## 1. Lineas de transmision

## 1.1. Perdida de retorno en una linea de transmisión

Potencia promedio

$$P_{prom} = \frac{1}{2} \frac{(V_0^+)^2}{z_0} (1 - |\Gamma(0)|^2) \tag{1}$$

Perdida de retorno

$$RL = -20\log_{10}(|\Gamma(0)|) \tag{2}$$

## 1.2. Lineas desacopladas

Igualdad Np a dB

$$1N_p = 8,68dB \tag{3}$$

Coeficiente de reflexion en la carga

$$\Gamma(0) = \frac{z_L - z_0}{z_L + z_0} \tag{4}$$

$$|\Gamma(0)| = \frac{ROE - 1}{ROE + 1} \tag{5}$$

$$V(s) = V_0^+(e^{\gamma s} + \Gamma(0)e^{-\gamma s}) \tag{6}$$

$$I(s) = \frac{Vo^{+}}{z_{0}} (e^{\gamma s} - \Gamma(0)e^{-\gamma s})$$
 (7)

Impedancia de entrada

$$Z_{int}(0) = z_0 \left( \frac{1 + \Gamma(0)e^{-2\gamma s}}{1 - \Gamma(0)e^{-2\gamma s}} \right)$$
(8)

Voltaje y corriente con origen en la carga en una linea sin perdidas

$$V(s) = Vo^{+}(e^{j\beta s} + \Gamma(0)e^{-j\beta s})$$

$$\tag{9}$$

$$I(s) = \frac{Vo^{+}}{z_{0}} (e^{j\beta s} - \Gamma(0)e^{-j\beta s})$$
(10)

Impedancia en cualquier punto de la linea cuando se tiene  $z_0$  y  $s_L$ 

$$z(s) = z_0 \left( \frac{z_L + j z_0 \tan(\beta s)}{z_0 + j z_L \tan(\beta s)} \right) \tag{11}$$

Grados electricos

$$\beta s = \frac{2\pi s}{\lambda} [rads] \tag{12}$$

Relacion de onda estacionaria ROE

$$ROE = \frac{R_{max}}{z_0} \tag{13}$$

$$ROE = \frac{z_0}{R_{min}} \tag{14}$$

1

Formulario

Impedancia caracteristica de la linea  $z_0$  cuando se conocen las resistencias

$$z_0 = \sqrt{R_{max}R_{min}} \tag{15}$$

 $\theta_2$ Linea completa y  $\theta_1$  distancia de la resistencia hasta  $z_L$ 

$$\theta = \theta_2 - \theta_1 \tag{16}$$

Cuando se conoce la resistencia minima -  $R_{min}$ 

$$z_{int}(s) = z_0 \left( \frac{R_{min} + j z_0 \tan(\theta)}{z_0 + j R_{min} \tan(\theta)} \right)$$
(17)

$$z_{int}(s) = z_0 \left(\frac{1 + jROE \tan(\theta)}{ROE + j \tan(\theta)}\right)$$
(18)

Cuando se conoce la resistencia maxima -  $R_{max}$ 

$$z_{int}(s) = z_0 \left( \frac{R_{max} + j z_0 \tan(\theta)}{z_0 + j R_{max} \tan(\theta)} \right)$$
(19)

$$z_{int}(s) = z_0 \left( \frac{ROE + j \tan(\theta)}{1 + jROE \tan(\theta)} \right)$$
 (20)

## 1.3. Impedancia y Admitancia normalizada

Normalizacion

$$z(s) = R + jX (21)$$

$$\frac{z(s)}{z_0} = z(s) = \hat{z} = r + jx \tag{22}$$

$$\hat{z} = r + jx = \frac{1 + \Gamma(s)}{1 - \Gamma(s)} \tag{23}$$

Impedancia normalizada para la carta de Smith

$$\hat{z} = \frac{1 + \Gamma(s)e^{-2\gamma s}}{1 - \Gamma(s)e^{-2\gamma s}} \tag{24}$$

Admitancia y coeficiente de reflexion sin perdidas normalizada

$$\hat{y} = \frac{1}{z} = \frac{1 - \Gamma(s)}{1 + \Gamma(s)} \tag{25}$$

$$\Gamma(s) = \frac{\hat{z} - 1}{\hat{z} + 1} = \frac{1 - \hat{y}}{1 + \hat{y}} \tag{26}$$

Admitancia y coeficiente de reflexion con perdidas normalizada

2

$$\hat{y} = \frac{1 - \Gamma(s)e^{-2\gamma s}}{1 + \Gamma(s)e^{-2\gamma s}} \tag{27}$$

$$\Gamma(s)e^{-2\gamma s} = \frac{\hat{z} - 1}{\hat{z} + 1} \tag{28}$$

Formulario