.141 -0.093 -0.224 -0.250 0.130 0.292 -0.265 -0.093 Estimate 1.745 0.807	0.012 0.025 0.018 0.011 0.020 0.025 0.014 0.032 0.021 0.022 Std.Err 0.052 0.028 0.032	-9.254 12.293 7.712 -8.446 -11.121 -10.117 9.190 9.131 -12.347 -4.138 z-value 33.725 28.396 23.339	0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 P(> z) 0.000 0.000 0.000

##	. A5	0.852	0.032	26.800	0.000
##	.C1	1.063	0.035	30.073	0.000
##	.C2	1.130	0.039	28.890	0.000
##	. C3	1.170	0.039	30.194	0.000
##	.C4	0.960	0.040	24.016	0.000
##	.C5	1.640	0.059	27.907	0.000
##	.E1	1.814	0.058	31.047	0.000
##	.E2	1.332	0.049	26.928	0.000
##	.E3	1.108	0.038	29.522	0.000
##	.E4	1.088	0.041	26.732	0.000
##	.E5	1.251	0.040	31.258	0.000
##	.N1	0.793	0.037	21.575	0.000
##	.N2	0.836	0.036	23.458	0.000
##	.N3	1.222	0.043	28.271	0.000
##	.N4	1.654	0.052	31.977	0.000
##	. N5	1.969	0.060	32.889	0.000
##	.01	0.865	0.032	27.216	0.000
##	.02	1.990	0.063	31.618	0.000
##	.03	0.691	0.039	17.717	0.000
##	.04	1.346	0.040	34.036	0.000
##	. 05	1.380	0.045	30.662	0.000
##	agreeable	0.234	0.030	7.839	0.000
##	conscient	0.463	0.036	12.810	0.000
##	extrov	0.846	0.062	13.693	0.000
##	neurot	1.689	0.073		0.000
##	openness	0.404	0.033	12.156	0.000
##	5 0				
	R-Square:				
##	• 4	Estimate			
##	A1	0.118			
##	A2	0.420			
##	A3	0.562			
##	A4	0.260			
##	A5	0.472			
##	C1	0.303			
##	C2	0.350			
##	C3	0.298			
##	C4	0.493			
##	C5	0.385			
##	E1	0.318			
##	E2	0.488			
##	E3 E4	0.393 0.494			
##					
##	E5	0.306			
##	N1	0.680			

```
##
                           0.519
       NЗ
##
       N4
                           0.328
##
       N5
                           0.253
##
       01
                           0.318
##
       02
                           0.174
##
                           0.524
       03
##
       04
                           0.054
##
       05
                           0.212
inspect(bf_fit, what = "std") #for standardized estimates
## $lambda
##
      agrebl cnscnt extrov neurot opnnss
## A1
      0.344
               0.000
                      0.000
                              0.000
                                     0.000
## A2 -0.648
               0.000
                      0.000
                              0.000
                                     0.000
## A3 -0.749
               0.000
                      0.000
                              0.000
                                     0.000
## A4 -0.510
              0.000
                      0.000
                              0.000
                                     0.000
## A5 -0.687
               0.000
                      0.000
                              0.000
                                     0.000
## C1
       0.000
                      0.000
                              0.000
               0.551
                                     0.000
       0.000
## C2
               0.592
                      0.000
                              0.000
                                     0.000
## C3
       0.000
               0.546
                      0.000
                              0.000
                                     0.000
       0.000 -0.702
## C4
                      0.000
                              0.000
                                     0.000
## C5
       0.000 -0.620
                      0.000
                              0.000
                                     0.000
## E1
       0.000
               0.000
                      0.564
                              0.000
                                     0.000
## E2
       0.000
               0.000
                      0.699
                              0.000
                                     0.000
## E3
       0.000
               0.000 - 0.627
                              0.000
                                     0.000
## E4
       0.000
               0.000 - 0.703
                              0.000
                                     0.000
## E5
       0.000
               0.000 - 0.553
                              0.000
                                     0.000
## N1
       0.000
               0.000
                      0.000
                              0.825
                                     0.000
## N2
       0.000
               0.000
                      0.000
                              0.803
                                     0.000
## N3
       0.000
               0.000
                      0.000
                              0.721
                                     0.000
## N4
       0.000
               0.000
                      0.000
                              0.573
                                     0.000
## N5
       0.000
               0.000
                      0.000
                              0.503
                                     0.000
       0.000
## 01
               0.000
                      0.000
                              0.000
                                     0.564
## 02
       0.000
               0.000
                      0.000
                              0.000 - 0.418
## 03
       0.000
               0.000
                      0.000
                              0.000
                                    0.724
## 04
       0.000
               0.000
                      0.000
                              0.000
                                     0.233
## 05
       0.000
               0.000
                      0.000
                              0.000 - 0.461
##
## $theta
##
                          Α4
                                       C1
                                             C2
                                                    СЗ
                                                          C4
                                                                 C5
                                                                             E2
      Α1
            A2
                   ΑЗ
                                A5
                                                                       E1
## A1 0.882
```

0.644

##

N2

A2 0.000 0.580

A3 0.000 0.000 0.438

```
## A4 0.000 0.000 0.000 0.740
## A5 0.000 0.000 0.000 0.000 0.528
## C1 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.697
## C2 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.650
## C3 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.702
## C4 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.507
## C5 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.615
## E1 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.682
## E2 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.512
## E3 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
## E4 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
## E5 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
## N1 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
## N2 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
## N3 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
## N4 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
## N5 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
## 01 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
## 02 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
## 03 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
## 04 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
## 05 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
            E4
                  E5
                        N1
                                    N3
##
      E3
                              N2
                                          N4
                                                N5
                                                       01
                                                             02
                                                                   03
                                                                         04
## A1
## A2
## A3
## A4
## A5
## C1
## C2
## C3
## C4
## C5
## E1
## E2
## E3 0.607
## E4 0.000 0.506
## E5 0.000 0.000 0.694
## N1 0.000 0.000 0.000 0.320
## N2 0.000 0.000 0.000 0.000 0.356
## N3 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.481
## N4 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.672
## N5 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.747
## 01 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.682
## 02 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.826
```

```
## 03 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.476
## 04 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.946
## 05 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
##
      05
## A1
## A2
## A3
## A4
## A5
## C1
## C2
## C3
## C4
## C5
## E1
## E2
## E3
## E4
## E5
## N1
## N2
## N3
## N4
## N5
## 01
## 02
## 03
## 04
## 05 0.788
##
## $psi
##
             agrebl cnscnt extrov neurot opnnss
## agreeable
             1.000
## conscient -0.334
                     1.000
              0.683 -0.357
## extrov
                             1.000
              0.223 - 0.283
                             0.244
## neurot
                                    1.000
            -0.303 0.301 -0.453 -0.112
## openness
                                           1.000
```

Modification Indicies

Because our model is not a great fit to our data, we might want to ask for the *modification indicies* with the modindices() function. lavaan will give you a set of changes you can make that will increase the fit on the model. The mi value is the amount a reduction in the chi-square statistics that each change would bring—so the higher the better because a

reduction in chi-square means and increase in fit!

```
modindices(bf fit) %>%
  arrange(desc(mi)) %>%
  select(lhs, op, rhs, mi) %>%
 head(10)
##
            lhs op rhs
                              mi
## 1
             N1 ~~
                    N2 418.8124
## 2
         extrov =~
                    N4 200.7898
## 3
                    E3 153.7152
       openness =~
## 4
             N3 ~~
                    N4 134.1036
## 5
                    E4 122.5581
       openness =~
## 6
      conscient =~
                    E5 121.4990
## 7
         extrov =~
                    03 114.2021
## 8
         extrov =~
                    04 113.8627
## 9
         neurot =~ C5 108.7538
## 10
         extrov =~
                    A5 108.5874
?bfi
```

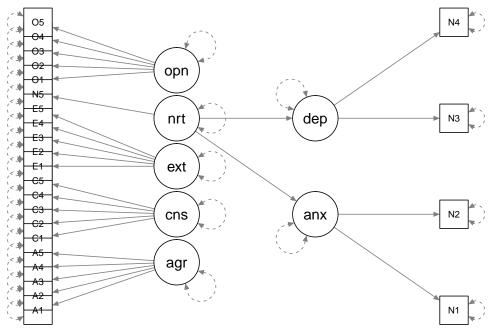
Re-specifying the Model

Maybe we want to add error covariances based on modification indices. I recommend only doing this if it makes theoretical sense. Also, what ever theoretical rule you use to justify making these error correlations, if it applies to other sets of items, then add the correlations there too. Be consistent! If you just make changes based on the modification indicies without thinking carefully about the theory behind them, then you are doing exploratory factor analysis.

```
openness = \sim 01 + 02 + 03 + 04 + 05
```

How would you ask for a diagram of this model?

```
semPaths(semPlotModel(bf_model_re1.1), rotation = 2)
```



```
bf_fit_re1 <- cfa(bf_model_re1, data = bfi)
summary(bf_fit_re1, fit.measures = TRUE, rsq=TRUE)</pre>
```

```
## lavaan (0.5-23.1097) converged normally after 57 iterations
##
##
                                                       Used
                                                                  Total
##
     Number of observations
                                                       2436
                                                                   2800
##
##
     Estimator
                                                         ML
                                                   3808.150
##
     Minimum Function Test Statistic
##
     Degrees of freedom
                                                        263
##
     P-value (Chi-square)
                                                      0.000
## Model test baseline model:
##
##
     Minimum Function Test Statistic
                                                  18222.116
     Degrees of freedom
                                                        300
##
     P-value
##
                                                      0.000
## User model versus baseline model:
##
```

```
##
     Comparative Fit Index (CFI)
                                                      0.802
##
     Tucker-Lewis Index (TLI)
                                                      0.774
##
## Loglikelihood and Information Criteria:
##
##
     Loglikelihood user model (HO)
                                                -99661.580
##
     Loglikelihood unrestricted model (H1)
                                                -97757.504
##
##
     Number of free parameters
                                                         62
##
     Akaike (AIC)
                                                 199447.159
##
     Bayesian (BIC)
                                                 199806.642
##
     Sample-size adjusted Bayesian (BIC)
                                                 199609.654
##
## Root Mean Square Error of Approximation:
##
     RMSEA
##
                                                      0.074
     90 Percent Confidence Interval
                                              0.072
##
                                                     0.076
##
     P-value RMSEA <= 0.05
                                                      0.000
##
## Standardized Root Mean Square Residual:
##
##
     SRMR
                                                      0.073
##
## Parameter Estimates:
##
##
     Information
                                                   Expected
##
     Standard Errors
                                                   Standard
##
## Latent Variables:
                      Estimate Std.Err z-value P(>|z|)
##
##
     agreeable =~
##
       A1
                          1.000
       A2
##
                         -1.591
                                   0.109 -14.606
                                                      0.000
                                   0.136 - 15.039
##
       АЗ
                        -2.046
                                                      0.000
##
       A4
                        -1.569
                                   0.116 -13.566
                                                      0.000
##
       A5
                                   0.122 -14.774
                        -1.801
                                                      0.000
##
     conscient =~
##
       C1
                          1.000
##
       C2
                          1.147
                                   0.057
                                           19.964
                                                      0.000
       СЗ
##
                         1.042
                                   0.055
                                           19.069
                                                      0.000
##
       C4
                        -1.441
                                   0.066 - 21.863
                                                      0.000
##
       C5
                        -1.512
                                   0.073 - 20.685
                                                      0.000
##
     extrov =~
##
       E1
                          1.000
##
       E2
                          1.234
                                   0.051
                                           24.092
                                                      0.000
```

##	E3	-0.911	0.041	-22.370	0.000
##	E4	-1.120	0.047	-24.074	0.000
##	E5	-0.805	0.039	-20.678	0.000
##	neurot =~				
##	N1	1.000			
##	N2	0.937	0.025	37.799	0.000
##	N3	1.261	0.053	23.708	0.000
##	N4	1.071	0.049	21.667	0.000
##	N5	0.861	0.038	22.879	0.000
##	openness =~				
##	01	1.000			
##	02	-1.016	0.068	-14.911	0.000
##	03	1.377	0.073	18.930	0.000
##	04	0.442	0.048	9.251	0.000
##	05	-0.958	0.060	-16.032	0.000
##					
##	Covariances:				
##		Estimate	Std.Err	z-value	P(> z)
##	.N1 ~~				
##	.N2	0.735	0.046	15.889	0.000
##	.N3 ~~				
##	.N4	-0.134	0.052	-2.565	0.010
##	agreeable ~~				
##	conscient	-0.108	0.012	-9.225	0.000
##	extrov	0.302	0.025	12.257	0.000
##	neurot	0.102	0.015	6.975	0.000
##	openness	-0.093	0.011	-8.437	0.000
##	conscient ~~				
##	extrov	-0.222	0.020	-11.116	0.000
##	neurot	-0.220	0.021	-10.395	0.000
##	openness	0.128	0.014	9.138	0.000
##	extrov ~~				
##	neurot	0.298	0.028	10.596	0.000
##	openness	-0.264	0.021	-12.318	0.000
##	neurot ~~				
##	openness	-0.072	0.018	-3.964	0.000
##					
##	Variances:				
##		Estimate	Std.Err	z-value	P(> z)
##	.A1	1.747	0.052	33.734	0.000
##	.A2	0.802	0.028	28.294	0.000
##	.A3	0.746	0.032	23.110	0.000
##	. A4	1.632	0.051	31.798	0.000
##	. A5	0.860	0.032	26.959	0.000
##	.C1	1.070	0.035	30.215	0.000

##	.C2	1.141	0.039	29.091	0.000
##	. C3	1.172	0.039	30.258	0.000
##					
	. C4	0.950	0.040	23.849	0.000
##	. C5	1.624	0.058	27.777	0.000
##	. E1	1.812	0.058	31.087	0.000
##	.E2	1.311	0.049	26.774	0.000
##	.E3	1.122	0.038	29.759	0.000
##	.E4	1.086	0.040	26.820	0.000
##	.E5	1.254	0.040	31.329	0.000
##	.N1	1.415	0.055		
##	.N2	1.413	0.052	26.915	0.000
##	.N3	0.843	0.065	12.874	0.000
##	.N4	1.237	0.063	19.494	0.000
##	.N5	1.843	0.060	30.884	0.000
##	.01	0.866	0.032	27.241	0.000
##	.02	1.994	0.063	31.661	0.000
##	.03	0.688	0.039	17.600	0.000
##	.04	1.344	0.040	34.018	0.000
##	.05	1.382	0.045	30.693	0.000
##	agreeable	0.232	0.030	7.804	0.000
##	conscient	0.455	0.036	12.704	0.000
##	extrov	0.849	0.062	13.733	0.000
##	neurot	1.068	0.069	15.442	0.000
ππ	IIO de IO O	1.000	0.009	10.442	0.000
##		0.403	0.009	12.144	0.000
	openness				
## ##	openness				
## ##		0.403			
## ## ## ##	openness	0.403 Estimate			
## ## ## ##	openness R-Square:	0.403 Estimate 0.117			
## ## ## ##	openness R-Square: A1 A2	0.403 Estimate 0.117 0.423			
## ## ## ## ##	openness R-Square: A1 A2 A3	0.403 Estimate 0.117 0.423 0.566			
## ## ## ## ## ##	openness R-Square: A1 A2 A3 A4	0.403 Estimate 0.117 0.423 0.566 0.260			
## ## ## ## ## ##	openness R-Square: A1 A2 A3 A4 A5	0.403 Estimate 0.117 0.423 0.566 0.260 0.467			
## ## ## ## ## ##	openness R-Square: A1 A2 A3 A4 A5 C1	0.403 Estimate 0.117 0.423 0.566 0.260 0.467 0.298			
## ## ## ## ## ## ##	openness R-Square: A1 A2 A3 A4 A5 C1 C2	0.403 Estimate 0.117 0.423 0.566 0.260 0.467 0.298 0.344			
## ## ## ## ## ## ##	openness R-Square: A1 A2 A3 A4 A5 C1 C2 C3	0.403 Estimate 0.117 0.423 0.566 0.260 0.467 0.298 0.344 0.297			
## ## ## ## ## ## ## ## ## ## ## ## ##	openness R-Square: A1 A2 A3 A4 A5 C1 C2 C3 C4	0.403 Estimate 0.117 0.423 0.566 0.260 0.467 0.298 0.344 0.297 0.499			
## ## ## ## ## ## ## ## ##	openness R-Square: A1 A2 A3 A4 A5 C1 C2 C3 C4 C5	0.403 Estimate 0.117 0.423 0.566 0.260 0.467 0.298 0.344 0.297 0.499 0.390			
######################################	openness R-Square: A1 A2 A3 A4 A5 C1 C2 C3 C4 C5 E1	0.403 Estimate 0.117 0.423 0.566 0.260 0.467 0.298 0.344 0.297 0.499 0.390 0.319			
## ## ## ## ## ## ## ## ## ## ## ## ##	openness R-Square: A1 A2 A3 A4 A5 C1 C2 C3 C4 C5 E1 E2	0.403 Estimate 0.117 0.423 0.566 0.260 0.467 0.298 0.344 0.297 0.499 0.390 0.319 0.497			
######################################	openness R-Square: A1 A2 A3 A4 A5 C1 C2 C3 C4 C5 E1 E2 E3	0.403 Estimate 0.117 0.423 0.566 0.260 0.467 0.298 0.344 0.297 0.499 0.390 0.319 0.497 0.386			
#########################	openness R-Square: A1 A2 A3 A4 A5 C1 C2 C3 C4 C5 E1 E2 E3 E4	0.403 Estimate 0.117 0.423 0.566 0.260 0.467 0.298 0.344 0.297 0.499 0.390 0.319 0.497 0.386 0.495			
#########################	openness R-Square: A1 A2 A3 A4 A5 C1 C2 C3 C4 C5 E1 E2 E3 E4 E5	0.403 Estimate 0.117 0.423 0.566 0.260 0.467 0.298 0.344 0.297 0.499 0.390 0.319 0.497 0.386 0.495 0.305			
######################################	openness R-Square: A1 A2 A3 A4 A5 C1 C2 C3 C4 C5 E1 E2 E3 E4 E5 N1	0.403 Estimate 0.117 0.423 0.566 0.260 0.467 0.298 0.344 0.297 0.499 0.390 0.319 0.497 0.386 0.495 0.305 0.430			
#########################	openness R-Square: A1 A2 A3 A4 A5 C1 C2 C3 C4 C5 E1 E2 E3 E4 E5	0.403 Estimate 0.117 0.423 0.566 0.260 0.467 0.298 0.344 0.297 0.499 0.390 0.319 0.497 0.386 0.495 0.305			

```
##
       N5
                           0.301
##
       01
                           0.318
##
       02
                           0.173
##
       03
                           0.526
##
       04
                           0.055
##
       05
                           0.211
inspect(bf_fit_re1, what = "std")
## $lambda
##
      agrebl cnscnt extrov neurot opnnss
       0.343
               0.000
                      0.000
                              0.000
                                      0.000
                      0.000
## A2 -0.650
               0.000
                              0.000
                                      0.000
## A3 -0.752
                      0.000
                              0.000
               0.000
                                      0.000
## A4 -0.510
               0.000
                      0.000
                              0.000
                                      0.000
## A5 -0.683
               0.000
                      0.000
                              0.000
                                      0.000
## C1
       0.000
               0.546
                      0.000
                              0.000
                                      0.000
## C2
       0.000
               0.587
                       0.000
                              0.000
                                      0.000
## C3
       0.000
               0.545
                      0.000
                              0.000
                                      0.000
## C4
       0.000 - 0.706
                      0.000
                              0.000
                                      0.000
## C5
       0.000 - 0.625
                       0.000
                              0.000
                                      0.000
## E1
       0.000
               0.000
                      0.565
                              0.000
                                      0.000
## E2
       0.000
               0.000
                      0.705
                              0.000
                                      0.000
## E3
       0.000
               0.000 - 0.621
                              0.000
                                      0.000
## E4
       0.000
               0.000 - 0.704
                              0.000
                                      0.000
## E5
       0.000
               0.000 - 0.552
                              0.000
                                      0.000
## N1
       0.000
               0.000
                      0.000
                              0.656
                                      0.000
## N2
       0.000
               0.000
                      0.000
                              0.631
                                      0.000
## N3
       0.000
               0.000
                      0.000
                              0.818
                                      0.000
## N4
       0.000
               0.000
                      0.000
                              0.705
                                      0.000
## N5
       0.000
               0.000
                      0.000
                              0.548
                                      0.000
## 01
       0.000
               0.000
                      0.000
                              0.000
                                      0.564
## 02
       0.000
               0.000
                      0.000
                              0.000 - 0.416
## 03
       0.000
               0.000
                      0.000
                              0.000 0.725
## 04
       0.000
               0.000
                      0.000
                              0.000 0.235
## 05
       0.000
                       0.000
               0.000
                              0.000 - 0.460
##
## $theta
                                                    C2
                                                                           C5
##
              A2
                     АЗ
                                             C1
                                                            СЗ
                                                                    C4
      A1
                             A4
                                     A5
## A1
       0.883
## A2
       0.000
               0.577
## A3
       0.000
               0.000
                      0.434
## A4
       0.000
                       0.000
               0.000
                              0.740
## A5
       0.000
               0.000
                       0.000
                              0.000
                                      0.533
```

##

N4

0.498

```
## C1
       0.000
               0.000
                       0.000
                               0.000
                                       0.000
                                               0.702
## C2
       0.000
               0.000
                       0.000
                               0.000
                                       0.000
                                               0.000
                                                       0.656
## C3
       0.000
               0.000
                       0.000
                               0.000
                                       0.000
                                               0.000
                                                       0.000
                                                               0.703
## C4
       0.000
               0.000
                       0.000
                               0.000
                                       0.000
                                               0.000
                                                       0.000
                                                               0.000
                                                                       0.501
       0.000
                               0.000
                                                                       0.000
## C5
               0.000
                       0.000
                                       0.000
                                               0.000
                                                       0.000
                                                               0.000
                                                                               0.610
       0.000
                               0.000
## E1
               0.000
                       0.000
                                       0.000
                                               0.000
                                                       0.000
                                                               0.000
                                                                       0.000
                                                                               0.000
       0.000
                       0.000
                               0.000
                                               0.000
                                                                       0.000
## E2
               0.000
                                       0.000
                                                       0.000
                                                               0.000
                                                                               0.000
## E3
       0.000
                               0.000
               0.000
                       0.000
                                       0.000
                                               0.000
                                                       0.000
                                                               0.000
                                                                       0.000
                                                                               0.000
                                                               0.000
## E4
       0.000
               0.000
                       0.000
                               0.000
                                       0.000
                                               0.000
                                                       0.000
                                                                       0.000
                                                                               0.000
       0.000
                               0.000
                                               0.000
                                                       0.000
##
   E5
               0.000
                       0.000
                                       0.000
                                                               0.000
                                                                       0.000
                                                                               0.000
## N1
       0.000
               0.000
                       0.000
                               0.000
                                       0.000
                                               0.000
                                                       0.000
                                                               0.000
                                                                       0.000
                                                                               0.000
## N2
       0.000
               0.000
                       0.000
                               0.000
                                       0.000
                                               0.000
                                                       0.000
                                                               0.000
                                                                       0.000
                                                                               0.000
##
  NЗ
       0.000
               0.000
                       0.000
                               0.000
                                       0.000
                                               0.000
                                                       0.000
                                                               0.000
                                                                       0.000
                                                                               0.000
## N4
       0.000
               0.000
                       0.000
                               0.000
                                       0.000
                                               0.000
                                                       0.000
                                                               0.000
                                                                       0.000
                                                                               0.000
       0.000
## N5
               0.000
                       0.000
                               0.000
                                       0.000
                                               0.000
                                                       0.000
                                                               0.000
                                                                       0.000
                                                                               0.000
       0.000
                               0.000
                                                                       0.000
## 01
               0.000
                       0.000
                                       0.000
                                               0.000
                                                       0.000
                                                               0.000
                                                                               0.000
       0.000
                               0.000
## 02
               0.000
                       0.000
                                       0.000
                                               0.000
                                                       0.000
                                                               0.000
                                                                       0.000
                                                                               0.000
## 03
       0.000
               0.000
                       0.000
                               0.000
                                       0.000
                                               0.000
                                                       0.000
                                                               0.000
                                                                       0.000
                                                                               0.000
## 04
       0.000
                       0.000
                               0.000
                                               0.000
                                                       0.000
                                                                       0.000
               0.000
                                       0.000
                                                               0.000
                                                                               0.000
       0.000
                               0.000
## 05
               0.000
                       0.000
                                       0.000
                                               0.000
                                                       0.000
                                                               0.000
                                                                       0.000
                                                                               0.000
      E1
              E2
                                      E5
##
                      E3
                              E4
                                              N1
                                                      N2
                                                              ИЗ
                                                                      N4
                                                                              N5
## A1
## A2
## A3
## A4
## A5
## C1
## C2
## C3
## C4
## C5
## E1
       0.681
## E2
       0.000
               0.503
## E3
       0.000
               0.000
                       0.614
## E4
       0.000
               0.000
                       0.000
                               0.505
## E5
       0.000
               0.000
                       0.000
                               0.000
                                       0.695
## N1
       0.000
               0.000
                       0.000
                               0.000
                                       0.000
                                               0.570
##
  N2
       0.000
               0.000
                       0.000
                               0.000
                                       0.000
                                               0.520
                                                       0.601
## N3
       0.000
               0.000
                       0.000
                               0.000
                                       0.000
                                               0.000
                                                       0.000
                                                               0.332
       0.000
##
   N4
               0.000
                       0.000
                               0.000
                                       0.000
                                               0.000
                                                       0.000 - 0.131
                                                                       0.502
## N5
       0.000
               0.000
                       0.000
                               0.000
                                       0.000
                                               0.000
                                                       0.000
                                                               0.000
                                                                       0.000
                                                                               0.699
       0.000
                       0.000
                               0.000
                                                                       0.000
## 01
               0.000
                                       0.000
                                               0.000
                                                       0.000
                                                               0.000
                                                                               0.000
       0.000
                       0.000
                               0.000
                                               0.000
                                                                       0.000
## 02
               0.000
                                       0.000
                                                       0.000
                                                               0.000
                                                                               0.000
## 03
       0.000
                       0.000
                               0.000
                                               0.000
                                                                       0.000
               0.000
                                       0.000
                                                       0.000
                                                               0.000
                                                                               0.000
## 04
       0.000
               0.000
                       0.000
                               0.000
                                       0.000
                                               0.000
                                                       0.000
                                                               0.000
                                                                       0.000
                                                                               0.000
```

```
## 05 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
##
     01
            02
                   03
                          04
                                 05
## A1
## A2
## A3
## A4
## A5
## C1
## C2
## C3
## C4
## C5
## E1
## E2
## E3
## E4
## E5
## N1
## N2
## N3
## N4
## N5
## 01
      0.682
      0.000 0.827
## 02
## 03
      0.000 0.000 0.474
## 04
      0.000 0.000 0.000 0.945
## 05
      0.000 0.000 0.000 0.000 0.789
##
## $psi
            agrebl cnscnt extrov neurot opnnss
## agreeable 1.000
## conscient -0.333
                   1.000
## extrov
           0.680 - 0.358
                          1.000
## neurot
            0.204 -0.315 0.313 1.000
## openness -0.304 0.299 -0.451 -0.110 1.000
modindices(bf fit re1) %>%
  arrange(desc(mi)) %>%
  select(lhs, op, rhs, mi) %>%
 head(10)
##
           lhs op rhs
## 1
      openness =~ E3 160.1243
## 2
        extrov =~ N4 157.7845
## 3
        neurot =~
                   04 146.2368
```

```
## 4 neurot =~ C5 135.1787

## 5 neurot =~ C2 131.4783

## 6 conscient =~ E5 124.7340

## 7 extrov =~ O4 123.9378

## 8 openness =~ E4 119.2854

## 9 extrov =~ A5 117.0221

## 10 C1 ~~ C2 113.4368
```

We might also want to remove A1 – "Am indifferent to the feelings of others," and O4 – "Spend time reflecting on things," based on crappy loadings.

```
bf_model_re2 <- ' agreeable =~ A2 + A3 + A4 + A5
                  conscient =\sim C1 + C2 + C3 + C4 + C5
                  extrov = E1 + E2 + E3 + E4 + E5
                  neurot = \sim N1 + N2 + N3 + N4 + N5
                  openness = \sim 01 + 02 + 03 + 05
                  N1 ~~ N2
                  N3 ~~ N4'
bf fit re2 <- cfa(bf model re2, data = bfi)
summary(bf_fit_re2, fit.measures = TRUE, rsq=TRUE)
## lavaan (0.5-23.1097) converged normally after 51 iterations
##
##
                                                       Used
                                                                   Total
##
     Number of observations
                                                       2454
                                                                    2800
##
##
     Estimator
                                                         ML
##
     Minimum Function Test Statistic
                                                   3145.804
##
     Degrees of freedom
                                                        218
                                                      0.000
##
     P-value (Chi-square)
##
## Model test baseline model:
##
##
     Minimum Function Test Statistic
                                                  17305.746
##
     Degrees of freedom
                                                        253
##
     P-value
                                                      0.000
##
## User model versus baseline model:
##
##
     Comparative Fit Index (CFI)
                                                      0.828
##
     Tucker-Lewis Index (TLI)
                                                      0.801
##
```

Loglikelihood and Information Criteria:

```
##
##
     Loglikelihood user model (HO)
                                                -92351.755
##
     Loglikelihood unrestricted model (H1)
                                                -90778.853
##
##
     Number of free parameters
                                                        58
##
     Akaike (AIC)
                                                184819.510
##
     Bayesian (BIC)
                                                185156.227
##
     Sample-size adjusted Bayesian (BIC)
                                                184971.947
##
## Root Mean Square Error of Approximation:
##
##
     RMSEA
                                                     0.074
                                              0.072 0.076
##
     90 Percent Confidence Interval
##
     P-value RMSEA <= 0.05
                                                     0.000
##
## Standardized Root Mean Square Residual:
##
##
     SRMR
                                                     0.068
##
## Parameter Estimates:
##
##
     Information
                                                  Expected
##
     Standard Errors
                                                  Standard
##
## Latent Variables:
##
                      Estimate Std.Err z-value P(>|z|)
##
     agreeable =~
##
       A2
                         1.000
##
       AЗ
                         1.317
                                  0.050
                                           26.458
                                                     0.000
                                           20.395
##
       Α4
                         1.023
                                  0.050
                                                     0.000
##
       A5
                         1.195
                                  0.047
                                           25.593
                                                     0.000
##
     conscient =~
##
       C1
                         1.000
##
       C2
                                  0.057
                                           20.078
                                                     0.000
                         1.149
##
       СЗ
                                  0.054
                                           19.183
                                                     0.000
                         1.045
##
       C4
                        -1.435
                                  0.065 - 21.951
                                                     0.000
##
       C5
                        -1.506
                                  0.073 -20.751
                                                     0.000
##
     extrov =~
##
       E1
                         1.000
##
       E2
                         1.239
                                  0.051
                                          24.081
                                                     0.000
##
       E3
                                  0.041 - 22.528
                        -0.924
                                                     0.000
##
       E4
                        -1.130
                                  0.047 - 24.134
                                                     0.000
##
       E5
                        -0.815
                                  0.039 -20.764
                                                     0.000
##
     neurot =~
##
       N1
                         1.000
```

##	N2	0.944	0.025	37.718	0.000
##	N3	1.265	0.053	23.692	0.000
##	N4	1.068	0.049	21.602	0.000
##	N5	0.865	0.038	22.888	0.000
##	openness =~				
##	01	1.000			
##	02	-1.027	0.069	-14.809	0.000
##	03	1.389	0.075	18.478	0.000
##	05	-0.940	0.060	-15.592	0.000
##					
##	Covariances:				
##		Estimate	Std.Err	z-value	P(> z)
##	.N1 ~~				
##	.N2	0.730	0.046	15.799	0.000
##	.N3 ~~				
##	.N4	-0.121	0.052	-2.333	0.020
##	agreeable ~~				
##	conscient	0.171	0.016	10.921	0.000
##	extrov	-0.475	0.028		0.000
##	neurot	-0.158	0.021		0.000
##	openness	0.144	0.015	9.584	0.000
##	conscient ~~				
##	extrov	-0.218	0.020	-11.040	0.000
##	neurot	-0.216	0.021	-10.317	0.000
##	openness	0.132	0.014	9.315	0.000
##	extrov ~~	0.102	0.011	0.010	0.000
##	neurot	0.296	0.028	10.644	0.000
##	openness	-0.278	0.022	-12.706	0.000
##	neurot ~~	0.210	0.022	12.700	0.000
##	openness	-0.090	0.018	-4.933	0.000
##	openness	0.030	0.010	4.300	0.000
	Variances:				
##	variances.	Estimate	Std.Err	z-value	P(> z)
##	. A2	0.844	0.029	28.941	0.000
##	.A3	0.767	0.023	23.287	0.000
##	. A4	1.631	0.053	31.781	0.000
##	. A4 . A5		0.031		0.000
		0.831		26.084	
##	.C1	1.069	0.035	30.303	0.000
##	.C2	1.139	0.039	29.150	0.000
##	.C3	1.172	0.039	30.328	0.000
##	. C4	0.950	0.040	23.977	0.000
##	. C5	1.629	0.058	27.923	0.000
##	.E1	1.816	0.058	31.341	0.000
##	.E2	1.321	0.049	27.153	0.000
##	.E3	1.106	0.037	29.828	0.000

```
##
       .E4
                            1.082
                                     0.040
                                               27.022
                                                          0.000
##
       .E5
                            1.254
                                      0.040
                                               31.486
                                                          0.000
##
       .N1
                            1.425
                                      0.055
                                               25.951
                                                          0.000
##
                            1.407
       .N2
                                     0.052
                                               26.838
                                                          0.000
##
      .N3
                           0.850
                                     0.065
                                               13.012
                                                          0.000
##
      .N4
                            1.251
                                     0.063
                                               19.798
                                                          0.000
##
      .N5
                            1.836
                                     0.059
                                               30.931
                                                          0.000
      .01
##
                            0.876
                                     0.032
                                               27.275
                                                          0.000
##
       .02
                            1.995
                                     0.063
                                               31.654
                                                          0.000
##
       .03
                           0.698
                                     0.040
                                               17.329
                                                          0.000
##
       .05
                            1.400
                                     0.045
                                               30.962
                                                          0.000
##
       agreeable
                                     0.036
                                                          0.000
                           0.547
                                               15.372
##
       conscient
                           0.456
                                     0.036
                                               12.768
                                                          0.000
##
                           0.836
                                     0.061
                                               13.715
                                                          0.000
       extrov
                                                          0.000
##
                           1.061
                                      0.069
                                               15.411
       neurot
##
                           0.396
                                      0.033
                                               11.949
                                                          0.000
       openness
##
## R-Square:
##
                        Estimate
##
       A2
                            0.393
##
       ΑЗ
                           0.553
##
       A4
                           0.260
##
       Α5
                           0.485
##
       C1
                           0.299
##
       C2
                           0.346
##
       C3
                           0.298
##
       C4
                           0.497
##
       C5
                           0.389
##
       E1
                           0.315
##
       E2
                            0.493
##
       ЕЗ
                           0.392
##
       E4
                           0.497
##
       E5
                            0.307
##
       N1
                            0.427
##
       N2
                            0.402
##
       NЗ
                           0.666
##
       N4
                           0.492
##
       N5
                            0.302
##
       01
                            0.311
##
       02
                           0.173
##
       03
                            0.523
##
       05
                            0.200
inspect(bf_fit_re2, what = "std")
```

```
## $lambda
##
      agrebl cnscnt extrov neurot opnnss
##
  A2
       0.627
               0.000
                       0.000
                               0.000
                                       0.000
##
   AЗ
       0.744
               0.000
                       0.000
                               0.000
                                       0.000
       0.510
## A4
               0.000
                       0.000
                               0.000
                                       0.000
##
  A5
       0.696
               0.000
                       0.000
                               0.000
                                       0.000
       0.000
                       0.000
                               0.000
## C1
               0.547
                                       0.000
## C2
       0.000
               0.588
                       0.000
                               0.000
                                       0.000
## C3
       0.000
               0.546
                       0.000
                               0.000
                                       0.000
## C4
       0.000 - 0.705
                       0.000
                               0.000
                                       0.000
## C5
       0.000 -0.623
                       0.000
                               0.000
                                       0.000
## E1
       0.000
               0.000
                       0.561
                               0.000
                                       0.000
##
  E2
       0.000
               0.000
                       0.702
                               0.000
                                       0.000
## E3
       0.000
               0.000 - 0.626
                               0.000
                                       0.000
## E4
       0.000
               0.000 - 0.705
                               0.000
                                       0.000
## E5
       0.000
                               0.000
               0.000 - 0.554
                                       0.000
## N1
       0.000
               0.000
                       0.000
                               0.653
                                       0.000
## N2
       0.000
               0.000
                       0.000
                               0.634
                                       0.000
## N3
       0.000
                       0.000
                               0.816
               0.000
                                       0.000
## N4
       0.000
               0.000
                       0.000
                               0.701
                                       0.000
## N5
       0.000
               0.000
                       0.000
                               0.550
                                       0.000
## 01
       0.000
               0.000
                       0.000
                               0.000
                                       0.558
       0.000
## 02
               0.000
                       0.000
                               0.000 - 0.416
## 03
       0.000
               0.000
                       0.000
                               0.000
                                      0.723
## 05
       0.000
               0.000
                       0.000
                               0.000 - 0.447
##
## $theta
##
      A2
              ΑЗ
                      Α4
                              A5
                                      C1
                                              C2
                                                      C3
                                                              C4
                                                                      C5
                                                                             E1
   A2
       0.607
##
##
  AЗ
       0.000
               0.447
## A4
       0.000
               0.000
                       0.740
##
   A5
       0.000
               0.000
                       0.000
                               0.515
## C1
       0.000
               0.000
                       0.000
                               0.000
                                       0.701
## C2
       0.000
                                               0.654
               0.000
                       0.000
                               0.000
                                       0.000
## C3
       0.000
                               0.000
                                               0.000
               0.000
                       0.000
                                       0.000
                                                       0.702
## C4
       0.000
                       0.000
                               0.000
                                                               0.503
               0.000
                                       0.000
                                               0.000
                                                       0.000
## C5
       0.000
               0.000
                       0.000
                               0.000
                                       0.000
                                               0.000
                                                       0.000
                                                               0.000
                                                                      0.611
## E1
       0.000
               0.000
                       0.000
                               0.000
                                       0.000
                                               0.000
                                                       0.000
                                                               0.000
                                                                       0.000
                                                                              0.685
       0.000
## E2
               0.000
                       0.000
                               0.000
                                       0.000
                                               0.000
                                                       0.000
                                                               0.000
                                                                       0.000
                                                                              0.000
                               0.000
## E3
       0.000
               0.000
                       0.000
                                       0.000
                                               0.000
                                                       0.000
                                                               0.000
                                                                       0.000
                                                                              0.000
## E4
       0.000
               0.000
                       0.000
                               0.000
                                       0.000
                                               0.000
                                                       0.000
                                                               0.000
                                                                       0.000
                                                                              0.000
## E5
       0.000
                               0.000
                                               0.000
                                                                       0.000
               0.000
                       0.000
                                       0.000
                                                       0.000
                                                               0.000
                                                                              0.000
       0.000
                       0.000
                               0.000
                                       0.000
                                               0.000
                                                       0.000
                                                                       0.000
## N1
               0.000
                                                               0.000
                                                                              0.000
## N2
       0.000
                       0.000
                               0.000
                                       0.000
                                               0.000
                                                       0.000
                                                                       0.000
               0.000
                                                               0.000
                                                                              0.000
## N3
       0.000
               0.000
                       0.000
                               0.000
                                       0.000
                                               0.000
                                                       0.000
                                                               0.000
                                                                       0.000
                                                                              0.000
```

```
## N4
       0.000
               0.000
                       0.000
                              0.000
                                      0.000
                                              0.000
                                                      0.000
                                                             0.000
                                                                     0.000
                                                                             0.000
                                                                             0.000
## N5
       0.000
               0.000
                       0.000
                              0.000
                                      0.000
                                              0.000
                                                      0.000
                                                             0.000
                                                                     0.000
## 01
       0.000
               0.000
                       0.000
                              0.000
                                      0.000
                                              0.000
                                                      0.000
                                                             0.000
                                                                     0.000
                                                                             0.000
## 02
       0.000
               0.000
                       0.000
                              0.000
                                      0.000
                                              0.000
                                                      0.000
                                                             0.000
                                                                     0.000
                                                                             0.000
## 03
       0.000
               0.000
                       0.000
                              0.000
                                      0.000
                                              0.000
                                                      0.000
                                                                     0.000
                                                             0.000
                                                                             0.000
## 05
       0.000
                              0.000
               0.000
                       0.000
                                      0.000
                                              0.000
                                                     0.000
                                                             0.000
                                                                     0.000
                                                                             0.000
##
      E2
              E3
                     E4
                             E5
                                     N1
                                             N2
                                                    N3
                                                            N4
                                                                    N5
                                                                            01
## A2
## A3
## A4
## A5
## C1
## C2
## C3
## C4
## C5
## E1
## E2
       0.507
## E3
       0.000
               0.608
       0.000
## E4
               0.000
                       0.503
       0.000
## E5
               0.000
                       0.000
                              0.693
       0.000
                       0.000
## N1
               0.000
                              0.000
                                      0.573
       0.000
                       0.000
                              0.000
## N2
               0.000
                                      0.515
                                              0.598
## N3
       0.000
               0.000
                       0.000
                              0.000
                                      0.000
                                              0.000
                                                     0.334
## N4
       0.000
               0.000
                       0.000
                              0.000
                                      0.000
                                              0.000 - 0.118
                                                             0.508
                                                                     0.698
## N5
       0.000
               0.000
                       0.000
                              0.000
                                      0.000
                                              0.000
                                                      0.000
                                                             0.000
## 01
       0.000
               0.000
                       0.000
                              0.000
                                      0.000
                                              0.000
                                                      0.000
                                                             0.000
                                                                     0.000
                                                                             0.689
## 02
       0.000
               0.000
                       0.000
                              0.000
                                      0.000
                                              0.000
                                                      0.000
                                                             0.000
                                                                     0.000
                                                                             0.000
       0.000
## 03
               0.000
                       0.000
                              0.000
                                      0.000
                                              0.000
                                                      0.000
                                                                     0.000
                                                                             0.000
                                                             0.000
       0.000
               0.000
                       0.000
                                                                             0.000
## 05
                              0.000
                                      0.000
                                              0.000
                                                      0.000
                                                             0.000
                                                                     0.000
##
      02
              03
                      05
## A2
## A3
## A4
## A5
## C1
## C2
## C3
## C4
## C5
## E1
## E2
## E3
## E4
## E5
```

```
## N1
## N2
## N3
## N4
## N5
## 01
       0.827
## 02
       0.000
## 03
              0.477
## 05
       0.000 0.000 0.800
##
## $psi
##
             agrebl cnscnt extrov neurot opnnss
## agreeable 1.000
## conscient 0.343
                      1.000
## extrov
             -0.702 -0.352
                             1.000
             -0.208 -0.311
                             0.314
## neurot
                                     1.000
              0.310 0.309 -0.483 -0.139
## openness
                                           1.000
It is still not a great fit to the data, but I don't think I'd want to make any of these
modifications.
modindices(bf_fit_re2) %>%
  arrange(desc(mi)) %>%
  select(lhs, op, rhs, mi) %>%
  head(10)
##
            lhs op rhs
                               шi
## 1
         extrov =~
                     N4 160.70218
## 2
       openness =~
                     E3 140.06928
## 3
         neurot =~
                     C5 135.79120
## 4
       openness =~
                     E4 129.60464
## 5
                     C2 128.91871
         neurot =~
## 6
     conscient =~
                     E5 127.34527
                     C2 110.30471
## 7
             C1 ~~
## 8
             02 ~~
                     05
                         98.82617
## 9
         extrov =~
                     A5
                         89.36109
## 10
         extrov =~
                     N3
                        87.78938
We can compare the CFIs for the 3 models with the fitmeasures() function.
fitmeasures(bf fit)[9]
##
         cfi
## 0.7823657
fitmeasures(bf_fit_re1)[9]
```

##

cfi

```
## 0.8021913
```

```
fitmeasures(bf_fit_re2)[9]

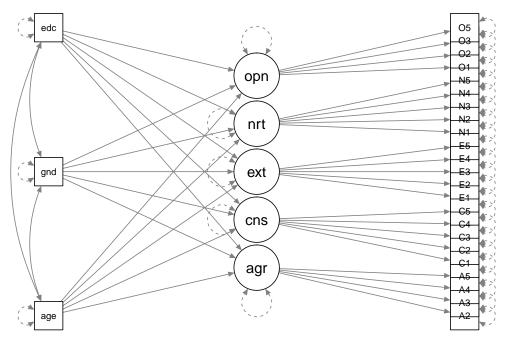
## cfi
## 0.8283089
```

Structural Equation Modeling

In real life you should not proceed to the structural equation modeling phase unless you have a good fitting measurement model (CFA). For demonstration purposes let's add gender, age, and education into the model as predictors of the 5 personality factors.

Let's make the graph.

```
semPaths(semPlotModel(bf_model_sem), rotation = 2)
```



Instead of the cfa() function we will use the sem() function.

```
bf_fit_sem <- sem(bf_model_sem, data = bfi)
summary(bf_fit_sem, fit.measures = TRUE, rsq=TRUE)</pre>
```

```
## lavaan (0.5-23.1097) converged normally after 91 iterations
##
##
                                                      Used
                                                                  Total
##
     Number of observations
                                                      2253
                                                                   2800
##
##
     Estimator
                                                        ML
     Minimum Function Test Statistic
                                                  3288.796
##
##
     Degrees of freedom
                                                       272
     P-value (Chi-square)
                                                     0.000
##
##
## Model test baseline model:
##
##
     Minimum Function Test Statistic
                                                 16549.044
##
     Degrees of freedom
                                                       325
     P-value
##
                                                     0.000
##
## User model versus baseline model:
##
##
     Comparative Fit Index (CFI)
                                                     0.814
     Tucker-Lewis Index (TLI)
                                                     0.778
##
##
## Loglikelihood and Information Criteria:
```

```
##
##
     Loglikelihood user model (HO)
                                                -97728.434
##
     Loglikelihood unrestricted model (H1)
                                                -96084.035
##
##
     Number of free parameters
                                                        79
##
     Akaike (AIC)
                                                195614.867
##
     Bayesian (BIC)
                                                196066.749
##
     Sample-size adjusted Bayesian (BIC)
                                                195815.753
##
## Root Mean Square Error of Approximation:
##
##
     RMSEA
                                                     0.070
##
     90 Percent Confidence Interval
                                              0.068
                                                     0.072
##
     P-value RMSEA <= 0.05
                                                     0.000
##
## Standardized Root Mean Square Residual:
##
##
     SRMR
                                                     0.064
##
## Parameter Estimates:
##
##
     Information
                                                  Expected
##
     Standard Errors
                                                  Standard
##
## Latent Variables:
##
                      Estimate Std.Err z-value P(>|z|)
##
     agreeable =~
##
       A2
                         1.000
##
       AЗ
                         1.307
                                  0.053
                                           24.813
                                                     0.000
##
       Α4
                         1.019
                                  0.053
                                           19.300
                                                     0.000
##
       A5
                         1.191
                                  0.050
                                           23.956
                                                     0.000
##
     conscient =~
##
       C1
                         1.000
##
       C2
                                  0.063
                                           18.400
                                                     0.000
                         1.161
##
       СЗ
                                  0.061
                                           17.948
                                                     0.000
                         1.093
##
       C4
                        -1.488
                                  0.073 - 20.360
                                                     0.000
##
       C5
                        -1.588
                                  0.082 -19.397
                                                     0.000
##
     extrov =~
##
       E1
                         1.000
##
       E2
                         1.234
                                  0.054
                                           22.996
                                                     0.000
##
       E3
                                  0.043 -22.002
                                                     0.000
                        -0.954
##
       E4
                        -1.139
                                  0.049 - 23.207
                                                     0.000
##
       E5
                        -0.826
                                  0.041 -20.101
                                                     0.000
##
     neurot =~
##
       N1
                         1.000
```

##	N2	0.952	0.027	35.750	0.000
##	N3	1.230	0.052	23.636	0.000
##	N4	0.996	0.048	20.889	0.000
##	N5	0.885	0.040	22.366	0.000
##	openness =~				
##	01	1.000			
##	02	-1.040	0.071	-14.575	0.000
##	03	1.364	0.074	18.319	0.000
##	05	-0.961	0.063	-15.359	0.000
##					
	Regressions:				
##		Estimate	Std.Err	z-value	P(> z)
##	agreeable ~		Dourer	L varuo	1 (121)
##	age	0.008	0.002	4.738	0.000
##	gender	0.343	0.038	9.110	0.000
##	education	-0.011	0.016	-0.704	0.481
##	conscient ~	0.011	0.010	0.704	0.401
##		0.007	0.002	4.440	0.000
##	age gender	0.007	0.002	3.852	0.000
##	education	0.129	0.034	0.142	0.887
##		0.002	0.014	0.142	0.007
	extrov ~	0 004	0 000	0 155	0 021
##	age	-0.004	0.002		0.031
##	gender	-0.263	0.046	-5.661	0.000
##	education	0.002	0.020	0.095	0.924
##	neurot ~				
##	age	-0.012	0.002	-5.049	0.000
##	gender	0.286	0.052	5.480	0.000
##	education	-0.016	0.022	-0.735	0.462
##	openness ~				
##	age	0.003	0.002	1.850	0.064
##	gender	-0.139	0.035	-3.993	0.000
##	education	0.065	0.015	4.289	0.000
##					
##	Covariances:				
##		Estimate	Std.Err	z-value	P(> z)
##	.N1 ~~				
##	.N2	0.674	0.047	14.403	0.000
##	.N3 ~~				
##	.N4	-0.034	0.050	-0.679	0.497
##	age ~~				
##	gender	0.234	0.106	2.219	0.026
##	education	2.943			
##	gender ~~				
##	education	0.004	0.011	0.386	0.699
##	.agreeable ~~	· · · · -			
	0				

##	.conscient	0.140	0.015	9.615	0.000
##	.extrov	-0.439	0.027	-16.045	0.000
##	.neurot	-0.156	0.021	-7.488	0.000
##	.openness	0.132	0.015	8.947	0.000
##	.conscient ~~				
##	.extrov	-0.195	0.019	-10.234	0.000
##	.neurot	-0.207	0.021	-9.907	0.000
##	.openness	0.120	0.014	8.691	0.000
##	.extrov ~~				
##	.neurot	0.291	0.028	10.240	0.000
##	.openness	-0.279	0.022	-12.501	0.000
##	.neurot ~~				
##	.openness	-0.084	0.019	-4.405	0.000
##					
##	Variances:				
##		Estimate	Std.Err	z-value	P(> z)
##	.A2	0.821	0.030	27.790	0.000
##	.A3	0.776	0.034	23.026	0.000
##	.A4	1.556	0.051	30.440	0.000
##	.A5	0.840	0.033	25.484	0.000
##	.C1	1.065	0.036	29.356	0.000
##	.C2	1.162	0.041	28.345	0.000
##	.C3	1.164	0.040	28.954	0.000
##	.C4	0.932	0.041	22.805	0.000
##	.C5	1.608		26.441	0.000
##	. E1	1.791	0.059	30.139	0.000
##	. E2	1.333	0.050	26.474	0.000
##	. E3	1.050	0.037	28.208	0.000
##	. E4	1.063	0.041	25.982	0.000
##	. E5	1.216	0.040	30.125	0.000
##	. N1	1.367	0.056	24.554	0.000
##	. N2	1.376	0.054	25.388	0.000
##	. N3	0.912	0.064	14.318	0.000
##	. N4	1.358	0.063	21.647	0.000
##	. N5	1.777	0.061	29.202	0.000
##	.01	0.859	0.033	26.292	0.000
##	.02	1.960	0.065	30.283	0.000
##	.03	0.693	0.040	17.468	0.000
##	.05	1.395	0.047	29.596	0.000
##	age	113.628	3.385	33.563	0.000
##	gender	0.221	0.007	33.563	0.000
##	education	1.235	0.037	33.563	0.000
##	.agreeable	0.484	0.033	14.452	0.000
##	.conscient	0.406	0.035	11.741	0.000
##	.extrov	0.800	0.061	13.120	0.000

```
1.050
                                   0.069
                                                      0.000
##
      .neurot
                                            15.153
##
                          0.388
                                   0.033
                                            11.681
                                                      0.000
      .openness
##
## R-Square:
##
                       Estimate
##
       A2
                          0.387
##
       АЗ
                          0.532
##
       Α4
                          0.257
##
       A5
                          0.466
##
       C1
                          0.281
##
       C2
                          0.325
##
       C3
                          0.299
##
       C4
                          0.497
##
       C5
                          0.395
##
       E1
                          0.314
##
       E2
                          0.483
##
       E3
                          0.415
##
       E4
                          0.500
##
       E5
                          0.314
##
                          0.442
       N1
##
       N2
                          0.417
                          0.643
##
       NЗ
##
       N4
                          0.442
##
       N5
                          0.323
##
       01
                          0.317
##
       02
                          0.180
##
       03
                          0.518
##
       05
                          0.209
##
       agreeable
                          0.066
##
       conscient
                          0.023
##
       extrov
                          0.022
##
       neurot
                          0.031
##
                          0.028
       openness
#standardized item loadings
inspect(bf_fit_sem, what = "std")$lambda
##
             agrebl cnscnt extrov neurot opnnss age gender eductn
## A2
              0.622 0.000
                             0.000 0.000
                                            0.000
                                                    0
                                                            0
                                                                   0
## A3
              0.730 0.000
                             0.000 0.000
                                           0.000
                                                    0
                                                            0
                                                                   0
## A4
              0.507 0.000
                             0.000 0.000
                                           0.000
                                                    0
                                                            0
                                                                   0
## A5
              0.683 0.000
                             0.000 0.000
                                           0.000
                                                    0
                                                            0
                                                                   0
## C1
              0.000 0.530
                             0.000 0.000
                                           0.000
                                                    0
                                                            0
                                                                   0
## C2
                                                                   0
              0.000
                     0.570
                             0.000
                                    0.000
                                            0.000
                                                    0
                                                            0
## C3
              0.000
                     0.547
                             0.000
                                    0.000
                                           0.000
                                                            0
                                                                   0
                                                    0
```

```
## C4
                             0.000
                                            0.000
              0.000 - 0.705
                                     0.000
                                                     0
                                                             0
                                                                    0
## C5
                                             0.000
                                                             0
                                                                    0
              0.000 - 0.628
                             0.000
                                     0.000
                                                     0
## E1
              0.000
                     0.000
                             0.560
                                     0.000
                                             0.000
                                                     0
                                                             0
                                                                    0
## E2
              0.000
                     0.000
                             0.695
                                     0.000
                                            0.000
                                                     0
                                                             0
                                                                    0
## E3
                     0.000 - 0.644
                                            0.000
                                                             0
                                                                    0
              0.000
                                     0.000
                                                     0
## E4
                      0.000 - 0.707
                                            0.000
                                                     0
                                                             0
                                                                    0
              0.000
                                     0.000
## E5
              0.000 0.000 -0.561
                                            0.000
                                                     0
                                                             0
                                                                    0
                                     0.000
## N1
                             0.000
                                            0.000
                                                                    0
              0.000
                      0.000
                                     0.665
                                                     0
                                                             0
## N2
              0.000
                      0.000
                             0.000
                                     0.646
                                            0.000
                                                     0
                                                             0
                                                                    0
## N3
                      0.000
                             0.000
                                            0.000
                                                     0
                                                             0
                                                                    0
              0.000
                                     0.802
## N4
              0.000
                      0.000
                             0.000
                                     0.665
                                            0.000
                                                     0
                                                             0
                                                                    0
                                                                    0
## N5
              0.000
                      0.000
                             0.000
                                     0.568
                                            0.000
                                                     0
                                                             0
                                                                    0
## 01
              0.000
                      0.000
                             0.000
                                     0.000
                                            0.563
                                                             0
## 02
                      0.000
                                                             0
                                                                    0
              0.000
                             0.000
                                     0.000 - 0.425
                                                     0
## 03
                                                                    0
              0.000
                      0.000
                             0.000
                                     0.000
                                            0.719
                                                     0
                                                             0
## 05
                      0.000
                             0.000
                                     0.000 - 0.457
                                                             0
                                                                    0
              0.000
                                                     0
                      0.000
                                             0.000
                                                             0
                                                                    0
## age
              0.000
                             0.000
                                     0.000
## gender
              0.000
                      0.000
                             0.000
                                     0.000
                                            0.000
                                                     0
                                                             1
                                                                    0
## education 0.000
                      0.000
                             0.000
                                             0.000
                                                             0
                                                                    1
                                     0.000
```

#standardized path estimates inspect(bf_fit_sem, what = "std")\$beta

```
agrebl cnscnt extrov neurot opnnss
##
                                                      age gender eductn
                                 0
                                                0 0.117 0.224 -0.017
## agreeable
                  0
                          0
                                         0
## conscient
                   0
                          0
                                 0
                                         0
                                                0 0.113 0.094 0.004
## extrov
                   0
                          0
                                 0
                                         0
                                                0 -0.053 -0.136
                                                                  0.002
                                                0 -0.122 0.129 -0.018
## neurot
                   0
                          0
                                 0
                                         0
## openness
                   0
                          0
                                 0
                                         0
                                                   0.049 -0.103
                                                                  0.114
## age
                   0
                          0
                                 0
                                         0
                                                0 0.000 0.000
                                                                  0.000
                                 0
## gender
                   0
                          0
                                         0
                                                   0.000
                                                           0.000
                                                                  0.000
## education
                   0
                          0
                                 0
                                         0
                                                0
                                                   0.000 0.000
                                                                  0.000
```

#correlations bewteen latent variables and exogenous variables
inspect(bf_fit_sem, what = "std")\$psi

```
##
             agrebl cnscnt extrov neurot opnnss age
                                                       gender eductn
## agreeable 0.934
## conscient 0.316 0.977
## extrov
            -0.705 -0.342
                           0.978
                           0.317
## neurot
            -0.219 -0.317
                                  0.969
## openness
             0.304 0.302 -0.502 -0.131
                                          0.972
## age
             0.000 0.000
                           0.000 0.000
                                         0.000
                                                1.000
## gender
             0.000
                    0.000
                           0.000
                                                 0.047
                                  0.000
                                          0.000
                                                        1.000
## education 0.000
                    0.000
                           0.000
                                  0.000
                                         0.000
                                                 0.248
                                                       0.008
                                                              1.000
```