## **Inversion de matrices**

## 1. Formules de Cramer

1. Calculer à l'aide des formules de Cramer la solution des systèmes linéaires suivants.

$$\begin{cases} 3x & +y & -4z & = 12 \\ 2y & -z & = -1 \,, \\ 3z & = 6 \end{cases}$$
 
$$\begin{cases} x & +y & +z & = 0 \\ 2x & +7y & -2z & = -1 \,, \\ -x & -y & +z & = 0 \end{cases}$$
 
$$\begin{cases} x & +2z & = 3 \\ x & +y & -z & = -1 \,. \\ x & +2y & +3z & = 0 \end{cases}$$

2. Calculer à l'aide des formules de Cramer l'inverse des matrices suivantes.

$$\begin{pmatrix} 0 & -2 \\ -1 & 3 \end{pmatrix}, \quad \begin{pmatrix} 4 & 4 & -1 \\ -4 & 1 & 0 \\ 3 & 7 & -2 \end{pmatrix}, \quad \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}.$$

## 2. Méthode de Gauss-Jordan

Calculer par la méthode de Gauss-Jordan l'inverse des matrices suivantes.

$$\begin{pmatrix} 0 & -2 \\ -1 & 3 \end{pmatrix}, \quad \begin{pmatrix} 4 & 4 & -1 \\ -4 & 1 & 0 \\ 3 & 7 & -2 \end{pmatrix}, \quad \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}, \quad \begin{pmatrix} 1 & 2 & 0 & -1 \\ -1 & -1 & -1 & 1 \\ -1 & -2 & 2 & 2 \\ 2 & 3 & 2 & -2 \end{pmatrix}.$$

2011-2020 Mélanie Boudard <a href="http://melanie.boudard.free.fr/">http://christina-boura.info/en/content/home</a>, Luca De Feo <a href="http://creativecommons.org/licenses/by-sa/4.0/">http://creativecommons.org/licenses/by-sa/4.0/</a>.