Séquence 4 : Constructions de triangles



Objectifs:

- 5G20 : Construire des triangles connaissant des longueurs et/ou des angles.
- 5G21 : Connaître et utiliser l'inégalité triangulaire.
- 5I13 : Savoir construire une figure simple sur Geogebra

Méthode:

Pour tracer un triangle en connaissant des longueurs et/ou des angles :

- Je commence par tracer le plus grand côté
- Je mesure les autres longueurs mon compas et trace des arcs de cercle
- Je mesure les angles avec le rapporteur et trace des demi-droites
- Je trouve le troisième point à l'intersection des arcs de cercle (et des demi-droites dans le cas des angles)

Défi:

Essaie de construire un triangle ABC avec AB = 8 cm, AC = 4 cm et BC = 2 cm

Propriété:

Dans un triangle non aplati, la longueur de chaque côté est toujours inférieure (<) à la somme (+) des longueurs des deux autres côtés.

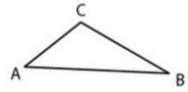
Exemple:

Dans un triangle ABC non aplati, on a les inégalités suivantes :

AB < AC + BC

AC < AB + BC

BC < AB + AC



Remarques:

C'est pour ça que cette propriété s'appelle l'inégalité triangulaire

Ça veut dire qu'il est impossible qu'un côté d'un triangle soit plus grand que la somme des deux autres côtés.

Méthode:

Pour vérifier si triangle est constructible, on vérifie si la plus grande longueur est bien inférieure à la somme des deux autres.

Exemple :

Est-ce qu'il est possible de construire un triangle ABC avec AB = 8 cm, AC = 4 cm et BC = 2 cm ? Le plus grand côté est [AB] qui mesure 8 cm.

AC + BC = 4 cm + 2 cm = 6 cm

6 cm < 8 cm donc construire un tel triangle est impossible.

On dit qu'il n'est pas constructible.