مقدماتی منطقهی غرب آسیا، سایت تهران دانشگاه صنعتی شریف، ۲۰ آذر ۱۳۹۹

مسئلهی A: داروی کرونا

دو کشور شکرستان و نمکستان که دارای جمعیت تقریبا یکسانی هستند برای درمان بیماران کرونایی خود از داروهای متفاوتی استفاده کردهاند. هر دو کشور آمار مبتلایان و فوتیهای کرونایی خود را اعلام کردهاند. میخواهیم بدانیم داروهای کدام کشور موثرتر است. کشوری که تعداد بهبودیافتگان یک کشور از تفاضل کشوری که تعداد بهبودیافتگان یک کشور از تفاضل تعداد مبتلایان و تعدادی فوتیهای آن کشور به دست میآید.

ورودي

ورودی شامل چهار خط است. در دو خط اول ورودی دو عدد صحیح n و k آمده است که به ترتیب نشاندهندهی تعداد مبتلایان و تعداد فوتیهای کشور شکرستان است.

در خطوط سوم و چهارم ورودی، دو عدد صحیح p و p آمده است که به ترتیب تعداد مبتلایان و تعداد فوتیهای کشور نمکستان را نشان می دهد.

خروجي

در تنها خط خروجی، در صورتی که داروهای کشور شکرستان موثرتر بوده است عبارت Shekarestan، درصورتی که داروهای کشور نمکستان موثرتر بوده است Namakestan و در غیر این صورت عبارت Equal را چاپ کنید.

محدوديتها

- $1 \le k \le n \le 1 \circ \circ \circ \bullet$
- $1 \le q \le p \le 1 \circ \circ \circ \bullet$

ورودی نمونه	خروجي نمونه
2	Namakestan
1	
4	
1	

ورودي نمونه	خروجي نمونه
3	Equal
1	
4	
2	

ورودی نمونه	خروجي نمونه
5	Shekarestan
1	
4	
2	



مقدماتی منطقهی غرب آسیا، سایت تهران دانشگاه صنعتی شریف، ۲۰ آذر ۱۳۹۹

مسئلهی B: دانشجویان مشترک

دانشگاه صنعتی شکرستان n دانشجو با شمارههای دانشجویی ۱ تا n دارد که هر کدام میتوانند در تعدادی از کلاسهای ترم جاری ثبتنام کنند (این تعداد میتواند صفر باشد). برنامهای بنویسید که بتواند پاسخ q پرسش ما را بدهد. هر پرسش به این صورت است که شمارهی تعدادی از کلاسها را به عنوان ورودی به برنامه میدهیم و برنامه باید تعداد دانشجویانی که در تمام این کلاسها ثبتنام کردهاند را به عنوان خروجی بدهد.

ورودي

در خط اول به ترتیب n و k و q داده می شود که n تعداد دانشجویان، k تعداد کلاس های ترم جاری و q تعداد سوال هایی است که از برنامه می پرسیم.

در k خط بعدی، در خط iام ابتدا تعداد دانشجویانی که در درس iام ثبتنام کردهاند و سپس شماره ی دانشجویانی که در درس iام ثبتنام کردهاند، داده شده است. شماره ی دانشجویان از ۲ تا n است.

در q سطر بعدی در هر سطر یک سوال از برنامه پرسیده می شود، در هر کدام از این q سطر، ابتدا تعداد کلاس ها و سپس شماره ی کلاس هایی که در مورد آنها سوال می شود، داده می شود. شماره ی کلاس ها از ۱ تا k است.

خروجي

در خط iام از q خط خروجی، باید جواب سوال iام، یعنی تعداد دانشجویان مشترک کلاسهای سوال iام را چاپ کنید.

محدوديتها

- $1 \le n \le 1 \circ \circ \bullet$
- $1 \le k \le \Delta \circ \circ \bullet$
- $1 \leq q \leq \Delta \circ \circ \bullet$

ورودى نمونه	خروجي نمونه
4 4 3	2
3 1 2 3	0
3 1 2 4	2
1 4	
2 2 4	
2 1 2	
3 1 2 3	
2 2 4	



مقدماتی منطقهی غرب آسیا، سایت تهران دانشگاه صنعتی شریف، ۲۰ آذر ۱۳۹۹

مسئلهی C: ابیات قابل قبول

رشته ای باینری (شامل رقمهای 0 و 1) به طول n داریم. میخواهیم حداقل تعداد بیتهایی را تغییر دهیم که رشته ای قابل قبول ایجاد کنیم. رشته ای قابل قبول است، اگر هیچ زیر رشته (نه لزوما متوالی) به صورت 010 یا 101 نداشته باشد. برای مثال رشتههای 1000 و 0001 غیر قابل قبول هستند. حداقل تعداد بیت لازم را بیابید که با تغییر آنها به رشته ای قابل قبول برسیم.

ورودي

ورودی شامل دو خط است. در خط اول عدد n و در خط دوم یک رشتهی باینری به طول n شامل کاراکترهای 0 و 1 آمده است.

خروجي

در تنها خط خروجی، حداقل تعداد بیتهای لازم را اعلام کنید که با تغییر آنها، رشتهی ورودی قابل قبول شود.

محدوديتها

 $1 \le n \le 1 \circ \circ \circ \bullet$

ورودی نمونه	خروجي نمونه
4	0
0000	

ورودی نمونه	خروجي نمونه
4	1
0101	

مقدماتی منطقهی غرب آسیا، سایت تهران دانشگاه صنعتی شریف، ۲۰ آذر ۱۳۹۹

مسئلهی D: جایزهی ویژه

اکبر به تازگی برنده ی یک جایزه ی ویژه از فروشگاه شده است. جایزه ی او به این صورت است که فروشگاه یک عدد طبیعی n رقمی در اختیار او گذاشته است و او باید k رقم آن را حذف کند تا کارت هدیه ای به مبلغ عدد باقی مانده جایزه بگیرد. به او کمک کنید تا بتواند بزرگترین جایزه ی ممکن را کسب کند.

ورودي

ورودی شامل دو خط است. در خط اول دو عدد طبیعی n و k داده می شوند که به ترتیب تعداد ارقام خرید و تعداد ارقامی که اکبر باید حذف کند، را نشان می دهند.

در خط بعدی یک عدد طبیعی n رقمی داده می شود.

خروجي

در تنها خط خروجی، بیشترین مقداری که اکبر میتواند جایزه بگیرد را چاپ کنید.

محدوديتها

 $1 \le k < n \le 2 \circ \circ \circ \bullet$

ورودی نمونه	خروجي نمونه
7 3	3234
1231234	

ورودی نمونه	خروجي نمونه
10 4 4177252841	775841



مقدماتی منطقهی غرب آسیا، سایت تهران دانشگاه صنعتی شریف، ۲۰ آذر ۱۳۹۹

مسئلهی E : نوار رنگی

یک نوار رنگی داریم که به صورت یک سطر افقی شامل n خانه است. هر خانه با یکی از k رنگ موجود رنگ شده است. میخواهیم رنگ حداقل تعداد خانه ی لازم را تغییر دهیم به صورتی که در نهایت هیچ دو خانه ی مجاوری رنگ یکسان نداشته باشند. برای تغییر رنگ خانهها، از هر رنگ دلخواه بین ۱ تا k میتوانیم استفاده کنیم.

ورودي

خط اول ورودی شامل دو عدد صحیح n و k است. خط دوم شامل n حرف بزرگ انگلیسی است. حرف A' به معنای رنگ اول، حرف B' به معنای رنگ دوم، و به همین ترتیب تا حرف Z' به معنای رنگ A' ام است. تنها A' حرف اول انگلیسی می توانند ظاهر شوند. هر حرف نماینده ی رنگ خانه متناظر ش در نوار است.

خروجي

در تنها خط خروجی، حداقل تعداد خانهای که لازم است رنگ آنها عوض شود را چاپ کنید.

محدوديتها

- $1 \le n \le \Delta \times 10^{\Delta}$
 - $Y \leq k \leq YP$ •

مثال

ورودی نمونه	خروجي نمونه
6 3	2
ABBACC	

در مثال بالا با تغيير دادن رنگ خانهها از ABBACC به ACBABC به خواستهی مورد نظر میرسيم.

ورودی نمونه	خروجي نمونه
3 2	1
BBA	

در مثال بالا كافي است رنگ خانهي اول را به A تغيير دهيم.



مقدماتی منطقهی غرب آسیا، سایت تهران دانشگاه صنعتی شریف، ۲۰ آذر ۱۳۹۹

مسئلەي F: بستەبندى

احمد n شیء و m جعبه دارد که هر جعبه اندازهاش برابر k است. اشیاء به ترتیب از چپ به راست با ۱ تا n شمارهگذاری شدهاند و اندازه ی شیء a_i ارست. اندازه ی شیء a_i اندازه ی شیء a_i است.

احمد میخواهد اشیاء را درون جعبه ها قرار دهد و برای این کار الگوریتم زیر را اجرا میکند:

ابتدا یک جعبه ی خالی در دستش می گیرد و یک عدد $n \leq j \leq n$ انتخاب می کند. سپس از شیء jام شروع می کند و آن را در جعبه ی فعلی قرار می دهد و به سراغ شیء l+jام می رود. حال اگر شیء l+jام در جعبه ی فعلی بتواند قرار بگیرد، آن را در جعبه ی فعلی قرار می دهد. در غیر این صورت، جعبه ی فعلی را بسته بندی کرده و کنار می گذارد و جعبه ی خالی دیگری را برمی دارد تا شیء l+jام را در آن قرار دهد. او این کار را تا زمانی تکرار می کند که شیء lام در جعبه ی قرار بگیرد و یا جعبه هایش تمام شود. سپس الگوریتم پایان می باید. احمد می خواهد حتما تمام شیءهای l تا l را در جعبه ای قرار داده باشد. بنابراین اگر هنگام قرار دادن یک شیء، آن شیء را نتواند در جعبه ی فعلی اش قرار دهد و جعبه های خالی اش نیز تمام شده باشند، به هدفش نرسیده است.

به احمد کمک کنید عدد j را طوری انتخاب کند که بیش ترین تعداد شیء را بتواند در جعبه ها قرار دهد و تمام اشیاء از j تا n درون جعبهها قرار گرفته باشند.

ورودي

در خط اول ورودی به ترتیب سه عدد صحیح n و m و m آمدهاند که تعداد اشیاء، تعداد جعبهها و اندازه ی جعبهها را نشان می دهند.

در خط بعدی، n عدد a_1, a_2, \ldots, a_n آمدهاند که a_i نمایانگر اندازه a_i معدد a_i

خروجي

در تنها خط خروجی، بیشترین تعداد شیءهایی که احمد می تواند طبق الگوریتم گفته شده در جعبهها قرار دهد چاپ کنید.

محدوديتها

- $1 \leq n, m \leq 7 \times 10^{\delta}$
 - $1 \leq k \leq 10^9$
 - $1 \le a_i \le k \bullet$

ورودی نمونه	خروجي نمونه
5 2 6	4
5 2 1 4 2	

ورودی نمونه	خروجي نمونه
5 1 4	1
4 2 3 4 1	



مقدماتی منطقهی غرب آسیا، سایت تهران دانشگاه صنعتی شریف، ۲۰ آذر ۱۳۹۹

مسئلهى G: يازده

میلاد یک دانشجوی عاشق برنامهنویسی است. یک روز میلاد در حالی که داشت به یکی از سوالات مسابقه ی سالهای پیش ICPC فکر می کرد، به خودش آمد و دید تعداد زیادی رقم روی کاغذ چرکنویسش نوشته است.

پس از بررسیهای فراوان میلاد فهمید که روی کاغذ، a_{\circ} بار صفر، a_{1} بار یک و a_{0} بار نه نوشته است.

او که شیفتهی عدد ۱۱ است، میخواهد بداند چند عدد $\sum_{i=0}^{n} a_i$ رقمی متشکل از ارقامی که میلاد روی کاغذش نوشته است وجود دارد که بر ۱۱ بخشپذیر باشد. به میلاد کمک کنید این تعداد را پیدا کند. از آنجایی که این عدد ممکن است خیلی بزرگ باشد، باقیمانده ی آن را بر ۲ + ۲ بیابید. توجه کنید که صفر در ابتدای عدد مجاز است.

ورودي

در تنها خط ورودی ۱۰ عدد صحیح آمده است که به ترتیب نشان دهنده ی اعداد a_0 تا a_0 است.

خروجي

در تنها خط خروجی، باقی ماندهی تعداد اعداد مطلوب را بر ۷ + ۹ ۰۹ چاپ کنید.

محدوديتها

- $\circ \leq a_i \leq Y \circ \circ \bullet$
- $1 \leq \sum_{i=\circ}^{q} a_i \leq 1 \circ \circ \bullet$

مثال

ورودی نمونه	خروجي نمونه
0 2 1 0 0 0 0 0 0	1

در مثال بالا، تنها عدد ممكن ۱۲۱ است.

ورودی نمونه	خروجي نمونه
0 0 0 0 0 0 0 2 2	4



مقدماتی منطقهی غرب آسیا، سایت تهران دانشگاه صنعتی شریف، ۲۰ آذر ۱۳۹۹

مسئلهي H: دفتر خاطرهها

سروش یک دفتر دارد که روی هر ورق آن یک عدد طبیعی با خودکار آبی نوشته است. سپس پیمان دفتر سروش را برمیدارد و روی هر ورق آن یک عددی دیگر با خودکار قرمز مینویسد که برابر با یکی از دو حالت زیر است:

- ١. جمع عددهای ورقها از اول دفتر تا همین صفحه (شامل همین صفحه)
- ٢. جمع عددهاي ورقها از آخر دفتر تا همين صفحه (شامل همين صفحه)

سپس کیوان تمام ورقها را از دفتر جدا می کند و ترتیب آنها را خراب می کند. حال رضا برای خوشحالی سروش تصمیم می گیرد با توجه به عددهایی که روی برگهها نوشته شده، برگهها را به ترتیب اولیه قرار دهد. اما محمد به رضا می گوید این کار با بیش از یک روش انجام می گیرد. رضا از علی می پرسد به چند شکل ممکن می توان ورقها را چید که عدد قرمز هر ورق، برابر با جمع عددهای آبی ورقها از ابتدا تا این ورق باشد. به علی کمک کنید جواب رضا را بدهد. با توجه به اینکه این مقدار ممکن است خیلی زیاد باشد، باقی مانده ی آن در تقسیم بر ۷ + ۹ م ۱۰ را چاپ کنید.

ورودي

در خط اول ورودي يک عدد طبيعي آمده است که تعداد ورقهاي دفتر را نشان مي دهد.

در n خط بعدی، در خط iام، دو عدد طبیعی b_i و i آمده است که به ترتیب عدد آبی و عدد قرمز روی یکی از ورقa ار نشان می دهد.

تضمین می شود حداقل به یک روش می توان ورقها را مرتب کرد طوری که شرط مسئله برقرار باشد.

خروجي

در تنها خط خروجی، باقی مانده ی تعداد حالت هایی که ممکن است ورق ها در ابتدا در دفتر قرار داشته باشند را در تقسیم بر $V+^{9}+^{1}$ در تنها خط خروجی، باقی مانده ی تعداد حالت هایی که ممکن است ورق ها در ابتدا در دفتر قرار داشته باشند را در تقسیم بر $V+^{9}+^{1}$

محدوديتها

- $1 \le n \le 1 \circ \circ \circ \bullet$
- $1 \leq b_i \leq 10^9$
- $1 \leq r_i \leq 10^4$

ورودى نمونه	خروجي نمونه
3	2
2 3	
1 1	
3 6	

ورودی نمونه	خروجي نمونه
4	4
4 16	
4 16	
4 16 4 16 4 8	
4 8	

ورودی نمونه	خروجي نمونه
7	2
1 1	
2 27	
3 6	
4 22	
5 18	
6 21	
7 7	



مقدماتی منطقهی غرب آسیا، سایت تهران دانشگاه صنعتی شریف، ۲۰ آذر ۱۳۹۹

مسئلهی ا: ستونهای خوش ترتیب

هنرمند وسواسی n ستون ساخته و آنها را برای نمایش در یک گالری هنری نصب کرده است. این ستونها در یک ردیف و به صورت متوالی نصب شدهاند. هنرمند پس از نصب ستونها متوجه شده است که این ستونها خوش ترتیب نیستند. تعدادی ستون که در یک ردیف نصب شدهاند، خوش ترتیباند اگر و تنها اگر ارتفاع هر دو ستون مجاور متفاوت باشد.

متاسفانه هنرمند وسواسی امکان تغییر ترتیب ستونها یا کاهش ارتفاع آنها را ندارد. برای هر ستون او تنها می تواند ارتفاع ستون را تغییر ندهد و یا ارتفاع آن را مقدار صحیحی افزایش دهد. دقت کنید که مواد به کار رفته در ساخت ستونها متفاوت است، به همین دلیل افزایش یک واحد ارتفاع هر ستون، هزینهای دارد که مخصوص آن ستون است. هنرمند وسواسی می خواهد با افزایش ارتفاع تعدادی از این ستونها، آنها را خوش ترتیب کند و از ما کمک خواسته است تا به او بگوییم کم ترین هزینه برای انجام این کار چقدر است.

ورودي

در خط اول ورودی n، تعداد ستونها، داده می شود. در n خط بعدی، اطلاعات مربوط به ستونها، به ترتیب داده می شود. در خط iام، به ترتیب اعداد صحیح b_i و داده می شوند که به ترتیب ارتفاع ستون iام و هزینهی افزایش یک واحد آن هستند.

خروجي

در خروجی کمترین هزینهی ممکن برای خوش ترتیب کردن ستونها را چاپ کنید.

محدوديتها

- $1 \leq n \leq 10^{\circ}$
- $1 \leq a_i, b_i \leq 1 \circ ^{\mathfrak{r}} \bullet$

مثال

ورودی نمونه	خروجي نمونه
6	9
2 5	
3 4	
3 20	
3 3	
4 2	
6 10	

در مثال بالا برای کمترین هزینه باید به ارتفاع ستونهای دوم، چهارم و پنجم یک واحد افزوده شود.

ورودی نمونه	خروجي نمونه
3	8
11 10	
10 4 10 10	
10 10	

در مثال بالا برای کمترین هزینه باید ارتفاع ستون دوم، دو واحد افزایش یابد.



مقدماتی منطقهی غرب آسیا، سایت تهران دانشگاه صنعتی شریف، ۲۰ آذر ۱۳۹۹

مسئلهی J: شکلات فروشی

هنرمند وسواسی لکه ای روی دیوار اتاقش پیدا کرده است. این لکه به صورت یک رشته به طول n از حروف کوچک انگلیسی است. هنرمند که خیلی وسواسی است، می خواهد هر چه زودتر لکه را پاک کند. او به خاطر وسواس زیادش فقط یکی از دو عملیات زیر را برای پاک کردن انجام می دهد:

- یک حرف از این رشته را به یک حرف انگلیسی دیگر تغییر دهد.
- یک زیررشتهی متوالی پالیندروم از این رشته را انتخاب کند و آن را حذف کند. منظور از یک رشتهی پالیندروم، رشتهای است که از هر دو طرف به یک شکل خوانده شود. توجه کنید که با حذف کردن یک زیررشته، دو طرف آن زیررشته به هم می چسبند.

برای مثال اگر رشته نمایانگر لکهی aabcx باشد، هنرمند میتواند زیررشتهی aa را حذف کند چون پالیندروم است و سپس کاراکتر آخر را به b تغییر دهد تا رشته تبدیل به bcb شود. سپس در یک مرحلهی دیگر میتواند این رشتهی پالیندروم را حذف کند.

متاسفانه هنرمند با دیدن لکه بیش از حد وسواسی شده و از شما میخواهد با گرفتن رشتهی نمایانگر لکه، حداقل تعداد عملیات برای پاک کردن آن را حساب کنید.

ورودي

در تنها خط ورودی رشته ی S از حروف کوچک انگلیسی که نمایانگر لکه است، به شما ورودی داده می شود.

خروجي

در تنها خط خروجي حداقل تعداد عمليات لازم براي پاک کردن لکه را چاپ کنيد.

محدوديتها

 $1 \leq |S| \leq \Delta \circ \circ \bullet$

مثال

ورودی نمونه	خروجي نمونه
abcba	1

در مثال بالا رشته از همان ابتدا پالیندروم است و در یک مرحله میتوان آن را پاک کرد.

ورودى نمونه	خروجي نمونه
abcbx	2

در مثال بالا در حرکت اول می توان حرف آخر را تبدیل به a کرد و سپس در حرکت دوم رشتهی پالیندروم به دست آمده را حذف کرد.

ورودی نمونه	خروجي نمونه
aabcx	3