Aluno: Raphael Henrique Braga Leivas

Código fonte LaTeX desse arquivo pode ser visto em meu GitHub pessoal:

https://github.com/RaphaelLeivas/latex/tree/main/ListaCEII

Aceito sugestões de melhoria do código :)

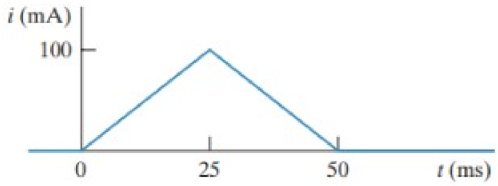
Problema P6.2

6.2 Pspice Multisim O pulso triangular de corrente mostrado na Figura P6.2 é aplicado a um indutor de 500 mH.

a) Escreva as expressões que descrevem $i(t)$ nos quatro intervalos $t < 0, 0 \leq t \leq 25$ ms, 25 ms $\leq t \leq 50$ ms e $t > 50$ ms.

b) Deduza as expressões para a tensão, potência e energia do indutor. Use a convenção passiva.

Figura P6.2



(a)

Usando a figura, temos as expressões de $i(t)$ dadas por

$$i(t) = \begin{cases} 0, & t < 0 \\ \frac{100\cdot 10^{-3} - 0}{25\cdot 10^{-3} - 0}\, t, & 0 \leq t < 25 \text{ ms} \\ \frac{0 - 100\cdot 10^{-3}}{50\cdot 10^{-3} - 25\cdot 10^{-3}}\, t + (200\cdot 10^{-3}), & 25 \leq t < 50 \text{ ms} \\ 0, & t \geq 50 \text{ ms} \end{cases} = \begin{cases} 0 \text{ A}, & t < 0 \\ 4t \text{ A}, & 0 \leq t < 25 \text{ ms} \\ 0.2 - 4t \text{ A}, & 25 \leq t < 50 \text{ ms} \\ 0 \text{ A}, & t \geq 50 \text{ ms} \end{cases}$$

(b)

Sabemos que a tensão em um indutor é dada por

$$v(t) = L\frac{\mathrm{d}i}{\mathrm{d}t} \tag{6.2.1}$$

Portanto, aplicando (6.2.1) sobre o resultado do item (a), temos

$$v(t) = \begin{cases} 0, & t < 0 \\ L\cdot 4, & 0 \leq t < 25 \text{ ms} \\ L\cdot(-4), & 25 \leq t < 50 \text{ ms} \\ 0, & t \geq 50 \text{ ms} \end{cases} = \begin{cases} 0 \text{ V}, & t < 0 \\ 2 \text{ V}, & 0 \leq t < 25 \text{ ms} \\ -2 \text{ V}, & 25 \leq t < 50 \text{ ms} \\ 0 \text{ V}, & t \geq 50 \text{ ms} \end{cases}$$

Além disso, temos que a potência no indutor é dada por

$$p(t) = v(t)\cdot i(t) \tag{6.2.2}$$

Assim,

$$p(t) = \begin{cases} 0, & t < 0 \\ 4t \cdot 2, & 0 \leq t < 25 \text{ ms} \\ (0.2 - 4t) \cdot (-2), & 25 \leq t < 50 \text{ ms} \\ 0, & t \geq 50 \text{ ms} \end{cases} = \begin{cases} 0 \text{ W}, & t < 0 \\ 8t \text{ W}, & 0 \leq t < 25 \text{ ms} \\ 8t - 0.4 \text{ W}, & 25 \leq t < 50 \text{ ms} \\ 0 \text{ W}, & t \geq 50 \text{ ms} \end{cases}$$

Finalmente, podemos determinar a energia $E(t)$ no indutor a partir de $p(t)$ substituindo (6.2.1) em (6.2.2).

$$p(t) = L\frac{\mathrm{d}i}{\mathrm{d}t} \cdot i(t) = L\, i(t)\frac{\mathrm{d}i}{\mathrm{d}t}$$

Note que a potência é energia por unidade de tempo, logo $p(t) = \dfrac{\mathrm{d}E}{\mathrm{d}t}$. Substituindo,

$$\frac{\mathrm{d}E}{\mathrm{d}t} = L\, i(t)\frac{\mathrm{d}i}{\mathrm{d}t}$$

$$dE = L\, i(t) di$$

Integrando ambos lados, temos

$$\int_{t_i}^{t_f} E(t)\, dt = \int_{i_i}^{i_f} Li(t)\, di$$

$$E(t_f) - E(t_i) = \frac{1}{2}L\left[i_f^2 - i_i^2\right]$$

Assumimos a corrente inicial $i_i = 0$ e energia inicial $E_i = 0$ também nula. Além disso, fazemos a energia final $E(t_f) = E(t)$ e a corrente do estado final como $i_f = i(t)$. Assim, isolando $E(t)$,

$$E(t) = \frac{1}{2}L\left[i(t)\right]^2 \tag{6.2.3}$$

Usando (6.2.3), temos

$$E(t) = \begin{cases} 0, & t < 0 \\ \frac{1}{2}L(4t)^2, & 0 \leq t < 25 \text{ ms} \\ \frac{1}{2}L(0.2 - 4t)^2, & 25 \leq t < 50 \text{ ms} \\ 0, & t \geq 50 \text{ ms} \end{cases} = \begin{cases} 0 \text{ J}, & t < 0 \\ 4t^2 \text{ J}, & 0 \leq t < 25 \text{ ms} \\ 0.01 - 0.4t + 4t^2 \text{ J}, & 25 \leq t < 50 \text{ ms} \\ 0 \text{ J}, & t \geq 50 \text{ ms} \end{cases}$$

Problema P6.21

6.21 Pspice Multisim O pulso de corrente de formato retangular mostrado na Figura P6.21 é aplicado a um capacitor de 0,1 μF. A tensão inicial no capacitor é uma queda de 15 V na direção de referência da corrente. Deduza a expressão da tensão no capacitor para os intervalos descritos nos itens (a)–(d).

a) $0 \le t \le 10\ \mu s$;

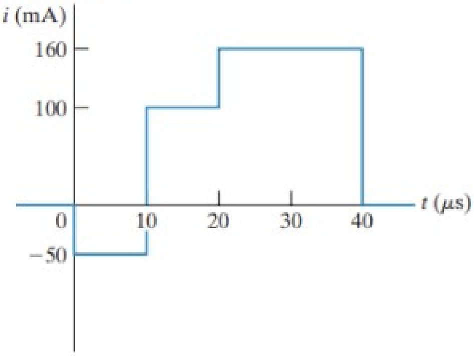
b) $10\ \mu s \le t \le 20\ \mu s$;

c) $20\ \mu s \le t \le 40\ \mu s$;

d) $40\ \mu s \le t < \infty$;

e) Faça um gráfico de $v(t)$ no intervalo $-10\ \mu s \le t \le 50\ \mu s$.

Figura P6.21



(a), (b), (c), (d)

Sabemos que a tensão em um capacitor de capacitância C é dada por

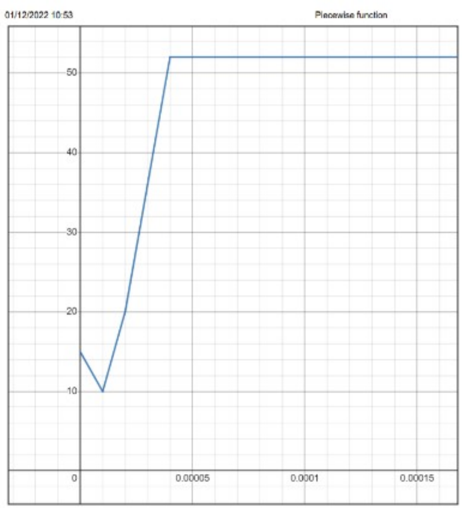
$$v(t) = V_0 + \frac{1}{C}\int_{t_i}^{t_f} i(t)\,dt \tag{6.21.1}$$

Usando a figura, e aplicando (6.21.1) nos intervalos correspondetes ao enunciado, temos

$$v(t) = \begin{cases} 15 + \frac{1}{C}\int_0^t (-50\ \text{mA})\,dt, & 0 \le t \le 10\ \mu\text{s} \\ 10 + \frac{1}{C}\int_{10\ \mu\text{s}}^t (100\ \text{mA})\,dt, & 10 \le t \le 20\ \mu\text{s} \\ 20 + \frac{1}{C}\int_{20\ \mu\text{s}}^t (160\ \text{mA})\,dt, & 20 \le t \le 40\ \mu\text{s} \\ 52 + \frac{1}{C}\int_{40\ \mu\text{s}}^t (0\ \text{mA})\,dt, & t > 40\ \mu\text{s} \end{cases} = \begin{cases} 15 - 5\cdot 10^5 t\ \text{V}, & 0 \le t \le 10\ \mu\text{s} \\ 10^6 t\ \text{V}, & 10 \le t \le 20\ \mu\text{s} \\ 1.6\cdot 10^6 t - 12\ \text{V}, & 20 \le t \le 40\ \mu\text{s} \\ 52\ \text{V}, & t > 40\ \mu\text{s} \end{cases}$$

(e)

Usando a ferramenta online Desmos, temos o gráfico de $v(t)$ em função do tempo t abaixo.



1 $v(t) = \{0 < t < 10\cdot 10^{-6}: 15 - 5\cdot 10^5 t\}$

2 $v(t) = \{10\cdot 10^{-6} < t < 20\cdot 10^{-6}: 10^6 t\}$

3 $v(t) = \{20\cdot 10^{-6} < t < 40\cdot 10^{-6}: 1.6\cdot 10^6 t - 12\}$

4 $v(t) = \{t > 40\cdot 10^{-6}: 52\}$

5

https://www.desmos.com/calculator/3zabdb3vgt?lang=pt-BR