

Thomas Gomez y Toño

February 4, 2024

Punto 2

- a),b) El momento lineal se debe conservar, ya que las interacciones son de caracter interno y no existen interacciones externas al sistema. Puede notar que en la simulación el momento lineal se conserva
- c) Considere $V_{ji} = \frac{1}{4}(d_{ij} 2r)^4(d_{ij} = |\vec{r_j} \vec{r_i}|)$ como el potencial que ejerce la esféra i sobre la esféra j $(i \neq j)$. La expresión anterior se cumple solo para $d_{ij} \leq 2r$, para el resto de casos $V_{ij} = 0$. Note que k es la rigidez, d_{ij} es la distancia entre la particula i y j y r es el radio de todas las esferas. Evidentemente si consideramos el gradiente en esféricas (Gradiente respecto coordenadas esfera i y esféra j) obtenemos por regla de la cadena $\vec{F_j} = -\nabla_{ji}V_{ij}\frac{\partial(\vec{r_j}-\vec{r_i})}{\partial\vec{r_j}} = \nabla_{ij}V_{ij}\frac{\partial(\vec{r_j}-\vec{r_i})}{\partial\vec{r_i}} = -\vec{F_i} = k(|\vec{r_j}-\vec{r_i}|-2r)\hat{r_j}(el$ subindice ji en ∇ denota que el gradiente se toma respecto a $|\vec{r_j}-\vec{r_i}|$, ya que solo depende de este parámetro y $\hat{r_{ji}}$ es el vector unitario que va de la esfera i a la j). Por otro lado note que el potencial es continuo en $|\vec{r_j}-\vec{r_i}|=2r$, el potencial se define 0 para $\leq 2r$.

La fuerza es central por ende se conserva el momento angular, además como $V_{ij} = V_{ji}$ entonces podemos definir un potencial interno como $V = \sum_{i,j=1}^{n} V_{ij}$, siendo n el número de esféras.

- d) La energía cinética no se conserva, ya que esta se transforma en potencial cuando las esféras chocan.
- e) La energía potencial no se conserva, ya que esta se vuelve a transformar en energía cinética al terminar el choque entre esféras.
- f),g) La energía mecánica se conserva ya que solo actuan fuerzas conservativas, note que $K_2 K_1 = U_1 U_2 \longrightarrow K_2 + U_2 = K_1 + U_1 = E$, además evidentemente se debe cumplir el teorema trabajo energía
- h) El momento angular se debe conservar dado que las fuerzas son centrales, vea las gráficas de la simulación, note que en la simulación el eje y es el eje perpendicular a la mesa de la simulación, por ende se conserva el momento angular en el eje y, el momento angular en los otros ejes se conserva y es y.
- i) Si el sistema se extiende en 3d y se permite que exista velocidad inicial en el eje y las partículas se moverían en todo el volumen, por conservación del momento lineal.