Proposition 6.11 - partie réelle, partie imaginaire

On a:

- 1. Re et Im sont des endomorphismes du  $\mathbb{R}$ -espace vectoriel  $\mathbb{C}$ .
- 2.  $\forall z \in \mathbb{C}, \begin{cases} \operatorname{Re}(z) = \frac{z + \overline{z}}{2} \\ \operatorname{Im}(z) = \frac{z \overline{z}}{2i} \end{cases}$

**Proposition 6.80** - translations, rotations, similitudes directes

- 1. Pour tout  $b \in \mathbb{C}$ , l'application  $z \mapsto z + b$  correspond à la translation de vecteur d'affixe b.
- **2.** Pour tout  $\theta \in \mathbb{R}$ , l'application  $z \mapsto e^{i\theta}z$  correspond à la rotation d'angle  $\theta$ .
- **3.** Pour tout  $a \in \mathbb{C}^* \setminus \{1\}$ . L'application  $z \mapsto az + b$  correspond à la similitude directe de centre  $\Omega(\omega)$ , de rapport |a| et d'angle  $\operatorname{Arg}(a)$ .