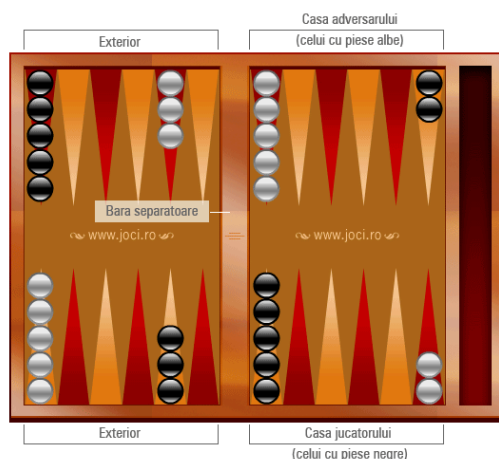


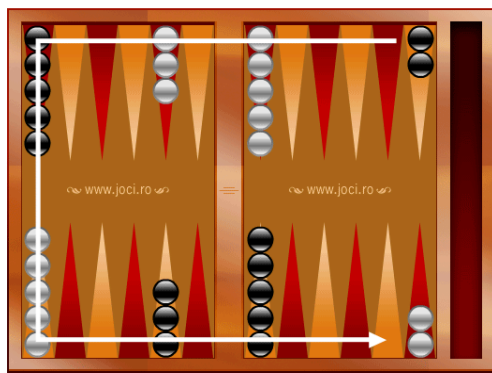
# Algoritm MCTS pentru Backgammon (Table)

## 1. Descrierea problemei considerate

Backgammon (Table) este un joc popular cu 2 jucători care combină norocul și strategia. Jocul se joacă pe o tablă formată din 24 de triunghiuri înguste (locuri unde sunt așezate piesele). Triunghiurile au culori alternante și sunt grupate în 4 zone a câte 6 triunghiuri fiecare. Zonele sunt denumite după cum urmează: casă și exterior (în deplasare) ale jucătorului și casă și exterior (în deplasare) ale adversarului. Casele și câmpurile exterioare sunt separate printr-o bară în centrul tablei.



Scopul ambilor jucători este să-și mute piesele proprii în casă și să le scoată din aceasta înaintea adversarului. În imaginea următoare se poate observa direcția în care trebuie mutate piesele negre, piesele albe trebuie mutate în direcția opusă.



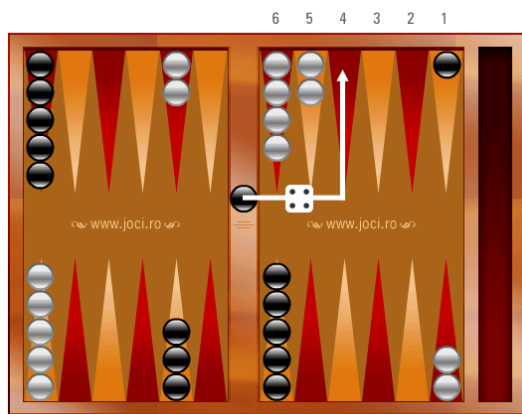
Jocul se desfășoară în felul următor:

- Se arunca cele două zaruri pentru a determina numărul de triunghiuri (locuri) după care se vor muta piesele, fiecare zar reprezentând o mutare diferită.
- O piesă poate fi mutată într-un loc doar dacă acesta este liber, adică nu este ocupat de 2 sau mai multe piese ale adversarului.

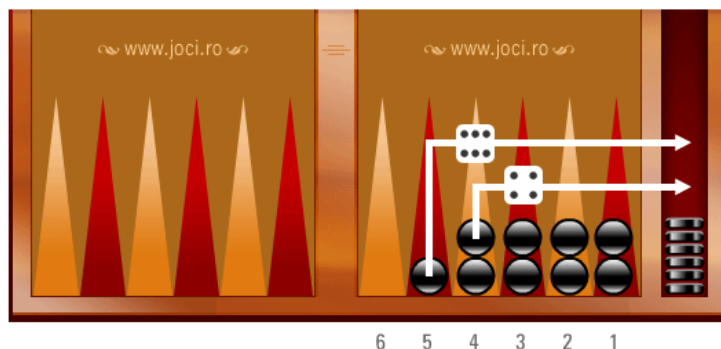
- c. Dacă în urma aruncării zarurilor, un jucător nimereste o dubla (ambele zaruri indica același număr), atunci acesta va putea face două mutări pentru fiecare zar.
- d. Un jucător trebuie să folosească toate mutările dacă este posibil (două sau patru, dacă a dat dublă).
- e. Dacă poate fi făcută doar o mutare, se va face mutarea cu numărul cel mai mare.
- f. Dacă nu se poate face nici o mutare jucătorul își va pierde tura.

Alte aspecte ale jocului sunt:

- Capturarea pieselor:
  - Dacă un loc este ocupat de o singură piesă, aceasta poate fi capturată de o piesă a inamicului, în cazul în care piesa adversă ajunge pe același triunghi (loc). Piesa capturată trebuie așezată pe bara (axa tablei de joc).
  - Când un jucător are una sau mai multe piese capturate, acesta este obligat să le repună în joc, în casa adversarului, pe un loc liber în concordanță cu numerele indicate de zaruri.
  - Dacă nu există locuri libere în casa adversarului, jucătorul își pierde tura.



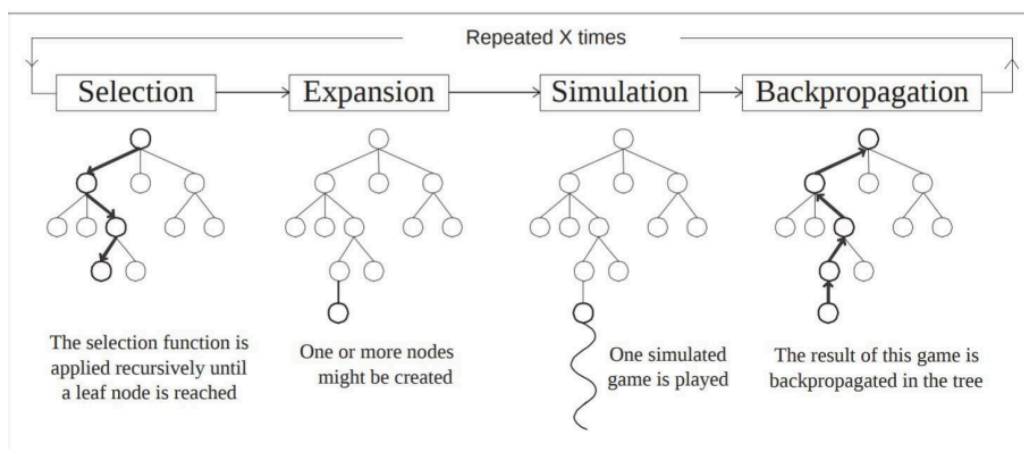
- Scoaterea pieselor:
  - După ce un jucător și-a adus toate cele 15 piese în casă, acesta poate începe scoaterea lor din joc.
  - Jucătorul da cu zarurile, după care scoate piesele indicate de acestea. Dacă nu există piese pe locurile respective, jucătorul trebuie să mute (conform regulilor) o piesă de pe un loc al cărui număr este mai mare.



## 2. Aspecte teoretice privind algoritmul MCTS

Algoritmul MCTS (Monte Carlo Tree Search) reprezintă o metodă de căutare stohastică de căutare a soluțiilor, utilizat adesea în jocuri de tip board game (ex. Șah, Backgammon, go etc.). Algoritmul MCTS excellează în gestionarea problemelor unde spațiul de căutare este prea mare pentru a fi explorat exhaustiv.

MCTS utilizează simulări aleatoare pentru a construi un arbore de cautare, prin care sa estimeze valoarea potențială a mutarilor. Algoritmul constă în patru pași care se repeta. (1) Se parcurge arborele de la rădăcina pana la un nod frunza, utilizand o strategie de selecție. (2) Se apelează o strategie de expandare (se poate realiza și aleatoriu) pentru a selecta noduri frunza încă nevizitate și a adăuga cate o nouă înregistrare pentru fii acestuia. (3) Se aleg aleatoriu, sau folosind o euristică, mutări până se ajunge într-o stare terminală. (4) Rezultatul simulării este retro-propagat in arbore.



Explicație amănunțită a pașilor algoritmului:

**Selecția** este o etapa strategică care alege unul dintre copiii unui nod dat. Într-un nod aleator, următoarea mutare va fi aleasă la întâmplare, în timp ce într-un nod de alegere ține cont de echilibrul dintre exploatare și explorare. Pe de o parte, sarcina este adesea de a alege mișcarea care va aduce cel mai bun rezultate (exploatare). Pe de altă parte, mutările mai puțin promițătoare trebuie să fie explorate și ele, din cauza incertitudinii de evaluare (explorare).

**Expandarea** decide dacă pentru un nod frunză, copiii acestuia vor fi sau nu stocați în memorie. Cea mai simplă regulă este expandarea unui singur nod per simulare, nodul expandat reprezentând prima poziție întâlnită care nu a fost stocată încă.

**Simularea (playout)** este responsabilă de alegerea mutărilor în sine. Aceasta poate fi realizată la întâmplare, însă s-a dovedit că utilizarea unei euristici adecvate rezultă într-o îmbunătățire semnificativă a rezultatelor.

**Actualizarea** este procedeul prin care rezultatul unui joc simulat (victorie/înfrângere) este retro-propagat prin toate nodurile traversate pentru a ajunge la frunză.

În cele din urmă, mișcarea jucată de program este fiul rădăcinii cu cel mai mare număr de vizite.

### 3. Modalitatea de rezolvare

Implementarea AI-ului pentru Backgammon cu MCTS s-a realizat prin următoarele etape:

#### 1. Modelarea jocului Backgammon:

Jocul este reprezentat prin clasa BackgammonState din fișierul reguli.py. Aceasta include:

- Structura tablei de joc:
  - Tabla este o listă de 24 de poziții, unde fiecare element reprezintă numărul de piese și jucătorul căruia îi aparțin. Valorile pozitive indică piesele jucătorului 1, iar cele negative piesele jucătorului -1.
- Gestionarea regulilor:
  - Mutări legale: Funcția `get_legal_moves` returnează toate mutările posibile pentru un jucător, incluzând mutările din bară sau scoaterea pieselor din joc.
- Zaruri duble: `roll_dice` generează de 4 ori același zar dacă cele două zaruri aruncate sunt egale.
- Scoaterea pieselor: `get_bearing_off_moves` permite scoaterea pieselor doar dacă toate piesele unui jucător sunt în zona "home".
- Aplicația mutării: `apply_move` modifică starea tablei în funcție de mutarea efectuată.
- Verificarea stării terminale: `is_terminal` determină dacă un jucător a scos toate cele 15 piese.
- Clonare: Funcția `clone` creează o copie a stării curente pentru a permite simulări independente fără a afecta jocul real.
- Această modelare permite AI-ului să interacționeze cu tabla și să simuleze diferite scenarii.

#### 2. Implementarea algoritmului MCTS:

Implementarea MCTS se află în fișierul `mcts.py` și include:

- Structura arborelui MCTS: Nodurile arborelui: Clasa `Node` reprezintă fiecare stare a jocului, păstrând informații despre mutarea care a dus la această stare, scorurile euristice și nodurile copil.
- Expansiune și selecție:
  - Nodurile sunt expandate folosind mutări neexplorate din starea curentă (`expand`).

- În procesul de selecție, nodul copil este ales pe baza unui echilibru între scorul mediu și explorare (UCT).
- Simulare: Funcția `simulate_n_moves` simulează un număr fix de mutări înainte de a aplica o funcție euristică (`evaluate_state`) pentru a evalua starea intermediară.
- Euristici: `evaluate_state` calculează scoruri bazate pe factori precum:
  - Blocarea pozițiilor strategice (ex. zonele 17-23).
  - Avansarea pieselor spre zona "home".
  - Siguranța pieselor (mai mult de o piesă pe poziție).
  - Penalizarea pieselor vulnerabile.
  - Scoaterea pieselor proprii din joc.
- Backpropagation: Rezultatele simulărilor sunt propagate înapoi pentru a actualiza statistici precum scorul mediu și numărul de vizite.
- La final, MCTS alege mutarea cu cel mai mare scor mediu și număr de vizite.

### 3. Integrarea AI-ului în joc:

Integrarea AI-ului în joc se află în fișierul `main.py`. Jocul permite interacțiunea între un jucător uman și AI-ul bazat pe MCTS:

- Interacțiunea cu utilizatorul:
  - Jucătorul uman primește opțiuni de mutări legale pe baza zarurilor aruncate.
  - AI-ul utilizează MCTS pentru a calcula cea mai bună mutare în funcție de numărul de simulări specificat de utilizator la începutul jocului.
- Alternarea turelor: Jocul alternează între jucătorul uman și AI, iar tabla este actualizată și afișată după fiecare tură.
- Determinarea câștigătorului: Jocul se termină când unul dintre jucători își scoate toate piesele, iar câștigătorul este anunțat.
- Funcționarea generală a jocului: Jocul începe prin inițializarea tablei (`BackgammonState`) și setarea numărului de simulări pentru MCTS.
- În fiecare tură:
  - Zarurile sunt aruncate, iar mutările legale sunt calculate.
  - Jucătorul uman sau AI-ul aplică o mutare bazată pe regulile jocului.
  - AI-ul folosește MCTS pentru a explora mutările și pentru a calcula cea mai bună decizie bazată pe simulări.
  - Jocul continuă până la atingerea unei stări terminale, determinând câștigătorul

## 4. Părți semnificative din codul sursă

Cele mai importante secvențe de cod se regăsesc în fișierul mcts.py, și anume:

a. `mcts(stareInitiala, zar, simulari, nrMutari=10)`

```
def mcts(stareInitiala, zar, simulari, nrMutari=10):
    # Implementarea algoritmului Monte Carlo Tree Search
    radacina = Nod(stareInitiala, zar=zar) # Creăm nodul rădăcină

    # Alocăm simulările pe baza scorurilor mutărilor
    while radacina.mutareNetestata:
        radacina.expandare(zar) # Expandează toate mutările posibile

    scorTotal = sum(child.scorMediu() for child in radacina.copil)
    if scorTotal > 0:
        alocare = [int(simulari * (child.scorMediu() / scorTotal)) for child in radacina.copil]
    else:
        alocare = [simulari // len(radacina.copil) for _ in radacina.copil]

    for copil, alloc in zip(radacina.copil, alocare):
        for _ in range(alloc):
            nod = copil
            stare = nod.stare.clone()

            # Pasul 1: Selectie
            while not nod.mutareNetestata and nod.copil:
                nod = nod.celMaiBunCopil(weight=0.1)
                mutarilegale = stare.getMutarilegale(zar)
                if not mutarilegale:
                    break
                mutare = random.choice(mutarilegale)
                stare.aplicaMutare(*mutare)

            # Pasul 2: Expansiune
            if not stare.verificareFinal() and nod.mutareNetestata:
                nod = nod.expandare(zar)

            # Pasul 3: Evaluare euristică sau simulare pe mai multe mutări
            result = simulareNMutari(stare, zar, nrMutari)
```

```
160
161     # Pasul 4: Backpropagation
162     while nod is not None:
163         nod.update(result)
164         nod = nod.parinte
165
166     # Generăm statistici pentru mutările posibile
167     detaliiMutare = {}
168     mutarilegale = stareInitiala.getMutarilegale(zar)
169     for i, copil in enumerate(radacina.copil): # Adăugăm enumerate pentru indexare
170         detaliiMutare.append({
171             'mutare': copil.mutare,
172             'vizite': copil.vizite,
173             'scorMediu': copil.scorMediu(),
174             'index': i # Indexul copilului în lista root.copil
175         })
176
177     if not detaliiMutare:
178         return None, 0
179
180     # Sortăm mutările după scorul mediu și vizite pentru afișare
181     detaliiMutare.sort(key=lambda x: (x['scorMediu'], x['vizite']), reverse=True)
182
183     # Afișăm statisticele pentru utilizator
184     print("\nStatistici mutări posibile:")
185     for stat in detaliiMutare:
186         print(f"Mutare: {stat['mutare']}, Vizite: {stat['vizite']}, Scor mediu: {stat['scorMediu']:.2f}")
187
188     # Returnăm cea mai bună mutare și numărul de vizite
189     ceaMaiBunaMiscare = detaliiMutare[0]['mutare']
190     nrViziteCeaMaiBunaMiscare = detaliiMutare[0]['vizite']
191     print(f"Mutarea selectată: {ceaMaiBunaMiscare} (Vizite: {nrViziteCeaMaiBunaMiscare}, Scor mediu: {detaliiMutare[0]['scorMediu']:.2f})")
192     return ceaMaiBunaMiscare, nrViziteCeaMaiBunaMiscare
```

Rol: Algoritmul Monte Carlo Tree Search pentru calcularea celei mai bune mutări.

Funcționalitate:

- Creează nodul rădăcină al arborelui.
- Execută procesul complet MCTS: selecție, expansiune, simulare și backpropagation.
- Alocă simulări mutărilor posibile și returnează cea mai bună mutare.

De ce e semnificativă? Este inima deciziilor AI-ului, utilizând simulări pentru a prezice cele mai bune mutări.

b. `evaluareStare(stare)`

```
def evaluareStare(stare):
    """
    Evaluează starea curentă folosind reguli euristice și afișează contribuțiile la scor.
    """
    scorNod = 0

    for pozitie in range(24):
        # Blocarea unei zone între pozițiile 17 și 23
        if 17 <= pozitie <= 23 and stare.tabla[pozitie] * stare.playerCurent > 1:
            scorNod += 7 # Creștem importanța blocării zonelor

        # Scoaterea unei piese a adversarului
        if stare.tabla[pozitie] * stare.playerCurent == -1:
            scorNod += 6

        # Avansarea pieselor pentru jucătorul curent în zonele strategice
        if stare.playerCurent == -1 and 0 <= pozitie <= 6:
            scorNod += abs(stare.tabla[pozitie]) * 1.5
        elif stare.playerCurent == 1 and 18 <= pozitie <= 23:
            scorNod += abs(stare.tabla[pozitie]) * 1.5

        # Reducerea riscurilor prin păstrarea pieselor în siguranță (mai mult de 1 piesă pe poziție)
        if stare.tabla[pozitie] * stare.playerCurent > 1:
            scorNod += 3

        # Penalizare pentru piesele rămase singure pe tablă
        if stare.tabla[pozitie] * stare.playerCurent == 1:
            scorNod -= 4

        # Penalizare suplimentară pentru piesele care pot fi luate de adversar
        if stare.tabla[pozitie] * stare.playerCurent == 1 and stare.tabla[pozitie] * -stare.playerCurent == -1:
            scorNod -= 6

    # Bonus pentru scoaterea pieselor proprii
    pieseScoase = stare.scoase[stare.playerToIndex(stare.playerCurent)]
    scorNod += 12 * pieseScoase # Creștem bonusul pentru piesele scoase

    return scorNod
```

Rol: Euristica pentru evaluarea stării jocului.

Funcționalitate:

- Atribue punctaje pe baza poziției pieselor, blocajelor, scoaterii pieselor și riscurilor.
- Folosește reguli strategice pentru a favoriza mutările avantajoase.

De ce e semnificativă? Conduce deciziile AI-ului printr-un sistem bine definit de priorități.

## 5. Rezultatele obținute

a. Jucătorul uman câștigă:

În poza de mai jos se poate observa cum playerul (jucătorul uman, cu piese de culoare albă) a câștigat partida, acesta fiind primul care reușește să-și scoată cele 15 piese de pe tabla de joc, în timp ce AI-ul (reprezentat de piesele negre) a reușit să scoată doar 6.

Context înainte de ultima tură:

Jucătorul curent: Alb (1).

Stare tablă: Mai există o piesă albă pe poziția 0 (0: +1). Jucătorul alb are deja scoase 14 piese (Scoase: {1: 14, -1: 6}).

Zarurile disponibile sunt [1, 2].

Mutările jucătorului care au dus la victorie: Prima mutare: (0, 24) cu zarul 1 Acțiune: Piesa albă de pe poziția 0 este scoasă folosind zarul 1.

Actualizare tablă: Poziția 0 devine goală (0: 0). Numărul pieselor scoase de jucătorul alb ajunge la 15 (Scoase: {1: 15, -1: 6}).

A doua mutare: Zarul 2 Acțiune: După scoaterea piesei, nu mai există alte piese albe pe tablă. Deoarece nu poate efectua alte mutări, tura este considerată pierdută. Actualizare: Jocul se încheie automat, deoarece toate piesele jucătorului au fost scoase. Condiția de câștig: Conform regulilor jocului de table, un jucător câștigă dacă scoate toate cele 15 piese de pe tablă. După scoaterea ultimei tale piese, condiția a fost îndeplinită. Rezultatul final: Mesajul jocului: „Jocul s-a terminat! Felicitări! Ai câștigat.”

```
--- Tabla curentă ---
--- Tabla de joc --- (Jucătorul curent: -1 (negru))
Rând sus: 12: 0 13: 0 14: 0 15: 0 16: 0 17: 0 18: -1 19: 0 20: -3 21: 0 22: -4 23: -3
-----
Rând jos: 11: 0 10: 0 9: 0 8: 0 7: 0 6: 0 5: 0 4: 0 3: 0 2: 0 1: 0 0: +1
Bară: {1: 0, -1: 0}
Scoase: {1: 14, -1: 4}
Monte Carlo Tree Search calculează mutarea Zaruri: [1, 6]

Statistici mutări posibile:
Mutare: (18, 24), Vizite: 527, Scor mediu: 186.63
Mutare: (23, 24), Vizite: 472, Scor mediu: 186.36
Mutarea selectată: (18, 24) (Vizite: 527, Scor mediu: 186.63)
Monte Carlo Tree Search a scos piesa de pe poziția 18.
Monte Carlo Tree Search calculează mutarea Zaruri: [1]

Statistici mutări posibile:
Mutare: (23, 24), Vizite: 1000, Scor mediu: 186.19
Mutarea selectată: (23, 24) (Vizite: 1000, Scor mediu: 186.19)
Monte Carlo Tree Search a scos piesa de pe poziția 23.

--- Tabla curentă ---
--- Tabla de joc --- (Jucătorul curent: 1 (alb))
Rând sus: 12: 0 13: 0 14: 0 15: 0 16: 0 17: 0 18: 0 19: 0 20: -3 21: 0 22: -4 23: -2
-----
Rând jos: 11: 0 10: 0 9: 0 8: 0 7: 0 6: 0 5: 0 4: 0 3: 0 2: 0 1: 0 0: +1
Bară: {1: 0, -1: 0}
Scoase: {1: 14, -1: 6}
Este rândul tau. Zaruri: [1, 2]
Mutari legale:
1: (0, 24)
Alege mutarea: 1
Piesa de pe pozitia 0 a fost scoasa.
Este rândul tau. Zaruri: [2]
Nu ai mutari posibile. Tura pierduta.

Jocul s-a terminat!
Felicitări! Ai câștigat.
```

b. Jocul este câștigat de AI:

În acest caz se poate observa cum AI-ul câștigă partida cu un punctaj de 15 la 7.

Contextul jocului înainte de mutarea AI:

Jucătorul curent: Negru (-1).

Stare tablă: Pe poziția 21 există o piesă neagră (21: -1). Pe bara jucătorului alb nu există piese (Bară: {1: 0, -1: 0}).

AI-ul are deja 14 piese scoase (Scoase: {1: 7, -1: 14}).

Zarurile disponibile: [3, 2].



Prima mutare AI: (21, 24) Acțiune: AI-ul a scos piesa de pe poziția 21 folosind zarurile [3, 2].

Zarurile disponibile permit scoaterea piesei: Zarul 3 aduce piesa la poziția 24 (ieșire).

Actualizare tablă: Poziția 21 devine goală (21: 0). Numărul pieselor scoase de AI crește la 15 (Scoase: {1: 7, -1: 15}).

De ce AI-ul nu a avut mutări posibile după această mutare? După ce toate piesele unui jucător sunt scoase, jocul se termină automat. În această situație: AI-ul nu mai avea piese pe tablă pentru a efectua alte mutări. Astfel, tura sa s-a încheiat fără alte acțiuni.

Rezultatul final: Mesajul jocului: „Jocul s-a terminat! Monte Carlo AI a câștigat.”

```
--- Tabla de joc --- (Jucătorul curent: 1 (alb))
Rând sus: 12: 0 13: 0 14: 0 15: 0 16: 0 17: 0 18: 0 19: 0 20: 0 21:-1 22: 0 23: 0
-----
Rând jos: 11: 0 10: 0 9: 0 8: 0 7: 0 6: 0 5: 0 4:+1 3: 0 2:+1 1:+7 0: 0
Bară: {1: 0, -1: 0}
Scoase: {1: 6, -1: 14}
Este randul tau. Zaruri: [1, 5]
Mutari legale:
1: (4, 24)
Alege mutarea: 1
Piesa de pe pozitia 4 a fost scoasa.
Este randul tau. Zaruri: [1]
Mutari legale:
1: (1, 0)
2: (2, 1)
Alege mutarea: 1
Piesa mutata de la 1 la 0.

--- Tabla curentă ---

--- Tabla de joc --- (Jucătorul curent: -1 (negru))
Rând sus: 12: 0 13: 0 14: 0 15: 0 16: 0 17: 0 18: 0 19: 0 20: 0 21:-1 22: 0 23: 0
-----
Rând jos: 11: 0 10: 0 9: 0 8: 0 7: 0 6: 0 5: 0 4: 0 3: 0 2:+1 1:+6 0:+1
Bară: {1: 0, -1: 0}
Scoase: {1: 7, -1: 14}
Monte Carlo Tree Search calculează mutarea Zaruri: [3, 2]

Statistici mutări posibile:
Mutare: (21, 24), Vizite: 3000, Scor mediu: 204.00
Mutarea selectată: (21, 24) (Vizite: 3000, Scor mediu: 204.00)
Monte Carlo Tree Search a scos piesa de pe poziția 21.
Monte Carlo Tree Search calculează mutarea Zaruri: [2]
Monte Carlo Tree Search nu are mutări posibile. Tura pierdută.

Jocul s-a terminat!
Monte Carlo AI a câștigat.
```

## 6. Concluzii

- În concluzie acest AI nu este imbatabil, putând fi învins de către jucători umani, dar este o soluție pentru a implementa un joc de Backgammon (Table).
- Stilul de joc al lui MCTS poate fi configurat după preferințe prin modificarea numărului de puncte asignat fiecărui tip de mutare (adus piese în casă, scos piese, blocat poziții etc.).
- În funcție de dificultatea dorită numărul de ture și de simulări privite în avans de AI pot fi modificate.

## **7. Bibliografie**

<http://joci.ro/reguli/table>

[https://www.researchgate.net/publication/228378473\\_Monte-Carlo\\_tree\\_search\\_in\\_backgammon](https://www.researchgate.net/publication/228378473_Monte-Carlo_tree_search_in_backgammon)

[https://en.wikipedia.org/wiki/Monte\\_Carlo\\_tree\\_search](https://en.wikipedia.org/wiki/Monte_Carlo_tree_search)

<https://www.geeksforgeeks.org/ml-monte-carlo-tree-search-mcts/>

## **8. Contribuția membrilor echipei**

Ilioi Daniel: implementare MCTS, integrarea algoritmului cu regulile testare și colectare rezultate

Maxim Rareș-Constantin: implementare reguli, testare și colectare rezultate, documentație