Trabalho Computacional 01

Teoria da Decisão (ELE088)

Raphael Henrique Braga Leivas Milton Pereira Bravo Neto Daniel Felipe de Almeida Araújo

Curso de Bacharelado em Engenharia de Sistemas Universidade Federal de Minas Gerais

Modelagem

Problema 1 Isolado Problema 2 Isolado

Algoritmos

Representação Computacional BVNS - Basic Variable Neighborhood Search

Resultados

Problema 1 Isolado Problema 2 Isolado

Problema 1 Isolado

Problema 1: minimização do custo de manutenção total

Variável de decisão:

 x_{ij} : se a máquina i executa a manutenção j

$$x_{ij} \in \{0,1\}$$
 , $i = \{1,2,...,N\}$, $j = \{1,2,...,J\}$

Função Objetivo e Restrições

$$egin{aligned} \min f_1 &= \sum_{i=1}^N \sum_{j=1}^J c_j x_{ij} \ &\sum_{j=1}^J x_{ij} = 1 \quad , \quad orall i = 1, 2, ..., N \end{aligned}$$

Problema 1 Isolado - Solução Trivial

Atribuir a manutenção mais barata a todos os equipamentos:

$$x^* = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 0 \\ \vdots & \vdots & \vdots \\ 1 & 0 & 0 \end{bmatrix}$$

$$f_1\left(x^*\right)=0$$

Problema 2 Isolado

Problema 2: minimização do custo esperado de falha total

Variável de decisão:

 x_{ij} : se a máquina i executa a manutenção j

$$x_{ij} \in \{0,1\}$$
 , $i = \{1,2,...,N\}$, $j = \{1,2,...,J\}$

Problema 2 Isolado

Função Objetivo

$$\min f_2 = \sum_{i=1}^N \sum_{j=1}^J p_{ij} \ d_i \ x_{ij}$$

$$x_{ij} \in \{0,1\} \quad , \quad i = \{1,2,...,N\} \quad , \quad j = \{1,2,...,J\}$$

$$ho_{ij} = rac{F_i \left(t_0 + k_j \Delta t
ight) - F_i \left(t_0
ight)}{1 - F_i \left(t_0
ight)} \quad , \quad F_i(t) = 1 - \exp\left[-\left(rac{t}{\eta_i}
ight)^{eta_i}
ight]$$

Restrição

$$\sum_{j=1}^{J} x_{ij} = 1 \quad , \quad \forall i = 1, 2, ..., N$$

Problema 2 Isolado - Solução via Simplex

Atribuir a manutenção mais cara a todos os equipamentos:

$$x^* = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 1 \\ \vdots & \vdots & \vdots \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

$$f_2(x^*) = 1048.17$$

Modelagem

Problema 1 Isolado Problema 2 Isolado

Algoritmos

Representação Computacional BVNS - Basic Variable Neighborhood Search

Resultados

Problema 1 Isolado Problema 2 Isolado

Representação Computacional

- \triangleright Vetor de tamanho N=500
- ► Cada posição *i* indica o custo da manutenção associada ao equipamento *i*

$$x = \begin{bmatrix} 2 & 0 & 1 & \cdots & 2 \end{bmatrix}$$

- ► Equipamento 1 executa manuteção de custo 2
- ► Equipamento 2 executa manuteção de custo 0

. .

► Equipamento 500 executa manuteção de custo 2

Algoritmo 1 BVNS implementado no trabalho.

```
1: procedure BVNS(x, k_{max})
          while num sol avaliadas < max sol avaliadas do
 2:
 3:
               k \leftarrow 1
               while k < k_{max} do
 4.
                   \mathbf{x'} \leftarrow \text{Shake}(\mathbf{x}, \mathbf{k})
 5:
                    x'' \leftarrow FIRSTIMPROVEMENT(x, x', k)
 6:
                    \mathbf{x}, \mathbf{k} \leftarrow \text{NeighborhoodChange}(\mathbf{x}, \mathbf{x}'', \mathbf{k})
 7:
               end while
 8:
          end while
 9.
10: end procedure
```

Algoritmo 2 Função Shake.

- ⊳ Gera uma solução aleatória na k-ésima estrutura de vizinhança.
 1: procedure Shake(x, k)
 2: if k = 1 then
 3: y ← 1-swap
- 4: **end if** 5: **if** k = 2 **then**
- 6: $\mathbf{y} \leftarrow \text{Troca}$ de planos de manutenção entre dois equipamentos
- 7: end if
 - : **if** k = 3 then
- 9: $\mathbf{y} \leftarrow \mathsf{Mudança}$ de um bloco de 50 equipamentos para outro plano
- 10: end if
- 11: return y

Algoritmo 3 Função FirstImprovement.

```
▷ Busca uma solução na vizinhança de x melhor que x.

1: procedure FirstImprovement(x, x', k)
       N \leftarrow 100 vizinhos aleatórios da k-ésima vizinhança
2:
      for all v in N do
3:
          if f(\mathbf{v}) < f(\mathbf{x}) then
4:
5:
              return v
          end if
6:
7:
      end for
8.
       return x
9: end procedure
```

Algoritmo 4 Heurística construtiva para gerar a solução inicial.

```
1: procedure SolucaoInicial()
       x ← Solução aleatória
 2:
 3:
       for all i in x do
           if variancia(p_{ii}d_i) \ge \text{limiar then}
 4:
               x[i] ← Manutenção mais cara
 5:
           else
 6:
               x[i] ← Manutenção mais barata
 7:
           end if
8:
       end for
 9:
10:
       return x
11: end procedure
```

Modelagem

Problema 1 Isolado Problema 2 Isolado

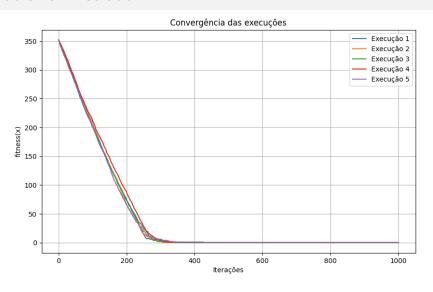
Algoritmos

Representação Computacional BVNS - Basic Variable Neighborhood Search

Resultados

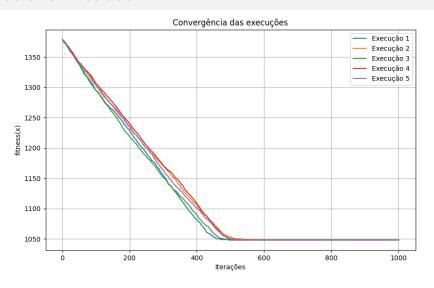
Problema 1 Isolado Problema 2 Isolado

Problema 1 Isolado



$$x^* = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 & \cdots & 0 \end{bmatrix}$$
 , $f(x^*) = 0 \pm 0$

Problema 2 Isolado



$$x^* = \begin{bmatrix} 2 & 2 & 2 & \cdots & 2 \end{bmatrix}$$
 , $f(x^*) = 1048.2 \pm 0$

Modelagem

Problema 1 Isolado

Algoritmos

Representação Computacional BVNS - Basic Variable Neighborhood Search

Resultados

Problema 1 Isolado Problema 2 Isolado

Referências

M. Gendreau, J.-Y. Potvin (eds.), Handbook of Metaheuristics, Springer, 2nd ed., 2010.