# Définition 7.1 - moment magnétique

Le moment magnétique d'une spire plane de surface S et de normale  $\overrightarrow{n}$  orientée relativement à l'intensité i la traversant vaut :

$$\overrightarrow{m} = iS\overrightarrow{n}$$

### Définition 7.2 - approximation des régimes quasi-stationnaires

L'approximation des régimes quasi-stationnaires consiste à négliger le temps  $\tau$  de propagation de l'onde électromagnétique au travers du système devant le temps caractéristique T de variation des sources de champ :

$$\tau \ll T$$

#### Définition 7.3 - approximation magnétique des régimes quasi-stationnaires

L'approximation magnétique des régimes quasi-stationnaires consiste en plus de l'ARQS simple, à supposer que l'effet des charges est négligeable devant celui des courants :

$$\frac{\partial \overrightarrow{E}}{\partial t} \ll \|\overrightarrow{j}\|$$

#### Définition 7.3 - densité volumique de courant

Étant donné un conducteur traversé par un courant, le vecteur densité volumique de courant  $\overrightarrow{j}$  représente le courant électrique par unité de surface traversant une section S de conducteur :

$$I = \iint_{S} \overrightarrow{j} \cdot d\overrightarrow{S}$$

### Théorème 7.4 - équation de Maxwell-Ampère

En tout point M de l'espace :

$$\overrightarrow{\operatorname{rot}} \overrightarrow{B} = \mu_0 \overrightarrow{j} + \epsilon_0 \mu_0 \frac{\partial \overrightarrow{E}}{\partial t}$$

Dans le cas particulier du régime stationnaire, ou bien dans l'ARQS magnétique :

$$\overrightarrow{\operatorname{rot}} \overrightarrow{B} = \mu_0 \overrightarrow{j}$$

#### Théorème 7.5 - de Stokes

Soit  $\mathcal S$  une surface ouverte dont on note  $\mathcal C$  un contour orienté fermé. Pour toute fonction vectorielle  $\overrightarrow{A}$ :

$$\iint_{\mathcal{S}} (\overrightarrow{\operatorname{rot}} \, \overrightarrow{A}) \cdot \, \mathrm{d} \, \overrightarrow{S} = \oint_{\mathcal{C}} \overrightarrow{A} \cdot \, \mathrm{d} \overrightarrow{OM}$$

## **Définition 7.6** - contour d'Ampère

On appelle contour d'Ampère un objet topologique :

- 1. orienté;
- 2. fermé;
- 3. comportant le point M d'étude ;
- 4. facilitant les calculs sachant les symétries et variance de la distribution des charges.

### Théorème 7.7 - d'Ampère

En régime station naire, la circulation du champ magnétique le long d'un contour d'Ampère  $\mathcal{C}_A$  est reliée au courant algébrique  $I_{\mathrm{enl}}$  enlacé par ce contour :

$$\oint_{\mathcal{C}_A} \overrightarrow{B} \cdot d\overrightarrow{OM} = \mu_0 I_{\text{enl}}$$

## Définition 7.8 - solénoïde

On appelle solénoïde un enroulement cylindrique de fil conducteur, dont les spires sont supposées jointives et infiniment fines.

Un solénoïde est caractérisé par une densité linéique de spires n tel que le nombre N de spires sur une longueur  $\ell$  est :

$$N = n\ell$$

# Théorème 7.9 - équation locale de Maxwell-Thomson

En tout point M de l'espace, peu importe le régime :

$$\operatorname{div} \overrightarrow{B} = 0$$

Définition 7.10 - densité volumique d'énergie magnétique

Un champ magnétique est un réservoir d'énergie. La densité volumique d'énergie magnétique s'écrit :

$$w_m = \frac{1}{2} \frac{1}{\mu_0} \|\overrightarrow{B}\|^2$$

 $w_m$  s'exprime en J·m<sup>-3</sup>.

Définition 7.11 - inductance propre d'une bobine par le flux

On appelle  $inductance\ propre$  d'une bobine de volume traversée par un courant i la grandeur L telle que :

$$\Phi_{\rm p} = Li$$

où  $\Phi_{\rm p}$  est le flux à travers la bobine du champ magnétique créé par cette bobine.

Définition 7.12 - inductance propre d'une bobine d'un point de vue énergétique

On appelle  $inductance\ propre$  d'une bobine de volume interne V traversée par un courant i la grandeur L telle que :

$$\iiint_V w_m \, \mathrm{d}\tau = \frac{1}{2} L i^2$$