

Vi kan opstille det karakteristiske polynomium

$$\lambda^3 - 3\lambda^2 + 4 = 0$$

Hvor af rødderne kan udregnes

```
> solve(x^3-3*x^2+4=0,x);
```

-1, 2, 2

og rodden 2 har multiplicitet 2, så $\lambda_1 = -1, \lambda_2 = 2$ og $\lambda_3 = 2$.

Vi kan finde basis løsningerne til dette

$$\begin{aligned} x(-1) &= [\lambda_1^1, \lambda_1^2, \lambda_1^3, \lambda_1^4, \dots] \\ &= [-1, 1, -1, 1, \dots] \\ x(2) &= [\lambda_2^1, \lambda_2^2, \lambda_2^3, \lambda_2^4, \dots] \\ &= [2, 4, 8, 16, \dots] \\ x'(2) &= \left[\frac{\partial}{\partial \lambda} \lambda_3^1, \frac{\partial}{\partial \lambda} \lambda_3^2, \frac{\partial}{\partial \lambda} \lambda_3^3, \frac{\partial}{\partial \lambda} \lambda_3^4, \dots \right] \\ &= [1\lambda_3^0, 2\lambda_3^1, 3\lambda_3^2, 4\lambda_3^3, \dots] \\ &= [1, -2, 3, -4, \dots] \end{aligned}$$

Altså har vi basis løsningerne

$$\begin{aligned} x_1 &= [-1, 1, -1, 1, \dots] \\ x_2 &= [2, 4, 8, 16, \dots] \\ x_3 &= [1, -2, 3, -4, \dots] \end{aligned}$$