Дерево van Emde Boas

Студент группы Б9121-09.03.03пикд Борик Роман Дмитриевич

Руководитель: доцент ИМКТ **Кленин Александр Сергеевич**

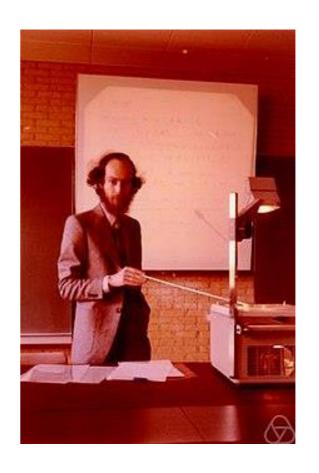


Формальная постановка задачи

- Изучить алгоритм "дерево van Emde Boas".
- Реализовать алгоритм "дерево van Emde Boas".
- Выполнить исследование на производительность.
- Результат работы выложить на **github**.

История

VEB дерево было изобретено командой во главе с голландским ученым-компьютерщиком **Питером ван Эмде Боасом** в 1975 году.



VEB дерево

Хранит целые числа в диапазоне [0, U],

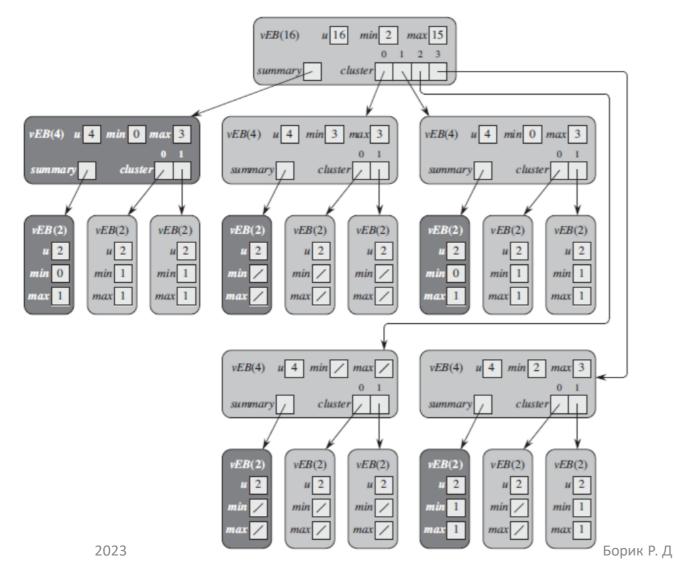
где U — число вида 2^k ,

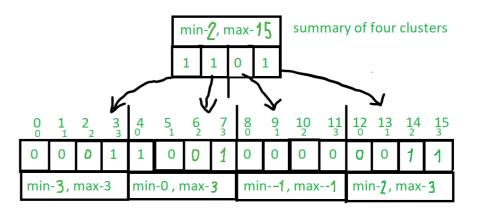
где k – максимальное количество бит

Структура vEB дерева

- universeSize размер дерева.
- minimum минимальное значение.
- maximum максимальное значение.
- **summary** вспомогательное дерево.
- cluster массив поддеревьев.

Пример vEB дерева





Summary хранит информацию о заполненности или пустоте детей текущего узла

Операции

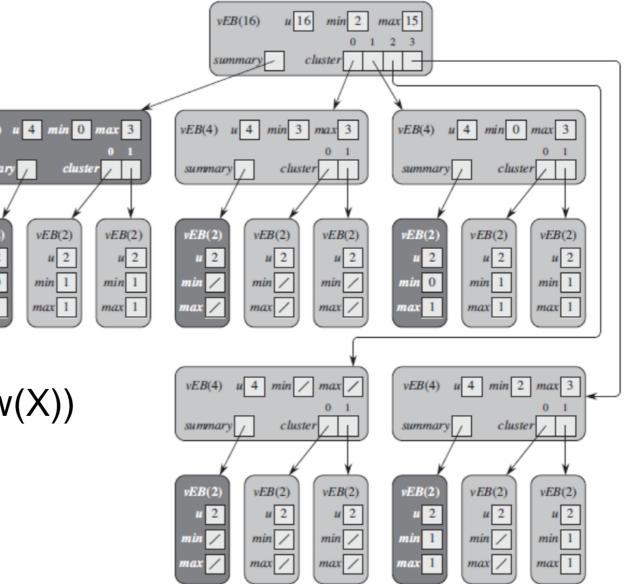
- Minimum и maximum
- Find
- Insert
- Remove
- SuccessorVEB
- PredecessorVEB

2023

Find (поиск)

На вход подается число Х

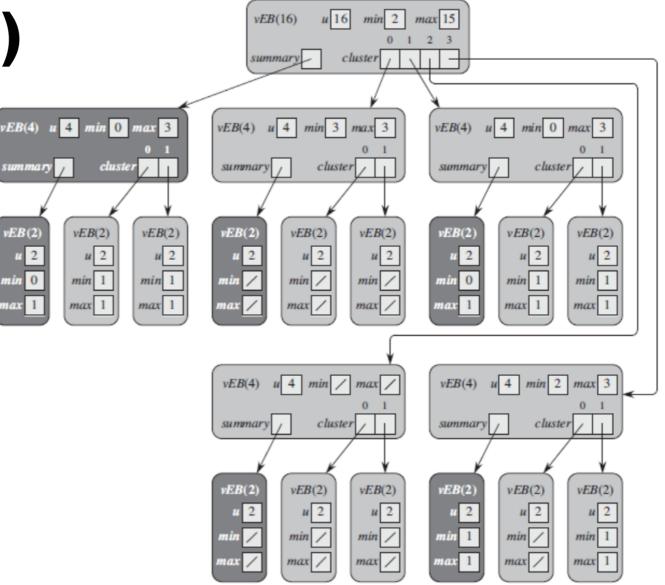
If min == null
 return false
If X == min or X == max
 return true
return cluster[High(X)].Find(Low(X))



Insert (вставка)

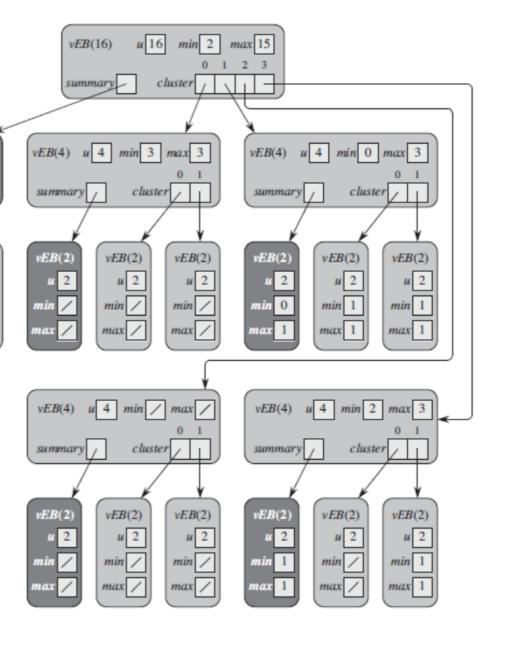
На вход подается число Х

```
if min == null
    min = X, max = X
    return null
if X > min
    swap(X, min)
if universeSize > 2
    if cluster[High(X)].min == null
        summary.Insert(High(X))
    cluster[High(X)].Insert(Low(X))
if X > max
    max = x
```



Remove (удаление)

```
u 4 min 0 max 3
На вход подается число Х
if min == X and max == X
  min = null
  max = null
                                                                   vEB(2)
                                                                            vEB(2)
  return
                                                                     u 2
if min == X
  if summary.min == null
     min = max
     return
  X = GenerateIndex(summary.min, cluster[summary.min].min)
   min = X
if summary.min == null
   return
cluster[High(X)].Remove(Low(x))
if cluster[High(X)]. min == null
summary.Remove(High(x))
if max == X then
  if summary.min == null
     max = min
     return
  max = GenerateIndex(summary.max, cluster[summary.max].max)
```



Successor (преемник)

u 4 min 0 max

vEB(2)

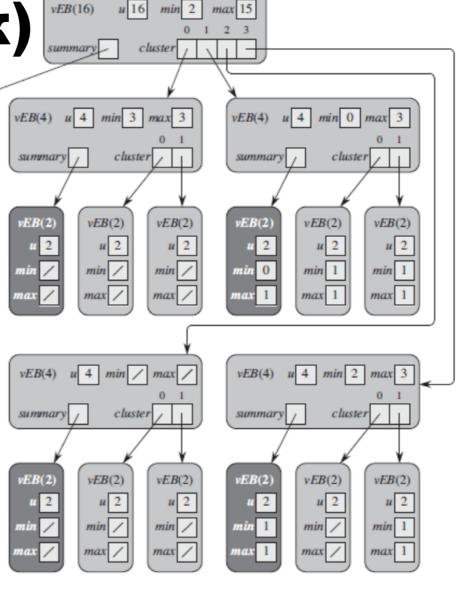
min 1

u 2

vEB(2)

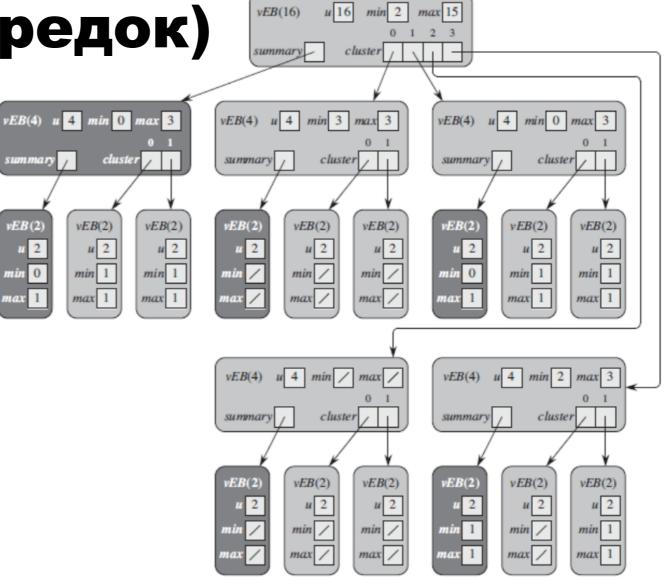
min 1

```
На вход подается число Х
if universeSize = 2
   if X == 0 and max == 1
      return 1
                                                              vEB(2)
   else
      return null
if min! = null and x < min
   return min
else
   temp = cluster[High(X)].max
if max != null and Low(X) < temp
  temp = cluster[High(X)].Successor(Low(X))
  GenerateIndex(High(X), temp)</pre>
   else
      temp = summary.Successor(High(X))
      If temp == null
         return null
      else
          GenerateIndex(temp, cluster[temp].min)
```



Predecessor (предок)

```
На вход подается число Х
if universeSize = 2
   if X == 1 and min == 0
      return 0
   else
      return null
if max != null and X > max
   return max
else
  temp = cluster[High(X)].min
if max != null and Low(X) > temp
temp = cluster[High(X)].Predecessor(Low(X))
GenerateIndex(High(X), temp)
   else
      temp = summary.Predecessor(High(X))
      If temp == null
         if min!= null and X > min
            return min
         return null
         GenerateIndex(temp, cluster[temp].max)
```



Тестирование производительности

Для сравнения использовались контейнеры

std::set и std::unordered_set

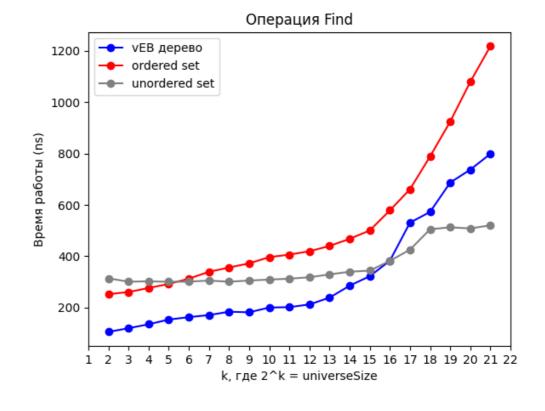
стандартной библиотеки шаблонов **STL**

и аналогичные функции **vEB дерева**.

Find

На вход подаётся набор значений в случайном порядке сгенерированный с помощью алгоритма Фишера-Йетса.

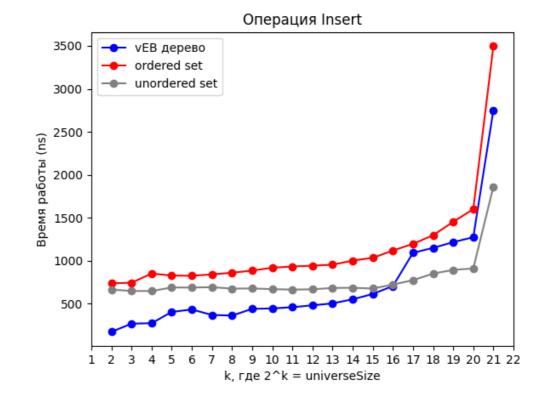
VEB дерево обгоняет std::set, но проигрывает в скорости std::unordered_set при больших значениях.



Insert

На вход подаётся набор значений в случайном порядке сгенерированный с помощью алгоритма Фишера-Йетса.

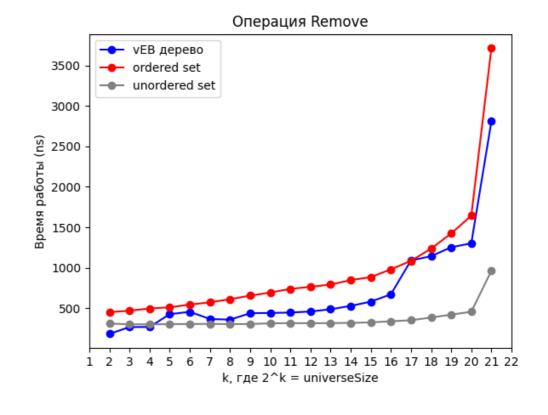
vEB дерево обгоняет std::set, но проигрывает в скорости std::unordered_set при больших значениях.



Remove

На вход подаётся набор значений в случайном порядке сгенерированный с помощью алгоритма Фишера-Йетса.

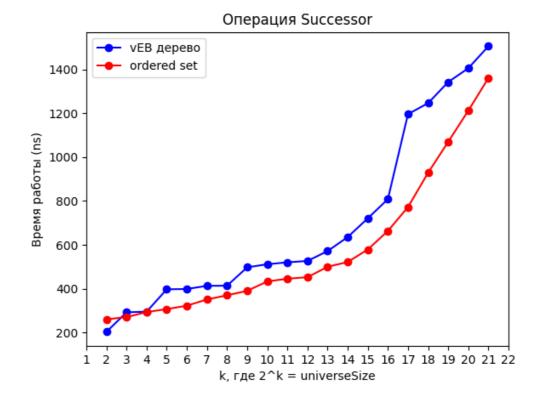
VEB дерево обгоняет **std::set**, но проигрывает в скорости **std::unordered_set**.



Successor

На вход подаётся набор значений в случайном порядке сгенерированный с помощью алгоритма Фишера-Йетса.

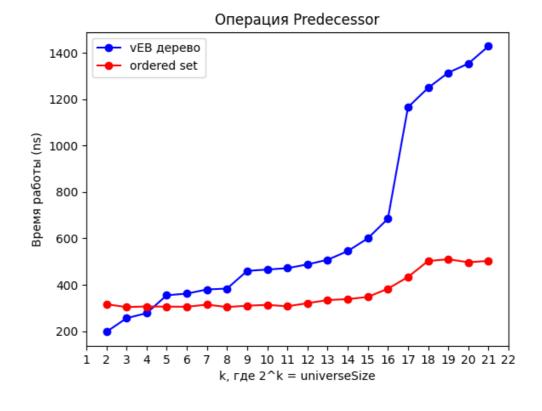
VEB дерево проигрывает в скорости std::set.



Predecessor

На вход подаётся набор значений в случайном порядке сгенерированный с помощью алгоритма Фишера-Йетса.

VEB дерево проигрывает в скорости std::set.



Итоги тестирования

Алгоритм дерево ван Эмде Боаса показывает отличные результаты.

Он обгоняет контейнер **std::set**, который является деревом поиска во всех операциях, кроме **Successor** и **Predecessor**.

И в некоторых случаях обгоняет контейнер std::unordered_set, который является хэш-таблицей.

Репозиторий github

Представлено по ссылке:

- Описание алгоритма
- Реализация алгоритма на С++
- Презентация
- Тестирующая система
 - Набор тестов на корректность
- Результаты анализа производительности

