

Алгоритмы и Алгоритмические Языки

Семинар #8:

- Утилита для поиска вхождений подстроки;
- Наивный алгоритм поиска подстроки;
- Алгоритм Рабина Карпа;
- Алгоритм Кнута Морриса Пратта.



Утилита для поиска вхождений подстроки







Реализация в репозитории курса: <u>08_search_strings</u>

Общая схема работы утилиты:

- Считывание строки haystack из файла;
- Считывание строки needle из стандартного потока ввода;
- Итеративный поиск следующего вхождения подстроки;
- Измерение времени;

Замеры времени исполнения



```
// Start time measurement:
clock t ticks start = clock();
compute algorithm();
// Finish time measurement:
clock \ t \ ticks \ end = clock();
// Print measurement result:
double ticks delta = ticks end - ticks start;
double seconds = ticks delta / CLOCKS PER SEC;
printf("Time: %10.6lfs\n", seconds);
```



Наивный алгоритм поиска подстроки



Наивный алгоритм



```
NAIVE-STRING-MATCHER (T, P)
```

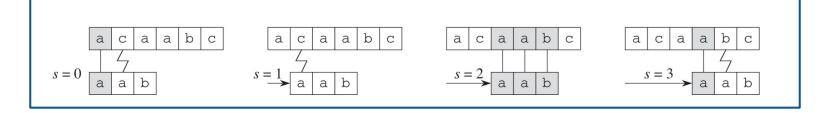
```
1 \quad n = T.length
```

$$2 \quad m = P.length$$

3 **for**
$$s = 0$$
 to $n - m$

4 **if**
$$P[1..m] == T[s+1..s+m]$$

5 print "Pattern occurs with shift" s



Эффективность наивного алгоритма



```
Пусть n = strlen(haystack), m = strlen(needle).
В худшем случае выполняется (n - m + 1)*n сравнений.
```

Hauвный aлгopumм (naive_strstr):

```
    /build/search
Enter needle:
The struggle between the old views and the new was long and stubbornly
Number of occurences: 1
Time: 0.009624s
```

Реализация из стандартной библиотеки (strstr):

```
// ./build/search
Enter needle:
The struggle between the old views and the new was long and stubbornly
Number of occurences: 1
Time: 0.001506s
```



Алгоритм Рабина – Карпа



Идея алгоритма Рабина – Карпа



 \triangle ля простоты: nycmь char = $\{0,1,\ldots,9\}$

Подготовка – вычисление хэша от needle-nogcmpoku:

$$p = P[m] + 10(P[m-1] + 10(P[m-2] + \dots + 10(P[2] + 10P[1]) \dots))$$

На каждом шаге – обновление текущего хэша от пробной рассматриваемой подстроки haystack:

$$t_{s+1} = 10(t_s - 10^{m-1}T[s+1]) + T[s+m+1]$$

Честно сравнение – только в случае совпадения хэша. **Проблемы?**

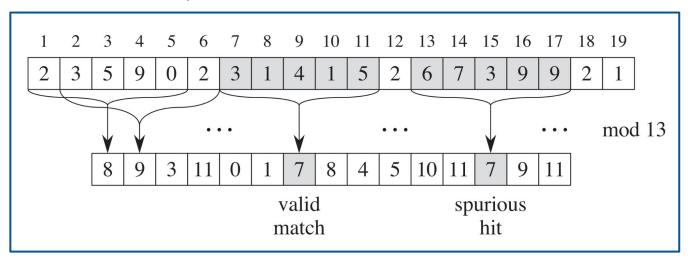
Рассмотрение хэша по модулю



Для ограничения значения хэша сверху нужен модуль:

$$t_{s+1} = (d(t_s - T[s+1]h) + T[s+m+1]) \bmod q$$

 $(3gecbh = d^{m-1} \mod q)$



Псевдокод алгоритма



```
RABIN-KARP-MATCHER (T, P, d, q)
 1 n = T.length
 2 m = P.length
3 \quad h = d^{m-1} \bmod q
 4 p = 0
 5 t_0 = 0
 6 for i = 1 to m
                     // preprocessing
   p = (dp + P[i]) \mod q
  t_0 = (dt_0 + T[i]) \bmod q
   for s = 0 to n - m // matching
10
       if p == t_s
           if P[1..m] == T[s+1..s+m]
               print "Pattern occurs with shift" s
13
   if s < n - m
14
           t_{s+1} = (d(t_s - T[s+1]h) + T[s+m+1]) \mod q
```



Алгоритм Кнута – Морриса – Пратта



Префикс-функция строки



Определение

Пусть дана строка str.

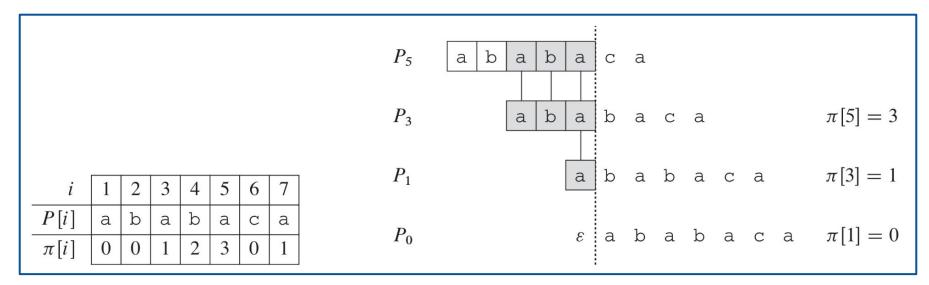
Префикс-функцией строки str – такой массив чисел π, что π[i] равен длине наибольшего префикса строки str[1, i], являющегося также и суффиксом строки str[1, i].

$$\pi[i] = \max\{k : 0 \le k < i \land str[1, k] = str[i - k + 1, i]\}$$

Вычисление префикс-функции



$$\pi[i] = \max\{k : 0 \le k < i \land str[1, k] = str[i - k + 1, i]\}$$



Задание: вычислить COMPUTE-PREFIX-FUNCTION("ababaca")





```
COMPUTE-PREFIX-FUNCTION (P)
   m = P.length
 2 let \pi[1..m] be a new array
 3 \quad \pi[1] = 0
 4 k = 0
   for q = 2 to m
        while k > 0 and P[k+1] \neq P[q]
            k = \pi[k]
     if P[k+1] == P[q]
           k = k + 1
     \pi[q] = k
10
    return \pi
```

Алгоритм КМП

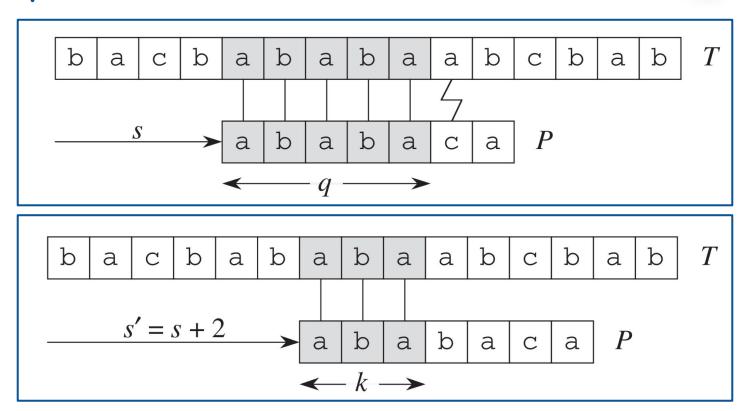


```
KMP-MATCHER(T, P)
 1 n = T.length
 2 \quad m = P.length
    \pi = \text{Compute-Prefix-Function}(P)
                                              // number of characters matched
    q = 0
    for i = 1 to n
                                              // scan the text from left to right
         while q > 0 and P[q + 1] \neq T[i]
             q = \pi[q]
                                              // next character does not match
         if P[q + 1] == T[i]
             q = q + 1
                                              // next character matches
10
         if q == m
                                              // is all of P matched?
             print "Pattern occurs with shift" i - m
                                              // look for the next match
             q = \pi[q]
```

Алгоритм КМП





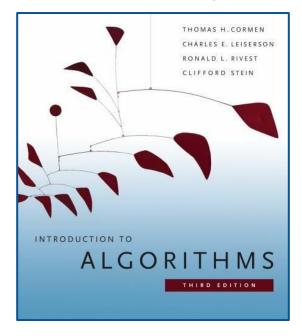


Задание: вычислить КМР-МАТСНЕR ("bacbababaabcbab", "ababaca")





Thomas H. Cormen, Charles E. Leiserson, Ronald L. Rivest, Clifford Stein Introduction to Algorithms



Вопросы?

