Formulaire de Thermodynamique

Raphaël Jamann

1 Definitions des grandeurs en Thermodynamique

Système

Un système est une portion de l'Univers que l'on isole du reste, ce dernier constituant alors le milieu extérieur.

Il y a trois types de système :

- **ouvert** s'il échange énergie et matière avec l'extérieur.
- **fermé** s'il n'échange que de l'énergie' avec l'extérieur.
- isolé s'il n'échange ni énergie, ni matière avec l'extérieur.

Variables d'état

Un système est défini par des **variables d'état** qui peuvent être :

- Intensives : ne dépendent pas de la quantité de matière (ex : pression, température, etc...)
- Extensives : dépendent de la quantité de matière (ex : volume, énergie interne, entropie, etc...)

Voici quelques exemples de variables d'état :

• **Pression** : P (en Pascal)

• Volume : V (en m³)

• **Température** : T (en Kelvin)

• Masse : m (en kg)

• Nombre de moles : n (en mol)

• Chaleur : Q (en J)

Énergie interne U

En joule, cette énergie est une fonction d'état (ne dépend pas du chemin suivie lors d'une transformation).

$$dU = C_v dT + (l - P) dV$$

Chaleur Q

Energie calorifique échangé au cours d'une transformation.

$$Q_{\text{rév}} = C_v \, \mathrm{d}T + l \, \mathrm{d}V$$

$$Q_{\text{r\'ev}} = C_p \, \mathrm{d}T + h \, \mathrm{d}P$$

Travail W

Energie non calorifique échangé au cours d'une transformation :

$$\delta W = -P_{ext} \, \, \mathrm{d}V$$

Enthalpie H

L'enthalpie est une fonction d'état extensive mesurée en joule.

$$H = U + PV$$

$$dH = C_p dT + (h+V) dP$$

Entropie : S

L'entropie est une fonction d'état extensive mesurée en joule par Kelvin.

C'est est une grandeur physique qui caractérise le degré de désorganisation d'un système.

$$dS_{\sigma} = \frac{\delta Q_{\sigma, \text{r\'ev}}}{T_{\sigma}}$$

2 Capacité Calorifique d'un système

La capacité thermique est une grandeur extensive en $J.K^{-1}$. C'est l'énergie à apporter pour élever la température d'un degré.

Pour les gaz, comme ils sont compressibles, on distingue deux modes de chauffage :

- Chauffage isobare : on définis C_p (capacité calorifique du gaz à pression constante).
- \bullet Chauffage isochore : on définis C_v (capacité calorifique du gaz à volume constant).

Coefficient de Laplace d'un gaz : γ

Le coeficient de Laplace (ou l'indice adiabatique) d'un gaz est défini comme le rapport de ses capacités thermiques à pression constante et à volume constant : $\boxed{\gamma = \frac{C_p}{C_v}}$

Avec la **relation de Mayer** $C_P - C_V = R$ on peut en déduire que pour les gaz monoatomiques, $\gamma \approx 1,67$ et pour les gaz diatomiques, $\gamma \approx 1,4$.

3 Les Principes de la Thermodynamique

Un principe est une loi générale qui s'applique à tous les systèmes thermodynamiques. Il n'a pas été démontré, mais aucun résultat experimental ne l'a contredit.

Le Premier Principe

Conservation de l'énergie : $\boxed{\mathrm{d}U = \delta Q + \delta W}$

Le Second Principe

L'entropie d'un système isolé ne peut qu'augmenter : $dS \ge 0$ (créable et indestructible).

Le Troisième Principe

L'entropie d'un cristal parfait à 0 K est nulle : S(0) = 0

L'entropie d'un système ne peut pas être inférieure à $0: S \ge 0$

4 Gaz parfaits

Loi des Gazs Parfaits

$$PV = nRT$$

Avec P en Pascals, V en m^3 , n en mol, $R=8,314\,\mathrm{Jmol}^{-1}\mathrm{K}^{-1}$ et T en Kelvin.

Chaleur Q

Pour un gaz parfait, comme la chaleur latente d'expension l=P et que la chaleur latente de compression h=-V on a :

$$Q_{\rm GP,r\acute{e}v} = C_v \, \mathrm{d}T + P \, \mathrm{d}V$$

$$Q_{\rm GP,r\acute{e}v} = C_p \, \mathrm{d}T - V \, \mathrm{d}P$$

Energie interne

 $dU_{GP} = C_v dT$

Avec ΔU en Joules.

Enthalpie

 $dH_{GP} = C_p dP$

5 Transformation d'un gaz parfait entre deux états A et B

Lors d'une transformation, le système peut échanger de l'énergie avec le milieu extérieur sous forme de travail (noté W) ou de chaleur (noté Q).

On distingue deux types de transformations :

- **réversible :** cas hypothétique d'une transformation infiniment lente. Donc le système est constament à l'équilibre avec l'extérieur.
- **irréversible** : Transformation "réelle" hors équilibre avec l'extérieur.

5.1 Transformation Adiabatique

Pas d'échange de chaleur avec l'extérieur : Q = 0

 $\implies \Delta U = W = n\overline{C}_v\Delta T$ le travail se comporte comme une fonction d'état $(W_{\text{rév}} = W_{\text{irrév}})$.

5.1.1 Réversible

• Relation de Poisson : $PV^{\gamma} = \text{cste}$

• Relation de Laplace : $TV^{\gamma-1} = cste$

• Relation de Clapeyron : $T^{\gamma}P^{1-\gamma} = \text{cste}$

5.2 Transformation Isotherme

Transformation à température constante $(T_A = T_B)$. Comme $\Delta U_{GP} = 0$ $(\Delta T = 0)$ on a $W_{AB} = -Q_{AB}$.

5.2.1 Réversible

$$\begin{split} W_{AB} &= \int_{V_A}^{V_B} -P_{ext} \, \mathrm{d}V = \int_{V_A}^{V_B} -P_{\sigma} \, \mathrm{d}V = \int_{V_A}^{V_B} -\frac{nRT}{V} \, \mathrm{d}V = -nRT \int_{V_A}^{V_B} \frac{\mathrm{d}V}{V} = -nRT \ln \left(\frac{V_B}{V_A}\right) \\ \Delta S_{\sigma} &= \int_A^B \frac{\delta Q_{\sigma,\mathrm{r\acute{e}v}}}{T_{\sigma}} = \int_{V_A}^{V_B} \frac{P_{\sigma} \, \mathrm{d}V}{T_{\sigma}} = \int_A^B \frac{-\delta W_{\mathrm{r\acute{e}v}}}{T_{\sigma}} = nR \ln \left(\frac{V_B}{V_A}\right) \\ \Delta S_{\mathrm{ext}} &= \int_A^B \frac{\delta Q_{\mathrm{ext,r\acute{e}v}}}{T_{\mathrm{ext}}} = \int_A^B \frac{-\delta Q_{\sigma,\mathrm{r\acute{e}v}}}{T_{\mathrm{ext}}} = -nR \ln \left(\frac{V_B}{V_A}\right) \end{split}$$

On retrouve bien que pour une transformation réversible : $\Delta U_u = 0$. (On aurait pu directement dire que $\Delta U_{\rm ext} = -\Delta U_{\sigma}$)

5.2.2 Irréversible

$$W_{AB'} = \int_{V_A}^{V_B} -P_{ext} \, dV = -P_{ext} \int_{V_A}^{V_B} dV = -P_{ext}(V_B - V_A) = P_{ext}(V_A - V_B)$$
$$\Delta S'_{\sigma} = \int_A^B \frac{\delta Q_{\sigma, \text{r\'ev}}}{T_{\sigma}} = \int_{V_A}^{V_B} \frac{P \, dV}{T_{\sigma}} = \int_A^B \frac{-\delta W_{AB}}{T_{\sigma}} = nR \ln \left(\frac{V_B}{V_A}\right)$$

On retrouve bien que $\Delta S'_{\sigma} = \Delta S_{\sigma}$ puisque l'entropie est une fonction d'état.

$$\Delta S_{\rm ext}' = \int_A^B \frac{\delta Q_{\rm ext,r\acute{e}v}}{T_{\rm ext}} = \int_A^B \frac{-\delta Q_{\sigma,\rm irr\acute{e}v}}{T_{\rm ext}} = \int_A^B \frac{\delta W_{\sigma,\rm irr\acute{e}v}}{T_{\rm ext}} = -\frac{P_B(V_B-V_A)}{T_{\rm ext}}$$

$$\Delta U_u' = \frac{-W_{\rm r\acute{e}v}}{T_{\rm ext}} + \frac{W_{\rm irr\acute{e}v}}{T_{\rm ext}} = \frac{W_{\rm irr\acute{e}v}-W_{\rm r\acute{e}v}}{T_{\rm ext}} > 0$$

5.3 Transformation Isobare

Transformation à pression constante $(P_A = P_B)$.

5.3.1 Réversible

$$Q_{AB} = n\overline{C}_p \,\Delta T - V \,\Delta P = n\overline{C}_p \,\Delta T$$

5.3.2 Irréversible

$$W_{AB'} = \int_{V_A}^{V_B} -P_{\text{ext}} dV = -P_{\text{ext}}(V_B - V_A) = P_{\text{ext}}(V_A - V_B)$$

5.4 Transformation Isochore

Transformation à volume constant $(V_A = V_B)$.

Dans tout les cas : $W_{AB} = 0$ car dV = 0. Donc on a $\Delta U_{GP} = Q_{AB}$.

Dans tout les cas : $Q_{AB} = \Delta H_{GP} = C_p \Delta T$

5.4.1 Réversible

$$Q_{AB} = n\overline{C}_p \,\Delta T - V \,\Delta P = n\overline{C}_p \,\Delta T$$