

aufgabe 16

gruppe vofal
Nikolic
Hattinger

Counting sort ist stabil

Beweis :- (indirekt)

annahme Algorithmus ist nicht stabil

O.B.d.A:

$x = a = b$ kommen an position i, j vor

also $a = A[i] \wedge b = A[j] \wedge (i < j)$

$\Rightarrow a = B[n] \wedge b = B[m] \wedge (m > n)$

Abarbeitung von Hinten [weil die schleife
mit $\text{length}[A] - 1$ beginnt]

also $A[j]$ vor $A[i]$

$\Rightarrow p_j := C[A[j]] \Rightarrow B[p_j] := b$

$C[p_j] := C[p_j] - 1$

$p_i := C[A[i]] = p_j - 1$

$p_j - 1 < p_j$

$\Rightarrow a$ ist vor $b \Rightarrow n > m$
widerspruch zur annahme.

\Rightarrow Counting sort ist stabil

aufgabe 17

Nein es kann keinen vergleichsalgorithmus geben der aus einem gegebenen array von n elementen einen binär suchbaum in zeit $o(n \log n)$ erzeugt

Beweis (indirekt)

annahme: ~~es~~ es gäbe so einen algorithmus mit $o(n \log n)$

Nach def von o : heisst dass alle funktionen (g)

g ~~w~~ müssen langsamer wachsen als $n \log n$

bzw $(n \log)$ ist eine oberschranke für solche funktionen aber gemäss der vorlesung

besitzen alle vergleich funktionen $\Omega(n \log n)$

bzw $(n \log n)$ ist eine unterschranke für die vergleich funktionen

\Rightarrow widerspruch zur annahme

\Rightarrow es gibt keinen algorithmus mit $o(n \log n)$
(vergleich)

aufgabe 17

SortierAlgorithmus mit Binärsuchbaum

Tree-Sort(A)

for $i \leftarrow 1$ to n

do Tree-insert($T, A[i]$)

Inorder-Tree-Walk($\text{root}[T]$)

das bedeutet die array elemente von A werden in
ein Binärsuchbaum hinzugefügt, danach werden
die Knoten mit inorder-Tree-Walk besucht bzw
traversiert beginnend von root

#die Laufzeit, da gibt es 2 fälle

Fall 1 wenn der Baum balanciert ist

einfügen von einem Knoten kostet $O(\log(n))$

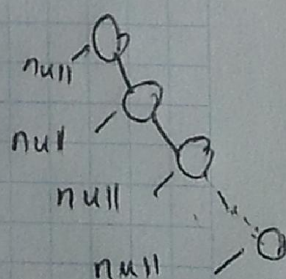
einfügen von "n" Knoten kostet $O(n \log n)$

Fall 2 Wenn der Baum ausbalanciert ist

Könnte der Baum so aussehen

eigentlich wie ein Linked list

weil überall das linke Kind = null



Aufgabe 18

Damit die geforderte Operation in $O(1)$ ausgeführt werden kann, bekommt jede Verzweigung einen zusätzlichen Parameter: `int Weight`

```
1- Weight(v)
2- if v = nil
3-     return 0
4- else
5-     return weight[v]
```

```
1- insert(T, z)
2-   y ← nil
3-   x ← root[T]
4-   while x ≠ nil do
5-       y ← x
6-       if Key[z] < Key[x]
7-           x ← leftchild[x]
8-       else
9-           x ← rightchild[x]
10-  P[z] ← y
11-  if y = nil
12-      root[T] = z
13-  else
14-      if Key[z] < Key[y]
15-          leftchild[y] = z
16-          weight[z] = 1
17-      else
18-          rightchild[y] ← z
19-          weight[z] = 1
```



```

20- while  $y \neq \text{nil}$  do
21-      $\text{weight}[y] \leftarrow (\text{rightchild}[y] + 1)$ 
22-     if  $\text{weight}[y] \leq \text{leftchild}[y]$ 
23-          $\text{weight}[y] \leftarrow (\text{leftchild}[y] + 1)$ 
24-      $y \leftarrow p[y]$ 

```

in zeile "13" wurde ein Algorithmus mit $O(\log n)$ hinzugefügt, damit die gesamte laufzeit auf das doppelte $2 * O(\log(n))$, wobei die eigentliche laufzeit noch in $O(\log(n))$ liegt

```

delete(T, z)
if (leftchild[z] = nil or rightchild[z] = nil)
    y ← z
else
    x ← searchnext(z)
    if lc[y] ≠ nil
        x ← leftchild[y]
    else
        x ← rightchild[y]
    if x ≠ nil
        p[x] = p[y]
        if [y] = nil
            root[T] ← x
        else if y = leftchild[p[y]]
            leftchild[p[y]] ← x
        else
            rightchild[p[y]] ← x
    if y ≠ z

```


$$\text{weight}[z] \leftarrow (\text{rightchild}[z] + 1)$$
$$\text{weight}[z] \leftarrow (\text{leftchild}[z] + 1)$$

die operation search ist nicht betroffen, da sie nicht an der Baumstruktur ändert.

da jeder Knoten bei dem weight nun modifiziert werden muss bei diesen beiden Operationen. bisher so wie schon besucht wird ar und das modifizieren selber in

Konstanter zeit $O(1)$ geschehen kann. die operation
Baumgrösse(x) ist Baumgrösse(x)

```
Baumgroesse(x)
return weight[x]
```