Formulaire de Thermodynamique

Raphaël Jamann

1 Les différentes forces

1.1 Force de frottement solide

$F_f = \mu N$

- μ : coefficient de frottement qui dépend des matériaux du support et du système.
- N : la norme de la réaction normale du support.

1.2 Force de Pesanteur (Poids)

$$F_p = mg$$

- F_p : force de pesanteur.
- m: masse de l'objet (en kilogrammes).
- g : accélération due à la gravité (9.81 $m\,s^{-2}$).

1.3 Force de Réaction Normale

$$N = F_p \cos(\theta)$$

- \bullet N: force normale.
- F_p : force de pesanteur.
- θ : angle entre la surface et l'horizontale.

1.4 Force de Frottement Solide

$$F_f = \mu N$$

- F_f : force de frottement.
- μ : coefficient de frottement (statique ou cinétique). $\mu_c = \frac{R_T}{R_N}$ quand le système glisse et $\mu_s = \frac{R_{T_{max}}}{R_N}$ quand il est statique.
- \bullet N: force normale.

1.5 Force Élastique (Loi de Hooke)

$$\overrightarrow{F} = -k(L-l)\overrightarrow{u}$$

- \bullet F: force de rappel d'un ressort.
- k: constante de raideur (en N, m^{-1}).
- \bullet l: longueur "à vide" du ressort.
- $\bullet \ L$: longueur du ressort étiré ou compressé.
- \overrightarrow{u} : vecteur dirigé de l'extrémité fixe du ressort vers le système (l'autre extrémité).

1.6 Force Gravitationnelle

$$F_g = G \frac{m_1 m_2}{r^2}$$

- F_g : force gravitationnelle.
- G: constante de gravitation universelle $(6,67\times 10^{-11}\ N\ (m^2\ kg^{-2}))$.
- m_1 et m_2 : masses des objets.
- \bullet r: distance entre les centres de masse.

1.7 Force de Lorentz

magnétique

$$\overrightarrow{F} = q(\overrightarrow{E} + \overrightarrow{v} \wedge \overrightarrow{B}) = \underbrace{q\overrightarrow{E}} + \overbrace{q\overrightarrow{v} \wedge \overrightarrow{B}}$$

électrique

Une charge q qui se déplace dans une région de l'espace où coexistent un champ électrique \overrightarrow{E} et un champ magnétique \overrightarrow{B} , subit une force totale dite de Lorentz.

1.8 Force de Laplace

Soit un fil rectiligne de longueur l parcouru par un courant I. Si ce fil est situé dans une région de l'espace où il y a un champ magnétique \overrightarrow{B} , alors il est soumis à une force de Laplace donnée par :

$$\overrightarrow{F} = I \cdot \overrightarrow{l} \wedge \overrightarrow{B}$$

2 Les Lois de Newton

• 1ère loi de Newton : principe d'inertie

Si R_g est galiléen, alors tout référentiel en translation rectiligne uniforme par rapport à R_g est aussi galiléen.

 $\frac{\mathrm{d}\varepsilon_c}{\mathrm{d}t} = 0 \qquad \frac{\mathrm{d}\overrightarrow{p}}{\mathrm{d}t} = \overrightarrow{0} \qquad \frac{\mathrm{d}\overrightarrow{\sigma}}{\mathrm{d}t} = \overrightarrow{0}$

• 2ème loi de Newton : principe fondamental de la dynamique (PFD)

Les forces sont à l'origine du mouvement : $\sum \overrightarrow{F_{ext}} = \frac{d\overrightarrow{p}}{dt} = m\overrightarrow{d}$ dans un référentiel galiléen.

• 3ème loi de Newton : principe des actions réciproques Si deux points sont en interaction, on a deux forces : $f_{1/2} = -f_{2/1}$

Une force unique existant seule n'existe pas, d'où la résultante nulle des forces intérieures à un système.

3 **Définitions**

3.1 Quantité de mouvement

La quantité de mouvement (ou résultante cinétique) est définie comme :

$$\overrightarrow{p} = m\overrightarrow{v}$$

3.2 Moment cinétique

Le moment cinétique est le moment de la quantité de mouvement \overrightarrow{p} .

$$\overrightarrow{\sigma} = \overrightarrow{OM} \wedge \overrightarrow{p} = \overrightarrow{OM} \wedge m\overrightarrow{v}$$

Moment d'inertie 3.3

Le moment d'inertie d'un solide (domaine \mathcal{D}) par rapport à un axe fixe Δ est :

$$J_{\Delta} = \iiint_{\mathcal{D}} r^2 dm$$

Energie cinétique 3.4

L'énergie cinétique d'un point matériel de masse m et de vitesse v est :

$$E_c = \frac{1}{2}mv^2$$

Cas du mouvement de rotation autour d'un axe fixe Δ :

$$E_c = \frac{1}{2} J_{\Delta} \omega^2$$

Energie Potentiel 3.5

s'écrire sous la forme d'une différentielle exacte norme de sa vitesse.

alors, on peut définir une énergie potentielle E_p telle que :

$$\mathrm{d}E_p = -\mathrm{d}W$$

On dit que la force dérive d'une énergie potentielle et aussi que cette force est conservative.

3.6 Energie mécanique

Définition de l'énergie mécanique :

$$E_M = E_C + \sum E_P$$

Travail d'une force 3.7

Le travail mécanique représente la quantité d'énergie échangée entre le système et le milieu extérieur.

$$\delta W = \overrightarrow{F} \cdot \overrightarrow{dl} \qquad W_{A \cdot B}(\overrightarrow{F}) = \int_{A}^{B} \overrightarrow{F} \cdot \overrightarrow{dl}$$

Dans le cas d'une rotation élémentaire du point M autour de (Oz):

$$\delta W = \mathcal{M}_{Oz}(\overrightarrow{F}) d\theta$$

Puissance d'une force 3.8

2

La puissance d'une force F, qui s'exerce sur un point M de vitesse \overrightarrow{v} est définie par :

$$P = \overrightarrow{F} \cdot \overrightarrow{v}$$

Lorsque la puissance d'une force est nulle (P=0), la force peut dévier la tra-Si le travail élémentaire de la force F peut jectoire du système mais pas modifier la

4 Les théorèmes importants

4.1 Théorème de l'énergie mécanique

Dans un référentiel galiléen, la variation d'énergie mécanique d'un point matériel est égale à la somme des travaux des forces non-conservatives :

$$\Delta E_M = E_M(B) - E_M(A) = \sum_i W_{A + B}(\overrightarrow{F}_{i, \mathbf{nc}}) = W_{A + B}(\overrightarrow{F}_{ext, \mathbf{nc}})$$

4.2 Théorème de l'énergie cinétique (TEC)

Dans un référentiel galiléen, la variation de l'énergie cinétique d'un point matériel est égale à la somme des travaux de toutes les forces :

$$\Delta E_C = E_C(B) - E_C(A) = \sum_i W_{A \to B}(\overrightarrow{F_i}) = W_{A \to B}(\overrightarrow{F_{ext}})$$
$$dE_c = \delta W_{(\overrightarrow{F})}$$

4.3 Théorème du moment cinétique (TMC)

Pour un point matériel en rotation autour d'un axe fixe Δ ($J_{\Delta}\ddot{\theta}$ la dérivée du moment cinétique sur Δ) :

$$\sum \mathcal{M}_{\overrightarrow{F}}(\Delta) = J_{\Delta} \ddot{\theta} = J_{\Delta} \dot{\omega}$$

Ou alors dans un référentiel galiléen, la dérivée par rapport au temps du moment cinétique $\frac{d\overrightarrow{\sigma O}}{dt}$ du point matériel calculé en O (point fixe) est égal au moment $\overrightarrow{\Gamma_O}$ par rapport à O de la résultante des forces \overrightarrow{R} .

$$\frac{\mathrm{d}\overrightarrow{\sigma_O}}{dt} = \sum \overrightarrow{\mathcal{M}_{0(\overrightarrow{F}_{ext})}} = \overrightarrow{OM} \wedge \overrightarrow{R} = \overrightarrow{\Gamma_O}$$

Attention cependant à être en méanique du point. Sinon $\overrightarrow{\Gamma_O} \neq \overrightarrow{OM} \wedge \overrightarrow{R}$!

4.4 Théorème de la puissance cinétique

Dans un référentiel galiléen, la dérivée par rapport au temps de l'énergie cinétique d'un point matériel est égale à la puissance de toutes les forces appliquées.

$$P_{tot} = \frac{\mathrm{d}E_c}{\mathrm{d}t}$$