Utilização de indicadores ambientais e epidemiológicos no estudo da dinâmica de doenças transmitidas por vetores

Raphael Felberg Levy

Fundação Getulio Vargas Escola de Matemática Aplicada

Orientador:

Flávio Codeço Coelho

Trabalho de Conclusão de Curso 12 de dezembro de 2023



Sumário

- Introdução
- Metodologia
 - SIR-SEI original
 - SIR-SEI modificado
- Resultados
- Referências



Raphael Felberg Levy 2/x

Introdução

Base de referência: Trajetórias – Base de referência para o TCC, elaborado por pesquisadores do Centro de Biodiversidade e Serviços Ecossistêmicos SinBiose/CNPq ¹. Inclui indicadores de diferentes dimensões para municípios da Amazônia Legal:

- Perda de biodiversidade: desmatamento, degradação florestal, queimadas, mineração
- Anomalias climáticas: precipitação, temperatura mínima
- Ocorrência de doenças: malária, doença de Chagas, leishmaniose, dengue

Objetivo: Estudo de dinâmicas da malária na região amazônica com base em fatores epidemiológicos, climáticos e ambientais.

Metodologia: Análise dos comportamentos da transmissão através de modelos SIR e SEI para populações de hospedeiros e vetores.





Raphael Felberg Levy 3/x

Introdução

Dados utilizados: com base no dataset do Trajetórias, foram selecionados dados da malária causada pelo *Plasmodium Vivax*, espécie responsável pelo maior número de casos no Brasil ², na zona rural de Manaus entre os anos de 2004 e 2008, devido ao seu valor de maior incidência, que foi de 184030,772087255. A incidência é calculada da seguinte maneira:

$$\operatorname{Inc}(d, m, z, t_1, t_2) = \frac{\operatorname{Casos}(d, m, z, t_1, t_2)}{\operatorname{Pop}(m, z, (t_1 + t_2)/2) \times 5 \text{ anos}} \times 10^5.$$

Tendo também o número de casos na municipalidade no período de 5 anos, que foi de 78745, foi possível estimar a população no meio do período como sendo de 8558 pessoas. Através do mesmo cálculo, utilizando casos de todo o município, foi possível estimar a população rural como sendo aproximadamente 0.5% da população total da cidade.



Raphael Felberg Levy 4/x

Introdução

Dados utilizados e teoria: utilizando o censo do IBGE ³, também estimei a população rural da cidade para cada ano do estudo, para que pudessem ser verificados em análises com dinâmicas demográficas.

Quanto aos fatores ambientais, foi decidido estudar impactos do desmatamento em geral, causado pela construção de estradas, assentamentos, práticas agrícolas e extrativistas, entre outras ⁴.

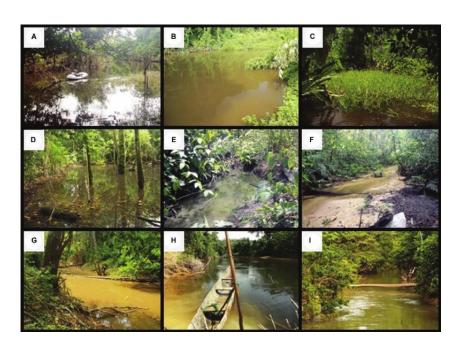


Foto 1: criadouros naturais do Anopheles ⁵



Foto 2: bordas florestais se tornam criadouros ideais ⁶

Ano	População rural estimada
2004	7717
2005	7889
2006	8061
2007	8233
2008	8492
2009	8751



Metodologia

Formulação original: elaborada por Paul E. Parham & Edwin Michael ⁷, com o objetivo de considerar como os efeitos da sazonalidade podem ser incorporados em modelos e podem impactar a dinâmica da população de vetores.

$$\begin{cases} \frac{dS_H}{dt} = -ab_2 \left(\frac{I_M}{N}\right) S_H \\ \frac{dI_H}{dt} = ab_2 \left(\frac{I_M}{N}\right) S_H - \gamma I_H \\ \frac{dR_H}{dt} = \gamma I_H \\ \frac{dS_M}{dt} = b - ab_1 \left(\frac{I_H}{N}\right) S_M - \mu S_M \\ \frac{dE_M}{dt} = ab_1 \left(\frac{I_H}{N}\right) S_M - \mu E_M - ab_1 \left(\frac{I_H}{N}\right) S_M l(\tau_M) \\ \frac{dI_M}{dt} = ab_1 \left(\frac{I_H}{N}\right) S_M l(\tau_M) - \mu I_M \end{cases}$$



Raphael Felberg Levy 6/x

Metodologia

Funções e parâmetros utilizados:

Parâmetro	Definição	Cálculo
T(t)	Temperatura	$T_1(1+T_2\cos(\omega_1t-\phi_1))$
R(t)	Precipitação	$R_1(1+R_2\cos(\omega_2t-\phi_2))$
b(R,T)	Taxa de nascimento de mosquitos (/ dia)	$\frac{B_E p_E(R) p_L(R, T) p_P(R)}{(\tau_E + \tau_L(T) + \tau_P)}$
a(T)	Taxa de picadas (/dia)	$\frac{(T-T_1)}{D_1}$
$\mu(T)$	Taxa de mortalidade de mosquitos per capita (/ dia)	$-\log(p(T))$
$\tau_M(T)$	Duração do ciclo de esporozoitos (dias)	$\frac{DD}{(T - T_{min})}$
$\tau_L(T)$	Duração da fase de desenvolvimento das larvas (dias)	$\frac{1}{c_1T+c_2}$
p(T)	Taxa diária de sobrevivência dos mosquitos	$e^{(-1/(AT^2+BT+C))}$
$p_L(R)$	Probabilidade de sobrevivência das larvas de- pendente de chuva	$\left(\frac{4p_{ML}}{R_L^2}\right)R(R_L-R)$
$p_L(T)$	Probabilidade de sobrevivência das larvas de- pendente de temperatura	$e^{-(c_1T+c_2)}$
$p_L(R,T)$	Probabilidade de sobrevivência das larvas de- pendente de temperatura e chuva	$p_L(R)p_L(T)$
$l(\tau_M)(T)$	Probabilidade de sobrevivência de mosquitos durante o ciclo de esporozoitos (/ dia)	$p(T)^{\tau_M(T)}$
M(t)	Número total de mosquitos	$S_M(t) + E_M(t) + I_M(t)$
N(t)	Número total de humanos	$S_H(t) + I_H(t) + R_H(t)$

Parâmetro	Definição
b_1	Proporção de picadas de mosquitos suscetíveis em humanos infectados que produzem infecção
b_2	Proporção de picadas de mosquitos infectados em humanos suscetíveis que produzem infecção
γ	$1/{\rm Duração}$ média da infecciosidade em humanos (dias $^{-1})$
T_1	Temperatura média na ausência de sazonalidade (°C)
T_2	Amplitude da variabilidade sazonal na temperatura
R_1	Precipitação mensal média na ausência de sazonalidade (mm)
R_2	Amplitude da variabilidade sazonal na precipitação
ω_1	Frequência angular das oscilações sazonais na temperatura (meses ⁻¹)
ω_2	Frequência angular das oscilações sazonais na precipitação (meses $^{-1}$)
ϕ_1	"Phase lag" da variabilidade da temperatura (defasagem de fase)
ϕ_2	"Phase lag" da variabilidade da precipitação (defasagem de fase)
B_E	Número de ovos colocados por adulto por oviposição
p_{ME}	Probabilidade máxima de sobrevivência dos ovos
p_{ML}	Probabilidade máxima de sobrevivência das larvas
p_{MP}	Probabilidade máxima de sobrevivência das pupas
$ au_E$	Duração da fase de desenvolvimento dos ovos (dias)
b_3^*	Taxa de infecção em mosquitos expostos $(1/\tau_M(T))$

Parâmetro	Definição
$ au_P$	Duração da fase de desenvolvimento das pupas (dias)
R_L	Chuva limite até que os sítios de reprodução sejam eliminados, removendo indivíduos de estágio imaturo (mm)
T_{min}	Temperatura mínima, abaixo dessa temperatura não há desenvolvimento do parasita: 14.5 (° $\!C\!$)
DD	"Degree days" para desenvolvimento do parasita. Número de graus em que a temperatura média diária excede a temperatura mínima de desenvolvimento. "Sum of heat" para maturação: $105~(^{\circ}C~{\rm dias})$
Λ	Parâmetro empírico de sensibilidade (° C^2 dias $^{-1}$)
В	Parâmetro empírico de sensibilidade (°C dias ⁻¹)
C	Parâmetro empírico de sensibilidade (dias ⁻¹)
D_1	Constante: 36.5 (°C dias)
c_1	Parâmetro empírico de sensibilidade (° C dias $^{-1}$)
c_2	Parâmetro empírico de sensibilidade (dias ⁻¹)
T'*	Parâmetro empírico de temperatura (° C)



Raphael Felberg Levy 7/x

Metodologia

Formulação adaptada: para o desenvolvimento do TCC, as equações originais foram modificadas de forma a incluir uma taxa de natalidade e mortalidade de humanos μ_H , um parâmetro de infecção de expostos b_3 , além do fator k utilizado para estudar os efeitos do desmatamento.

$$\begin{cases} \frac{dS_H}{dt} = \mu_H N - akb_2 \left(\frac{I_M}{N}\right) S_H - \mu_H S_H \\ \frac{dI_H}{dt} = akb_2 \left(\frac{I_M}{N}\right) S_H - \gamma I_H - \mu_H I_H \\ \frac{dR_H}{dt} = \gamma I_H - \mu_H R_H \\ \frac{dS_M}{dt} = b - akb_1 \left(\frac{I_H}{N}\right) S_M - \mu S_M \\ \frac{dE_M}{dt} = akb_1 \left(\frac{I_H}{N}\right) S_M - \mu E_M - b_3 E_M - lE_M \\ \frac{dI_M}{dt} = b_3 E_M - \mu I_M \end{cases}$$



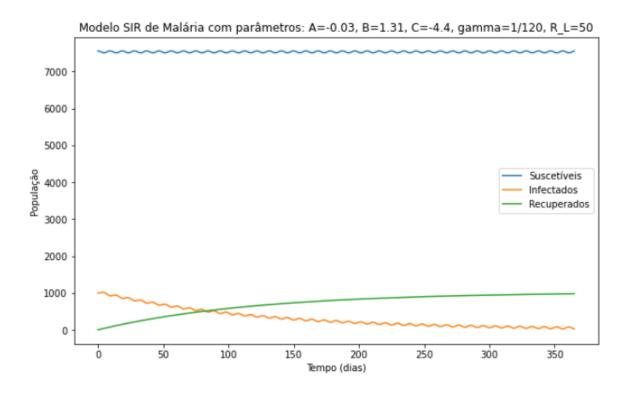
Raphael Felberg Levy 8/x

Formulação original: utilizando os métodos como foram definidos pelos autores de referência, assim como os valores passados para os parâmetros, os resultados foram como a seguir:



Raphael Felberg Levy 9/x

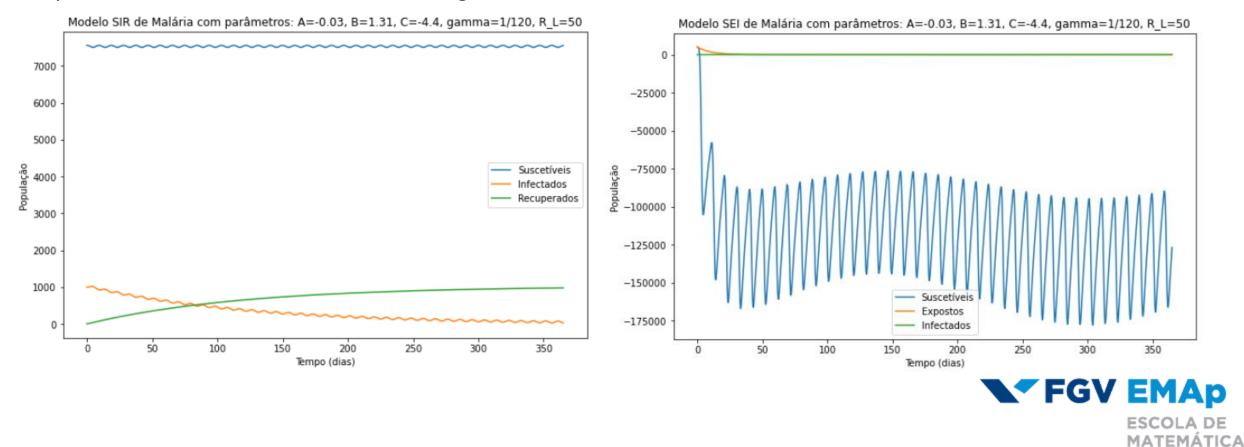
Formulação original: utilizando os métodos como foram definidos pelos autores de referência, assim como os valores passados para os parâmetros, os resultados foram como a seguir:





Raphael Felberg Levy 9/x

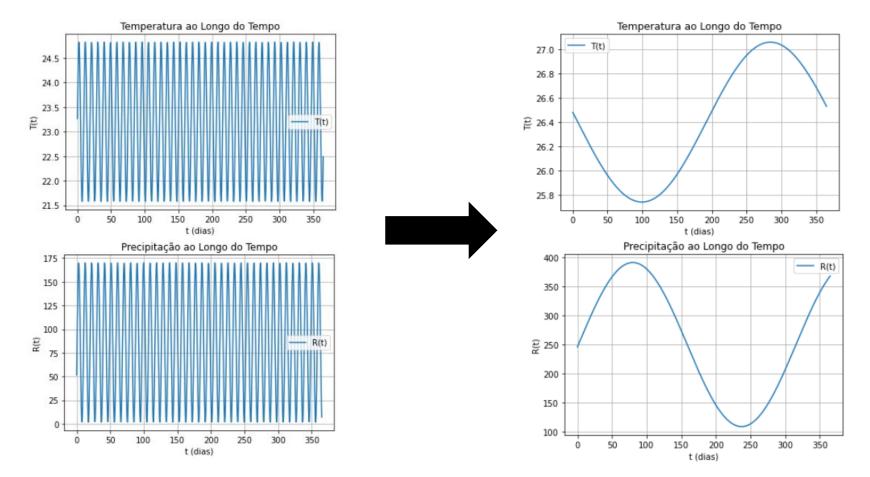
Formulação original: utilizando os métodos como foram definidos pelos autores de referência, assim como os valores passados para os parâmetros, iniciando com 10.000 mosquitos, sendo metade inicialmente exposta, os resultados foram como a seguir:



Raphael Felberg Levy 9/x

APLICADA

Adaptando as funções R e T: de forma a aproximar a temperatura e chuva em Manaus ao longo do ano 8 , modifiquei os fatores T, R, ω e Φ :



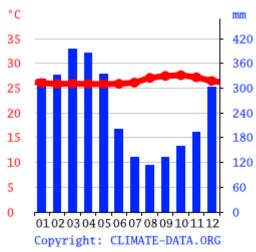
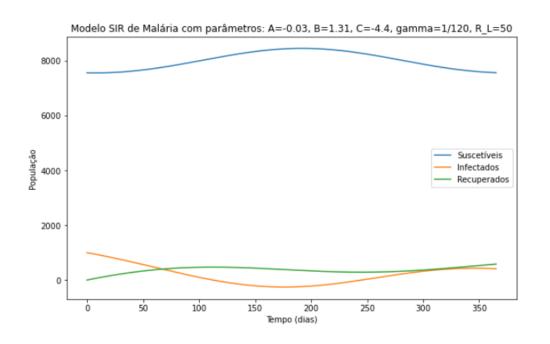


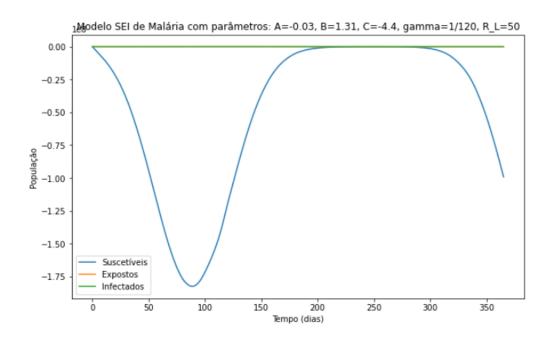
Foto 3: evolução da temperatura e precipitação em Manaus



Raphael Felberg Levy 10/x

Formulação com R e T adaptados: tendo corrigido os parâmetros de R e T, e mantendo os demais, o resultado ficou como a seguir:

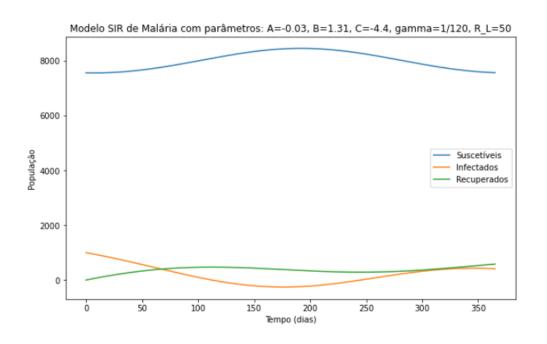


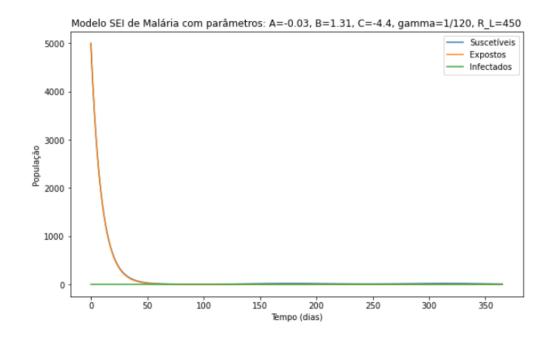




Raphael Felberg Levy 11/x

Formulação com R_L aumentado: como a média de chuvas passou de 85.9 mm para 250.083 mm, foi decidido aumentar R_L de 50 para 450.

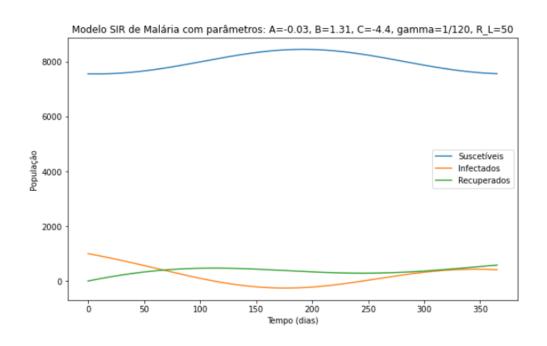


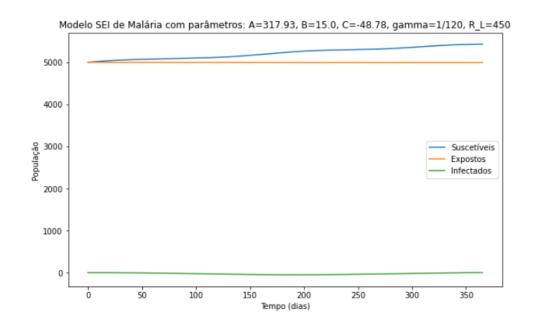




Raphael Felberg Levy 12/x

Formulação para alcançar equilíbrio de mosquitos: como visto no slide anterior, a população de mosquitos não consegue se estabelecer, e tende à extinção. Isso é devido à taxa de mortalidade μ, que tem valores relativamente grandes quando A é muito pequeno. Modificando A, B e C para aproximar do equilíbrio:



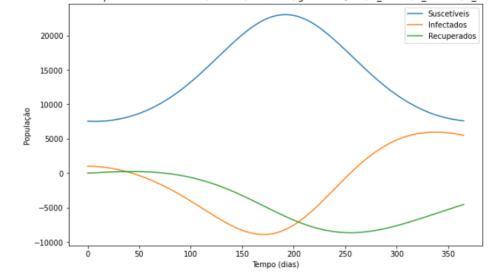




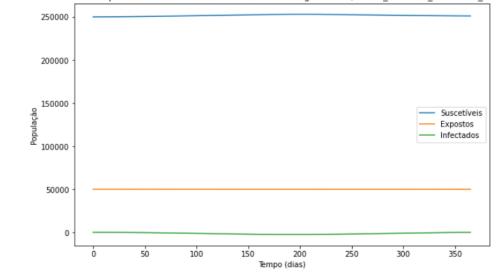
Raphael Felberg Levy 13/x

Aumentando o número de mosquitos: numa região de floresta tropical como a Amazônia, 10.000 mosquitos pode ser um número muito baixo. Aumentando M para 300.000 e E_{M0} para 50.000. Também aumentei as probabilidades de sobrevivência dos ovos, larvas e pupas nos criadouros:











Raphael Felberg Levy 14/x

Modificando a passagem de mosquitos entre compartimentos: como pôde ser notado, as populações de mosquitos não estão evoluindo entre os compartimentos. Isso se dá pois os valores de dS_M , dE_M e dI_M estão muito próximos de 0. Para contornar esse efeito, as equações do SEI foram modificadas, de forma a utilizar um parâmetro b_3 de infecção de expostos, sendo uma taxa inversa ao período de incubação: b_3 = (T-T_{min})/DD.

$$\begin{cases}
\frac{dS_M}{dt} = b - ab_1 \left(\frac{I_H}{N}\right) S_M - \mu S_M \\
\frac{dE_M}{dt} = ab_1 \left(\frac{I_H}{N}\right) S_M - \mu E_M - ab_1 \left(\frac{I_H}{N}\right) S_M l(\tau_M)
\end{cases}$$

$$\begin{cases}
\frac{dS_M}{dt} = b - ab_1 \left(\frac{I_H}{N}\right) S_M - \mu S_M \\
\frac{dE_M}{dt} = ab_1 \left(\frac{I_H}{N}\right) S_M - \mu E_M - b_3 E_M l
\end{cases}$$

$$\begin{cases}
\frac{dI_M}{dt} = ab_1 \left(\frac{I_H}{N}\right) S_M l(\tau_M) - \mu I_M
\end{cases}$$

$$\begin{cases}
\frac{dI_M}{dt} = ab_1 \left(\frac{I_H}{N}\right) S_M l(\tau_M) - \mu I_M
\end{cases}$$

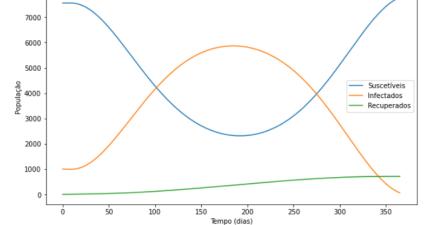
$$\begin{cases}
\frac{dI_M}{dt} = b - ab_1 \left(\frac{I_H}{N}\right) S_M - \mu E_M - b_3 E_M l
\end{cases}$$

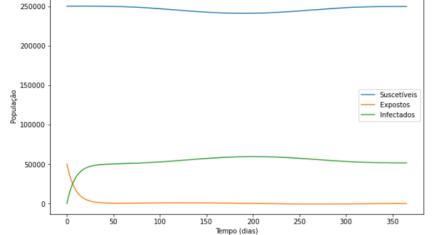


Raphael Felberg Levy 15/x

Modificando a passagem de mosquitos entre compartimentos: como pôde ser notado, as populações de mosquitos não estão evoluindo entre os compartimentos. Isso se dá pois os valores de dS_M , dE_M e dI_M estão muito próximos de 0. Para contornar esse efeito, as equações do SEI foram modificadas, de forma a utilizar um parâmetro b_3 de infecção de expostos, sendo uma taxa inversa ao período de incubação: b_3 = (T-T_{min})/DD. Nesse ponto, de modo a também corrigir a população de humanos, γ passou de 1/120 para 1/1825, e foi incluído um parâmetro T' na taxa de picadas, substituindo T_1 .









Raphael Felberg Levy 15/x

Adaptando a probabilidade diária de sobrevivência: as adaptações anteriores feitas ao SEI, embora aproximem mais um comportamento real de transmissão considerando as entradas e saídas dos compartimentos, ainda precisaram ser adaptadas, de forma que a probabilidade diária de sobrevivência dos mosquitos, I, não fosse diretamente associada à taxa de infecção dos expostos, e também não é parte da entrada de novos indivíduos no compartimento I_M .

$$\begin{cases} \frac{dS_M}{dt} = b - ab_1 \left(\frac{I_H}{N}\right) S_M - \mu S_M \\ \frac{dE_M}{dt} = ab_1 \left(\frac{I_H}{N}\right) S_M - \mu E_M - b_3 E_M l \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{dI_M}{dt} = b_3 E_M l - \mu I_M \end{cases}$$

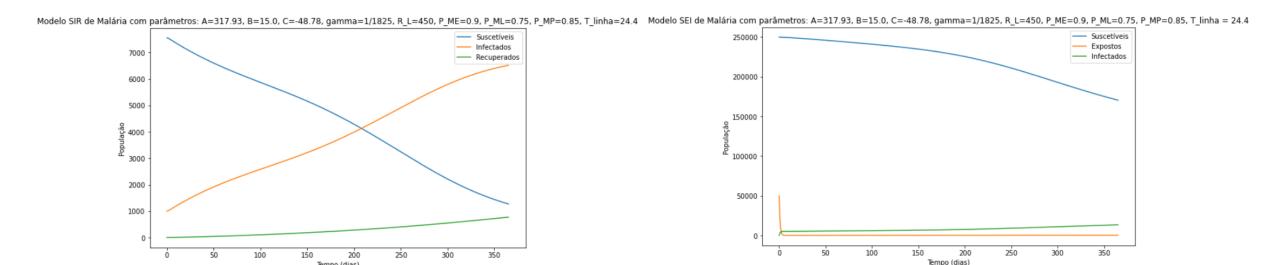
$$\begin{cases} \frac{dI_M}{dt} = b_3 E_M l - \mu I_M \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{dI_M}{dt} = b_3 E_M - \mu I_M \end{cases}$$



Raphael Felberg Levy 16/x

Adaptando a probabilidade diária de sobrevivência: as adaptações anteriores feitas ao SEI, embora aproximem mais um comportamento real de transmissão considerando as entradas e saídas dos compartimentos, ainda precisaram ser adaptadas, de forma que a probabilidade diária de sobrevivência dos mosquitos, I, não fosse diretamente associada à taxa de infecção dos expostos, e também não é parte da entrada de novos indivíduos no compartimento I_M.



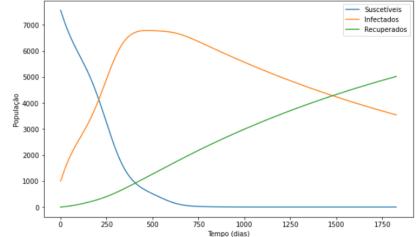
Tempo (dias)

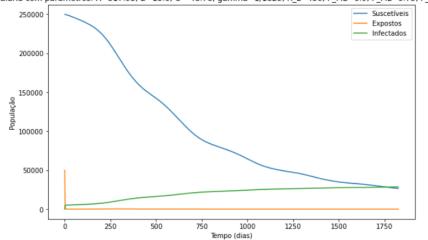


Raphael Felberg Levy 16/x

Adaptando a probabilidade diária de sobrevivência: as adaptações anteriores feitas ao SEI, embora aproximem mais um comportamento real de transmissão considerando as entradas e saídas dos compartimentos, ainda precisaram ser adaptadas, de forma que a probabilidade diária de sobrevivência dos mosquitos, I, não fosse diretamente associada à taxa de infecção dos expostos, e também não é parte da entrada de novos indivíduos no compartimento I_M .









Raphael Felberg Levy 16/x

Trabalho Futuro

- Comparar a metodologia original e modificada e verificar o que poderia ser modificado para que, utilizando os parâmetros originais, o modelo ainda tivesse um equilíbrio endêmico.
- Analisar a evolução dos equilíbrios dados por funções osciladoras ao longo do tempo.
- Aplicar métodos estocásticos, de forma a incorporar as variáveis ambientais em constante mudança.



Raphael Felberg Levy x/x

Referências

- 1. Rorato, A.C., Dal'Asta, A.P., Lana, R.M. et al. Trajetorias: a dataset of environmental, epidemiological, and economic indicators for the Brazilian Amazon. Sci Data 10, 65 (2023). https://doi.org/10.1038/s41597-023-01962-1 (https://zenodo.org/records/7098053#.ZA-AP3bMKUI).
- 2. Oliveira-Ferreira, J., Lacerda, M.V., Brasil, P. et al. Malaria in Brazil: an overview. Malar J 9, 115 (2010). https://doi.org/10.1186/1475-2875-9-115.
- 3. Censo Séries históricas. Brasil / Amazonas / Manaus. https://cidades.ibge.gov.br/brasil/am/manaus/pesquisa/43/0?tipo=gráfico.
- 4. Silva-Nunes, M. Impacto de Alterações Ambientais na Transmissão da Malária e Perspectivas para o Controle da Doença em Áreas de Assentamento Rural da Amazônia Brasileira. https://revistas.ufrj.br/index.php/oa/article/view/7101/5685.
- 5. Sánchez-Ribas, J. et al. New classification of natural breeding habitats for Neotropical anophelines in the Yanomami Indian Reserve, Amazon Region, Brazil and a new larval sampling methodology. Mem Inst Oswaldo Cruz, Rio de Janeiro, Vol. 110(6): 760-770, September 2015. https://www.scielo.br/j/mioc/a/HphVFKHGq65mVk4BxMPwwt5/?lang=en.
- 6. Study links malaria to deforestation in the Amazon. https://news.mongabay.com/2018/05/study-links-deforestation-and-malaria-in-the-amazon/.
- 7. Parham, P.E., Michael, E. (2010). Modelling Climate Change and Malaria Transmission. In: Michael, E., Spear, R.C. (eds) Modelling Parasite Transmission and Control. Advances in Experimental Medicine and Biology, vol 673. Springer, New York, NY. https://doi.org/10.1007/978-1-4419-6064-1 13.
- 8. Climate Data. CLIMA MANAUS (BRASIL). Clima Manaus: Temperatura, Tempo e Dados climatológicos Manaus (climate-data.org).



Raphael Felberg Levy x/x