TUTORÍA 1. Manejo de números complejos y Mapeos.

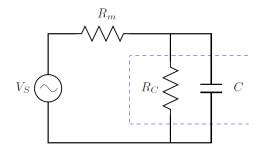
- Ejercicio #1. Sean $z, w \in \mathbb{C}$. Se sabe que $z = \frac{3}{2} + j$, $Re\{w\} = \frac{1}{2} y |z + w| = 3$. Encuentre gráficamente w y z + w.
- Ejercicio #2. Encuentre la ecuación en la forma y = mx + b de la siguiente recta en el plano z:

$$|z + z^* + 4j(z - z^*)| = 6$$

• **Ejercicio** #3. El circuito que se muestra se utiliza para calcular el valor de R_C la cual modela las pérdidas en el dieléctrico del condensador.

Con un voltímetro digital se ha determinado que la tensión RMS en la fuente es $V_S = 1V$, la tensión RMS en la resistencia de medición R_m es $V_{R_m} = 0.3V$ y la tensión RMS en el condensador real (la región demarcada) es $V_C = 0.8V$.

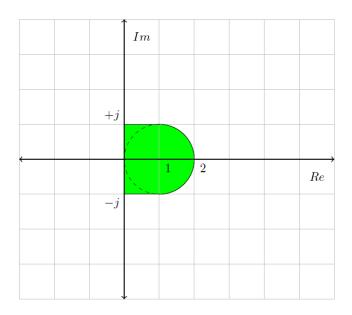
Determine gráficamente cuál es el valor de C y R_C si se sabe que la fuente utiliza una frecuencia de 100~Hz y $R_m=1M\Omega$.



• **Ejercicio** #4. Indique qué mapeos elementales (rotación, escalado y traslación) realiza el siguiente mapeo:

$$w = (\sqrt{3} + j)z - j$$

• Ejercicio #5. Aplique el mapeo lineal a la siguiente figura:



- Ejercicio #6. Aplique el mapeo de inversión a la figura anterior.
- **Ejercicio** #7. Aplique a la siguiente figura el mapeo bilineal:

$$w = -2 + \frac{j4}{2z + j}$$

