

ΔΟΜΕΣ ΔΕΔΟΜΕΝΩΝ

Εργασία 1



ΜΑΓΚΟΣ ΡΑΦΑΗΛ-ΓΕΩΡΓΙΟΣ 3100098

ΜΠΟΓΔΑΝΟΣ ΜΙΧΑΗΛ 3100123

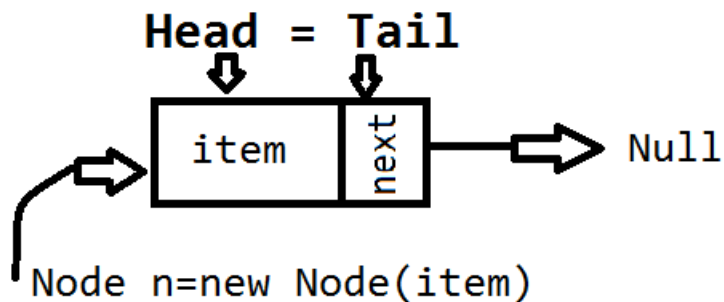
A.Επεξήγηση της υλοποίησης των διεπαφών

1)Τάξη IntQueueImpl

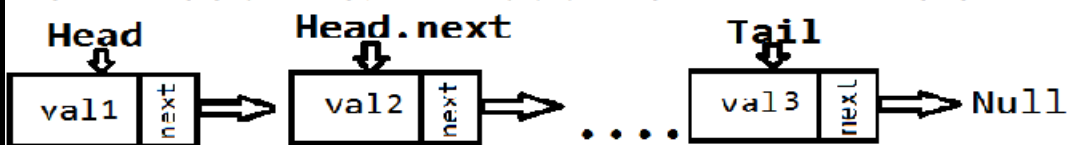
- Private αναφορές **head** και **tail** που θα δείχνουν στο πρώτο και στο τελευταίο στοιχείο αντίστοιχα.
- Private inner class **Node** που περιλαμβάνει private μεταβλητή **int val** για την εκχώρηση τιμής στο Node, private αναφορά **Node next** για να εκχωρούμε τον επόμενο κόμβο στον οποίο θα δείχνει το τρέχον αντικείμενο Node, κατάλληλες μεθόδους **get** για επιστροφή της τιμής του κόμβου και του επόμενου κόμβου, 2 κατασκευαστές εκ των οποίων ο πρώτος δέχεται 2 ορίσματα, την τιμή του κόμβου και τον επόμενο κόμβο και ο δεύτερος κατασκευαστής 1 όρισμα ,συγκεκριμένα την τιμή του κόμβου , και καλεί τον κατασκευαστή 2 ορισμάτων με παραμέτρους την τιμή του κόμβου και την τιμή **null** για τον επόμενο κόμβο.
- Μέθοδοι **getHead()** και **getTail()** για επιστροφή των private αναφορών **head** και **tail** αντίστοιχα.
- Μέθοδος **isEmpty()** που ελέγχει εάν η λίστα είναι κενή εξετάζοντας την αναφορά **head** αν είναι **null**.
- Μέθοδος **put(int item)** αρχικά δημιουργεί ένα νέο αντικείμενο **Node** εκχωρώντας στον κατασκευαστή ενός ορίσματος το **int item**(άρα θέτει το επόμενο **Node** που θα δείχνει ο νέος κόμβος ίσο με **null**).Εάν η λίστα είναι άδεια(κλήση της **isEmpty()**) τότε και οι δύο αναφορές **head** και **tail** γίνονται ίσες με τον νέο κόμβο.Αλλιώς το πεδίο **next** του νέου κόμβου γίνεται ίσο με **head** και επίσης το **head** πλέον δείχνει στον νέο κόμβο,ώστε το στοιχείο να τοποθετηθεί στην αρχή της λίστας.Η μέθοδος ολοκληρώνεται σε $O(1)$ πράξεις κάθε εντολή εκτελείται το πολύ λίγες φορές(και ανεξάρτητα του μεγέθους N της λίστας)

Σχηματικά τα παραπάνω για κάθε περίπτωση έχουν ως εξής

Περίπτωση κενής λίστας

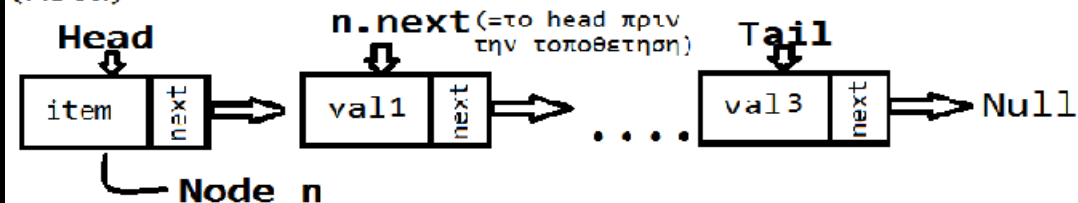


Περίπτωση μη κενής λίστας (Πριν γίνει τοποθέτηση του n)



Node n=new Node(item)

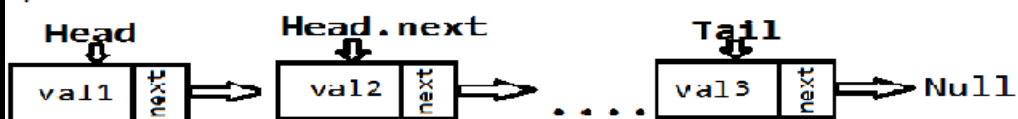
(Μετά)



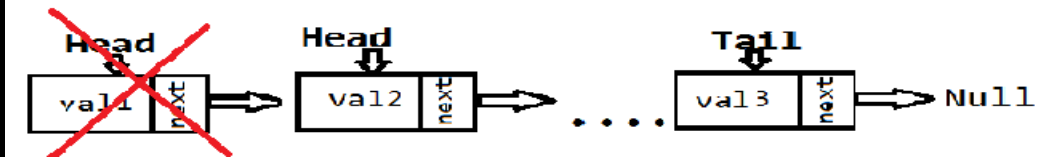
-**Μέθοδος `int get()`** αφαιρεί τον πρώτο κόμβο και επιστρέφει την τιμή του. Εάν η λίστα είναι άδεια, τότε προκύπτει `NoSuchElementException` γιατί δεν υπάρχει κεφαλή. Αλλιώς αφού η λίστα περιέχει πρώτο στοιχείο (`head`), κρατάμε την τιμή του (για να επιστραφεί στο τέλος) και εάν υπάρχει ένα στοιχείο μόνο στη λίστα (`head==tail`) τότε γίνονται null. Αλλιώς θα υπάρχουν >1 στοιχεία στην λίστα και πλέον κεφαλή θα είναι ο επόμενος κόμβος του `head` (πεδίο `head.next`). Σχηματικά έχουμε:

Περίπτωση μη κενής λίστας (με μέγεθος >1)

Πριν



Μετά



Ομοίως η αφαίρεση του στοιχείο ολοκληρώνεται σε $O(1)$ πράξεις για τον ίδιο λόγο με τη μέθοδο `put`.

-Μέθοδος `int size()` επιστρέφει το μέγεθος της λίστας. Εάν η λίστα είναι άδεια προφανώς το μέγεθος που επιστρέφει είναι μηδέν. Αλλιώς, διασχίζοντας την λίστα από την κεφαλή μέχρι το στοιχείο που δείχνει σε null (τελευταίο στοιχείο) αυξάνουμε έναν μετρητή, ο οποίος επιστρέφεται στο τέλος.

-Μέθοδος `void print(PrintStream stream)` τυπώνει τα περιεχόμενα κάθε κόμβου. Η λίστα διασχίζεται από την κεφαλή μέχρι το τελευταίο στοιχείο (το οποίο θα δείχνει σε null).

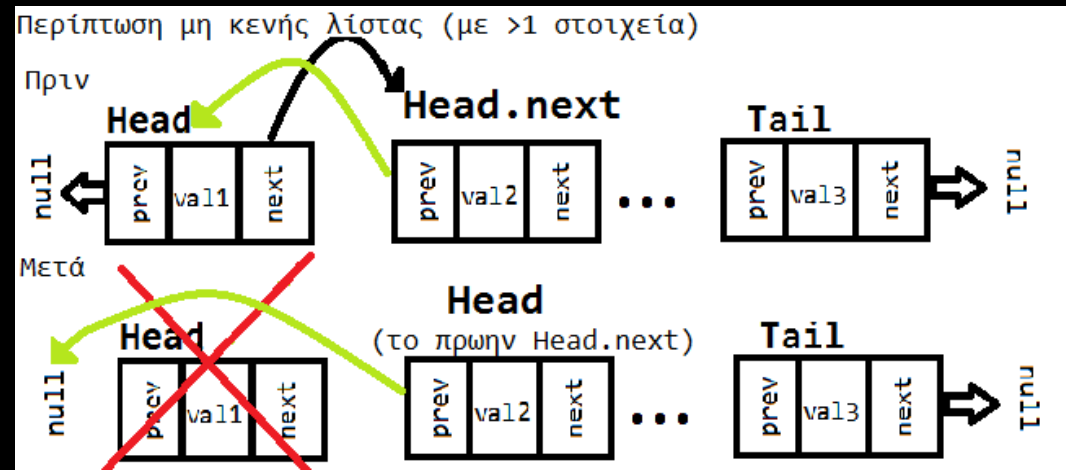
2) Τάξη `DoubleEndedQueue` (Παρατηρούμε ότι με την λίστα διπλής σύνδεσης είναι πολύ πιο εύκολη η αφαίρεση του τελευταίου στοιχείου σε σύγκριση με την λίστα μονής σύνδεσης)

-Private αναφορές `head` και `tail` που θα δείχνουν στο πρώτο και στο τελευταίο στοιχείο αντίστοιχα.

-Private inner class `Node` που περιλαμβάνει τα private μέλη `int val` (τιμή κόμβου), `Node next` και `Node prev` (αναφορά στον επόμενο και προηγούμενο κόμβο του τρέχοντος αντικειμένου `Node`). Ακόμη περιλαμβάνει τις κατάλληλες `get` μεθόδους για πρόσβαση στις παραπάνω private μεταβλητές.

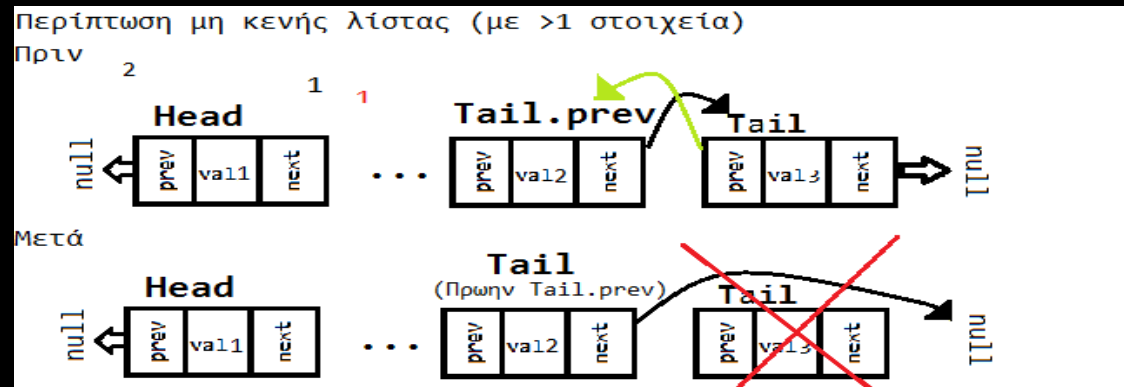
-Μέθοδοι `getHead()`, `getTail()`, `isEmpty()` ορίζονται ίδια με την `IntQueueImpl`

-Μέθοδοι `int removeFirst()` υλοποιείται με το ίδιο σκεπτικό της `get()` της class `IntQueueImpl` με την διαφορά ότι πρέπει να ενημερώσουμε το πεδίο `prev` του επόμενου από την κεφαλή κόμβου. Σχηματικά η διαδικασία φαίνεται δίπλα.



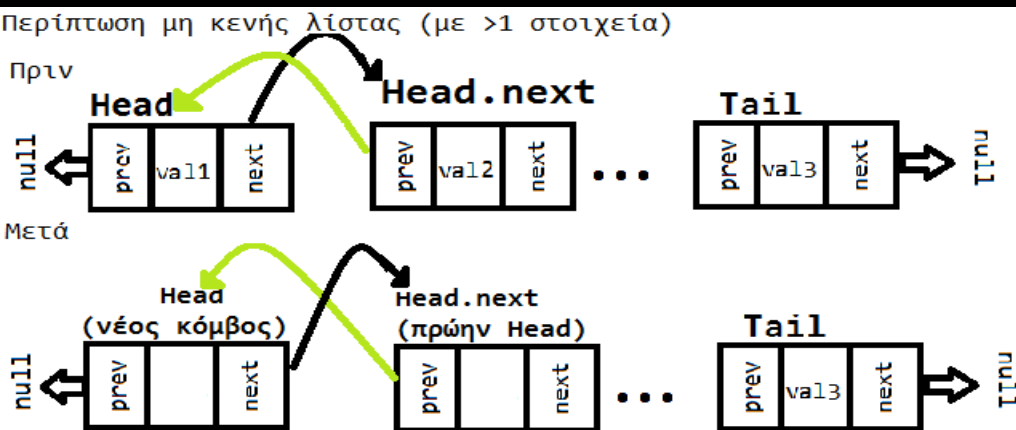
Η μέθοδος εκτελείται σε $O(1)$ πράξεις γιατί οι εντολές εκτελούνται λίγες φορές και είναι ανεξάρτητες του μεγέθους N της λίστας.

-Μέθοδος `int removeLast()` υλοποιείται με παρόμοιο σκεπτικό όπως η `removeFirst` αλλά προφανώς ενημερώνοντας τα κατάλληλα πεδία `next` και `prev`. Ομοίως εκτελείται σε $O(1)$ για τους ίδιους λόγους. Σχηματικά έχουμε:



-Μέθοδοι `getFirst()` και `getLast()` που επιστρέφουν τις τιμές του πρώτου και του τελευταίου κόμβου αντίστοιχα

-Μέθοδος `addFirst(int item)` που τοποθετεί στην κεφαλή της λίστας ένα νέο κόμβο που περιέχει την τιμή `item`. Σχηματικά η μέθοδος κάνει τα ακόλουθα (εάν η λίστα δεν είναι κενή):



Εάν η λίστα είναι κενή τότε απλά ο νέος κόμβος είναι `head` και `tail`.

Τάξη IntQueueWithMinImpl

-Οι μέθοδοι `isEmpty()`, `printQueue(PrintStream stream)`, `size()` δεν κάνουν τίποτα παραπάνω από το να καλούν τις ανάλογες μεθόδους των 2 προηγούμενων τάξεων.

Επεξήγηση της υλοποίησης των μεθόδων `put(int item)`, `get()` και `min()` που συντελούν στην επιστροφή του ελάχιστου στοιχείου της F σε $O(1)$

Ο αλγόριθμος για την `put()` είναι ο εξής:

Αρχικά τοποθετεί το `int item` στην F. Ακολούθως, εάν η D είναι άδεια το τοποθετεί και στην D. Εάν η D δεν είναι άδεια, τότε συγκρίνουμε το στοιχείο προς τοποθέτηση(`item`) με την κεφαλή της D. Εάν τιμή της κεφαλής $> item$ τότε όσο η κεφαλή της D είναι μεγαλύτερη του `item` αφαιρείται η κεφαλή. Εάν μετά την αφαίρεση γίνει άδεια η D τότε ο βρόγχος σπάει. Αλλιώς συνεχίζει την εκτέλεση μέχρι να γίνει ψευδής η συνθήκη. Ακολούθως, προσθέτουμε το `item` με την `addFirst` στην D. Εάν όμως τιμή της κεφαλής $\leq item$ τότε απλά τοποθετούμε το στοιχείο στην D με την `addFirst`. Με αυτό τον τρόπο στην ουρά της D πάντα θα βρίσκεται το εκάστοτε minimum στοιχείο της F ακόμα και αν γίνει αφαίρεση του.

-Μέθοδος `get()` που αφαιρεί το παλιότερο στοιχείο της F θα αφαιρεί και από την D μόνο εάν το στοιχείο που αφαιρέθηκε από την F είναι ίσο με το τελευταίο στοιχείο της D (παλαιότερο).

Ακολουθεί ένα παράδειγμα εκτέλεσης της μεθόδου `put()`

Κλήση της put()

F: 5

D: 5

Νέα κλήση της put()

F: 5->7

D: 5->7

Νέα κλήση της put()

F: 5->7->3

D: ~~5~~->~~7~~->3

Νέα κλήση της put()

F: 5->7->3->1

D: ~~5~~->1

Νέα κλήση της put()

F: 5->7->3->1->0

D: ~~5~~->0

Νέα κλήση της put()

F: 5->7->3->1->0->9

D: 0->9

Νέα κλήση της put()

F: 5->7->3->1->0->9->-1

D: ~~0~~->~~9~~->-1

Νέα κλήση της put()

F: 5->7->3->1->0->9->-1->8

D: -1->8

Νέα κλήση της put()

F: 5->7->3->->1->0->9->-1->8->12

D: -1->8->12

Νέα κλήση της put()

F: 5->7->3->->1->0->9->-1->8->12->1

D: -1->~~8~~->~~12~~->1

-**Μέθοδος min()** με όσα προηγήθηκαν στην put() η min() υλοποιείται σε $O(1)$ διότι απλά επιστρέφουμε την τιμή του tail της D.

Συμπερασματικά, η μέθοδος min() εκτελείται σε $O(1)$ πράξεις, άρα ανεξάρτητος χρόνος εκτέλεσης από το πλήθος των δεδομένων. Εάν επιθυμούσαμε να υλοποιήσουμε την min() σαρώνοντας την εκάστοτε λίστα από την κεφαλή έως την ουρά, τότε πάντα ο χρόνος θα ήταν $O(N)$ αφού οι πράξεις θα εξαρτώνται από το πλήθος των στοιχείων της ουράς. Στο προηγούμενο παράδειγμα της put(), συγκεκριμένα, θα έπρεπε να σαρώναμε την ουρά σε κάθε κλήση της (αλλά και σε κάθε κλήση της get()) για εύρεση ελάχιστου στοιχείου.