# Trabalho Computacional 01

Teoria da Decisão (ELE088)

Raphael Henrique Braga Leivas Milton Pereira Bravo Neto Daniel Felipe de Almeida Araújo

Curso de Bacharelado em Engenharia de Sistemas Universidade Federal de Minas Gerais

### Modelagem

Problema 1 Isolado Problema 2 Isolado

#### Algoritmos

Representação Computacional BVNS - Basic Variable Neighborhood Search

#### Resultados

Problema 1 Isolado Problema 2 Isolado

#### Problema 1 Isolado

Problema 1: minimização do custo de manutenção total

#### Variável de decisão:

 $x_{ij}$  : se a máquina i executa a manutenção j

$$x_{ij} \in \{0,1\}$$
 ,  $i = \{1,2,...,N\}$  ,  $j = \{1,2,...,J\}$ 

#### Função Objetivo e Restrições

$$egin{aligned} \min f_1 &= \sum_{i=1}^N \sum_{j=1}^J c_j x_{ij} \ &\sum_{j=1}^J x_{ij} = 1 \quad , \quad orall i = 1, 2, ..., N \end{aligned}$$

## Problema 1 Isolado - Solução Trivial

Atribuir a manutenção mais barata a todos os equipamentos:

$$\mathbf{x}^* = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 0 \\ \vdots & \vdots & \vdots \\ 1 & 0 & 0 \end{bmatrix}$$

$$f_1(\mathbf{x}^*) = 0$$

#### Problema 2 Isolado

Problema 2: minimização do custo esperado de falha total

#### Variável de decisão:

 $x_{ij}$ : se a máquina i executa a manutenção j

$$x_{ij} \in \{0,1\}$$
 ,  $i = \{1,2,...,N\}$  ,  $j = \{1,2,...,J\}$ 

#### Problema 2 Isolado

#### Função Objetivo

$$\min f_2 = \sum_{i=1}^N \sum_{j=1}^J p_{ij} \ d_i \ x_{ij}$$
 
$$x_{ij} \in \{0,1\} \quad , \quad i = \{1,2,...,N\} \quad , \quad j = \{1,2,...,J\}$$

$$ho_{ij} = rac{F_i \left(t_0 + k_j \Delta t
ight) - F_i \left(t_0
ight)}{1 - F_i \left(t_0
ight)} \quad , \quad F_i(t) = 1 - \exp\left[-\left(rac{t}{\eta_i}
ight)^{eta_i}
ight]$$

#### Restrição

$$\sum_{j=1}^{J} x_{ij} = 1 \quad , \quad \forall i = 1, 2, ..., N$$

## Problema 2 Isolado - Solução via Simplex

Atribuir a manutenção mais cara a todos os equipamentos:

$$\mathbf{x}^* = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 1 \\ \vdots & \vdots & \vdots \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

$$f_2\left(\mathbf{x}^*\right) = 1048.17$$

#### Modelagem

Problema 1 Isolado Problema 2 Isolado

### Algoritmos

Representação Computacional BVNS - Basic Variable Neighborhood Search

#### Resultados

Problema 1 Isolado Problema 2 Isolado

## Representação Computacional

- $\triangleright$  Vetor de tamanho N=500
- ► Cada posição *i* indica o custo da manutenção associada ao equipamento *i*

$$x = \begin{bmatrix} 2 & 0 & 1 & \cdots & 2 \end{bmatrix}$$

- ► Equipamento 1 executa manuteção de custo 2
- ► Equipamento 2 executa manuteção de custo 0

. .

► Equipamento 500 executa manuteção de custo 2

### **Algoritmo 1** BVNS implementado no trabalho.

```
1: procedure BVNS(x, k_{max})
         while num sol avaliadas < max sol avaliadas do
 2:
 3:
             k \leftarrow 1
             while k < k_{max} do
 4:
                 x' \leftarrow Shake(x, k)
 5:
                  x'' \leftarrow FIRSTIMPROVEMENT(x', k)
 6:
                  \mathbf{x}, \mathbf{k} \leftarrow \text{NeighborhoodChange}(\mathbf{x}, \mathbf{x}'', \mathbf{k})
 7:
             end while
 8:
         end while
 9.
10: end procedure
```

#### Algoritmo 2 Função Shake.

11:

return y 12: end procedure

```
⊳ Gera uma solução aleatória na k-ésima estrutura de vizinhança.
1: procedure Shake(x, k)
       if k = 1 then
2:
3:
          \mathbf{v} \leftarrow 1-swap
    end if
4.
   if k = 2 then
5:
          y ← Troca de planos de manutenção entre dois egptos
6:
   end if
7:
8:
       if k = 3 then
          y 

Mudança de um bloco de 50 egptos para outro
9.
   plano
       end if
10:
```

#### **Algoritmo 3** Função FirstImprovement.

```
▷ Busca uma primeira solução na vizinhança de x' melhor que x'.
 1: procedure FirstImprovement(x', k)
        N \leftarrow 100
 2:
        for all i in range(N) do
 3:
            \mathbf{x''} \leftarrow \text{Shake}(\mathbf{x'}, \mathbf{k})
 4.
            if f(x'') < f(x') then
 5:
                 return x"
 6:
            end if
 7:
        end for
 8:
        return x'
 9:
10: end procedure
```

### Algoritmo 4 Heurística construtiva para gerar a solução inicial.

```
1: procedure SolucaoInicial()
       x ← Solução aleatória
 2:
 3:
       for all i in x do
           if variancia(p_{ii}d_i) \ge \text{limiar then}
 4:
               x[i] ← Manutenção mais cara
 5:
           else
 6:
               x[i] ← Manutenção mais barata
 7:
           end if
8:
       end for
 9:
10:
       return x
11: end procedure
```

#### Modelagem

Problema 1 Isolado Problema 2 Isolado

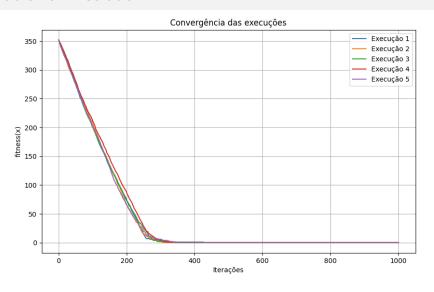
#### Algoritmos

Representação Computacional BVNS - Basic Variable Neighborhood Search

#### Resultados

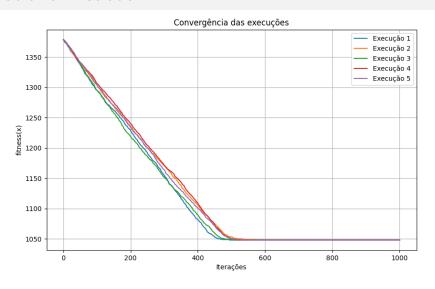
Problema 1 Isolado Problema 2 Isolado

#### Problema 1 Isolado



$$x^* = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 & \cdots & 0 \end{bmatrix}$$
 ,  $f(x^*) = 0 \pm 0$ 

#### Problema 2 Isolado



$$x^* = \begin{bmatrix} 2 & 2 & 2 & \cdots & 2 \end{bmatrix}$$
 ,  $f(x^*) = 1048.2 \pm 0$ 

#### Modelagem

Problema 1 Isolado Problema 2 Isolado

#### Algoritmos

Representação Computacional BVNS - Basic Variable Neighborhood Search

#### Resultados

Problema 1 Isolado Problema 2 Isolado

### Referências

M. Gendreau, J.-Y. Potvin (eds.), Handbook of Metaheuristics, Springer, 2nd ed., 2010.