Tema Nr. 7: Statistici dinamice de ordine

Timp alocat: 2 ore

Implementare

Se cere implementarea **corectă** și **eficientă** a operațiilor de management ale unui **arbore de statistică de ordine** (*capitolul 14 din carte*¹).

Se cere să folosiți un *arbore binar* de *căutare* **perfect echilibrat**. Fiecare nod din arbore trebuie extins cu un câmp *size* (dimensiunea sub-arborelui ce are nodul ca rădăcină).

Operațiile de management ale unui arbore de statistică de ordine:

- BUILD_TREE(n)
 - o *construiește* un arbore binar de căutare **echilibrat** cu cheile 1,2,...,n (*hint*: *divide et impera*)
 - o nu uitați să inițializați câmpul size
- OS-SELECT(tree, i)
 - o selectează elementul cu a *i*-a cea mai mică cheie
 - o pseudocodul poate fi găsit la Capitolul 14.1 din carte¹
- OS-DELETE(tree, i)
 - o puteți folosi ștergerea dintr-un arbore binar de căutare, fără a crește înălțimea arborelui (De ce nu trebuie să re-balansati arborele?)
 - o nu uitați să păstrați câmpul size consistent o dată cu ștergerile din arbore
 - o există mai multe abordări prin care puteți modifica câmpul *size* fără a crește complexitatea algoritmului (găsiți cea mai bună soluție)

Seamănă OS-SELECT cu ceva ce ați studiat în acest semestru?

¹ Thomas H. Cormen, Charles E. Leiserson, Ronald L. Rivest and Clifford Stein. *Introduction to Algorithms*

Cerințe

1. BUILD_TREE: implementare corectă și eficientă (5p)

Corectitudinea algoritmilor va trebui demonstrată pe date de intrare de dimensiuni mici (11)

• afișați (cu pretty print) arborele construit inițial

2. OS_SELECT: implementare corectă și eficientă (1p)

Corectitudinea algoritmilor va trebui demonstrată pe date de intrare de dimensiuni mici (11)

• executați OS-SELECT pentru câțiva (cel puțin 3) indecși selectați aleator.

3. OS_DELETE: implementare corectă și eficientă (2p)

Corectitudinea algoritmilor va trebui demonstrată pe date de intrare de dimensiuni mici (11)

• executați secvența OS-SELECT urmat de OS-DELETE pentru câțiva (cel puțin 3) indecși selectați aleator (3) și *afișati arborele dupa fiecare execuție*.

4. Evaluarea operațiilor de management - BUILD, SELECT, DELETE (2p)

L'Înainte de a începe să lucrați pe partea de evaluare, asigurați-vă că aveți un algoritm corect!

După ce sunteți siguri că algoritmul funcționează corect:

- variați *n* de la 100 la 10000 cu un pas de 100;
- pentru fiecare *n* (nu uitați să repetați de 5 ori)
 - o construiti (BUILD) arborele cu elemente de la 1 la n
 - o repetați de *n* ori secvența OS-SELECT urmat OS-DELETE folosind un index selectat aleator dintre elementele rămase în arbore
 - Evaluați numărul de operații necesare pentru fiecare operație de management (BUILD, SELECT, DELETE reprezentați rezultatele sub forma unui grafic cu trei serii). Evaluați complexitatea operațiilor de management ca și suma atribuirilor și a comparațiilor pentru fiecare valoare a lui n.

5. Bonus: Implementarea utilizând AVL / arbori roşu şi negru (1p)

¹ Thomas H. Cormen, Charles E. Leiserson, Ronald L. Rivest and Clifford Stein. *Introduction to Algorithms*