

 $y = \beta_0 + \beta_1 x$ 

دالة الانحدار الخطى

دالة اللوجستيك (سيجمويد)

استبدال الدالة بـz

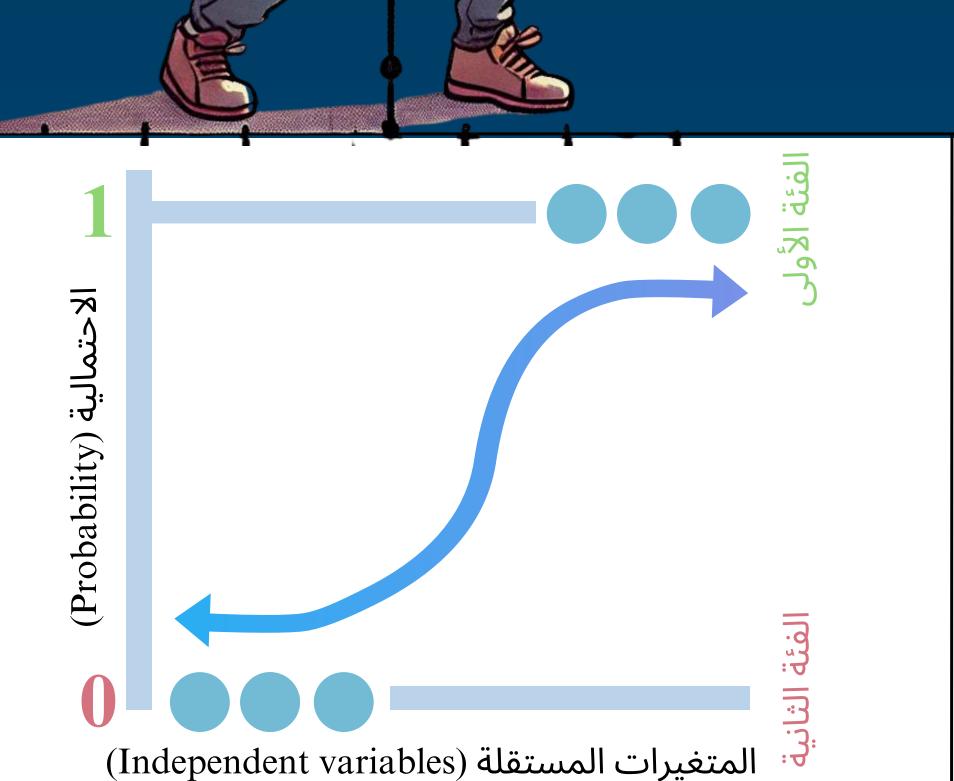
### أساسيات تعلم الآلة ML -الانحدار اللوجستي Logistic Regression

# ◄ الانحدار اللوجستى

الانحدار اللوجستي (Logistic Regression) يُستخدم لحل مشاكل التصنيف الثنائي (Binary classification) لفئتين (Two Classes)

#### ما هو الهدف؟

1. إيجاد احتمالية انتماء المدخلات إلى فئة معينة. الناتج المتوقع يكون تصنيفي بحت! (Categorical)، مثلا هل الصورة صورة قطة أم نمر أم غزال؟، صفر أو واحد، السرطان حميد أو خبيث، نعم أم لا...إلخ



#### ▲ کیف یتم حسابه؟

دالة سيجمويد (sigmoid function) تحول أو تَحُد أي قيمة حقيقية إلى قيمة **ما بين** 0 و 1، هذه الدالة مناسبة لتفسير الاحتمالات.

$$S(x) = rac{1}{1 + e^{-x}}$$

.(Sigmoid function) حالة سيجمويد S(x)e = ثابت أويلر (Euler's number).

- كيف نحصل عليه رياضيًا؟

## • كيف نحدد أفضل تطابق (Fit)؟

لكل خوارزمية ML بارامترية، نحتاج إلى

دالة خسارة (Loss function).

نريد تقليلها قدر الإمكان (Minimize it)

(Global minimum) للوصول إلى أكبر نهاية صغرى

لتحديد البارامترات (القيم) المثلى!



Global cost

minimum

تبسيط الكسر داخل اللوغاريتم

تبسيط الكسر داخل اللوغاريتم

تررا! حصلنا على معادلة

الانحدار اللوجستي النهائية

 $= \ln \left( e^{\beta_0 + \beta_1 x} \right) = \beta_0 + \beta_1 x$ 

Logistic Regression) اشتقاق معادلة الانحدار اللوجستى (Linear Regression) من دالة الانحدار الخطى

logit(p) = ln

 $1+e^{-(\beta_0+\beta_1x)}$ 

 $1+e^{-(\beta_0+\beta_1x)}$ 

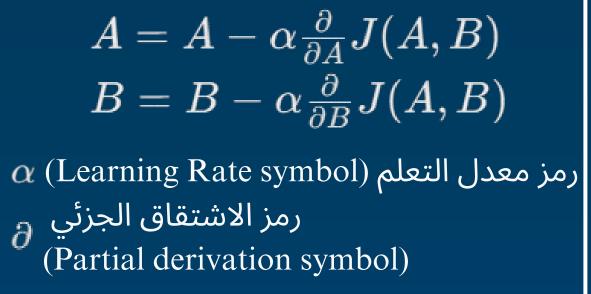
احتمالية (p) الانحدار اللوجستي

Log-Odds (Logit) Transformation

تحويل اللوجاريتم

إستبدال p بمعادلة الاحتمالية

logit(p) = ln



Cost function:

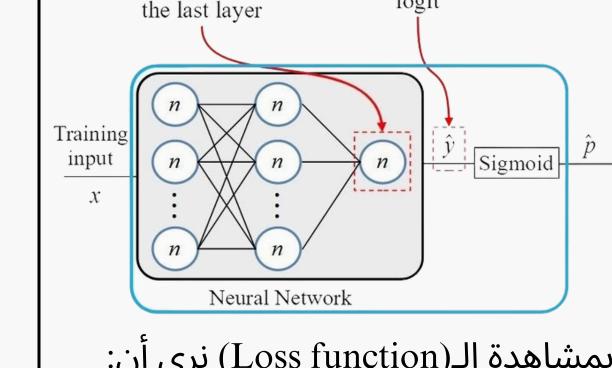


### • تقييم المودل (Model Evaluation) افتراضات المودل •

- مصفوفة الالتباس (Confusion Matrix): جدول يستخدم لوصف أداء المودل.
  - منحنی ROC:
- رسم بیانی یظهر أداء (Classification model) عند جمیع الـ(thresholds).
  - :AUC •
- المساحة تحت منحني ROC، وكلما زادت قيمتها كلما كان المودل أفضل.

# (Assumptions of the Model)

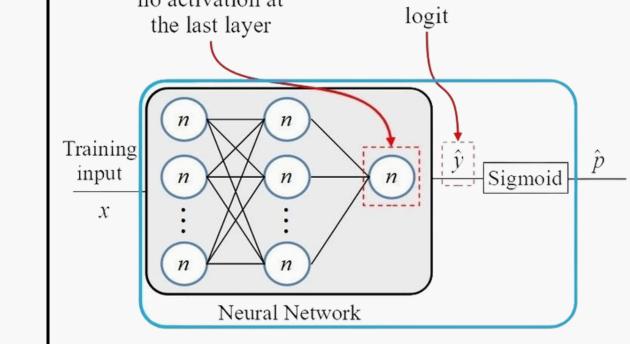
- نتيجة ثنائية (Binary Outcome): المتغير التابع يكون ثنائيًا Binary.
- الخطية في النسب (Linearity in Logits): يتم تمثيل نسب الاحتمالات (log odds) كعلاقة خطية (linear relationship) مع المتغيرات المستقلة.
  - عدم التعدد الخطي (No Multicollinearity): المتغيرات المستقلة لا يجب أن تكون مرتبطة بشكل كبير ببعضها البعض.
  - حجم العينة الكبير (Large Sample Size): يتطلب حجم عينة كافٍ للحصول على نتائج موثوقة (reliable).



• الدالة تقترب من الصفر 0 عندما نتنبأ |

• تقترب الدالة من اللانهائية (Infinity)





بمشاهدة الـ(Loss function) نرى أن:

بشکل **صحیح**.

إذا تنبأنا بشكل غير صحيح.

إذا عرفنا فرضيتنا (Hypothesis function) على النحو التالي:

 $P(y=1|x;A,B) = \hat{y}$ 

سنعلم أيضًا أن 0:

 $P(y = 0|x; A, B) = 1 - \hat{y}$ 

بناءً على هذين المعادلتين، يمكننا الحصول على دالة الخسارة (Loss function) لتقليلها قدر الإمكان.

لمشكلة التصنيف الثنائي Binary، ناتج المودل يقابل احتمالية التنبؤ بكون y تساوي:

 $J(w,b) = rac{1}{m} \sum_{i=1}^m L(y^{(i)}, \hat{y}^{(i)}) = -rac{1}{m} \sum_{i=1}^m \left[ y^{(i)} \log(\hat{y}^{(i)}) + (1-y^{(i)}) \log(1-\hat{y}^{(i)}) 
ight]$ 

دالة الخسارة تسمى (Binary Cross-Entropy Loss أو Log Loss Function