

# **ALGORITMOS I**

# 10° LISTA DE EXERCÍCIOS

**01** Escreva o número de elementos, a dimensão e a quantidade de memória ocupada pelas matrizes declaradas abaixo:

```
float m1[3][15];
int m2[3][16];
char m3[3][4][10];
long int m4[5][5][5][5];
```

02 O que será impresso no programa abaixo ?

```
#include <stdio.h>
typedef int matriz[3][2];
int main () {
  int i, j;
  matriz m;
  m[0][0] = 1;
  m[0][1] = 2;
 m[1][0] = 3;
 m[1][1] = 4;
  m[2][0] = 5;
  m[2][1] = 6;
  for (i = 0; i < 3; i++) {
    for (j = 0; j < 2; j++)
      printf ("%2d ",m[i][j]);
    printf ("\n");
  }
  printf ("\n");
  for (i = 0; i < 2; i++) {
    for (j = 0; j < 3; j++)
      printf ("%2d ",m[j][i]);
    printf ("\n");
  }
}
```

03 Descreva o que será produzido, depois de executado os comandos abaixo, se

A =	1	2	1
	3	1	4

$$C = \begin{array}{c|cc} & 1 & 3 \\ \hline & 2 & 1 \\ \hline & 1 & 4 \\ \end{array}$$

```
for (i = 0; i < 2; i++)
  for (j = 0; j < 2; j++) {
    for (k = 0; k < 3; k++)
      printf ("%2d ",A[i][k]+C[k][j]);
    printf ("\n");
}</pre>
```



## **04** O que será impresso no programa abaixo?

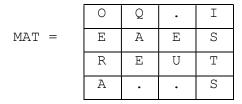
```
#include <stdio.h>
typedef int matriz1[3][4];
typedef char matriz2[2][2];
int main () {
  matriz1 m;
  matriz2 n;
  int i, j = 1;
  for (i = 0; i < 3; i++) {
    m[i][j] = m[i][j+2] = 2;
    m[i][j-1] = m[i][j+1] = 1;
  for (i = 0; i < 2; i++)
    for (j = 0; j < 2; j++)
      if (i == j)
        n[i][j] = 'a';
      else
        n[i][j] = 'z';
  for (i = 0; i < 3; i++)
    for (j = 0; j < 4; j++)
      printf ("m[%d][%d] = %2d\n",i,j,m[i][j]);
  printf ("\n");
  for (i = 0; i < 2; i++)
    for (j = 0; j < 2; j++)
      printf ("n[%d][%d] = %2c\n",i,j,n[i][j]);
```

# **05** Considere a seguinte variável composta bidimensional A:

	175	225	10	9000	3.7	4.75
	9.8	100	363	432	156	18
A =	40	301	30.2	6381	1	0
	402	4211	7213	992	442	7321
	21	3	2	1	9000	2000

- a) Quantos elementos fazem parte do conjunto?
- b) Qual o conteúdo do elemento identificado por A[3][4]?
- c) Qual o conteúdo de X após a execução do comando X = A[2][1]+A[4][0]?
- d) O que aconteceria caso fosse referenciado o elemento A[6][2] no programa?
- e) Escreva um trecho de programa que some os elementos da quarta coluna.
- f) Escreva um trecho de programa que some os elementos da terceira linha.

#### **06** Dada a matriz MAT abaixo



escreva a configuração de MAT depois de executado o programa abaixo:



```
#include <stdio.h>
#include <conio.h>
typedef char matriz[4][4];
int main () {
  int i, j;
  char aux;
 matriz mat;
  for (i = 0; i < 4; i++)
    for (j = 0; j < 4; j++)
      mat[i][j] = getche();
  /* Suponha que a matriz acima seja a matriz lida */
  for (i = 0; i < 4; i++)
    for (j = i+1; j < 4; j++) {
      aux = mat[i][j];
      mat[i][j] = mat[j][i];
     mat[j][i] = aux;
  aux = mat[0][0];
 mat[0][0] = mat[3][3];
 mat[3][3] = aux;
  aux = mat[1][1];
 mat[1][1] = mat[2][2];
 mat[2][2] = aux;
  for (i = 0; i < 4; i++) {
    for (j = 0; j < 4; j++)
      printf ("%c ",mat[i][j]);
   printf ("\n");
  }
 }
```

#### **07** Dada a matriz M tridimensional definida por

```
int M[2][4][3];
```

## e dada por

М

1	2	3	4
5	-5	3	0
	1		

1	1	1	1
-3	2	0	0
	2		

0	0	1	1		
-1	-1	2	2		
3					

# E, dado o vetor VET definido por

int VET[4];

VET 1 2 3 0

#### determine os elementos

- a) M[1][0][1]
- **b)** VET [2]
- c) VET[M[0][0][0]]
- **d)** M[VET[4]][VET[2]][VET[1]]



#### e) M[M[VET[4]][1][2]][VET[M[0][0][0]]][1]

# 08 Considere os programas

```
// Programa 1
#include <stdio.h>
#define max 2
typedef int vet[max];
typedef int mat[max][max];
int main() {
  vet a;
  mat b;
  int i, j, soma1, soma2;
  for (i = 0; i < max; i++) {
    printf ("a[%d] = ",i+1);
    scanf ("%d",&a[i]);
  for (i = 0; i < max; i++)
    for (j = 0; j < max; j++) {
      printf ("b[%d][%d] = ",i+1,j+1);
      scanf ("%d", &b[i][j]);
  soma1 = soma2 = 0;
  for (i = 0; i < max; i++)
    for (j = 0; j < max; j++) {
      soma1 += a[i];
      soma2 += b[i][j];
  printf ("%d %d", soma1, soma2);
}
// Programa 2
#include <stdio.h>
#define max 2
typedef int vet[max];
typedef int mat[max][max];
int main() {
  vet a;
  mat b;
  int i, j, soma1, soma2;
  for (i = 0; i < max; i++) {
    printf ("a[%d] = ",i+1);
    scanf ("%d", &a[i]);
  for (i = 0; i < max; i++)
    for (j = 0; j < max; j++) {
      printf ("b[%d][%d] = ",i+1,j+1);
      scanf ("%d", &b[i][j]);
    }
  soma1 = soma2 = 0;
  for (i = 0; i < max; i++) {
    soma1 += a[i];
    for (j = 0; j < max; j++)
      soma2 += b[i][j];
  printf ("%d %d", soma1, soma2);
```



## Responda:

- a) O que executa cada programa?
- b) Os dois programas fornecem as mesmas respostas?
- c) No programa Programa 1, quantas vezes são executados os comandos:

```
soma1 += a[i];
soma2 += b[i][j];
```

d) No programa Programa 2, quantas vezes são executados os comandos:

```
soma1 += a[i];
soma2 += b[i][j];
```

- e) Qual o programa mais eficiente?
- 09 Indique qual será a saída impressa do programa abaixo:

```
#include <stdio.h>
typedef int matriz[3][3];
int main() {
 matriz mat;
  int i, j, inteiro, x, y, xant, yant, n;
 inteiro = 1;
 n = 3;
  for (i = 0; i < 3; i++)
    for (j = 0; j < 3; j++)
     mat[i][j] = 0;
  x = (n + 1)^{-}/2 - 1;
  y = n - 1;
  while (inteiro < 10) {
   mat[x][y] = inteiro;
    inteiro++;
    xant = x;
    yant = y;
    x++;
    y++;
    if (x == n)
      x = 0;
    if (y == n)
     y = 0;
    if (mat[x][y] != 0) {
      x = xant;
      y = yant - 1;
    }
  for (i = 0; i < 3; i++) {
    for (j = 0; j < 3; j++)
      printf ("%2d ",mat[i][j]);
   printf ("\n");
  }
}
```

- **10** Dado M ∈ R<sup>nxn</sup>, escreva um programa, com reprocessamento, que leia os elementos da matriz e a escreva após ter multiplicado os elementos da diagonal principal por uma constante k.
- **11** Escreva um programa, com reprocessamento, que leia uma tabela de m x n elementos, calcule e imprima a soma de cada linha e a soma de todos os elementos.



- Escreva um programa, com reprocessamento, que calcule e imprima a soma de todos os elementos de uma matriz de ordem m x n.
- **13** Faça um programa, com reprocessamento, que leia duas matrizes reais de dimensão m x n, calcule e imprima a soma destas matrizes.
- **14** Escreva um programa, com reprocessamento, que efetue um produto matricial. Seja  $A \in R^{mxn}$  e  $B \in R^{nxp}$ , calcular  $C \in R^{mxp}$ , onde  $C = A * B e m \le 40$ ,  $n \le 60$  e  $p \le 80$ . O programa deve imprimir as matrizes A e B e, a matriz C calculada.
- Faça um programa que gere e imprima a seguinte matriz de ordem 6:

1	1	1	1	1	1
1	2	2	2	2	1
1	2	3	3	2	1
1	2	3	3	2	1
1	2	2	2	2	1
1	1	1	1	1	1

Suponha que a ordem da matriz do exercício anterior seja 2\*n (n ímpar). Escreva um programa, com reprocessamento, que gere a matriz de ordem 2\*n.

# Exemplos:

N = 1

 $\begin{array}{c|cccc}
N & = & 2 \\
\hline
 & 1 & & 1 \\
\hline
 & 1 & & 1
\end{array}$ 

N = 5



1	4 = 6	5				
	1	1	1	1	1	1
	1	2	2	2	2	1
	1	2	3	3	2	1
	1	2	3	3	2	1
	1	2	2	2	2	1
	1	1	1	1	1	1

- 17 Escreva um programa, com reprocessamento, que leia uma matriz de ordem n de elementos inteiros, calcule e imprima a soma dos elementos situados abaixo da diagonal principal da matriz, incluindo os elementos da própria diagonal principal.
- **18** Escreva um programa, com reprocessamento, que leia uma matriz A de no máximo 20 x 50 elementos, determine a matriz transposta de A e imprima a matriz A e sua transposta.
- **19** Faça um programa, com reprocessamento, que leia uma matriz  $A \in R^{mxn}$ , com  $m \le 20$  e  $n \le 30$ . O programa deve imprimir a matriz A lida, calcular e imprimir uma matriz modificada  $B \in R^{mx(n+1)}$ , sendo que os elementos da (n+1)-ésima colunas são formados com o produto dos elementos da mesma linha.

### Exemplo:

MATRIZ A				
2	1	4		
3	4	5		

MATRIZ B				
2	1	4	8	
3	4	5	60	

- 20 Uma biblioteca possui oito departamento. Cada departamento contém 40 estantes capazes de conter, cada uma, 150 livros. Supondo que o livro padrão tenha 200 páginas de 35 linhas por 60 colunas de caracteres, declare uma variável capaz de conter todos os caracteres presentes nos livros da biblioteca. Escreva a quantidade de memória ocupada por esta variável.
- 21 Um grupo de pessoas respondeu a um questionário composto de 10 perguntas. Cada pergunta contém cinco opções ou respostas possíveis, codificadas de 1 a 5. Cada pergunta é respondida com a escolha de apenas uma opção entre as cinco possíveis. São fornecidos os nomes das pessoas e suas respectivas respostas. Escreva um programa, com reprocessamento, que leia e imprima os dados lidos e, calcule e imprima o número de pessoas que responderam a cada uma das cinco opções de cada pergunta.
- 22 Escreva um programa, com reprocessamento, que leia uma matriz quadrada real A, de dimensão m x m, e verifique se a matriz é simétrica, ou seja, se a<sub>ij</sub> = a<sub>ji</sub> para todo i,j≤m.
- 23 Escreva um programa para imprimir uma tabela com o índice de afinidade existente entre cada moça e cada rapaz de um grupo de ⋈ moças e um grupo de ⋈ rapazes (R≤30 e M≤20). Foi distribuído entre eles um questionário de 20 perguntas, tais como:
  - 01. Você se incomoda que seu parceiro fume ?
  - 02. Você é vidrado em música sertaneja?
  - 03. Você gosta de cebola?

. . . .

20. Você gosta do Esporte Clube Noroeste?



Cada resposta tem as seguintes opções: sim, não e indiferente

**24** Considere o seguinte sistema de equações:

$$\begin{cases} a_{11}.x_1 & = b_1 \\ a_{21}.x_1 + a_{22}.x_2 & = b_2 \\ a_{31}.x_1 + a_{32}.x_2 + a_{33}.x_3 & = b_3 \\ \dots & \dots & \dots \\ a_{n1}.x_1 + a_{n2}.x_2 + a_{n3}.x_3 + \dots + a_{n1}.x_n = b_n \end{cases}$$

Faça um programa, com reprocessamento, que resolva o sistema acima para qualquer valor de  $n \le 30$ . O programa deve ler o número de incógnitas do sistema (n), os termos independentes (b<sub>i</sub>) do sistema, ler os coeficientes das equações (a<sub>ij</sub>) e, deve calcular e imprimir o valor das n incógnitas (x<sub>i</sub>) que satisfaçam o sistema.

- 25 Escreva um programa de jogo-da-velha. O programa representará o tabuleiro do jogo da velha usando uma matriz de caracteres de 3 x 3. Você será sempre X, e o computador será O. Quando você se movimentar, o computador colocará um X na posição especificada da matriz do jogo. Quando for a vez do computador se movimentar, ele sorteará uma posição da matriz e colocará O. Se o computador não conseguir encontrar um lugar vazio ele deve informar que o jogo empatou.
- 26 A tabela dada a seguir, contém vários itens que estão estocados em vários armazéns de uma companhia. É fornecido, também, o custo de cada um dos produtos armazenados.

	Produto 1	Produto 2	Produto 3
	(unidade)	(unidade)	(unidade)
Armazém 1	1200	3700	3737
Armazém 2	1400	4210	4224
Armazém 3	2000	2240	2444
Custo (R\$)	260	420	330

(os valores devem ser fornecidos pelo usuário)

Escreva um programa, com reprocessamento, que:

- a) leia o estoque inicial;
- b) determine e imprima quantos itens estão armazenados em cada armazém;
- c) qual o armazém que possui a maior quantidade do produto 2 armazenado;
- d) o custo total de cada armazém, o custo de estoque em cada armazém e o custo de cada produto em todos os armazéns.
- 27 Dada uma variável de matriz

faça um programa, com reprocessamento, que atribua os números naturais 1, 2, 3, ..., n às componentes de M de modo que ela forme um *Quadrado Mágico*, isto é, M[i][k] = M[k][i] = C, i=1,...,n



е

$$M[k][k] = M[k][n-k+1] = C$$

onde  $C = (n/2) * (n^2+1)$ . Suponha n ímpar.

Exemplos:

n = 3

4	3	8
9	5	1
2	7	6

n = 5

11	10	4	23	17
18	12	6	5	24
25	19	13	7	1
2	21	20	14	8
9	3	22	16	15

- 28 A matriz MAT, de N linhas por 4 colunas, contém informações sobre alunos da Universidade. Os elementos da primeira, segunda, terceira e quarta colunas são, respectivamente, o número de matrícula, sexo (0 ou 1), número do curso e a média geral no curso. Escreva um programa, com reprocessamento, que leio o número N de alunos (no máximo 50), leia as informações sobre os alunos, determine e imprima o número da matrícula do(s) aluno(s) do sexo X, curso Y, que obteve a melhor média.
- 29 Faça um programa, com reprocessamento, que leia e imprima uma variável composta bidimensional cujo conteúdo é a população dos 10 municípios mais populosos de cada um dos 26 estados brasileiros. Determine e imprima o número do município mais populoso e o número do estado a que pertence. Considerando que a primeira coluna contém sempre a população da capital do estado, calcular a média da população das capitais dos 26 estados.
- **30** Suponha que exista 6 cidades ligadas por ferrovia, da seguinte forma:
  - a cidade 1 se comunica com as cidades 2 e 3;
  - a cidade 2 se comunica com as cidades 1, 3, 4 e 5;
  - a cidade 3 se comunica com as cidades 1, 2, 4 e 5;
  - a cidade 4 se comunica com as cidades 2, 3 e 6;
  - a cidade 5 se comunica com as cidades 2, 3 e 6;
  - a cidade 6 se comunica com as cidades 4 e 5;

A distância entre as cidades está disposta na matriz a seguir:

	1	2	3	4	5	6
1	-	100	15	-	-	-
2	100	_	40	180	200	_
3	15	40	-	45	35	-
4	1	180	45	1	1	105
5	_	200	95	_	_	120
6	_	_	1	105	120	

Escreva um programa, com reprocessamento, que leia duas cidades (origem e destino), encontre o menor caminho entre elas e escreva este caminho.



31 Faça um programa, com reprocessamento, que leia os palpites de um jogador na loteria esportiva e calcule o valor a ser pago pelo apostador. O programa deverá ler e imprimir os dados referentes ao teste e ao revendedor, como especificado abaixo.

O valor a ser pago é calculado por: VALOR = V\*2\*3, onde V é uma constante a ser lida, D o número de palpites duplos e T o número de palpites triplos.

A estrutura de dados a ser manipulada pelo programa deve ser uma matriz bidimensional de 3 linhas por 13 colunas.

32 A composição dos custos das diversas atividades de construção de um prédio é feita a partir da elaboração de um quadro de quantitativos dos diversos recursos envolvidos em cada atividade. Estes recursos são de vários tipos e envolvem principalmente os custos mais diretos, como por exemplo, matérias-primas, mão-de-obra, hora de equipamento, entre outros.

Sendo conhecidos os custos unitários para cada recurso envolvido, chega-se facilmente ao custo final unitário de cada atividade. A este custo são acrescidos os percentuais de custos indiretos (administrativos), impostos, depreciação de equipamentos, leis sociais e outros, totalizando o preço final para a execução de cada fase. Este procedimento básico é adotado em várias empreiteiras de obras, e o objetivo deste exercício é fazer um programa que execute estes cálculos para auxiliar o analista de custos de uma empreiteira.

Supondo-se que na execução do prédio são realizados quatro tipos de atividades e que cada uma consome os recursos especificados no quadro dado a seguir, e que as despesas indiretas (administração) são dados levantados a cada mês, escreva um programa que:

- a) leia o percentual de administração do mês;
- b) leia os custos unitários dos sete recursos envolvidos;
- c) leia um conjunto indeterminado de dados (no máximo 15) contendo os quantitativos de recursos envolvidos em cada atividade;
- d) calcule e imprima:
  - o preço unitário de custo (direto+administração) de cada atividade;
  - o preço unitário que a empreiteira deve cobrar em cada atividade para que tenha 36% de lucro:
  - considerando o percentual de 16% para as leis sociais, incidentes sobre a mão-de-obra, quanto deve ser recolhido para cada unidade de atividade;
  - considerando o percentual de administração fornecido +36% de lucro +16% de leis sociais, qual será o preço a ser cobrado pela empreiteira para a construção de uma obra que envolva as seguintes atividades:
    - . 50 m de fundação,
    - . 132 m de alvenaria,
    - . 200 m de estrutura,
    - . 339 m de acabamento;
- **33** Faça um programa que calcule a soma dos elementos da i-ésima linha de uma matriz real de ordem m x n.
- **34** Faça um programa que calcule o produto dos elementos da i-ésima coluna de uma matriz real de ordem m x n.



35 Escreva um procedimento que recebe uma matriz de caracteres 8x8 representando um tabuleiro de xadrez e calcula o valor total das peças do jogo. Espaços vazios do tabuleiro são codificados como casas com ' ' (branco) e tem valor 0 (zero). Os valores das demais peças são dados de acordo com a tabela:

Peça	Peão	cavalo	bispo	torre	rainha	rei
Valor	1	3	3	5	10	50

- 36 Dada uma matriz real A de ordem m x n e, um vetor real v de ordem n, escreva um programa, com reprocessamento, que determine o produto de A por v.
- 37 Um vetor real x com n elementos é apresentado como resultado de um sistema de equações lineares A.x = b, cujos coeficientes estão armazenados em uma matriz real A e, os termos independentes em um vetor real b de m elementos. Faça um programa, com reprocessamento, que leia a matriz A e os vetores b e x e, verifique se x é solução do sistema A.x = b.
- 38 Uma matriz A ∈ R<sup>nxn</sup> é um *quadrado latino* de ordem n se em cada linha e em cada coluna aparecem todos os inteiros 1,2,3,...,n (ou seja, cada linha e coluna é permutação dos inteiros 1,2,3,...,n). Escreva um programa que verifique se uma dada matriz inteira A de ordem nxn é um quadrado latino de ordem n.

Exemplo: 
$$\begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 \\ 2 & 3 & 4 & 1 \\ 4 & 1 & 2 & 3 \\ 3 & 4 & 1 & 2 \end{pmatrix}$$
 é um quadrado latino de ordem 4.

**39** Dadas n datas em uma matriz DATA<sub>nx3</sub>, onde a primeira coluna corresponde ao dia, a segunda ao mês e a terceira ao ano, escreva um programa que coloque essas datas em ordem cronológica crescente.

Exemplo: 
$$n = 6$$

- **40** Dada uma matriz  $A \in R^{mxn}$ , escreva um programa, com reprocessamento, que verifique se existem elementos repetidos em A.
- **41** Uma matriz inteira A é uma *matriz de permutação* se em cada linha e em cada coluna houver n-1 elementos nulos e um único elemento igual a 1.

Exemplos:



$$\begin{pmatrix} 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{pmatrix} \text{\'e uma matriz de permutação}.$$

$$\begin{pmatrix} 2 & -1 & 0 \\ -1 & 2 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$
 não é uma matriz de permutação.

Escreva um programa, com reprocessamento, que verifique se  $A \in Z^{nxn}$  é de permutação.

- **42** Um determinado cinema possui capacidade de 100 lugares (máximo). Certo dia cada espectador respondeu a um questionário no qual constava:
  - sua idade:
  - sua opinião em relação ao filme, segundo:
    - o ótimo = \*\*\*\*\*;
    - ° bom = \*\*\*\*;
    - ° regular = \*\*\*
    - ° ruim = \*\*;
    - ° péssimo = \*.

Elabore um programa que, lendo estes dados, calcule e imprima:

- a) a quantidade de respostas ótimas;
- b) a diferença percentual entre respostas bom e regular;
- c) a média de idade das pessoas que responderam ruins;
- d) a percentagem de respostas péssimo e a maior idade que utilizou esta opção;
- e) a diferença de idade entre a maior que respondeu ótimo e a maior idade de quem respondeu ruim.
- 43 Os elementos a<sub>ij</sub> de uma matriz inteira A representam os custos de transporte da cidade i para a cidade j. Dados n itinerários, cada um com k cidades, escreva um programa que determine o custo total para cada itinerário.

Exemplo: 
$$\begin{pmatrix} 4 & 1 & 2 & 3 \\ 5 & 2 & 1 & 400 \\ 2 & 1 & 3 & 8 \\ 7 & 1 & 2 & 5 \end{pmatrix}$$

O custo do itinerário 1 4 2 4 4 3 2 1 é 
$$a_{14} + a_{42} + a_{24} + a_{44} + a_{43} + a_{32} + a_{21} = 417$$

- 44 Uma matriz D<sub>8x8</sub> pode representar a posição atual de um jogo de damas, sendo que 0 indica uma casa vazia, 1 indica uma casa ocupada por uma peça branca e -1 indica uma casa ocupada por uma peça preta. Supondo que as peças pretas estão se movendo no sentido crescente das linhas da matriz D, escreva um programa que determine as posições das peças pretas que:
  - a) podem tomar peças brancas;
  - b) podem mover-se sem tomar peças;
  - c) não podem se mover.



**45** Uma matriz quadrada inteira é um *quadrado mágico* se a soma dos elementos de cada linha, a soma dos elementos da cada coluna e a soma dos elementos das diagonais principal e secundária são todas iguais.

Exemplo:

$$\begin{pmatrix} 8 & 0 & 7 \\ 4 & 5 & 6 \\ 3 & 10 & 2 \end{pmatrix}$$
 é um quadrado mágico.

Escreva um programa, com reprocessamento, que verifique se uma matriz quadrada é um quadrado mágico.

46 Um jogo de palavras cruzadas pode ser representado por uma matriz A<sub>mxn</sub> onde cada posição da matriz corresponde a um quadrado do jogo, sendo que 0 indica um quadrado branco e -1 indica um quadrado preto. Indicar na matriz as posições que são início de palavras horizontais e/ou verticais nos quadrados correspondentes (substituindo os zeros), considerando que uma palavra deve ter pelo menos duas letras. Para isso, numere consecutivamente tais posições.

Exemplo: Dada a matriz

$$\begin{pmatrix}
0 & -1 & 0 & -1 & -1 & 0 & -1 & 0 \\
0 & 0 & 0 & 0 & -1 & 0 & 0 & 0 \\
0 & 0 & -1 & -1 & 0 & 0 & -1 & 0 \\
-1 & 0 & 0 & 0 & 0 & -1 & 0 & 0 \\
0 & 0 & -1 & 0 & 0 & 0 & -1 & -1
\end{pmatrix}$$

A saída deverá ser

$$\begin{pmatrix} 1 & -1 & 2 & -1 & -1 & 3 & -1 & 4 \\ 5 & 6 & 0 & 0 & -1 & 7 & 0 & 0 \\ 8 & 0 & -1 & -1 & 9 & 0 & -1 & 0 \\ -1 & 10 & 0 & 11 & 0 & -1 & 12 & 0 \\ 13 & 0 & -1 & 14 & 0 & 0 & -1 & -1 \end{pmatrix}$$