# TD -1

24 janvier 2014

# Sommaire

1 Étude cinématique d'un robot 3 axes

Ce TD a pour objectif de mettre en place les techniques de calcul des vecteurs vitesse et accélération d'un point lié à un solide par rapport à un repère.

Nous nous intéressons pour cela au robot manipulateur de la figure 1. Ce type de robot est en particulier utilisé dans des cellules d'assemblage (Pick and Place). Ce robot possède trois axes c'est à dire trois articulations en série pilotées indépendamment : un axe de translation et deux axes de rotation.

La figure 2 constitue une première modélisation en représentant de manière simplifiée la structure du robot. La figure 3 représente le schéma cinématique du robot.

#### DESCRIPTION DU SYSTEME : Le robot considéré est essentiellement constitué :

- d'un bâti fixe 1;
- d'un corps 2 qui peut se translater par rapport à 1;
- d'un bras 3 mobile en rotation par rapport à 2;
- d'un avant-bras 4 mobile en rotation par rapport à 3;
- d'une pince (effecteur) solidaire de l' avant-bras 4.

#### CARACTERISTIQUES CINEMATIQUES ET GEOMETRIQUES DU SYSTEME :

# Étude cinématique d'un robot 3 axes

**Question 1 :** Exprimer les coordonnées opérationnelles définissant la position C dans  $R_1$  en fonction des variables coordonnées articulaires  $\theta_3$ ,  $\theta_4$ ,  $\lambda_2$  et de L.

Question 2 : Déterminer le vecteur vitesse du point A lié à 2 par rapport à 1

## Étude cinématique d'un robot 3 axes

**Question 1**: Exprimer les coordonnées opérationnelles définissant la position C dans  $R_1$  en fonction des variables coordonnées articulaires  $\theta_3$ ,  $\theta_4$ ,  $\lambda_2$  et de L.

TD -1

en fonction des variables coordonnées articulaires  $\theta_3$ ,  $\underline{\theta_4}$ ,  $\lambda_2$  et de L.

Q1: Par relation de Chasles :  $O_1\vec{C} = O_1\vec{A} + \overrightarrow{AB} + \overrightarrow{BC} = \lambda_2 \vec{z_1} + L\vec{x_3} + L\vec{x_4}$ Soit en projetant dans  $R_1$ ...

On a donc : Les 3 équations...

Question 2 : Déterminer le vecteur vitesse du point A lié à 2 par rapport à 1

24 janvier 2014

### Étude cinématique d'un robot 3 axes

**Question 1**: Exprimer les coordonnées opérationnelles définissant la position C dans  $R_1$  en fonction des variables coordonnées articulaires  $\theta_3$ ,  $\theta_4$ ,  $\lambda_2$  et de L.

en fonction des variables coordonnées articulaires  $\theta_3$ ,  $\underline{\theta_4}$ ,  $\lambda_2$  et de L.

Q1: Par relation de Chasles :  $O_1\vec{C} = O_1\vec{A} + \overrightarrow{AB} + \overrightarrow{BC} = \lambda_2 \vec{z_1} + L\vec{x_3} + L\vec{x_4}$ Soit en projetant dans  $R_1$ ...

On a donc : Les 3 équations...

**Question 2**: Déterminer le vecteur vitesse du point A lié à 2 par rapport à 1 **Q2**: Par définition :

$$\overrightarrow{V_{A,2/1}} = \frac{\mathrm{d}\overrightarrow{O_1}A}{\mathrm{d}t|_{R_1}} \tag{1}$$