

Formale Sprachen und Automaten

Robin Rausch, Florian Maslowski

12. November 2022

Inhaltsverzeichnis

1 Grundlagen	1
1.1 Alphabet	1
1.2 Wort	1
1.3 Formale Sprachen	1
1.4 Kleene Stern	1
1.5 Überblick	1
2 Reguläre Sprachen und endliche Ausdrücke	2
2.1 Reguläre Ausdrücke	2
2.2 Endliche Automaten	3
2.2.1 Komplement	3
2.2.2 Deterministische endliche Automaten(DEA)	3
2.2.3 Nicht-deterministische endliche Automaten(NEA)	4
2.2.4 Endliche Automaten und reguläre Ausdrücke	5
2.2.5 Transformation DEA zu RA	6
2.2.6 RA zu NEA	7
2.2.7 NEA zu DEA	9
2.2.8 DEA zu RLG	9
2.2.9 RLG zu NEA	9
2.2.10 Minimierung	9
2.2.11 Produktautomaten	11
2.3 Nicht-reguläre Sprachen und das Pumping-Lemma	11
2.4 Eigenschaften regulärer Sprachen	12
3 Chomsky Grammatiken und kontextfreie Sprachen	12
3.1 Typ0 unbeschränkt	13
3.2 Typ1 Monoton	13
3.3 Typ2 Kontextfreie	13
3.4 Typ3 rechtsregulär/-linear	13
3.5 Cocke-Younger-Kasami(CYK)-Algorithmus	13
3.6 Chomskynormalform CNF	13
4 Kellerautomaten	14
5 Turing Maschine	14
5.1 K-Band zu 1-Band	15
5.2 Linear beschränkter Automat	15

6	Entscheidbarkeit	15
6.1	Entscheidbar	15
6.2	Unentscheidbar	15
6.3	Semi-entscheidbar	15
6.4	Postisches KorrespondenzProblem (PKP)	15
7	Berechenbarkeit	15
8	Komplexität	15

2 Reguläre Sprachen und endliche Ausdrücke

2.1 Reguläre Ausdrücke

Ein regulärer Ausdruck über Σ beschreibt eine formale Sprache.

Die Menge aller regulären Ausdrücke über Σ ist eine formale Sprache.

Beispiel: Sprache aller Wörter über Σ_{abc} , die nur aus genau zwei Symbolen bestehen:

Ausdruck: $r_1 = (a + b + c)(a + b + c)$

Sprache: $\mathcal{L}(r_1) = \{w \in \Sigma_{abc}^* \mid |w| = 2\}$

Operatoren:

$r_1 + r_2 \equiv r_2 + r_1$	Kommutativität von $+$
$(r_1 + r_2) + r_3 \equiv r_1 + (r_2 + r_3)$	Assoziativität von $+$
$(r_1 r_2) r_3 \equiv r_1 (r_2 r_3)$	Assoziativität von \cdot
$\emptyset r \equiv r \emptyset \equiv \emptyset$	Absorbierendes Element für \cdot
$\varepsilon r \equiv r \varepsilon \equiv r$	Neutrales Element für \cdot
$\emptyset + r \equiv r$	Neutrales Element für $+$
$(r_1 + r_2) r_3 \equiv r_1 r_3 + r_2 r_3$	Distributivität links
$r_1 (r_2 + r_3) \equiv r_1 r_2 + r_1 r_3$	Distributivität rechts
$r + r \equiv r$	Idempotenz von $+$
$(r^*)^* \equiv r^*$	Idempotenz von $*$
$\emptyset^* \equiv \varepsilon$	
$\varepsilon^* \equiv \varepsilon$	
$\varepsilon + r^* r \equiv r^*$	
$(\varepsilon + r)^* \equiv r^*$	
$r^* r \equiv r r^*$	

Nicht alle Operatoren sind für alle Typen zulässig:

	Vereinigung	Konkatenation	Potenz	Kleene-Stern
Wörter	X	$w_1 \cdot w_2$	w^n	X
Sprachen	$L_1 \cup L_2$	$L_1 \cdot L_2$	L^n	L^*
Reguläre Ausdrücke	$r_1 + r_2$	$r_1 \cdot r_2$	X	r^*

2.2 Endliche Automaten

Endliche Automaten sind eine andere Darstellung einer regulären Sprache. Endliche Ausdrücke lassen sich in Reguläre Ausdrücke umformen. Genauso auch anders herum.

Endliche Automaten erkennen regulären Sprachen. Endliche Ausdrücke lassen sich in Reguläre Ausdrücke umformen. Genauso auch anders herum.

Endliche Automaten lassen sich sowohl deterministisch als auch nicht-deterministisch darstellen.

2.2.1 Komplement

Wird durch vertauschen von End- und Nichtendzuständen erzeugt.

2.2.2 Deterministische endliche Automaten(DEA)

Ein DEA hat endlich viele Zustände. Jeder mögliche Übergang muss hierbei behandelt werden können. D.h. für das Alphabet Σ_{ab} muss von jedem Zustand sowohl ein a , als auch ein

b Übergang gegeben sein. Der Automat beginnt im Startzustand und muss im Endzustand enden. Wenn der Automat sich in einem Nicht-Endzustand befindet, befindet sich das Wort nicht in der Sprache, welche vom Automaten abgebildet wird.

Ein DEA hat endlich viele Zustände. Jeder mögliche Übergang muss hierbei behandelt werden können. D.h. für das Alphabet Σ_{ab} muss von jedem Zustand sowohl ein a , als auch ein b Übergang gegeben sein. Er terminiert wenn das Wort zu ende und Endzustand erreicht ist. Der DEA lässt sich durch folgendes 5-Tupel darstellen:

$\mathcal{A} = (Q, \Sigma, \delta, q_0, F)$ mit den Komponenten:

Q ist eine endliche Menge von Zuständen

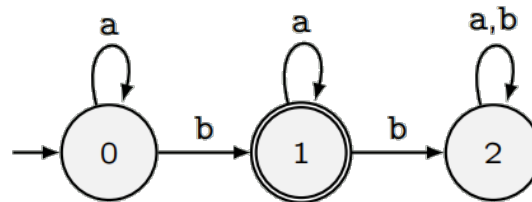
Σ ist ein endliches Alphabet

$\delta : Q \times \Sigma \rightarrow Q$ ist die Übergangsfunktion

$q_0 \in Q$ ist der Startzustand

$F \subseteq Q$ ist die Menge der Endzustände

Beispiel:



$\mathcal{A}_b = (Q, \Sigma, \delta, q_0, F)$ mit

■ $Q = \{0, 1, 2\}$

■ $\Sigma = \Sigma_{ab}$

■ $\delta(0, a) = 0; \delta(0, b) = 1, \delta(1, a) = 1; \delta(1, b) = \delta(2, a) = \delta(2, b) = 2$

■ $q_0 = 0$

■ $F = \{1\}$

Zustand 2: „Mülleimerzustand“ (junk state), d.h. kein Wort wird mehr akzeptiert

2.2.3 Nicht-deterministische endliche Automaten(NEA)

Ein NEA hat endlich viele Zustände. Nicht jeder mögliche Übergang muss hierbei behandelt werden. D.h. für das Alphabet Σ_{ab} reicht es, nur den a -Übergang, bzw. nur den b -Übergang zu besitzen. Der Automat beginnt im Startzustand und muss im Endzustand enden. Wenn der Automat sich in einem Nicht-Endzustand befindet, befindet sich das Wort nicht in der Sprache, welche vom Automaten abgebildet wird. Zudem gibt es ε -Übergänge, diese können jederzeit verwendet werden ohne ein Eingabesymbol.

Der NEA lässt sich durch folgendes 5-Tupel darstellen:

$\mathcal{A} = (Q, \Sigma, \Delta, q_0, F)$ mit den Komponenten:

Q ist eine endliche Menge von Zuständen

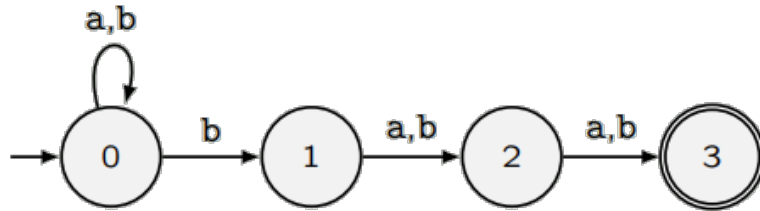
Σ ist ein endliches Alphabet

Δ ist eine Relation über $Q \times (\Sigma \cup \{\varepsilon\}) \times Q$

$q_0 \in Q$ ist der Startzustand

$F \subseteq Q$ ist die Menge der Endzustände

Beispiel:



$\mathcal{A}_n = (Q, \Sigma, \Delta, q_0, F)$ mit

$Q = \{0, 1, 2, 3\}$

$\Sigma = \Sigma_{ab}$

$\Delta = \{(0, a, 0), (0, b, 0), (0, b, 1),$
 $(1, a, 2), (1, b, 2),$
 $(2, a, 3), (2, b, 3)\}$

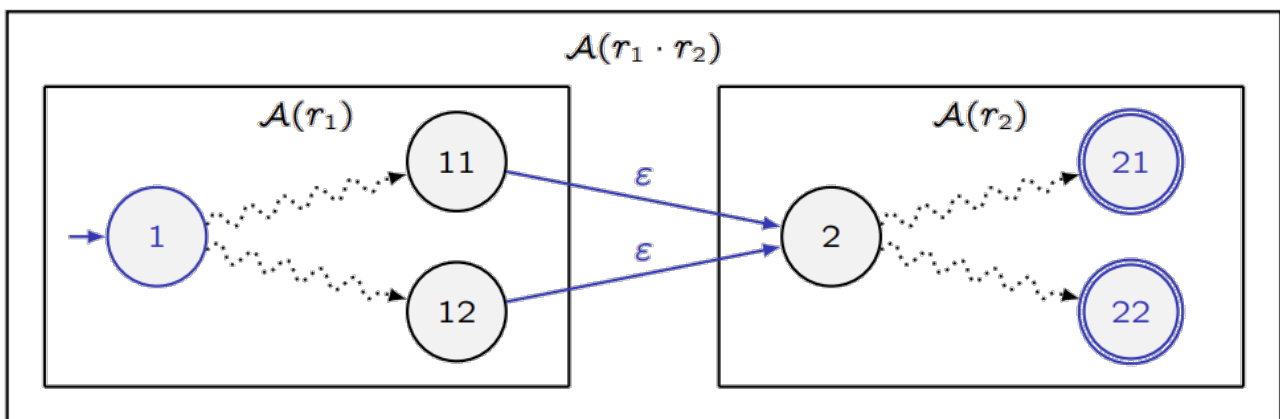
$q_0 = 0$

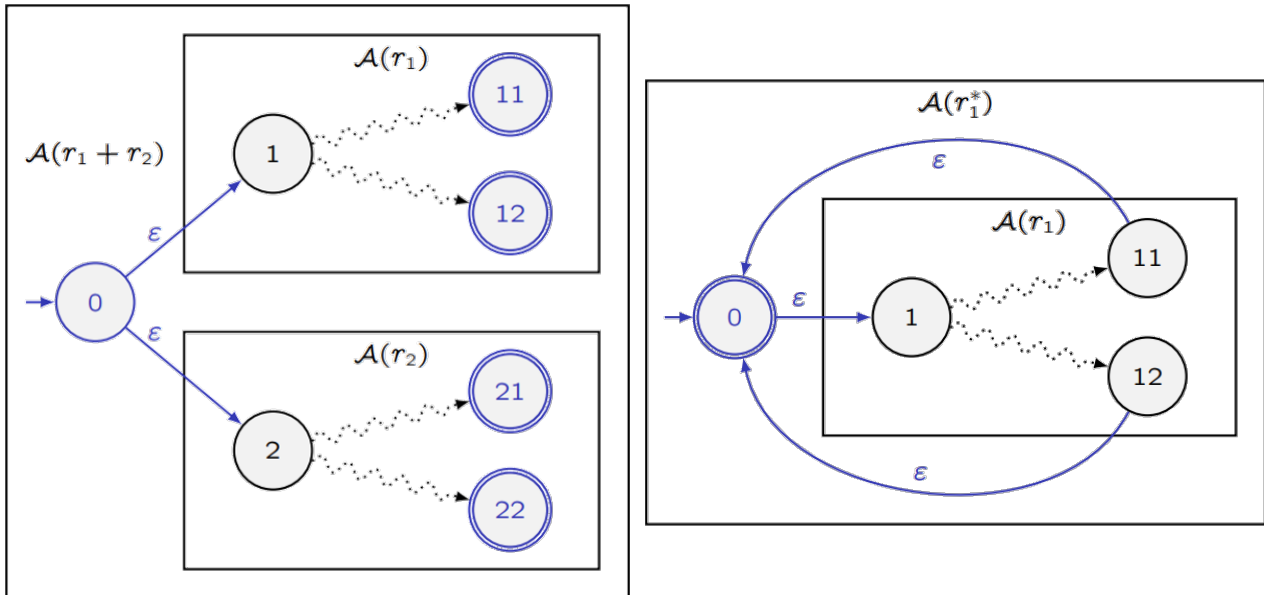
$F = \{3\}$

\mathcal{A}_n	a	b	ϵ
\rightarrow 0	{0}	{0, 1}	{}
1	{2}	{2}	{}
2	{3}	{3}	{}
* 3	{}	{}	{}

2.2.4 Endliche Automaten und reguläre Ausdrücke

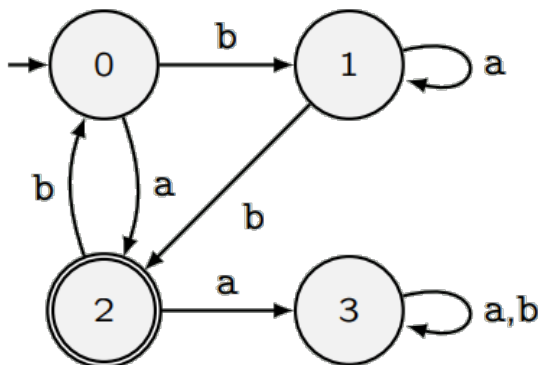
Man kann NEA und RA zusammenführen zu einem Automaten:





2.2.5 Transformation DEA zu RA

Um einen DEA zu einem RA umzuformen müssen zuerst die Gleichungen der jeweiligen Zustände aufgestellt und vereinfacht werden:



- $L_0 \equiv aL_2 + bL_1$
- $L_1 \equiv aL_1 + bL_2$
- $L_2 \equiv aL_3 + bL_0 + \varepsilon$
- $L_3 \equiv (a + b)L_3$

$$\begin{aligned} L_3 &\equiv (a + b)L_3 + \emptyset \\ &\equiv (a + b)^*\emptyset \\ &\equiv \emptyset \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} L_2 &\equiv a\emptyset + bL_0 + \varepsilon \\ &\equiv \emptyset + bL_0 + \varepsilon \\ &\equiv bL_0 + \varepsilon \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} L_1 &\equiv aL_1 + b(bL_0 + \varepsilon) \\ &\equiv a^*b(bL_0 + \varepsilon) \end{aligned}$$

[neutrales Element]

[Arden]

[absorbierendes Element]

[einsetzen L_3]

[absorbierendes Element]

[neutrales Element]

[einsetzen L_2]

[Arden]

Folglich kann man die gekürzten Gleichungen in einander einsetzen um bis zum Anfangszustand zu kommen:

- $L_0 \equiv aL_2 + bL_1$
- $L_1 \equiv a^*b(bL_0 + \varepsilon)$
- $L_2 \equiv bL_0 + \varepsilon$
- $L_3 \equiv \emptyset$

Da L_2 der Endzustand ist, bekommt die Gleichung ε hinzuaddiert!

Der vereinfachte Anfangszustand L_0 ist dann der RA zum zugehörigen DEA:

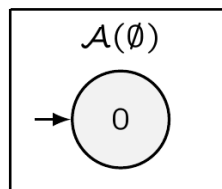
$$\begin{aligned}
 L_0 &\equiv a(bL_0 + \varepsilon) + b(a^*b(bL_0 + \varepsilon)) && \text{[einsetzen } L_1, L_2\text{]} \\
 &\equiv abL_0 + a + ba^*bbL_0 + ba^*b && \text{[Distributivgesetz]} \\
 &\equiv (ab + ba^*bb)L_0 + a + ba^*b && \text{[Kommutativ-,Distributivgesetz]} \\
 &\equiv (ab + ba^*bb)^*(a + ba^*b) && \text{[Arden]}
 \end{aligned}$$

$$\text{Ergebnis: } \mathcal{L}(\mathcal{A}) = \mathcal{L}((ab + ba^*bb)^*(a + ba^*b))$$

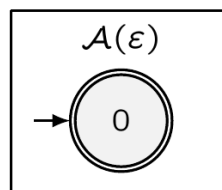
2.2.6 RA zu NEA

Aus den elementaren RA können einfach NEAs erstellt werden.

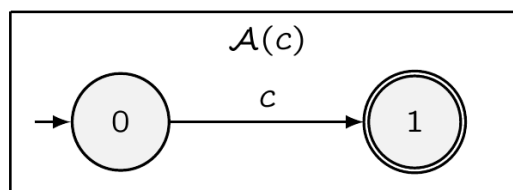
1 $\mathcal{A}(\emptyset) = (\{0\}, \Sigma, \{\}, 0, \{\})$



2 $\mathcal{A}(\varepsilon) = (\{0\}, \Sigma, \{\}, 0, \{0\})$

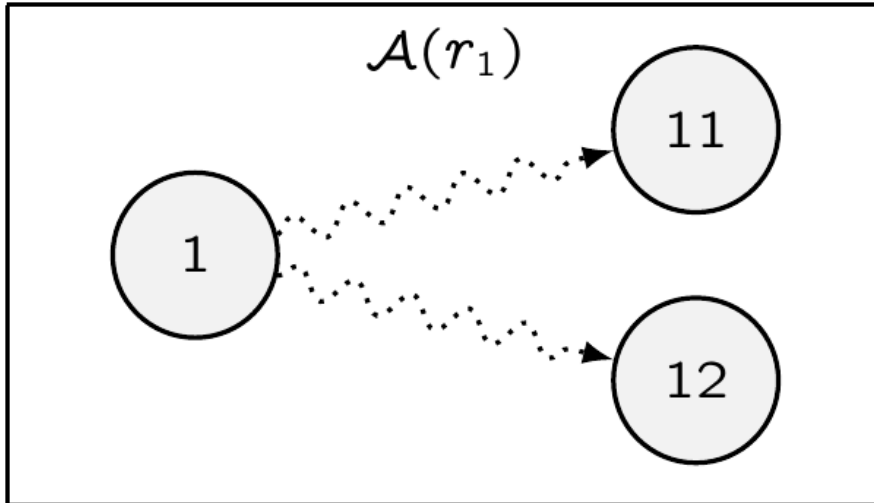


3 $\mathcal{A}(c) = (\{0, 1\}, \Sigma, \{(0, c, 1)\}, 0, \{1\})$ für alle $c \in \Sigma$



Bei komplexen RAs werden die RAs als "BlackBox"dargestellt, dabei werden die Übergänge gepunktet dargestellt.

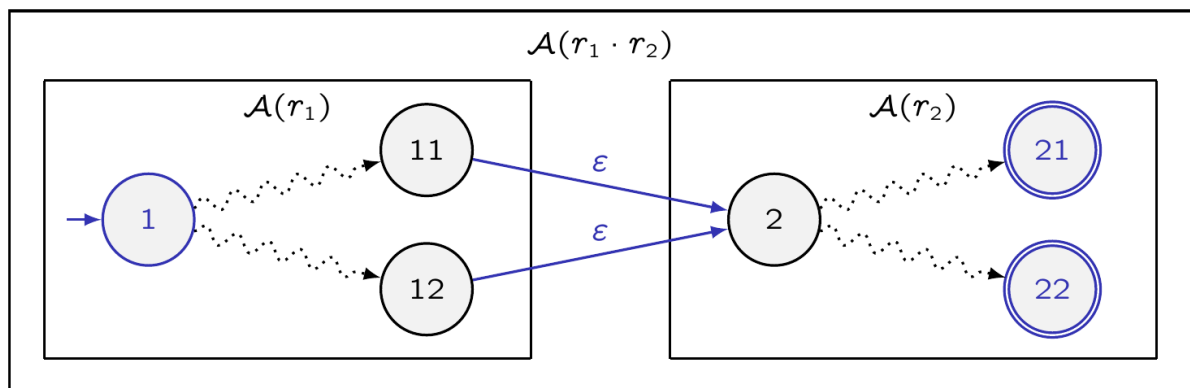
$$\mathcal{A}(r_1) = (Q_1, \Sigma, \Delta_1, 1, \{11, 12, \dots\})$$



- $\mathcal{A}(r_1) = (Q_1, \Sigma, \Delta_1, 1, \{11, 12, \dots\})$

- $\mathcal{A}(r_2) = (Q_2, \Sigma, \Delta_2, 2, \{21, 22, \dots\})$

- $\mathcal{A}(r_1 \cdot r_2) = (Q_1 \cup Q_2, \Sigma, \Delta_1 \cup \Delta_2 \cup \{(11, \epsilon, 2), (12, \epsilon, 2)\}, 1, \{21, 22\})$

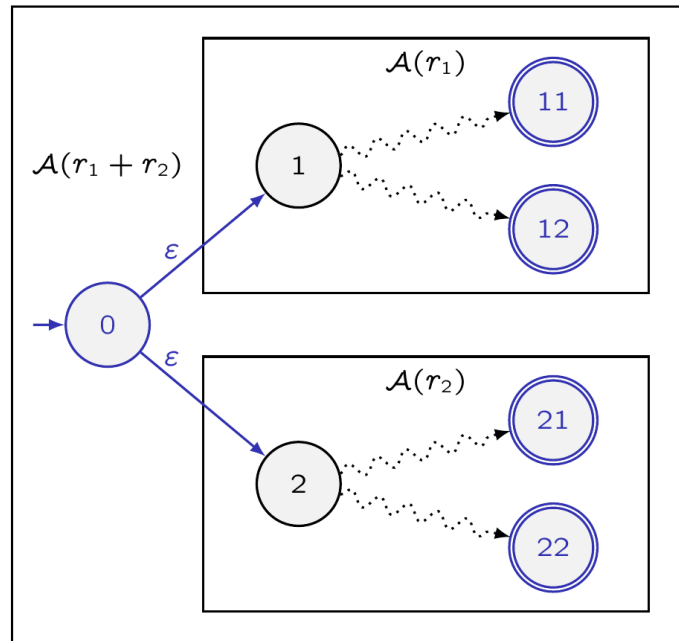


- Startzustand 1

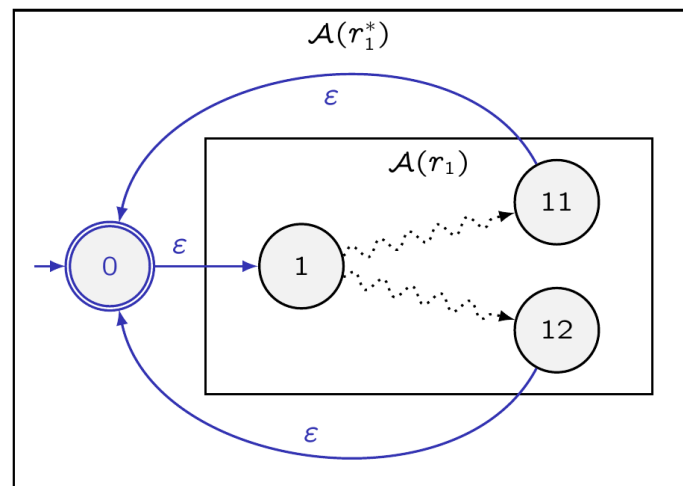
- ϵ -Übergänge von 11 und 12 zu 2

- Endzustände 21 und 22

- $\mathcal{A}(r_1) = (Q_1, \Sigma, \Delta_1, 1, \{11, 12\})$
- $\mathcal{A}(r_2) = (Q_2, \Sigma, \Delta_2, 2, \{21, 22\})$
- 5 $\mathcal{A}(r_1 + r_2) = (Q, \Sigma, \Delta, 0, F)$
 - $Q = Q_1 \cup Q_2 \cup \{0\}$
 - $\Delta = \Delta_1 \cup \Delta_2 \cup \{(0, \varepsilon, 1), (0, \varepsilon, 2)\}$
 - $F = \{11, 12, 21, 22\}$
- Neuer Startzustand 0
- ε -Übergänge von 0 zu 1 und 2
- Endzustände 11, 12, 21 und 22



- $\mathcal{A}(r_1) = (Q_1, \Sigma, \Delta_1, 1, \{11, 12\})$
- 6 $\mathcal{A}(r_1^*) = (Q, \Sigma, \Delta, 0, \{0\})$
 - $Q = Q_1 \cup \{0\}$
 - $\Delta = \Delta_1 \cup \{(0, \varepsilon, 1), (11, \varepsilon, 0), (12, \varepsilon, 0)\}$
- Neuer Startzustand 0
- ε -Übergänge
 - von 0 zu 1
 - von 11 und 12 zu 0
- Endzustand 0



2.2.7 NEA zu DEA

Transformationstabelle mit neuen Zuständen erstellen. Zustandsmengen als neue Zustände definieren. Enthält Menge Endzustand, ist der neue Zustand ein Endzustand.

Übergangstabelle:

	0	1
q_0	$\{q_0, q_1\}$	q_0
q_1	\emptyset	q_2
q_2^*	\emptyset	\emptyset

Transformationstabelle:

	0	1
q_0	$\{q_0, q_1\}$	q_0
$\{q_0, q_1\}$	$\{q_0, q_1\}$	$\{q_0, q_2\}$
q_0, q_2^*	$\{q_0, q_1\}$	q_0

2.2.8 DEA zu RLG

2.2.9 RLG zu NEA

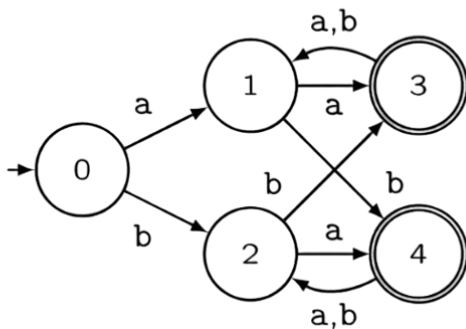
2.2.10 Minimierung

Es wird überprüft ob Zustände erreichbar sind, dafür wird vom Startzustand aus jeder Übergang verfolgt und jeder erreichbare Zustand markiert. Alle unmarkierten Zustände können

dann einfach aus dem Automaten entfernt werden, da diese Mülleimer Zustände sind. Anschließend muss überprüft werden, ob die Zustände unterscheidbar sind. Dafür wird eine Tabelle erstellt, welche alle Zustände beinhaltet, die Diagonale kann dabei entfernt werden, im Anschluss werden bei den Endzuständen alle nichtendzustände entfernt. Danach müssen die Übergänge getestet werden. Dazu wird für jeder freie Feld in der Tabelle die Übergänge geprüft.

3 Teste Übergänge von jedem Zustandspaar für jeden Buchstaben

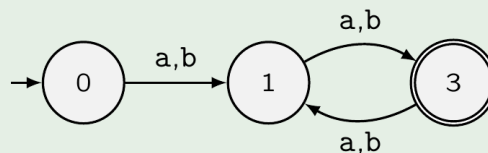
- 1 $\delta(0, a) = 1; \delta(1, a) = 3; (1, 3) \in U \rightsquigarrow (0, 1), (1, 0) \in U$
- 2 $\delta(0, a) = 1; \delta(2, a) = 4; (1, 4) \in U \rightsquigarrow (0, 2), (2, 0) \in U$
- 3 $\delta(1, a) = 3; \delta(2, a) = 4; (3, 4) \notin U$ (bisher)
 $\delta(1, b) = 4; \delta(2, b) = 3; (4, 3) \notin U$ (bisher)
- 4 $\delta(3, a) = 1; \delta(4, a) = 2; (1, 2) \notin U$ (bisher)
 $\delta(3, b) = 1; \delta(4, b) = 2; (1, 2) \notin U$ (bisher)



	0	1	2	3	4
0	×	1	1	0	0
1	1	×		0	0
2	1		×	0	0
3	0	0	0	×	
4	0	0	0		×

Hier wurden die Übergänge für (1,0),(2,0),(2,1),(4,3) geprüft. Bei (1,0) führt der Übergang a beim Zustand 0 zu 1 und beim Zustand 1 zu 3, (1,3) ist aber schon markiert, deshalb wird in die Zelle eine eins geschrieben. Wenn der Übergang nicht schon markiert wurde kann eine 0 in die Zelle geschrieben werden.

7 Vereinige Paare (1, 2) und (3, 4)



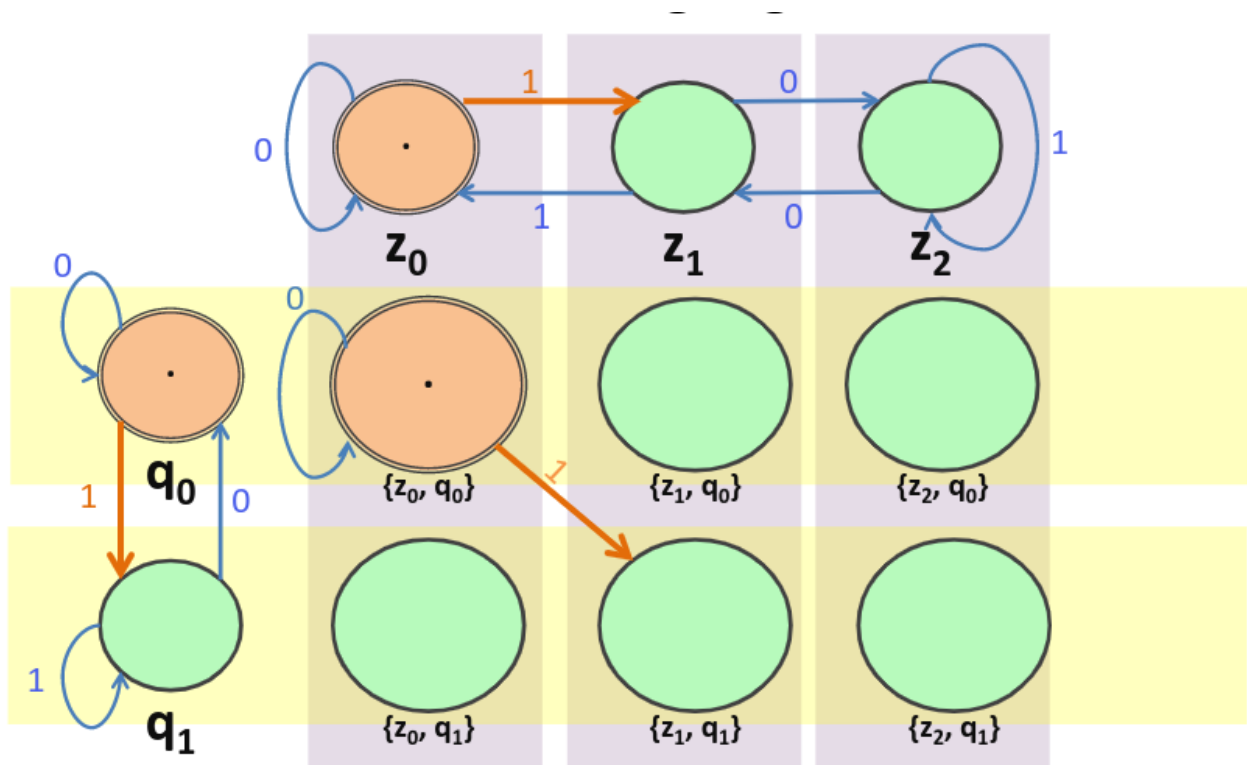
Die Zustände bei denen eine 1 Steht können zusammengefasst werden, damit ist die Minimierung auch fertig.

2.2.11 Produktautomaten

Kreuzprodukt der Zustände von A_1 und A_2 erstellen.

Für jeden Zustand die dazugehörigen Übergänge betrachten.

Dabei wird zum Beispiel für den Zustand (z_0, q_0) überprüft zu welchem Zustand der Übergang 1 führt. Der Zustand z_0 führt mit dem Übergang 1 zum Zustand z_1 und q_0 zu q_1 , dass heißt das der Zustand (z_0, q_0) mit dem Übergang 1 zum Zustand (z_1, q_1) führt.



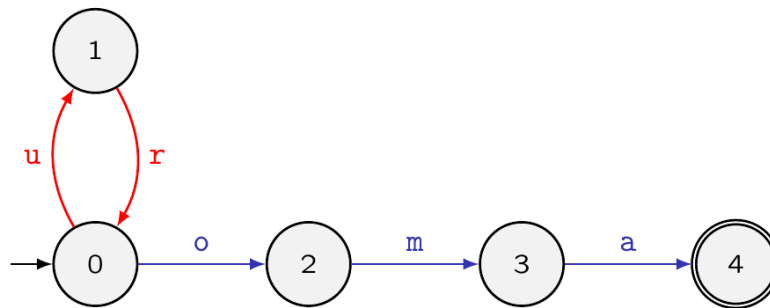
2.3 Nicht-reguläre Sprachen und das Pumping-Lemma

1. Das gesuchte Wort s besteht aus **Prolog** u , **Zyklus** v und **Epilog** w
2. Der Zyklus hat mindestest die Länge 1 $v \neq \epsilon$
3. Prolog und Zyklus zusammen haben höchstens die Länge k
4. Eine beliebige Anzahl von Zyklus-Durchläufen erzeugt ein Wort der Sprache L

Hier ein Beispiel:

$$L = \{a^n b^m \mid n < m\}$$

Das Wort ist damit $a^n b^m$, dieses Wort muss in u , v und w aufgeteilt werden um das Pumping



- \mathcal{C} hat 5 Zustände
- $uroma$ hat 5 Buchstaben
- Es gibt eine Zerlegung $s = u \cdot v \cdot w$
- so dass $|v| \neq \varepsilon$
- und $|u \cdot v| \leq k$
- und $\forall h \in \mathbb{N}(u \cdot v^h \cdot w \in \mathcal{L}(\mathcal{C}))$

$$\begin{aligned}
 k &= 5 \\
 s &= uroma \\
 u &= \varepsilon \quad v = ur \quad w = oma \\
 v &= ur \\
 |\varepsilon \cdot ur| &= 2 \leq 5 \\
 (ur)^* oma &\subseteq \mathcal{L}(\mathcal{C})
 \end{aligned}$$

Lemma anzuwenden.

$$x = a^n b^{n+1} \in L$$

$$u = a^{n-k}$$

$$v = a^k$$

$$w = b^m$$

Wir teilen u , v und w so auf, dass wir nun das Pumping Lemma anwenden können, wobei $k > 0$ ist.

$$x = a^{n-k}(a^k)^i b^{n+1}$$

Laut dem Pumping Lemma können wir jetzt k beliebig wählen um das erzeugte Wort sollte immer noch ein Teil der Sprache L sein. i steht dabei für die Iterationen, der des Zyklus.

Also wählen wir $i = 3$ und Formen die gleichen um.

$$x = a^{n+k(-1+3)} b^{n+1}$$

$$x = a^{n+2k} b^{n+1}$$

Weil $k > 0$ wissen wir, dass das $x \notin L$ und somit auch das L keine reguläre Sprache ist.

2.4 Eigenschaften regulärer Sprachen

Eine Formale Sprache L ist regulär, wenn es einen **regulären Ausdruck**, einen **NEA** oder einen **DEA** gibt.

3 Chomsky Grammatiken und kontextfreie Sprachen

Grammatiken erzeugen formale Sprachen dar.

$G = (N, \Sigma, P, S)$ mit:

N Nichtterminalsymbole. Diese können für Regeln verwendet werden, aber dürfen nicht selbst im abgeleiteten Wort stehen.

P Ableitungsregeln. Bsp.: $P = \{S \rightarrow Aa \mid \varepsilon, A \rightarrow a\}$

S Startsymbol (ist nichtterminal)

3.1 Typ0 unbeschränkt

3.2 Typ1 Monoton

$\alpha \rightarrow \beta$ mit $|\alpha| \leq |\beta|$ und Ausnahme $S \rightarrow \epsilon$, wenn S auf keiner rechten Seite ist.

3.3 Typ2 Kontextfreie

$A \rightarrow \beta$ mit $A \in N$ und $\beta \in V^*$

3.4 Typ3 rechtsregulär/-linear

$A \rightarrow cB$ mit $A \in N$; $B \in N \cup \{\epsilon\}$; $c \in \Sigma \cup \{\epsilon\}$

3.5 Cocke-Younger-Kasami(CYK)-Algorythmus

Entscheidet Wortproblem für kontextfreie Grammatiken in CNF. Bsp.:

$w = abacba$

Regeln:

$S \rightarrow a$
 $B \rightarrow b$
 $B \rightarrow c$
 $S \rightarrow SA$
 $A \rightarrow BS$
 $B \rightarrow BB$
 $B \rightarrow BS$

$i \backslash j$	1	2	3	4	5	6
1	S	$\{\}$	S	$\{\}$	$\{\}$	S
2		B	A, B	B	B	A, B
3			S	$\{\}$	$\{\}$	S
4				B	B	A, B
5					B	A, B
6						S
$w =$	a	b	a	c	b	a

Umgekehrte Regeln:

$SA \leftarrow S$
 $BS \leftarrow A, B$
 $BB \leftarrow B$

1. Wort unter Tabelle schreiben
2. Umgekehrte Regeln bilden (optional)
3. Herleitungen in Tabellen-Diagonale eintragen
4. Herleitungen der Teilwörter als Menge eintragen (alle Möglichkeiten)

3.6 Chomskynormalform CNF

Zur Entscheidung des Wortproblems. Nur Regeln mit Syntax:

1. $A \rightarrow BC$ oder 2. $A \rightarrow a$ mit $A, B, C \in \text{Nichtterminalsymbole} \wedge a \in \text{Terminalsymbole}$ und $S \rightarrow \epsilon$, wenn S auf keiner Rechten Seite ist.

Vorgehen:

1. Epsilon-Regeln entfernen
 - (a) Erstelle Liste L mit $A \rightarrow \epsilon$ -Regeln und allen Regeln, die auf Nichtterminalsymbole in L zeigen.

- (b) Ergänze rechte Seite der Regeln mit sich selbst mit eingesetztem ϵ für Nichtterminalsymbole $\in L$
- (c) Wenn $S \in L$ füge Regel $S_0 \rightarrow S|\epsilon$ ein

2. Kettenregel entfernen

- (a) Erstelle Listen für Kettenregeln ausgehend von jeweiligen Nichtterminalen
- (b) Ergänze Regeln mit allen Kettenregeln
- (c) Regeln kürzen

3. überflüssige Symbole entfernen

4. Einzelne Nichtterminalsymbole auf rechter Seite ersetzen

5. Rechte Seite mit Hilfssymbolen kürzen

4 Kellerautomaten

Endlicher Automat mit unendlichem Stack, auf welchem nur der oberste/neueste Buchstabe gelesen, »gepusht« oder »gepoppt« werden kann.

Syntax: $A=(Q, \Sigma, \Gamma, \Delta, q_0, Z)$

Γ Stack-Alphabet

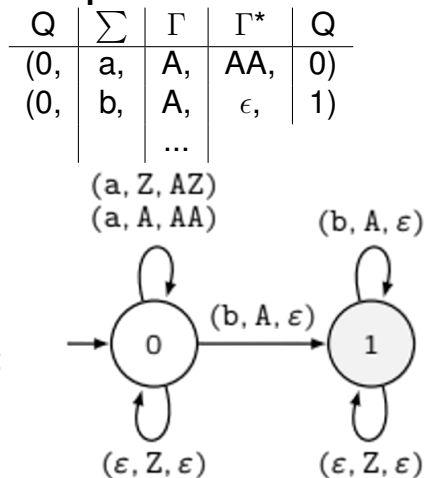
q_0 Startzustand

Z Startstacksymbol

Δ Regeln in Tabellenform \Rightarrow

Im Graph Δ -Regeln ohne Zustände angeben:

Δ -Bsp.:



5 Turing Maschine

Automaten mit endlosem Einleseband.

Terminiert wenn Endzustand erreicht und Einleseband nicht verschiebbar ist.

$M=(Q, \Sigma, \Gamma, \Delta, q_0, F)$ mit:

Γ Vereinigung aus mindestens Blank-Symbol und Terminalsymbole: $\Gamma \supseteq \Sigma \cup \{\square\}$

Δ Übergangsrelationen Syntax: IST-Zustand IST-Inhalt Neuer-Inhalt Verschiebung Neuer-

Zustand Bsp.: $0 \begin{pmatrix} a \\ \square \end{pmatrix} \begin{pmatrix} a \\ a \end{pmatrix} \begin{pmatrix} r \\ l \end{pmatrix} 1$

F Endzustände

5.1 K-Band zu 1-Band

5.2 Linear beschränkter Automat

Touring Automat mit beschränktem Band durch Start- und Endsymbol (Band: " $> abaab <$ ")

6 Entscheidbarkeit

6.1 Entscheidbar

6.2 Unentscheidbar

Halteproblem:

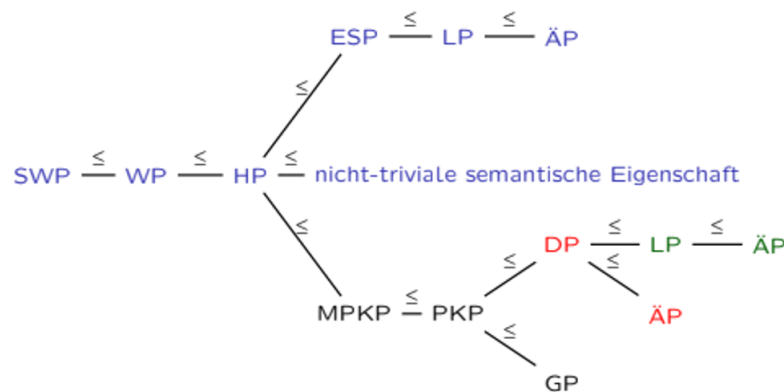
6.3 Semi-entscheidbar

6.4 Postsches KorrespondenzProblem (PKP)

Endliche Folge an Wortpaaren, mit nichtleeren Wörtern, über endlichem Alphabet.

Syntax: $P = ((l_1, r_1), (l_2, r_2), \dots, (l_n, r_n))$

Lösung: $l_{i_1} \cdot l_{i_2} \cdot \dots \cdot l_{i_n} = r_{i_1} \cdot r_{i_2} \cdot \dots \cdot r_{i_n}$



Turing-Maschinen / rekursiv aufzählbare Sprachen
kontextsensitive Sprachen
kontextfreie Sprachen

7 Berechenbarkeit

8 Komplexität