TARTU ÜLIKOOL MATEMAATIKA-INFORMAATIKATEADUSKOND

Rakendustarkvara: TEX praktikumitöö

Rauno Viskus MatStat, 3.

1 Ülesanne 2.

1.1

Tõestame teoreemi kahe teguri korrutise kohta, millest järeldub teoreemi kehtivus. Olgu $\log_a b_1 = x_1$ ja $\log_a b_2 = x_2$, siis $b_1 = a^{x_1}$ ja $b_2 = a^{x_2}$. Leiame arvude b_1 ja b_2 korrutise: $b_1b_2 = a^{x_1}a^{x_2}$ ehk $b_1b_2 = a^{x_1+x_2}$. Logaritmi definitsiooni järgi saame viimasest võrdusest, et $\log_a(b_1b_2) = x_1 + x_2$. Asendades x_1 ja x_2 vastavate logaritmidega, saame:

$$\log_a(b_1b_2) = \log_a b_1 + \log_a b_2 \tag{1}$$

1.2

Kahe nurga vahe ja summa tangensi valemite tuletamiseks kasutame ühe ja sama nurga trigonomeetriliste funktsioonide vahelisi põhiseoseid ja eespool saadud valemeid:

$$\tan(\alpha - \beta) = \frac{\sin(\alpha - \beta)}{\cos(\alpha - \beta)} = \frac{\sin\alpha\cos\beta - \cos\beta\sin\alpha}{\cos\alpha\cos\beta + \sin\alpha\sin\beta}$$
 (2)

1.3

Lahenda võrrandisüsteem

$$\begin{array}{rclrcl}
 x & + & 2y & + & z = & 5, \\
 4x & - & y & + & 2z = & -3, \\
 2x & + & 3y & + & 4z = & 3.
 \end{array}$$
(3)

Lahendus.

$$D = \begin{vmatrix} 1 & 2 & 1 \\ 4 & -1 & 2 \\ 2 & 3 & 4 \end{vmatrix} = -4 + 12 + 8 + 2 - 32 - 6 = -20.$$
 (4)

2 Ülesanne 3.

2.1

Esimesed	Viimased kolm tähte							
kaks tähte	aaa	aab	aba	abb	baa	bba	bab	bbb
aa	2	2	2	2	5	7	5	7
ab	3	4	4	4	1	2	0	2
ba	0	1	0	0	3	5	3	5
bb	5	6	6	6	2	2	2	2

2.2

$$f(x + \Delta x) = 3(x + \Delta x)^{2} + 2$$

$$f(x) = 3x^{2} + 2$$

$$f(x + \Delta x) - f(x) = 3(x + \Delta x)^{2} + 2 - (3x^{2} + 2).$$

3 Ülesanne 4.

3.1

$$A = \lim_{\Delta x \to 0} \sum_{x=0}^{h} 9810\pi r^2 x \, \Delta x \, J. \tag{5}$$

3.2

$$a^{m}: a^{n} = \frac{a^{m}}{a^{n}} = \underbrace{\overbrace{aa \dots a}^{n \text{ tegurit}} \underbrace{aa \dots a}_{n \text{ tegurit}}}_{n \text{ tegurit}} = a^{m-n}.$$

$$(6)$$

3.3

$$S = \int_0^9 3\sqrt{x} dx - \int_0^9 x dx = 3 \int_0^9 x^{\frac{1}{2}} dx - \int_0^9 x dx = 3 \left[\frac{x^{\frac{3}{2}}}{\frac{3}{2}} \right]_0^9 - \left[\frac{x^2}{2} \right]_0^9 = 2 \left[x\sqrt{x} \right]_0^9 - \frac{1}{2} [x^2]_0^9 = 2 \cdot 27 - \frac{1}{2} \cdot 81 = 54 - 40, 5 = 13, 5 \text{ ruutühikut.}$$

$$(7)$$

3.4

Näiteks $15^4 : 5^4 = (15 : 5)^4 = 3^4 = 81$.

Viimase tehte õigsus on eriti hästi näha, kui kirjutada jagamine murruna ja siis murdu taandada.

$$\frac{15^4}{5^4} = \frac{\cancel{15} \cdot \cancel{15} \cdot \cancel{15} \cdot \cancel{15}}{\cancel{5} \cdot \cancel{5} \cdot \cancel{5} \cdot \cancel{5}} = 3^4 = 81.$$
 (8)