Universidade do Minho 2° Semestre 2020/21 (MIEI, 3° Ano)

Modelos Estocásticos de Investigação Operacional

Trabalho Prático

(Problema de Gestão de Inventários)

Identificação do Grupo

<u>Número:</u>	Nome Completo:
A89542	Carlos Filipe Coelho Ferreira
A89575	Joel Salgueiro Martins
A89471	Manuel João Ferreira Moreira
A89544	Sara João Carvalho Dias

Data de Entrega: 2021-04-26

Conteúdo

1	Intr	roduçã	0	3
2	Des	crição	e formulação do problema	3
3	Con	ıstruçã	o, implementação e execução do modelo	5
	3.1	Proble	ema 1	5
	3.2	Proble	ema 2	7
	3.3	Proble	ema 3	8
		3.3.1	Inserção de Dados	9
		3.3.2	Geração de Probabilidades	10
		3.3.3	Simulações	10
		3.3.4	Resultado Ideal	11
		3.3.5	Simulação do Ano	12
		3.3.6	Resultados	14
		3.3.7	Resultado em Épocas	14
4	Con	ıclusão		15
A	Dac	los		16
В	Pro	blema	1	18
\mathbf{C}	Pro	blema	2	19
D	Pro	blema	3	20
${f E}$	Cód	ligo do	problema 3	22

Lista de Figuras

1	Resultados	14
2	Exemplo 1	14
3	Exemplo 2	14
4	Dados fornecidos	16
5	Tratamento de dados	17
6	Problema 1	18
7	Problema 2	19
8	Simulador Q3	20
Q	Divisão da procura	91

1 Introdução

Este relatório tem como objetivo explicar todo o processo de desenvolvimento do projeto da Unidade Curricular Modelos Estocásticos de Investigação Operacional.

Para a resolução do projeto proposto foram precisos todos os conceitos aprendidos nas aulas práticas e teóricas, com o objetivo de os aplicar a uma situação de apoio à decisão da política de gestão de inventários num processo realista.

Todas as etapas de desenvolvimento da solução proposta para o problema serão aqui especificadas e devidamente documentadas.

2 Descrição e formulação do problema

A empresa Café&Afins importa café do Brasil e distribui-o por vários países da Europa. Nos últimos três anos, as vendas da empresa têm aumentado consideravelmente, e o Sr. Gervásio – responsável pela gestão do armazém –, deparando-se com alguns problemas no uso atual da política nível de encomenda, decidiu optar por uma política (s, S) de gestão de inventário.

A política (s, S) tem um comportamento semelhante ao da política do tipo Ciclo de Encomenda. Ao fim de um período constante de tempo (t), neste caso de 4 semanas, é feita uma revisão e é averiguado se se deve ou não efetuar uma encomenda. No caso da política (s, S), para a encomenda ser concretizada é também necessário que o stock em mão seja inferior a s. A quantidade a encomendar é a diferença entre um nível preestabelecido (S) e o stock em mão.

O prazo de entrega de uma encomenda (l) pode ser igual a uma, duas ou três semanas, com probabilidades p_1 , p_2 e p_3 , sendo estas calculadas com base nas seguintes equações:

$$p_1 = 0.21 + \frac{d_1}{100}, p_2 = 0.52 + \frac{d_2}{100}, p_3 = 1 - p_1 - p_2$$

, com d_1 e d_2 o antepenúltimo e penúltimo dígitos do maior número mecanográfico do grupo de trabalho, respetivamente. Ou seja, sendo esse número 89575, $d_1 = 5$ e $d_2 = 7$. Desta forma, temos as probabilidades $p_1 = 0.26$, $p_2 = 0.59$ e $p_3 = 0.15$.

Existem vários outros dados conhecidos relativos à Café&Afins, tais como os custos de transporte do café, a taxa de juro anual correspondente à posse de inventário de café, o preço médio de

compra do café, o custo de quebra, entre outros.

Tal como aconteceu com as probabilidades do prazo de entrega, também o custo de quebra (C_2) foi calculado a partir de uma fórmula dada: $C_2 = 20 + 2 * d_3$, com d_3 o último dígito do mesmo número mecanográfico mencionado acima, ou seja, $d_3 = 5$. Assim, $C_2 = 30$ euros/saco.

Uma vez que em todas as empresas é necessário efetuar análises, por exemplo do funcionamento previsto do sistema de gestão, estatísticas gerais e análises de viabilidade, surge a necessidade de implementar um modelo de simulação para esta empresa.

Desta forma, o problema passa por, numa primeira fase, perceber bem a política que a empresa pretende adotar e, consequentemente, trabalhar com os dados disponíveis. Para tal, precisamos de construir uma folha de cálculo onde se encontre implementado um modelo de simulação do funcionamento do sistema de gestão pretendido, com o menor número de pressupostos e simplificações possível.

Os dados obtidos com o modelo gerarão estatísticas que irão colaborar na análise das medidas de desempenho do sistema, tais como as quebras, os custos e o lucro, de modo a que possa ser inferida a eficiência da política.

Posteriormente, tendo o modelo de simulação corretamente construído, é ainda necessário simular o funcionamento do sistema tendo como objetivo determinar quais serão os melhores valores recomendados para $s \in S$.

3 Construção, implementação e execução do modelo

3.1 Problema 1

No enunciado foi-nos pedido que estimássemos analiticamente os valores dos parâmetros da política nível de encomenda que teriam sido mais adequados para o ano de 2020. Foi-nos pedido também que calculássemos quanto é que a empresa poderia ter poupado em custos e ou evitado em quebras de *stock*, ao longo desse ano, se tivesse usado parâmetros mais racionais na sua política de gestão.

Para podermos resolver este problema, começamos por calcular o valor da variação do valor de procura (σ_r) para cada semana do ano de 2020, com a ajuda da nossa folha de cálculo, e o valor médio desta variação $(\sigma_{r_{avg}} = 88.67)$. Para tal, utilizamos a seguinte fórmula, subtraindo o valor da procura (r_i) , em cada semana i, ao valor médio da procura anual $(r_{avg} = 484.46 \text{ sacos de café})$, resultados que estão explícitos na folha de cálculo:

$$\sigma_r = |r_i - r_{avq}|$$

De seguida, calculamos a probabilidade do prazo de entrega ser igual a uma, duas ou três semanas, através dos valores demonstrados na secção 2, bem como a média dos vários valores possíveis do prazo de entrega ($LT_{avg} = 1.89$ semanas). Para além disso, calculamos ainda a variação do prazo de entrega (σ_{LT}), para cada semana i, e o seu valor médio ($\sigma_{LT_{avg}} = 0.77$), utilizando a seguinte expressão:

$$\sigma_{LT} = |LT_i - LT_{ava}|$$

Através das fórmulas da procura no prazo de entrega, conseguimos calcular o valor de μ_{DDLT} e σ_{DDLT} .

$$\mu_{DDLT} = r * LT \Leftrightarrow \mu_{DDLT} = r_{avg} * LT_{avg} \Leftrightarrow \mu_{DDLT} = 484.46 * 1.89 = 915.6294 \ sacos$$

$$\sigma_{DDLT} = \sqrt{LT * \sigma_r^2 + r^2 * \sigma_{LT}^2} \Leftrightarrow \sigma_{DDLT} = \sqrt{LT_{avg} * \sigma_{ravg}^2 + r_{avg}^2 * \sigma_{LT_{avg}}^2}$$

$$= \sqrt{1.89 * 88.67^2 + 484.46^2 * 0.77^2} = 392.4467 \ sacos$$

Tendo o valor de S=1200 sacos, dado no enunciado, e dando uso à formula $S=\mu_{DDLT}+Z\sigma_{DDLT}$, conseguimos chegar a Z=0.7246, que, por sua vez, através da formula $Z=\frac{3N}{100}$ nos

dá o valor de N=24. Com este dado, e pela tabela dada nas aulas, chegamos aos valores do 1° e 2° integrais: 1 integral=0.234413 e 2 integral=0.134665.

Em caso de distribuições normais de nível de encomenda, sabemos que P[DDLT > S] = 1 integral e que E[DDLT > S] = 2 integral * σ_{DDLT} , sendo fácil o seu cálculo.

$$P[DDLT > S] = 0.234413$$

$$E[DDLT > S] = 0.134665 * 392.4467 = 52.8488$$

De seguida, procedemos ao cálculo do custo de posse, C_1 , custo de quebra, C_2 , e o custo de encomenda, C_3 . Sabendo que $C_1 = b * i$, sendo b o preço médio por saco dado no enunciado, b = 115 euros, e i a taxa de juro anual, i = 0.15 que é convertida para taxa semanal, então temos o valor de $C_1 = 115 * (0.15/50) = 0.345$ euros/saco/semana. Quanto ao valor de C_2 , este foi já calculado na secção $\mathbf{2}$. Para o custo de encomenda, C_3 , o seu valor é-nos dado no enunciado $C_3 = 1500$ euros. Tendo o valor de q dado no enunciado, q = 1700 sacos, temos agora todos os valores necessários ao cálculo de CT.

$$CT = C_1(\frac{q}{2} + S - \mu_{DDLT}) + C_2\frac{r}{q}E[DDLT > S] + C_3\frac{r}{q}$$

$$\Leftrightarrow CT = 1270.6428 \ euros$$

Por fim, procedemos ao cálculo do valor ótimo. Começamos por calcular o valor de QEE, dado pela fórmula $QEE = \sqrt{\frac{2rC_3}{C_1}} = 2052.4852$ sacos, seguido de $P[DDLT > S] = \frac{C_1q}{C_2r} = 0.0487$. A partir deste valor e com a ajuda das tabelas fornecidas nas aulas, vemos que N=58 e 2 integral = 0.014502, calculando assim o valor de E[DDLT > S] = 2 integral * $\sigma_{DDLT} = 6.6877$.

Começando uma nova iteração, podemos agora calcular q seguindo a seguinte fórmula: $q = \sqrt{\frac{2r(C_2E[DDLT>S]+C_3)}{C_1}} = 2185$ sacos. Com este novo valor, conseguimos recalcular P[DDLT>S] = 0.0519, e novamente através da tabela vemos que N=55, 2 integral = 0.01573 e podemos recalcular E[DDLT>S] = 7.2367.

Avançando para mais uma iteração, começamos por recalcular q com o novo valor de E[DDLT > S]. Assim temos que q = 2196 sacos e que P[DDLT > S] = 0.0521. Dando novamente uso às tabelas, vemos que N = 55, logo o sistema converge, dando por terminadas as iterações, com q = 2196 sacos.

Para terminar, recalculamos o valor de S utilizando a fórmula dada acima, S=1563 sacos, e o custo total com a fórmula utilizada anteriormente, CT=980.9630 euros. Deste modo, a empresa poderia ter poupado 1270.6428-980.9630=289.6798 euros semanais em 2020 se tivesse usado parâmetros mais racionais na sua política de gestão.

3.2 Problema 2

Para a questão 2 começamos por calcular o valor da média dos valores da procura semanal, uma estimativa que consiste na extrapolação do valor segundo a regressão linear dos valores médios homólogos verificados nos últimos anos. Com a ajuda da calculadora gráfica, conseguimos obter as seguintes equações que definem a procura e o desvio:

$$r = 67.15t + 281$$

$$\sigma_r = 10.41t + 58.39$$

No caso deste exercício, como estamos a estudar o ano de 2021 (4° ano estudado, logo t=4), então os valores da procura e do desvio são: r=67.15*4+281=549.6 e $\sigma_r=10.41*4+58.39=100.03$.

Sabendo que as fórmulas para o μ e σ na política ciclo de encomenda são dadas por

$$\mu_{DDPP} = r * (t + LT)$$

$$\sigma^2_{DDPP} = (t + LT) * \sigma^2_r + r^2 * \sigma^2_{LT}$$

então, utilizando os valores calculados e mencionados anteriormente, resta-nos que $\mu_{DDPP}=3237.144$ e $\sigma_{DDPP}=487.8799$.

Considerando um ciclo (t) de 4 semanas, os valores de procura e desvio de procura calculados acima e ainda os valores de C_1 , C_2 e C_3 provenientes do Problema 1, podemos calcular os valores dos parâmetros da política (s,S).

Começando pelo cálculo de P[DDPP > S], e impondo a condição de uma quebra a cada dois anos, temos que

$$P_{DDPP} \le \frac{1}{\#ciclos\ em\ dois\ anos} = \frac{1}{\frac{2*50}{4}} = 0.04$$

Vendo pelas tabelas auxiliares de distribuição normal, como P[DDPP > S] = 1 integral, fazendo correspondência com o N averiguamos que N = 58 e o respetivo 2^{0} integral é 0.014502. A partir do valor de N calculamos o valor de Z, e ficamos com Z = 1.74. Deste modo, já nos é possível calcular o valor de S, através da expressão $S = \mu_{DDPP} + Z\sigma_{DDPP}$. Substituindo pelos valores obtidos e mencionados anteriormente, temos que S = 4086 sacos. Para além disto, calculamos ainda E[DDPP > S] através da fórmula E[DDPP > S] = 2 integral * σ_{DDPP} , e obtemos o valor 7.0752.

Conseguimos então calcular o valor de q* pela expressão $\sqrt{\frac{2rC_3}{C_1}}$ e obter o valor q*=2186 sacos. Consequentemente, conseguimos obter os valores de s e de CT. Com a equação $S=q+s-\frac{rt}{2}$, conseguimos obter o valor $s=2999.2\approx 3000$. Podemos agora calcular o valor de CT, dado pela expressão $CT=C_1(S-rLT-\frac{rt}{2})+C_2(\frac{1}{t})E[DDPP>S]+C_3\frac{1}{t}$, obtemos CT=1100.14 euros. Assim, após a realização de todos os cálculos necessários, conseguimos chegar a uma estimativa dos valores dos parâmetros da política (s,S) para o ano 2021, pelo que o valor máximo do stock em mão deverá ser inferior a 3000 sacos e o nível de referência máximo deverá ser 4086 sacos de café.

3.3 Problema 3

Resolver analiticamente um problema de gestão de stocks nem sempre é possível de forma viável, tal como podemos ver pelo cálculo de s e S nesta política, que não é garantidamente a melhor opção.

No entanto, tirando partido das funcionalidades computacionais, que, como sabemos, são extremamente rigorosas, rápidas e eficazes, consegue-se então simular milhões de situações numa questão de meros minutos.

Em teoria é simples, oferecendo-se vários dados fixos como *input* ao simulador, que por sua vez, baseado numa certa probabilidade, gera vários outros dados, o simulador acaba por retornar inúmeros resultados que podem ser comparados para concluir em média qual a melhor estratégia.

Com esta exata perspetiva em mente, fizemos uso da linguagem de programação Java para pôr em prática o desenvolvimento deste problema.

Durante este capítulo, pretendemos apresentar uma versão mais simplificada do código elaborado, demonstrando as suas características e o seu funcionamento. Pretendemos depois apresentar os resultados que o algoritmo conclui e a razão para estes serem adotados.

3.3.1 Inserção de Dados

O primeiro passo que se deve realizar para utilizar o simulador é oferecer o conjunto de dados iniciais correspondentes à nossa situação.

```
int stockRechargeMin = 2500;
   int stockRechargeMax = 3500;
2
   int stockRechargeInt = 2;
   int stockLevelMin = 3500;
   int stockLevelMax = 4500;
   int stockLevelInt = 2;
6
   double maxQuebras = 1000;
   double media = 549.6, desvio = 100.03;
8
   double c1 = 0.345, c2 = 30, c3 = 1500;
9
   int ciclo = 4;
10
   int duracao = 50;
11
   int[] probPrazo = {26,59};
   int tries = 50;
```

Neste caso, deve-se oferecer os intervalos de s e S que gostaríamos de testar, assim como a sua precisão. O exemplo acima corresponde a testar os valores de s de 2500 a 3500 com precisão 2.

Deve-se introduzir um número máximo de quebras por ano, ou seja, a taxa de serviço desejada. A média e o desvio correspondem a uma distribuição normal da procura semanal, e os custos C_1 , C_2 e C_3 são de posse, de quebra e de encomenda, respetivamente.

A variável *ciclo* corresponde ao intervalo no qual se vai fazer a gestão de inventário, que neste caso é de 4 em 4 semanas.

A duração representa o número de semanas num ano, e o array *probPrazo* contém as probabilidades em percentagem da distribuição do prazo de entrega.

Por fim, a variável tries corresponde ao número de anos que queremos simular para os mesmos valores de s e S, sendo que cada simulação tem diferentes fluxos de procura e prazos de entrega.

3.3.2 Geração de Probabilidades

```
private static void gerarSequencias(int[][] procuras, int[][] prazosEntregas,
                int tries,int duracao,double media,double desvio,int [] probPrazo) {
2
3
        Random gaussian = new Random();
        Random r = new Random();
5
        int tempoEntrega; double procura;
6
        for (int t1 = 0; t1 < tries; t1++)
            for (int d = 0; d < duracao; d++) {</pre>
8
                procura = gaussian.nextGaussian() * desvio + media;
9
                procuras[t1][d] = (int) procura;
10
                tempoEntrega = r.nextInt(100);
11
                //Transformar 0-100 em 1,2 ou 3
12
                prazosEntregas[t1][d] = tempoEntrega;
13
            }
14
15
```

Como se pretende simular para um mesmo input (s, S) um número n = tries de simulações, com diferentes procuras e prazos de entrega, é importante então gerar um conjunto de dados distintos a cada uma dessas tentativas. Para isso, o objetivo é formar uma matriz de dados, onde cada linha representa uma diferente simulação do ano 2021, e cada coluna uma semana desse ano.

É importante estabelecer estes dados probabilísticos antecipadamente, porque assim garante-se que durante a otimização de diferentes (s, S), estes são sujeitos às mesmas condições de procura e prazo de entrega.

3.3.3 Simulações

```
for (int S = Min; S <= Max; S += Int)
        for (int s = Min; s <= Max;s += Int) {</pre>
2
            for (int t = 0; t < tries; t++) {</pre>
3
                Otimizacao o = new Otimizacao(stockLevel, stockRecharge, stockLevel,duracao,
4
                c1, c2, c3, ciclo, procuras[t],prazosEntregas[t]);
                double custoContro l= o.calculaCusto()/duracao;
                custo+=custoControl;
                custos[t] = custoControl;
                artigosQuebra += o.getArtigosQuebra();
9
                quebras += o.getQuebras();
10
            }
11
```

```
double custoMedio = custo/tries;
double quebrasMedias = quebras/tries;
artigosQuebra = artigosQuebra/tries;
double desvioR = 0;
for (int j = 0; j < tries; j++)
desvioR += Math.abs(custoMedio - custos[j]);
desvioR = desvioR / tries;
}</pre>
```

Com os dados impostos, pode-se começar a processar as diferentes simulações. Para isso, usamos dois ciclos 'for' que representam a formação do par (s,S), onde para cada um se processa um número \mathbf{n} de diferentes simulações. Posteriormente, podemos obter o desempenho de (s,S) calculando a média dos diferentes resultados obtidos.

Concluindo, conseguimos obter valores para a variável **custoMedio**, que representa o custo por semana em média; **quebrasMedias**, que representa as quebras durante um ano em média; **artigosQuebra**, que representa o número de artigos em situação de quebra em média num ano; e finalmente **desvioR**, que representa o desvio médio dos custos semanais.

3.3.4 Resultado Ideal

```
if ((custoMedio + desvioR) <= (custoIdeal + devioIdeal) && quebrasMedias <= maxQuebras)
{
    custoIdeal = custoMedio;
    stockLevelIdeal = stockLevel;
    stockRechargeIdeal = stockRecharge;
    artigosQuebraIdeal = artigosQuebra;
    quebrasMediaIdeal = quebrasMedias;
    desvioIdeal = desvioR;
}</pre>
```

Após rodar todas as simulações referentes a um valor (s, S) e ter os resultados correspondentes, devemos então ver se esse (s, S) é a melhor opção obtida até ao momento. Para isso, devemos indicar qual o critério de comparação desejado.

Neste caso, decidiu-se ter em atenção o custo médio e a sua derivação. Foi importante também garantir um nível de serviço mínimo (ou seja, não ultrapassar o número máximo de quebras). Se a situação atual for então melhor devemos guardá-la, sendo esta comparada a outras no futuro.

3.3.5 Simulação do Ano

```
double calculaCusto() {
2
       int[] recargas = new int[duracao];
       Arrays.fill(recargas, 0);
3
       double custo = 0;
       for (int i = 0; i < duraçao; i++) {</pre>
5
            this.verificarInventario(i, recargas); //Contagem de inventário,Encomendar
6
            custo += this.recargas(i, recargas);
                                                     //Receber Encomendas - c3
            custo += this.custoManutencao(i);
                                                      //Custo De Posse - c1
8
                                                      //Ocorrência de Quebras - c2
            custo += this.quebras();
9
10
       return custo;
11
   }
```

A simulação de um ano faz-se percorrendo o número total de semanas. Em cada semana devemos ter em atenção: a contagem de inventário e se é necessário encomendar mais; a chegada de encomendas ao armazém; o custo de manter as unidades no armazém e as ocorrências de situações de quebra. Resumindo, pretende-se simular uma situação de fluxo (chegada e saída) de unidades durante um ano, e calcular o custo resultante.

```
private void verificarInventario(int i, int[] recargas) {
    if ((i + 1) % ciclo == 0)
    if (stock < stockRecharge) {
        int tempoEntrega = this.prazosEntrega[this.recargas++];
        recargas[i + tempoEntrega] += stockMax - stock;
    }
}</pre>
```

Assim como a política de ciclo comanda, deve-se verificar o inventário de 4 em 4 semanas e fazer encomendas no caso do stock atual ser menor que o s estabelecido.

Existe um prazo de entrega associado à encomenda, que podemos obter no array dos valores aleatórios. Este array foi gerado antecipadamente para o efeito, e a indicação da encomenda é feita através de um array de recargas na posição semana atual + prazo de Entrega. A quantidade a encomendar é, como sabemos, S - stock atual.

```
private double recargas(int i, int[] recargas) {
   if (recargas[i] != 0) {
```

```
stock += recargas[i];
return c3;
} else return 0;
}
```

No caso de receber uma encomenda naquela semana, deve-se registar o aumento do stock e pagar o valor associado de C_3 .

```
private double custoManutencao(int i) {
        double custo;
2
        if (stock >= procuras[i])
3
            custo = c1 * (stock - (this.procuras[i]/2));
4
        else
            custo = c1 * (stock/2);
        stock -= procuras[i];
8
9
        return custo;
10
   }
11
```

Deve-se pagar o custo de posse, e para isso devemos, tendo em conta a procura semanal, saber qual o *stock* médio durante essa semana. Tomando um exemplo: para um valor de *stock* no início da semana igual a 500 e procura igual a 100, em média o armazém continha 450 unidades durante a semana. No final, devemos retirar ao nosso *stock* a procura durante essa semana.

```
private double quebras(boolean debug) {
   if (this.stock < 0) {
      this.quebras++;
      this.artigosQuebra += -stock;
      double custo = c2 * (-stock);
      this.stock = 0;
      return custo;
   } else return 0;
}</pre>
```

No caso de não satisfazer a procura, ou o stock ser menor que 0, deve-se registar essa situação, assim como pagar o custo associado igual a $C_2 * nr$ de artigos quebrados.

3.3.6 Resultados

```
int stockRechargeMin =2750;
int stockRechargeMax =3200;
int stockRechargeInt = 1;
int stockLevelMin =3800;
int stockLevelMax =4200;
int stockLeveInt = 1;
double maxQuebras = 0.5;
double media = 549.6, desvio = 100.03;
double c1 = 0.345, c2 = 30, c3 = 1500;
int ciclo = 4;
int duracao =50;
int[] probPrazo = {26,59};
int tries = 500;
Em 500 simulações,em media e arredondado as unidades:
Ideal: s=3200, S=3984
CustoTotal/Semana=(1074,59)
Artigos Quebrados/Ano=79 Quebras/Ano=0.474
```

Figura 1: Resultados

As simulações rodadas para cada conjunto de dados (s,S) foram 500 (cada uma delas representando o possível ano de 2021). Obtendo o custo médio nessas 500 simulações para cada input (s,S), e garantindo que o risco é mínimo, foi possível então concluir que a melhor opção a adotar é $(s=3250,\ S=4013)$ com um custo relacionado de 1078 por semana.

Devido à enorme quantidade de simulações, pode-se concluir que este resultado é bastante viável e próximo ao ideal a impor, usando a política descrita, devendo assim ser adotado pelo Sr. Gervásio.

3.3.7 Resultado em Épocas

```
int stockRechargeMin =3400;
int stockRechargeMax =3850;
int stockRechargeInt = 1;
int stockLevelMin =4500;
int stockLevelMin =4500;
int stockLevelInt = 1;
double maxQuebras = 0.5;
double media = 658.84, desvio = 24.33;
double = 0.3.45, c2 = 30, c3 = 1500;
int ciclo = 4;
int duracao =23;
int() probPrazo = {26,59};
int tries = 500;

Em 500 simulações,em media e arredondado as unidades:
Ideal: s=3850, S=4615
CustoTotal/Semana=(1139,40)
Artigos Quebrados/Ano=12 Quebras/Ano=0.256
```

int stockRechargeInt = 1;
int stockLeveLMin =3100;
int stockLeveLMax =3590;
int stockLeveLMax =3590;
int stockLeveLInt = 1;
double media = 458.06, desvio = 12.27;
double media = 458.06, desvio = 12.27;
double c1 = 0.345, c2 = 30, c3 = 1590;
int ciclo = 4;
int delaca = 27;
int[] probPrazo = {26,59};
int tries = 590;
Em 500 simulações,em media e arredondado as unidades:
Ideal: s=2400, S=3205
CustoTotal/Semana=(886,25)
Artigos Quebrados/Ano=8 Quebras/Ano=0.324

Figura 2: Exemplo 1

Figura 3: Exemplo 2

Numa situação real, é preferível adotar diferentes políticas conforme a altura do ano, devido à existencia de épocas onde as procuras semanais pelos produtos do cliente variam de forma significativa. Observando os valores de procura, podemos notar que existe uma grande diferença entre as procuras nas semanas de 23 a 46 e as restantes, sendo esta obviamente uma época de grande tráfego no negócio da Café&Afins.

O que deve ser feito é, então, depois de extrapolir as procuras e desvios do ano 2021 para as épocas de 23 a 46, e 1 a 22 e 47 a 50, utilizar a flexibilidade do simulador em Java para alterar o input de dados, incluindo a duração (semanas que um ano tem), e fazer assim o cálculo de (s,S) ótimo 2 vezes, fazendo a média do custo de ambos e comparar com os resultados anteriores.

$$CT = 890 * (\frac{27}{50}) + 1145 * (\frac{23}{50}) = 1007.3$$

Pode-se então concluir que utilizando 2 politicas diferentes no mesmo ano o negócio Café&Afins consegue poupar em média 1078-1007.3=70.7 por semana.

4 Conclusão

O trabalho desenvolvido, permitiu a obtenção de uma política de gestão de inventário aproximadamente ótima com técnicas de simulação.

Embora para problemas pequenos, como o resolvido neste trabalho, o esforço computacional seja reduzido, o recurso a técnicas de simulação para um determinado espaço de soluções, tem baixa escalabilidade, por isso é impensável em problemas reais.

Anexos

A Dados

ANEXO: Tabela de d	lados		
Grupo de Trabalho	1	MIEI-MEIO 2	020/21
VALORES DA PROC	URA (EMPR	ESA Café&Afi	ns)
	•	ANOS	_
Semana 1	2018 307	2019 343	2020 404
2	306	345	426
3	278	320	405
4	307	319	415
5	280	357	384
6 7	283 293	304 349	420 396
8	297	334	418
9	315	334	411
10	284	326	399
11	270	338	405
12 13	294 270	302	394
13	276	372 336	393 422
15	284	357	391
16	269	359	390
17	280	334	401
18	271	334	362
19	279	349	404
20 21	295 296	338 334	404 379
22	284	369	397
23	292	353	416
24	407	458	626
25	439	507	570
26 27	439 424	486 477	542 545
28	431	511	579
29	417	492	601
30	420	530	568
31	435	508	616
32	395	520	574
33 34	411 431	503 540	590 589
35	391	514	579
36	432	493	566
37	440	519	568
38	462	501	572
39	441	523	583
40 41	443 420	494 489	617 611
42	416	489	609
43	419	500	589
44	411	490	601
45	396	489	575
46	430	511	584
47 48	289 265	327 360	431 404
49	289	306	394
50	305	344	405

Obs. P.f., anexe estes dados no relatório

Figura 4: Dados fornecidos

Semana	2018		2019		2020				
1	307	43,16	343	70,74	404	80,46		NMax=89575	
2	306	44,16	345	68,74	426	58,46	d1=	5	
3	278	72,16	320	93,74	405	79,46		7	
4	307	43,16	319	94,74	415	69,46		5	
5	280	70,16	357	56,74	384		Procura=67.15*ano+281	(ano=4)	549,6
5 6	283	67,16	304	109,74	420		Desvio=10.41*ano+58.39		100.03
7	293	57,16	349	64,74	396	88,46		(uno i)	100,00
8	297	53,16	334	79,74	418	66,46			
9	315	35,16	334	79,74	411	73,46			
10	284	66,16	326	87,74	399	85,46			
11	270	80,16	338	75,74	405	79,46			
12	294	56,16	302	111,74	394	90,46			
13	270	80,16	372	41,74	393	91,46			
14	276	74,16	336	77,74	422	62,46			
15	284	66,16	357	56,74	391	93,46			
16	269	81,16	359	54,74	390	94,46			
17	280	70,16	334	79,74	401	83,46			
18	271	79,16	334	79,74	362	122,46			
19	279	71,16	349	64,74	404	80,46			
20	295	55,16	338	75,74	404	80,46			
21	296	54,16	334	79,74	379	105,46			
22	284	66,16	369	44,74	397	87,46			
23	292	58,16	353	60,74	416	68,46			
24	407	56,84	458	44,26	626	141,54			
25	439	88,84	507	93,26	570	85,54			
26	439	88,84	486	72,26	542	57,54			
27	424	73,84	477	63,26	545	60,54			
28	431	80,84	511	97,26	479	5,46			
29	417	66,84	492	78,26	601	116,54			
30	420	69,84	530	116,26	568	83,54			
31	435	84,84	508	94,26	616	131,54			
32	395	44,84	520	106,26	574	89,54			
33	411	60,84	503	89,26	590	105,54			
34	431	80,84	540	126,26	589	104,54			
35	391	40,84	514	100,26	579	94,54			
36	432	81,84	493	79,26	566	81,54			
37	440	89,84	519	105,26	568	83,54			
38	462	111,84	501	87,26	572	87,54			
39	441	90,84	523	109,26	583	98,54			
40	443	92,84	494	80,26	617	132,54			
41	420	69,84	489	75,26	611	126,54			
42	416	65,84	489	75,26	609	124,54			
43	419	68,84	500	86,26	589	104,54			
44	411	60,84	490	76,26	601	116,54			
45	396	45,84	489	75,26	575	90,54			
46	430	79,84	511	97,26	584	99,54			
47	289	61,16	327	86,74	431	53,46			
48	265	85,16	360	53,74	404	80,46			
49	289	61,16	306	107,74	394	90,46			
50	305	45,16	344	69,74	404	80,46			
	350,16	07,85	413,74	81,12	484,46	88,67			

Figura 5: Tratamento de dados

B Problema 1

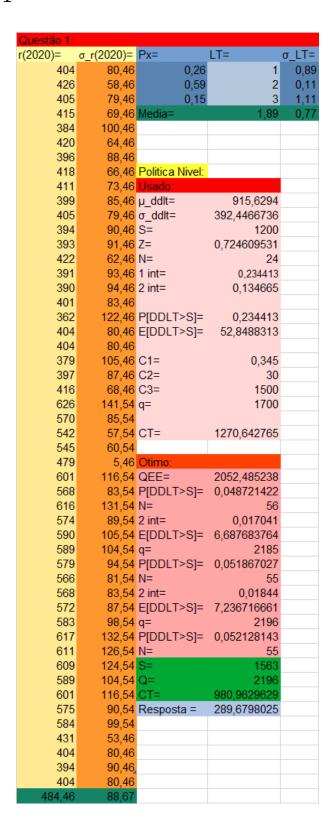


Figura 6: Problema 1

C Problema 2

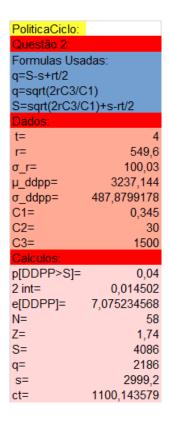


Figura 7: Problema 2

D Problema 3

	Custo	CustoPosse	Custo Encont	Custo Quebra (A Encomendar	PrazoEntrega	a Aleatorio	Encomenda	stockFinal	procura	stockInicial
		1333,702014		0		2	0 12	0	3645,605877	440,3941226	1 4086
		1171.79321		o.	ō		0 29		3147,398241		
289405 300	984 628940	984.6289405	0	0	0	2 (0 22				3 3147,398241
		807,1743545			1525,4043828992						4 2560,595617
		1133.690128			1525.4043828992		0 61				5 3644.080386
		944,2381722			1525.4043828992		0 46		2545.808177		
		808,6441172			1525,4043828992		0 17				7 2545,808177
		615.6477038			1944.0161931349			10// 016102	1/26 000200	71/ 005/10	8 2141,983807
		1075.028879			1944,0161931349		0 86				9 3371.004582
											10 2861.04689
		890,7891315			1944,0161931349						
		683,1451542			1944,0161931349		0 37				11 2302,948075
		466,5784868			2428,686311752						12 1657,313688
		266,7983533		0	2428,686311752		0 15				13 1047,489134
		86,1064777			2428,686311752		0 34				14 499,1679866
		720,1266787		0	2428,686311752		0 67				15 2428,686312
		529,898064			2340,0388992302						16 1745,961101
411596	1872,41159	372,4115964	1500	0	2340,0388992302		0 98	0	832,9960714	492,9156627	17 1325,911734
023225	1000,02322	1000,023225	0	0	2340,0388992302) (0 59	0	2624,201117	548,8338531	18 3173,034971
199439	810,519943	810,5199439	0	0	2340,0388992302	L (0 91	0	2074,465224	549,7358934	19 2624,201117
		598,6290514			2011,5347759036		776 12				20 2074,465224
		376.968143			2011.5347759036		0 35				21 1395,848117
		859.1819037		ō	2011.5347759036		0 70				22 2801,009227
		661.1077098			2011,5347759036		0 24				23 2179,755432
		486.9935689		ŏ	2433.2469696654						24 1652.75303
		1146.404511			2433,2469696654		0 13				25 3603,645064
		967,8339271			2433,2469696654		0 41				26 3042,178191
		780.5453893			2433,2469696654		0 63				27 2568.45327
		578,030846			2129,5524624863						28 1956,447538
		401,6700987		0	2129,5524624863		0 87				29 1394,455917
		981,8020835			2129,5524624863		0 95				30 3063,618857
		780,6291582		0	2129,5524624863		0 73				31 2627,987425
		584,7703093			2188,6010003715				1492,573808		
		425,8476089			2188,6010003715		0 91				33 1492,573808
277228	1016,27722	1016,277228			2188,6010003715		0 35		2726,753206	437,9557776	34 3164,708983
994146	815,799414	815,7994146	0	0	2188,6010003715		0 5	0	2002,518763	724,2344422	35 2726,753206
181565	2106,18156	606,1815649	1500	0	2083,4812366358	5 1	237 45	2083,481237	1511,577265	490,941498	36 2002,518763
5.99263	1165,9926	1165,99263	0	0	2083,4812366358	5 (0 55		3164,319065	430,7394367	37 3595,058502
355108	1013.35510	1013,355108	0	0	2083,4812366358	6 (0 16	0	2710.203298	454,1157668	38 3164,319065
		849.1335353		0	2083.4812366358		0 7				39 2710,203298
		662,3221216		ŏ	1873,6900500937						40 2212,30995
		1101.754667		ő	1873.6900500937		0 21				41 3500.928631
		904,6190152		ŏ	1873.6900500937		0 70				42 2886.054947
		726.9427321		0	1873.6900500937		0 34				43 2358.113257
		515.5846758		0	2229.9524912521						44 1856.047509
							191 64 0 5				
		305,6029452		0	2229,9524912521						45 1132,849162
		892,0892348		0	2229,9524912521		0 100				46 2868,714605
		714,7969477		0	2229,9524912521		0 54				47 2302,817191
		549,1388564		0	2245,0667694132						48 1840,933231
		353,1462818		0	2245,0667694132		0 6				49 1342,480429
815478	920,681547	920,6815478	0	0	2245,0667694132	2 (0 82	0	2387,473173	562,3379887	50 2949,811162

Figura 8: Simulador Q3

23	22	21	20	19	18	17	16	15	14	13	12	=	10	9	œ	7	o	ڻ ن	4	ω	2	_	50	49	48	47	emana
292	284	296	295	279	271	280	269	284	276	270	294	270	284	315	297	293	283	280	307	278	306	307	305	289	265	289	81.07
4,666666667	3,333333333	8,666666667	7,666666667	8,333333333	16,33333333	7,333333333	18,33333333	3,333333333	11,33333333	17,33333333	6,666666667	17,33333333	3,33333333	27,66666667	9,666666667	5,666666667	4,333333333	7,333333333	19,66666667	9,333333333	18,66666667	19,66666667	17,66666667	1,666666667	22,33333333	1,666666667	
353	369	334	338	349	334	334	359	357	336	372	302	338	326	334	334	349	304	357	319	320	345	343	344	306	360	327	61.07
14,37037037	30,37037037	4,62962963	0,62962963	10,37037037	4,62962963	4,62962963	20,37037037	18,37037037	2,62962963	33,37037037	36,62962963	0,62962963	12,62962963	4,62962963	4,62962963	10,37037037	34,62962963	18,37037037	19,62962963	18,62962963	6,37037037	4,37037037	5,37037037	32,62962963	21,37037037	11,62962963	
416	397	379	404	404	362	401	390	391	422	393	394	405	399	411	418	396	420	384	415	405	426	404	404	394	404	431	0202
13,4444444	5,55555556	23,5555556	1,444444444	1,444444444	40,5555556	1,55555556	12,5555556	11,5555556	19,44444444	9,55555556	8,55555556	2,444444444	3,55555556	8,444444444	15,44444444	6,55555556	17,44444444	18,5555556	12,44444444	2,444444444	23,44444444	1,444444444	1,444444444	8,55555556	1,444444444	28,44444444	
										b=	a=																
								4 458,061728		227,617284	57,6111111		3 ⁴ 02,55556 11,1604938 580,608696 21,6257089	2 338,62963	287,333333		procura	Semana=1-23 + 47-50									
								12,266118		12,117969	0,0370370		11,160493	14,329218	11,086419		desvio	23 + 47-50									
										8 345,44927	4 78,347826		8 580,60860	1_501,91304	8 423,91304		procura	Semana=24-46									
								658,84058 24,3377442		227,617284 12,1179698 345,449275 8,9199748	57,6111111 0,03703704 78,3478261 3,85444234		96 21,625708	338,62963 14,3292181 501,913043 14,3440454	287,333333 11,0864198 423,913043 13,9168242		desvio	24-46									

Figura 9: Divisão da procura

E Código do problema 3

```
import java.util.Random;
    import java.util.Arrays;
   public class Otimizacao {
        int stock;
5
        int stockRecharge;
6
        int stockMax;
        int duracao;
        int ciclo;
        int[] procuras;
        int[] prazosEntrega;
        double c1;
12
        double c2;
13
        double c3;
14
        int artigosQuebra;
15
        int quebras;
16
        int recargas;
        boolean quebrou;
19
        public Otimizacao(int stockInicial,
20
                           int stockRecharge, int stockMax, int duracao,
21
                           double c1, double c2, double c3, int ciclo,
22
                           int[] procuras,int[] prazosEntrega) {
23
            this.stock = stockInicial;
24
            this.stockRecharge = stockRecharge;
25
            this.stockMax = stockMax;
26
            this.duracao = duracao;
            this.ciclo = ciclo;
28
            this.procuras = procuras;
29
            this.prazosEntrega=prazosEntrega;
30
            this.c1 = c1;
31
            this.c2 = c2;
32
            this.c3 = c3;
33
            this.artigosQuebra = 0;
34
            this.quebras = 0;
            this.recargas=0;
            this.quebrou=false;
        }
38
39
        public int getArtigosQuebra() {
40
            return artigosQuebra;
41
        }
42
43
        public int getQuebras() {
            return quebras;
45
```

```
46
47
        double calculaCusto(boolean debug) {
48
            int[] recargas = new int[duracao];
            Arrays.fill(recargas, 0);
50
            double custo = 0;
            for (int i = 0; i < duracao; i++) {
52
                if (debug) System.out.println("Semana:" + (i + 1));
53
54
                this.verificarInventario(i, recargas, debug); //encomendar se necessário
55
56
                if (debug) System.out.println("No inicio da semana stock estava em:" + stock);
57
                custo += this.recargas(i, recargas, debug); //encomendar e pagar c3
                custo += this.custoManutencao(i, debug); //pagar c1
61
62
                custo += this.quebras(debug); //pagar c2
63
64
                if (debug) System.out.println("Stock esta em: " + stock);
65
                if (debug) System.out.println("Custo esta em:" + custo + "\n");
66
            }
67
            return custo;
68
69
        private void verificarInventario(int i, int[] recargas, boolean debug) {
70
            if ((i + 1) % ciclo == 0) {
                                                 //de 4 em 4 semanas {4,8,12...}
71
                if (stock < stockRecharge) {</pre>
                                                 //Encomendar ou não?
72
                    int tempoEntrega = this.prazosEntrega[this.recargas++]; // prazoEntrega random
73
                    if (debug) System.out.println("Detetou recarga! " + stock + "<" + stockRecharge +
74
                             ". Encomendou " + (stockMax - stock) + " unidades" +
75
                             ". Entrega daqui a " + tempoEntrega + " semana(s)");
76
                    //uma simulação(ano) dura 50(duração) semanas,
77
                    //se entrega chegar após 50 (proximo ano) já não a recebe.
                    if (i + tempoEntrega < duracao)</pre>
79
                        // Estamos na semana x e vamos receber entrega daqui a 3 semanas,
80
                        // vamos receber a entrega na x+3 semana
81
                        //encomendamos stockMax-stock Artigos, politica de ciclo
82
                        recargas[i + tempoEntrega] += stockMax - stock;
83
84
                if (debug) System.out.println("Não é preciso recarga " + stock + ">" + stockRecharge);
85
            }
86
       private double recargas(int i, int[] recargas, boolean debug) {
88
            if (recargas[i] != 0) {//Chegou alguma encomenda esta semana?
89
90
                    System.out.println("No inicio da semana houve uma recarga de " + recargas[i] +
91
                        " pagou-se " + c3);
92
                stock += recargas[i]; //por encomenda no stock
93
                this.quebrou=false;
94
```

```
return c3;
                                         //pagar custo de encomenda realizada
95
             } else return 0;
96
97
        private double custoManutencao(int i, boolean debug) {
98
             if (debug) System.out.println("Procura esta semana foi:" + procuras[i]);
99
             double custo;
             if (stock >= procuras[i]) { //Se não for situação de quebra
101
                 //Se stock=50 e procura=20, no inicio da semana tera 50 e no fim 30
102
                     //durante a semana terá em media 40 artigos
103
                     //aos quais devemos multiplicar c1
104
                 custo = c1 * (stock - (this.procuras[i] / 2));
105
             } else {
106
                 // Se no inicio da seman tem 50 e no fim 0, em média durante a semana tera 25
107
                 custo = c1 * (stock/2);
108
109
             if (debug) System.out.println("Pagou-se " + (custo) + " em custos de manutenção");
110
             stock -= procuras[i]; //Retirar procura ao stock
111
             return custo;
112
113
        private double quebras(boolean debug) {
114
             if (this.stock < 0) { //Houve quebras de stock?
115
                 if (debug) System.out.println("Situação de quebra de " + (-stock)
116
                     + "artigos.Pagou-se" + c2 * (-stock));
117
                 if(!quebrou){
118
                     this.quebras++; //Se sim +1 em quebras durante este ano
119
                     this.quebrou=true;
120
                 }
121
                 this.artigosQuebra += -stock; // se stock=-50, houve uma quebra de 50 artigos
122
                 double custo = c2 * (-stock); //pagar custo de quebra por artigo
123
                 this.stock = 0;
                                                //resetar stock
124
                 return custo;
125
             } else return 0;
126
        }
128
129
        public static void main(String[] args) {
130
131
             int stockRechargeMin =2750; //s minimo
132
             int stockRechargeMax =3250; //s maximo
                                                          for(s=minimo;s<maximo;s+=Precisao)</pre>
133
             int stockRechargeInt = 1;
                                           //s precisão
134
             int stockLevelMin =3800;
                                           //S minimo
135
             int stockLevelMax =42000;
                                            //S maximo
                                                           for/S=minimo; S<maximo; S+=Precisao(
136
             int stockLevelInt = 1;
137
                                           //S precisao
             double maxQuebras = 0.5;
                                          // 1 Em cada 2 anos
138
             double media = 549.6, desvio = 100.03; //Media e desvio de procura semanal
139
             double c1 = 0.345, c2 = 30, c3 = 1500; //custo posse, quebra, encomenda
140
             int ciclo = 4;
                                                       //Revisão de x em x semanas
141
             int duracao = 50;
                                                       //Duração de um ano
142
             int[] probPrazo = {26,59};
143
```

```
int tries = 500;
144
            boolean debug = false;
145
146
147
             //situação valores de (s,S) ideal(final) com custo/desvio min e quebras<quebrasMax</pre>
148
             double custoIdeal = 1000000;
                                                  //Numero Maximo, o mais longe do ideal
             double desvioIdeal= 1000000;
150
             int stockLevelIdeal = 0, stockRechargeIdeal = 0;
151
             double artigosQuebraIdeal = 0, quebrasMediaIdeal = 0;
152
153
            //Condições de simulação para n tries(simulações/Ano)
154
             int[][] procuras = new int[tries][duracao]; //cada linha é um ano, cada coluna uma semana
155
             int[][] prazosEntregas = new int[tries][duracao];
156
157
             //Gerar sequencias de procuras e prazos entrega=>preencher arrays procura, prazosEntrega.
             //geradas antecipadamente para garantir que diferentes (s,S) simulem as mesmas condições.
159
160
            gerarSequencias(procuras,prazosEntregas,tries,duracao,media,desvio,probPrazo);
161
162
            for (int stockLevel = stockLevelMin; stockLevel <= stockLevelMax;</pre>
163
             stockLevel += stockLevelInt) {
164
165
                 for (int stockRecharge = stockRechargeMin; stockRecharge <= stockRechargeMax;</pre>
166
                      stockRecharge += stockRechargeInt) {
167
                     double custo = 0;
168
                     double artigosQuebra = 0;
169
                     double quebras = 0;
170
                     double[] custos = new double[tries]; //custos medios por semana numa simulação(ano)
171
                     for (int t = 0; t < tries; t++) {
172
                         Otimizacao o = new Otimizacao(stockLevel, stockRecharge, stockLevel,
173
                                 duracao, c1, c2, c3, ciclo, procuras[t],prazosEntregas[t]);
174
                         double custoControl= o.calculaCusto(debug)/duracao; //custo/ano
175
                         custos[t]=(custoControl); //ano->semana
                         custo+=custoControl; //custo+=Custo/ Ano
177
                         artigosQuebra += o.getArtigosQuebra(); //artigosQuebra+=artigosQuebra num Ano
178
                         quebras += o.getQuebras();
                                                                       //quebras+=quebras num ano
179
                         //System.out.println("try="+t+" custo="+custoControl);
180
                     }
181
                     double custoMedio=custo/tries; //Custos em t anos-> custo por ano->custo por semana
182
                     double quebrasMedias=quebras/tries; //quebras em t anos->quebras por ano
183
                     artigosQuebra=artigosQuebra/tries; //artigosQuebra medio por ano
184
                     //Calcular desvioMedio por semana
186
                     //custos[j] = custoPorSemana numa simulação=j(ano)
187
                     double desvioR=0;
188
                     for(int j=0;j<tries;j++){</pre>
189
                         desvioR+=Math.abs(custoMedio-custos[j]); //somar desvios de cada simulação
190
191
                     desvioR=desvioR/tries; // desvio Medio de n simulações
192
```

```
193
                     //Se este (s,S) é melhor que o melhor (s,S) de todas as iterações anteriores.
194
                          //Se sim atualizar variaveisIdeias
195
                      if ((custoMedio+(0.3*desvioR))<=(custoIdeal+(0.3*desvioIdeal))</pre>
196
                              && quebrasMedias <= maxQuebras) {
197
                          custoIdeal = custoMedio;
                          stockLevelIdeal = stockLevel;
199
                          stockRechargeIdeal = stockRecharge;
200
                          artigosQuebraIdeal = artigosQuebra;
201
                          quebrasMediaIdeal = quebrasMedias;
202
                          desvioIdeal=desvioR;
203
                      }
204
205
                 }
206
             }
207
             System.out.println("\nEm "+tries+" simulações,em media e arredondado as unidades:");
208
             System.out.println("Ideal: s=" + stockRechargeIdeal + ", S=" + stockLevelIdeal);
209
             System.out.println("CustoTotal/Semana=(" + (int)(custoIdeal)+","+(int)desvioIdeal+")");
210
             System.out.println("Artigos Quebrados/Ano=" + (int) artigosQuebraIdeal
211
             + " Quebras/Ano=" + quebrasMediaIdeal);
212
         }
213
214
         private static void gerarSequencias(int[][] procuras, int[][] prazosEntregas,
215
                                               int tries,int duracao,double media,double desvio,
                                               int [] probPrazo) {
217
             //para n "tries" simulações, simular valores para cada semana(duração)
218
             Random gaussian = new Random();
219
             Random r = new Random();
220
             int tempoEntrega ;
221
             double procura;
222
             for (int t1 = 0; t1 < tries; t1++) {</pre>
223
                 for (int d = 0; d < duracao; d++) {</pre>
224
                      procura = gaussian.nextGaussian() * desvio + media; //Distribuição normal
                     procuras[t1][d] = (int) procura;
226
227
                     tempoEntrega = r.nextInt(100); //Distribuição aleatória
228
                      if (tempoEntrega < probPrazo[0]) tempoEntrega = 1;</pre>
229
                      else if (tempoEntrega<probPrazo[1]+probPrazo[0]) tempoEntrega = 2;</pre>
230
                      else tempoEntrega = 3;
231
232
                     prazosEntregas[t1][d] = tempoEntrega;
233
                 }
234
235
             }
         }
236
    }
237
```