

## 1-variant

T1. Ellipstíń polýar koordinatalardaǵı teńlemesi (polýar koordinatalar sistemasında ellipstíń teńlemesi).

T2. ETIS-tıń ulıwma teńlemesin koordinata kósherlerin buriw arqalı ápiwaylastırın (ETIS-tıń ulıwma teńlemeleri, koordinata kósherin buriw formulası, teńlemenı kanonik túrge alıp keliw).

A1. Sheńber teńlemesin dúziń: orayı  $C(1; -1)$  noqatında jaylasqan hám  $5x - 12y + 9 = 0$  tuwrı sızıǵına urınadı .

A2. Fokusları abscissa kósherinde hám koordinata basına qarata simmetriyalıq jaylasqan ellipstíń teńlemesin dúziń: fokusları arasındadıǵı aralıq  $2c = 6$  hám ekscentrisitet  $\varepsilon = 3/5$ .

A3. Ellips teńlemesi berilgen:  $\frac{x^2}{25} + \frac{y^2}{16} = 1$ . Onıń polýar teńlemesin dúziń.

B1.  $y^2 = 12x$  parabolasına  $3x - 2y + 30 = 0$  tuwrı sızıǵına parallel bolǵan urınbanıń teńlemesin dúziń.

B2. Koordinata kósherlerin túrlendirmey ETIS teńlemesin ápiwaylastırın, qanday geometriyalıq obrazdı anıqlaytuǵımn kórsetin  $4x^2 - 4xy + y^2 + 4x - 2y + 1 = 0$ .

B3. Ellips  $3x^2 + 4y^2 - 12 = 0$  teńlemesi menen berilgen. Onıń kósherleriniń uzınlıqların, fokuslarınıń koordinataların hám ekscentrisitetin tabıń.

C1. Giperbolanıń ekscentrisiteti  $\varepsilon = \frac{13}{12}$ , fokusı  $F(0; 13)$  noqatında hám sáykes direktrisası  $13y - 144 = 0$  teńlemesi menen berilgen bolsa, giperbolanıń teńlemesin dúziń.

C2.  $4x^2 - 4xy + y^2 - 6x + 8y + 13 = 0$  ETIS-ǵı orayǵa iyeme? Orayǵa iye bolsa orayın anıqlań: jalǵız orayǵa iyeme-?, sheksiz orayǵa iyeme-?

C3.  $\frac{x^2}{25} + \frac{y^2}{16} = 1$ , ellipse  $C(10; -8)$  noqatınan júrgizilgen urınbalarınń teńlemesin dúziń.

## 2-variant

T1. Ekinshi tártipli aylanba betlikler (koordinata sisteması, tegislik, vektor iymek sızıq, aylanba betlik).

T2. Giperbola. Kanonikalıq teńlemesi (fokuslar, kósherler, direktrisalar, giperbola, ekscentrisitet, kanonikalıq teńlemesi).

A1. Tipin anıqlań:  $2x^2 + 3y^2 + 8x - 6y + 11 = 0$ .

A2. Sheńber teńlemesin dúziń:  $M_1(-1; 5)$ ,  $M_2(-2; -2)$  i  $M_3(5; 5)$  noqatlardan ótedi.

A3. Fokusları abscissa kósherinde hám koordinata basına qarata simmetriyalıq jaylasqan giperbolanıń teńlemesin dúziń: direktrisaları arasındadıǵı aralıq  $32/5$  hám kósheri  $2b = 6$ .

B1.  $3x + 4y - 12 = 0$  tuwrı sızıǵı hám  $y^2 = -9x$  parabolasınıń kesilisiw noqatların tabıń.

B2.  $\rho = \frac{5}{3-4\cos\theta}$  teńlemesi menen qanday sızıq berilgenin hám yarım kósherlerin tabıń.

B3.  $\frac{x^2}{4} - \frac{y^2}{5} = 1$  giperbolaǵa  $3x - 2y = 0$  tuwrısına parallel bolǵan urınbanıń teńlemesin dúziń.

C1.  $y^2 = 20x$  parabolasınıń abscissası 7 ge teń bolǵan  $M$  noqatınıń fokal radiusın tabıń hám fokal radiusı jatqan tuwrınıń teńlemesin dúziń.

C2. Fokusı  $F(-1; -4)$  noqatında bolǵan, sáykes direktrissası  $x - 2 = 0$  teńlemesi menen berilgen  $A(-3; -5)$  noqatınan ótiwshi ellipstíń teńlemesin dúziń.

C3.  $16x^2 - 9y^2 - 64x - 54y - 161 = 0$  teńlemesi giperbolanıń teńlemesi ekenin anıqlań hám onıń orayı  $C$ , yarım kósherleri, ekscentrisitetin, asimptotalarınıń teńlemelerin dúziń.

### 3-variant

T1. ETIS-tiń invariantları (ETIS-tiń ulıwma teńlemesi, túrlendiriw, ETIS invariantları ).

T2. Bir gewekli giperboloid. Kanonikalıq teńlemesi (giperbolanı simmetriya kósheri átirapında aylandırıwdan alıńǵan betlik).

A1. Giperbola teńlemesi berilgen:  $\frac{x^2}{16} - \frac{y^2}{9} = 1$ . Onıń polyar teńlemesin dúziń.

A2. Tipin anıqlań:  $3x^2 - 8xy + 7y^2 + 8x - 15y + 20 = 0$ .

A3. Sheńber teńlemesin dúziń:  $A(3; 1)$  hám  $B(-1; 3)$  noqatlardan ótedi, orayı  $3x - y - 2 = 0$  tuwrı sızılıǵında jaylasqan .

B1. Koordinata kósherlerin túrlendirmey ETİS ulıwma teńlemesin ápiwaylastırıń, yarım kósherlerin tabıń:  $13x^2 + 18xy + 37y^2 - 26x - 18y + 3 = 0$ .

B2.  $x^2 - 4y^2 = 16$  giperbola berilgen. Onıń ekscentrisitetin, fokuslarınń koordinataların tabıń hám asimptotalarınıń teńlemelerin dúziń.

B3.  $y^2 = 3x$  parabolası menen  $\frac{x^2}{100} + \frac{y^2}{225} = 1$  ellipsiniń kesilisiw noqatların tabıń.

C1.  $A(\frac{10}{3}; \frac{5}{3})$  noqattan  $\frac{x^2}{20} + \frac{y^2}{5} = 1$  ellipse jürgizilgen urnbalardıń teńlemesin dúziń.

C2.  $y^2 = 20x$  parabolasınıń  $M$  noqatın tabıń, eger onıń abscissası 7 ge teń bolsa, fokal radiusın hám fokal radius jaylasqan tuwrını anıqlań.

C3. Fokusları  $F(3; 4)$ ,  $F(-3; -4)$  noqatlarında jaylasqan direktrisaları orasıdaǵı aralıq 3,6 ǵa teń bolǵan giperbolanıń teńlemesin dúziń.

### 4-variant

T1. Giperbolanıń polyar koordinatadaǵı teńlemesi (Polyar múyeshi, polyar radiusi giperbolanıń polyar teńlemesi).

T2. ETIS -tiń ulıwma teńlemesin ápiwaylastırıw (ETIS -tiń ulıwma teńlemesi, koordinata sistemasın túrlendirip ETIS ulıwma teńlemesin ápiwaylastırıw).

A1. Fokusları abscissa kósherinde hám koordinata basına qarata simmetriyalıq jaylasqan ellipstiniń teńlemesin dúziń: direktrisaları arasındaǵı aralıq 5 hám fokusları arasındaǵı aralıq  $2c = 4$ .

A2. Parabola teńlemesi berilgen:  $y^2 = 6x$ . Onıń polyar teńlemesin dúziń.

A3. Berilgen sızıqlardıń oraylıq ekenligin kórsetiń hám orayın tabıń:  $2x^2 - 6xy + 5y^2 + 22x - 36y + 11 = 0$ .

B1.  $\rho = \frac{10}{2-\cos\theta}$  polyar teńlemesi menen qanday sızıq berilgenin anıqlań.

B2.  $x^2 + 4y^2 = 25$  ellipsi menen  $4x - 2y + 23 = 0$  tuwrı sızılıǵına parallel bolǵan urnba tuwrı sızıqtıń teńlemesin dúziń.

B3. Koordinata kósherlerin túrlendirmey ETİS teńlemesin ápiwaylastırıń, yarım kósherlerin tabıń  $4x^2 - 4xy + 9y^2 - 26x - 18y + 3 = 0$ .

C1.  $2x^2 + 3y^2 + 8x - 6y + 11 = 0$  teńlemesin ápiwaylastırıń qanday geometriyalıq obrazdı anıqlaytuǵının tabıń hám grafin jasań.

C2.  $\frac{x^2}{3} - \frac{y^2}{5} = 1$ , giperbolasına  $P(4; 2)$  noqatınan jürgizilgen urnbalardıń teńlemesin dúziń.

C3.  $\frac{x^2}{100} + \frac{y^2}{36} = 1$  ellipsiniń oń jaqtaǵı fokusınan 14 ge teń aralıqta bolǵan noqattı tabıń.

## 5-variant

T1. Betliktiń kanonikalıq teńlemeleri. Betlik haqqında túsiniń. (Betliktiń anıqlaması, formulaları, kósher, baǵıtlawshı tuwrılar).

T2. Koordinata sistemasın túrlendiriw (birlik vektorlar, kósherler, parallel kóshiriw, koordinata kósherlerin burıw).

A1. Sheńberdiń  $C$  orayı hám  $R$  radiusın tabıń:  $x^2 + y^2 + 6x - 4y + 14 = 0$ .

A2. Fokusları abscissa kósherinde hám koordinata basına qarata simmetriyalıq jaylasqan giperbolanıń teńlemesin dúziń: fokusları arasındaǵı aralıq  $2c = 6$  hám ekscentrisitet  $\varepsilon = 3/2$ .

A3. Polyar teńlemesi menen berilgen iymek sızıqtıń tipin anıqlań:  $\rho = \frac{5}{1 - \frac{1}{2}\cos\theta}$ .

B1.  $3x + 10y - 25 = 0$  tuwrı menen  $\frac{x^2}{25} + \frac{y^2}{4} = 1$  ellipstıń kesilisiw noqatların tabıń.

B2.  $\rho = \frac{6}{1 - \cos\theta}$  polyar teńlemesi menen qanday sızıq berilgenin anıqlań.

B3.  $x^2 - y^2 = 27$  giperbolasına  $4x + 2y - 7 = 0$  tuwrısına parallel bolǵan urınbanıń teńlemesin tabıń.

C1. Eger qálegen waqıt momentinde  $M(x; y)$  noqat  $A(8; 4)$  noqattan hám ordinata kósherinen birdey aralıqta jaylassa,  $M(x; y)$  noqatınıń háreket etiw troektoriyasınıń teńlemesin dúziń.

C2.  $32x^2 + 52xy - 9y^2 + 180 = 0$  ETİS teńlemesin ápiwaylastırıń, tipin anıqlań, qanday geometriyalıq obrazdı anıqlaytuǵının kórsetiń, sızılmasın sızıń.

C3.  $\frac{x^2}{2} + \frac{y^2}{3} = 1$ , ellipsin  $x + y - 2 = 0$  noqatınan júrgizilgen urınbaların teńlemesin dúziń.

## 6-variant

T1. ETIS-tıń ulıwma teńlemesin klassifikatsiyalaw (ETIS-tıń ulıwma teńlemesi, ETIS-tıń ulıwma teńlemesin ápiwaylastırıw, klassifikatsiyalaw).

T2. Cilindrlik betlikler (jasawshı tuwrı sızıq, baǵıtlawshı iymek sızıq, cilindrlik betlik).

A1. Tipin anıqlań:  $9x^2 + 4y^2 + 18x - 8y + 49 = 0$ .

A2. Sheńber teńlemesin dúziń: orayı  $C(6; -8)$  noqatında jaylasqan hám koordinata basman ótedi.

A3. Fokusları abscissa kósherinde hám koordinata basına qarata simmetriyalıq jaylasqan ellipstıń teńlemesin dúziń: kishi kósheri 10, ekscentrisitet  $\varepsilon = 12/13$ .

B1.  $41x^2 + 24xy + 9y^2 + 24x + 18y - 36 = 0$  ETİS tipin anıqlań hám orayların tabıń koordinata kósherlerin túrlendirmey qanday sızıqtı anıqlaytuǵının kórsetiń yarım kósherlerin tabıń.

B2.  $\rho = \frac{144}{13 - 5\cos\theta}$  ellipsti anıqlaytuǵının kórsetiń hám onıń yarım kósherlerin anıqlań.

B3.  $\frac{x^2}{20} - \frac{y^2}{5} = 1$  giperbolasına  $4x + 3y - 7 = 0$  tuwrısına perpendikulyar bolǵan urınbanı teńlemesin dúziń.

C1.  $M(2; -\frac{5}{3})$  noqatı  $\frac{x^2}{9} + \frac{y^2}{5} = 1$  ellipsinde jaylasqan.  $M$  noqatınıń fokal radiusları jatıwshı tuwrı sızıq teńlemelerin dúziń.

C2. Fokusı  $F(-1; -4)$  noqatında jaylasqan, sáykes direktrisası  $x - 2 = 0$  teńlemesi menen berilgen,  $A(-3; -5)$  noqatınan ótiwshı ellipstıń teńlemesin dúziń.

C3.  $4x^2 - 4xy + y^2 - 2x - 14y + 7 = 0$  ETİS teńlemesin ápiwayı túrge alıp keliń, tipin anıqlań, qanday geometriyalıq obrazdı anıqlaytuǵının kórsetiń, sızılmasın góne hám taza koordinatalar sistemasına qarata jasań.

## 7-variant

T1. Ellipstíń urınbasınıń teńlemesi (ellips, tuwrı, urınıw tochka, urınba teńlemesi).

T2. ETİS-tıń ulıwma teńlemesin koordinata basın parallel kóshiriw arqalı ápiwaylastırın (ETİS- tıń ulıwma teńlemesin parallel kóshiriw formulası).

A1. Polyar teńlemesi menen berilgen iymek sızıqtıń tipin anıqlań:  $\rho = \frac{10}{1-\frac{3}{2}\cos\theta}$ .

A2. Tipin anıqlań:  $3x^2 - 2xy - 3y^2 + 12y - 15 = 0$ .

A3. Sheńber teńlemesin dúziń: orayı koordinata basında jaylasqan hám radiusı  $R = 3$  ge teń.

B1. Koordinata kósherlerin túrlendirmey ETİS teńlemesin ápiwaylastırın, yarım kósherlerin tabıń  $41x^2 + 2xy + 9y^2 - 26x - 18y + 3 = 0$ .

B2.  $2x + 2y - 3 = 0$  tuwrısına perpendikulyar bolıp  $x^2 = 16y$  parabolasına urınıwshı tuwrınıń teńlemesin dúziń.

B3. ETİS-tıń ulıwma teńlemesin koordinata sistemasın túrlendirmey ápiwaylastırın, tipin anıqlań, obrazı qanday sızıqtı anıqlaytuǵının kórsetiń.  $7x^2 - 8xy + y^2 - 16x - 2y - 51 = 0$

C1.  $\frac{x^2}{3} - \frac{y^2}{5} = 1$  giperbolasına  $P(1; -5)$  noqatında júrgizilgen urınbalardıń teńlemesin dúziń.

C2. Eger waqıttıń qálegen momentinde  $M(x; y)$  noqat  $5x - 16 = 0$  tuwrı sızıqqa qaraǵanda  $A(5; 0)$  noqattan 1,25 márte uzaqlıqta jaylasqan. Usı  $M(x; y)$  noqattıń háreketiniń teńlemesin dúziń.

C3.  $2x^2 + 3y^2 + 8x - 6y + 11 = 0$  teńlemesi menen qanday tiptegi sızıq berilgenin anıqlań hám onıń teńlemesin ápiwaylastırın hám grafigin jasań.

## 8-variant

T1. Ellipslik paraboloid (parabola, kósher, ellepslik paraboloid).

T2. Parabolanıń polyar koordinatalardaǵı teńlemesi (polar koordinata sistemasında parabolanıń teńlemesi).

A1. Fokusları abscissa kósherinde hám koordinata basına qarata simmetriyalıq jaylasqan giperbolanıń teńlemesin dúziń: fokusları arasındaǵı aralıǵı  $2c = 10$  hám kósheri  $2b = 8$ .

A2. Polyar teńlemesi menen berilgen iymek sızıqtıń tipin anıqlań:  $\rho = \frac{12}{2-\cos\theta}$ .

A3. Berilgen sızıqlardıń oraylıq ekenligin kórsetiń hám orayın tabıń:  $3x^2 + 5xy + y^2 - 8x - 11y - 7 = 0$ .

B1.  $\frac{x^2}{4} - \frac{y^2}{5} = 1$ , giperbolanıń  $3x - 2y = 0$  tuwrı sızıǵına parallel bolǵan urınbasınıń teńlemesin dúziń.

B2.  $\frac{x^2}{4} - \frac{y^2}{5} = 1$  giperbolasına  $3x + 2y = 0$  tuwrı sızıǵına perpendikulyar bolǵan urınba tuwrınıń teńlemesin dúziń.

B3.  $\frac{x^2}{16} - \frac{y^2}{64} = 1$ , giperbolasına berilgen  $10x - 3y + 9 = 0$  tuwrı sızıǵına parallel bolǵan urınbanıń teńlemesin dúziń.

C1. Úlken kósheri 26 ǵa, fokusları  $F(-10; 0)$ ,  $F(14; 0)$  noqatlarında jaylasqan ellipstıń teńlemesin dúziń.

C2.  $14x^2 + 24xy + 21y^2 - 4x + 18y - 139 = 0$  iymek sızıǵınıń tipin anıqlań, eger oraylı iymek sızıq bolsa orayınıń koordinataların tabıń.

C3. Fokusı  $F(2; -1)$  noqatında jaylasqan, sáykes direktrisası  $x - y - 1 = 0$  teńlemesi menen berilgen parabolanıń teńlemesin dúziń.

## 9-variant

- T1. ETIS-tıń orayın anıqlaw forması (ETIS-tıń ulıwma teńlemesi, orayın anıqlaw forması).
- T2. Betlik haqqında túsinik (tuwrı, iymek sızıq, betliktiń anıqlamaları hám formulaları).
- A1. Sheńberdiń  $C$  orayı hám  $R$  radiusın tabıń:  $x^2 + y^2 - 2x + 4y - 14 = 0$ .
- A2. Fokusları abscissa kósherinde hám koordinata basına qarata simmetriyalıq jaylasqan giperbolanıń teńlemesin dúziń: úlken kósheri  $2a = 16$  hám ekscentrisitet  $\varepsilon = 5/4$ .
- A3. Giperbola teńlemesi berilgen:  $\frac{x^2}{25} - \frac{y^2}{144} = 1$ . Onıń polyar teńlemesin dúziń.
- B1. Koordinata kósherlerin túrlendirmey ETİS teńlemesin ápiwaylastırın, qanday geometriyalıq obrazdı anıqlaytuǵının kórsetiń  $4x^2 - 4xy + y^2 + 4x - 2y + 1 = 0$ .
- B2.  $2x + 2y - 3 = 0$  tuwrısına parallel bolıp  $\frac{x^2}{16} + \frac{y^2}{64} = 1$  giperbolasına urınıwshı tuwrınıń teńlemesin dúziń.
- B3. Koordinata kósherlerin túrlendirmey ETİS ulıwma teńlemesin ápiwaylastırın, yarım kósherlerin tabıń:  $13x^2 + 18xy + 37y^2 - 26x - 18y + 3 = 0$ .
- C1.  $4x^2 + 24xy + 11y^2 + 64x + 42y + 51 = 0$  iymek sızıǵınıń tipin anıqlań eger orayı bar bolsa, onıń orayınıń koordinataların tabıń hám koordinata basın orayǵa parallel kóshiriw ámelin orınlıń.
- C2. Tóbesi  $A(-4; 0)$  noqatında, al, direktrisası  $y - 2 = 0$  tuwrı sızıq bolǵan parabolanıń teńlemesin dúziń.
- C3.  $2x^2 + 10xy + 12y^2 - 7x + 18y - 15 = 0$  ETİS teńlemesin ápiwayı túrge alıp keliń, tipin anıqlań, qanday geometriyalıq obrazdı anıqlaytuǵının kórsetiń, sızılmasın góne hám taza koordinatalar sistemasına qarata jasań.

## 10-variant

- T1. Parabola hám onıń kanonikalıq teńlemesi (anıqlaması, fokusu, direktrisası, kanonikalıq teńlemesi).
- T2. Eki gewekli giperboloid. Kanonikalıq teńlemesi (giperbolanı simmetriya kósheri átirapında aylandırıwdan alınǵan betlik).
- A1. Berilgen sızıqlardıń oraylıq ekenligin kórsetiń hám orayın tabıń:  $9x^2 - 4xy - 7y^2 - 12 = 0$ .
- A2. Sheńberdiń  $C$  orayı hám  $R$  radiusın tabıń:  $x^2 + y^2 - 2x + 4y - 20 = 0$ .
- A3. Fokusları abscissa kósherinde hám koordinata basına qarata simmetriyalıq jaylasqan giperbolanıń teńlemesin dúziń: direktrisaları arasındǵı aralıq  $228/13$  hám fokusları arasındǵı aralıq  $2c = 26$ .
- B1. Ellips  $3x^2 + 4y^2 - 12 = 0$  teńlemesi menen berilgen. Onıń kósherleriniń uzınlıqların, fokuslarınıń koordinataların hám ekscentrisitetin tabıń.
- B2.  $3x + 4y - 12 = 0$  tuwrı sızıǵı hám  $y^2 = -9x$  parabolasınıń kesilisiw noqatların tabıń.
- B3.  $\rho = \frac{5}{3-4\cos\theta}$  teńlemesi menen qanday sızıq berilgenin hám yarım kósherlerin tabıń.
- C1. Fokusu  $F(7; 2)$  noqatında jaylasqan, sáykes direktrisası  $x - 5 = 0$  teńlemesi menen berilgen parabolanıń teńlemesin dúziń.
- C2.  $2x^2 + 3y^2 + 8x - 6y + 11 = 0$  teńlemesin ápiwaylastırın qanday geometriyalıq obrazdı anıqlaytuǵının tabıń hám grafigin jasań.
- C3.  $32x^2 + 52xy - 7y^2 + 180 = 0$  ETİS teńlemesin ápiwayı túrge alıp keliń, tipin anıqlań, qanday geometriyalıq obrazdı anıqlaytuǵının kórsetiń, sızılmasın góne hám taza koordinatalar sistemasına qarata jasań.

## 11-variant

T1. Ellips hám onıń kanonikalıq teńlemesi (anıqlaması, fokuslar, ellipseń kanonikalıq teńlemesi, ekscentrisiteti, direktrisalardı).

T2. Ekinshi tártipli betliktiń ulıwma teńlemesi. Orayn anıqlaw formulası.

A1. Polyar teńlemesi menen berilgen iymek sızıqtıń tipin anıqlań:  $\rho = \frac{5}{3-4\cos\theta}$ .

A2. Tipin anıqlań:  $25x^2 - 20xy + 4y^2 - 12x + 20y - 17 = 0$ .

A3. Sheńberdiń  $C$  orayı hám  $R$  radiusın tabıń:  $x^2 + y^2 + 4x - 2y + 5 = 0$ .

B1.  $y^2 = 12x$  parabolasına  $3x - 2y + 30 = 0$  tuwrı sızıǵına parallel bolǵan urnbanıń teńlemesin dúziń.

B2. Koordinata kósherlerin túrlendirmey ETİS teńlemesin ápiwaylastırıń, yarım kósherlerin tabıń  $4x^2 - 4xy + 9y^2 - 26x - 18y + 3 = 0$ .

B3.  $x^2 - 4y^2 = 16$  giperbola berilgen. Onıń ekscentrisitetin, fokuslarınń koordinataların tabıń hám asimptotalarınıń teńlemelerin dúziń.

C1. Giperbolanıń ekscentrisiteti  $\varepsilon = \frac{13}{12}$ , fokusu  $F(0; 13)$  noqatında hám sáykes direktrisası  $13y - 144 = 0$  teńlemesi menen berilgen bolsa, giperbolanıń teńlemesin dúziń.

C2.  $4x^2 - 4xy + y^2 - 6x + 8y + 13 = 0$  ETİS-ǵı orayǵa iyeme? Orayǵa iye bolsa orayn anıqlań: jalǵız orayǵa iyeme-?, sheksiz orayǵa iyeme-?

C3.  $\frac{x^2}{25} + \frac{y^2}{16} = 1$ , ellipsine  $C(10; -8)$  noqatınan júrgizilgen urnbalarınń teńlemesin dúziń.

## 12-variant

T1. Giperbolanıń urnbasınıń teńlemesi (giperbolaǵa berilgen noqatta júrgizilgen urnba teńlemesi).

T2. Ellipsoida. Kanonikalıq teńlemesi (ellipsti simmetriya kósheri dogereginde aylandırıwdan alınǵan betlik, kanonikalıq teńlemesi).

A1. Uchu koordinata basında jaylasqan hám  $Oy$  kósherine qarata onı táreptegi yarım tegislikte jaylasqan parabolanıń teńlemesin dúziń: parametri  $p = 3$ .

A2. Polyar teńlemesi menen berilgen iymek sızıqtıń tipin anıqlań:  $\rho = \frac{1}{3-3\cos\theta}$ .

A3. Tipin anıqlań:  $x^2 - 4xy + 4y^2 + 7x - 12 = 0$ .

B1.  $y^2 = 3x$  parabolası menen  $\frac{x^2}{100} + \frac{y^2}{225} = 1$  ellipsiniń kesilisiw noqatların tabıń.

B2.  $\rho = \frac{10}{2-\cos\theta}$  polyar teńlemesi menen qanday sızıq berilgenin anıqlań.

B3.  $\frac{x^2}{4} - \frac{y^2}{5} = 1$  giperbolaǵa  $3x - 2y = 0$  tuwrısına parallel bolǵan urnbanıń teńlemesin dúziń.

C1.  $y^2 = 20x$  parabolasınıń abscissası 7 ge teń bolǵan  $M$  noqatınıń fokal radiusın tabıń hám fokal radiusı jatqan tuwrınıń teńlemesin dúziń.

C2. Fokusu  $F(-1; -4)$  noqatında bolǵan, sáykes direktrissası  $x - 2 = 0$  teńlemesi menen berilgen  $A(-3; -5)$  noqatınan ótiwshi ellipstiń teńlemesin dúziń.

C3.  $16x^2 - 9y^2 - 64x - 54y - 161 = 0$  teńlemesi giperbolanıń teńlemesi ekenin anıqlań hám onıń orayı  $C$ , yarım kósherleri, ekscentrisitetin, asimptotalarınıń teńlemelerin dúziń.

### 13-variant

T1. Parabolanıń urınbasınıń teńlemesi (parabola, tuwrı, urınıw noqatı, urınba teńlemesi).

T2. Giperbolalıq paraboloydtıń tuwrı sızıqlı jasawshıları (Giperbolalıq paraboloydtı jasawshı tuwrı sızıqlar dástesi).

A1. Sheńber teńlemesin dúziń:  $A(1; 1)$ ,  $B(1; -1)$  hám  $C(2; 0)$  noqatlardan ótedi.

A2. Fokusları abscissa kósherinde hám koordinata basına qarata simmetriyalıq jaylasqan ellipstıń teńlemesin dúziń: úlken kósheri 20, ekscentrisitet  $\varepsilon = 3/5$ .

A3. Polyar teńlemesi menen berilgen iymek sızıqtıń tipin anıqlań:  $\rho = \frac{6}{1-\cos\theta}$ .

B1.  $41x^2 + 24xy + 9y^2 + 24x + 18y - 36 = 0$  ETİS tipin anıqlań hám orayların tabıń koordinata kósherlerin túrlendirmey qanday sızıqtı anıqlaytuǵının kórsetiń yarım kósherlerin tabıń.

B2.  $3x + 10y - 25 = 0$  tuwrı menen  $\frac{x^2}{25} + \frac{y^2}{4} = 1$  ellipstıń kesilisiw noqatların tabıń.

B3.  $\rho = \frac{6}{1-\cos\theta}$  polyar teńlemesi menen qanday sızıq berilgenin anıqlań.

C1.  $A(\frac{10}{3}; \frac{5}{3})$  noqattan  $\frac{x^2}{20} + \frac{y^2}{5} = 1$  ellipsine júrgizilgen urınbalardıń teńlemesin dúziń.

C2.  $y^2 = 20x$  parabolasınıń  $M$  noqatın tabıń, eger onıń abscissası 7 ge teń bolsa, fokal radiusın hám fokal radius jaylasqan tuwrını anıqlań.

C3. Fokusları  $F(3; 4)$ ,  $F(-3; -4)$  noqatlarında jaylasqan direktrisaları orasıdaǵı aralıq 3,6 ǵa teń bolǵan giperbolanıń teńlemesin dúziń.

### 14-variant

T1. Ellipstıń polyar koordinatalardaǵı teńlemesi (polar koordinatalar sistemasında ellipstıń teńlemesi).

T2. ETIS-tıń ulıwma teńlemesin koordinata kósherlerin burıw arqalı ápiwaylastırıń (ETIS-tıń ulıwma teńlemeleri, koordinata kósherin burıw formulası, teńlemenı kanonik túрге alıp keliw).

A1. Tipin anıqlań:  $2x^2 + 10xy + 12y^2 - 7x + 18y - 15 = 0$ .

A2. Sheńber teńlemesin dúziń: orayı koordinata basında jaylasqan hám  $3x - 4y + 20 = 0$  tuwrı sızıǵına urınadı.

A3. Fokusları abscissa kósherinde hám koordinata basına qarata simmetriyalıq jaylasqan ellipstıń teńlemesin dúziń: kishi kósheri 6, direktrisaları arasındaǵı aralıq 13.

B1.  $x^2 + 4y^2 = 25$  ellipsi menen  $4x - 2y + 23 = 0$  tuwrı sızıǵına parallel bolǵan urınba tuwrı sızıqtıń teńlemesin dúziń.

B2. Koordinata kósherlerin túrlendirmey ETİS teńlemesin ápiwaylastırıń, yarım kósherlerin tabıń  $41x^2 + 2xy + 9y^2 - 26x - 18y + 3 = 0$ .

B3.  $\rho = \frac{144}{13-5\cos\theta}$  ellipsti anıqlaytuǵının kórsetiń hám onıń yarım kósherlerin anıqlań.

C1.  $2x^2 + 3y^2 + 8x - 6y + 11 = 0$  teńlemesin ápiwaylastırıń qanday geometriyalıq obrazdı anıqlaytuǵının tabıń hám grafigin jasań.

C2.  $\frac{x^2}{3} - \frac{y^2}{5} = 1$ , giperbolasına  $P(4; 2)$  noqatınan júrgizilgen urınbalardıń teńlemesin dúziń.

C3.  $\frac{x^2}{100} + \frac{y^2}{36} = 1$  ellipsiniń oń jaqtaǵı fokusınan 14 ge teń aralıqta bolǵan noqattı tabıń.

## 15-variant

T1. Ekinshi tártipli aylanba betlikler (koordinata sisteması, tegislik, vektor iymek sızıq, aylanba betlik).

T2. Giperbola. Kanonikalıq teńlemesi (fokuslar, kósherler, direktrisalar, giperbola, ekscentrisitet, kanonikalıq teńlemesi).

A1. Tipin anıqlań:  $5x^2 + 14xy + 11y^2 + 12x - 7y + 19 = 0$ .

A2. Sheńber teńlemesin dúziń: sheńber diametriniń ushları  $A(3; 2)$  hám  $B(-1; 6)$  noqatlarında jaylasqan.

A3. Uchi koordinata basında jaylasqan hám  $Oy$  kóshetine qarata shep táreptegi yarım tegislikte jaylasqan parabolaniń teńlemesin dúziń: parametri  $p = 0, 5$ .

B1.  $x^2 - y^2 = 27$  giperbolasına  $4x + 2y - 7 = 0$  tuwrısına parallel bolǵan urınbanıń teńlemesin tabıń.

B2. ETİS-tıń ulıwma teńlemesin koordinata sistemasın túrlendirmey ápiwaylastırıń, tipin anıqlań, obrazı qanday sızıqtı anıqlaytuǵının kórsetiń.  $7x^2 - 8xy + y^2 - 16x - 2y - 51 = 0$

B3.  $\frac{x^2}{20} - \frac{y^2}{5} = 1$  giperbolasına  $4x + 3y - 7 = 0$  tuwrısına perpendikulyar bolǵan urınbanıń teńlemesin dúziń.

C1. Eger qálegen waqıt momentinde  $M(x; y)$  noqat  $A(8; 4)$  noqattan hám ordinata kósherinen birdey aralıqta jaylassa,  $M(x; y)$  noqatınıń háreket etiw troektoriyasınıń teńlemesin dúziń.

C2.  $32x^2 + 52xy - 9y^2 + 180 = 0$  ETİS teńlemesin ápiwaylastırıń, tipin anıqlań, qanday geometriyalıq obrazdı anıqlaytuǵının kórsetiń, sızılmasın sızıń.

C3.  $\frac{x^2}{2} + \frac{y^2}{3} = 1$ , ellipsin  $x + y - 2 = 0$  noqatınan júrgizilgen urınbalarınıń teńlemesin dúziń.



## 16-variant

T1. ETIS-tın invariantları (ETIS-tın ulıwma teńlemesi, túrlendiriw, ETIS invariantları ).

T2. Bir gewekli giperboloid. Kanonikalıq teńlemesi (giperbolanı simmetriya kósheri átirapında aylandırıwdan alıńǵan betlik).

A1. Tipin anıqlań:  $9x^2 - 16y^2 - 54x - 64y - 127 = 0$ .

A2. Sheńber teńlemesin dúziń: sheńber  $A(2; 6)$  noqatınan ótedi hám orayı  $C(-1; 2)$  noqatında jaylasqan .

A3. Fokusları abscissa kósherinde hám koordinata basına qarata simmetriyalıq jaylasqan ellipstiń teńlemesin dúziń: kishi kósheri 24, fokusları arasındǵı aralıq  $2c = 10$ .

B1. Koordinata kósherlerin túrlendirmey ETIS teńlemesin ápiwaylastırıń, qanday geometriyalıq obrazdı anıqlaytuǵının kórsetiń  $4x^2 - 4xy + y^2 + 4x - 2y + 1 = 0$ .

B2.  $2x + 2y - 3 = 0$  tuwrısına perpendikulyar bolıp  $x^2 = 16y$  parabolasına urınıwshı tuwrınıń teńlemesin dúziń.

B3.  $\frac{x^2}{4} - \frac{y^2}{5} = 1$ , giperbolanıń  $3x - 2y = 0$  tuwrı sızıǵına parallel bolǵan urınbasınıń teńlemesin dúziń.

C1.  $M(2; -\frac{5}{3})$  noqatı  $\frac{x^2}{9} + \frac{y^2}{5} = 1$  ellipsinde jaylasqan.  $M$  noqatınıń fokal radiusları jatıwshı tuwrı sızıq teńlemelerin dúziń.

C2. Fokusı  $F(-1; -4)$  noqatında jaylasqan, sáykes direktrisası  $x - 2 = 0$  teńlemesi menen berilgen,  $A(-3; -5)$  noqatınan ótiwshı ellipstiń teńlemesin dúziń.

C3.  $4x^2 - 4xy + y^2 - 2x - 14y + 7 = 0$  ETIS teńlemesin ápiwayı túrge alıp keliń, tipin anıqlań, qanday geometriyalıq obrazdı anıqlaytuǵının kórsetiń, sızılmasın góne hám taza koordinatalar sistemasına qarata jasań.

## 17-variant

T1. Giperbolanıń polyar koordinatadaǵı teńlemesi (Polyar múyeshi, polyar radiusi giperbolanıń polyar teńlemesi).

T2. ETIS -tiń ulıwma teńlemesin ápiwaylastırıw (ETIS -tiń ulıwma teńlemesi, koordinata sistemasın túrlendirip ETIS ulıwma teńlemesin ápiwaylastırıw).

A1. Tipin anıqlań:  $4x^2 + 9y^2 - 40x + 36y + 100 = 0$ .

A2. Sheńber teńlemesin dúziń: orayı  $C(2; -3)$  noqatında jaylasqan hám radiusı  $R = 7$  ge teń.

A3. Fokusları abscissa kósherinde hám koordinata basına qarata simmetriyalıq jaylasqan giperbolanıń teńlemesin dúziń: asimptotalar teńlemeleri  $y = \pm \frac{4}{3}x$  hám fokusları arasındaqı aralıq  $2c = 20$ .

B1.  $\frac{x^2}{4} - \frac{y^2}{5} = 1$  giperbolasına  $3x + 2y = 0$  tuwrı sızıǵına perpendikulyar bolǵan urınba tuwrınıń teńlemesin dúziń.

B2. Koordinata kósherlerin túrlendirmey ETIS ulıwma teńlemesin ápiwaylastırıń, yarım kósherlerin tabıń:  $13x^2 + 18xy + 37y^2 - 26x - 18y + 3 = 0$ .

B3.  $\frac{x^2}{16} - \frac{y^2}{64} = 1$ , giperbolasına berilgen  $10x - 3y + 9 = 0$  tuwrı sızıǵına parallel bolǵan urınbanıń teńlemesin dúziń.

C1.  $\frac{x^2}{3} - \frac{y^2}{5} = 1$  giperbolasına  $P(1; -5)$  noqatında júrgizilgen urınbalardıń teńlemesin dúziń.

C2. Eger waqıttıń qálegen momentinde  $M(x; y)$  noqat  $5x - 16 = 0$  tuwrı sızıqqa qaraǵanda  $A(5; 0)$  noqattan 1,25 márte uzaqlıqta jaylasqan. Usı  $M(x; y)$  noqattıń háreketiniń teńlemesin dúziń.

C3.  $2x^2 + 3y^2 + 8x - 6y + 11 = 0$  teńlemesi menen qanday tiptegi sızıq berilgenin anıqlań hám onıń teńlemesin ápiwaylastırıń hám grafigin jasań.

## 18-variant

T1. Betliktiń kanonikalıq teńlemeleri. Betlik haqqında túsiniń. (Betliktiń anıqlaması, formulaları, kósher, baǵıtlawshı tuwrılar).

T2. Koordinata sistemasın túrlendiriw (birlik vektorlar, kósherler, parallel kóshiriw, koordinata kósherlerin burıw).

A1. Berilgen sıyıqlardıń oraylıq ekenligin kórsetiń hám orayın tabıń:  $5x^2 + 4xy + 2y^2 + 20x + 20y - 18 = 0$ .

A2. Fokusları abscissa kósherinde hám koordinata basına qarata simmetriyalıq jaylasqan ellipstiń teńlemesin dúziń: yarım oqları 5 hám 2.

A3. Tipin anıqlań:  $4x^2 - y^2 + 8x - 2y + 3 = 0$ .

B1. Koordinata kósherlerin túrlendirmey ETİS teńlemesin ápiwaylastırıń, yarım kósherlerin tabıń  $4x^2 - 4xy + 9y^2 - 26x - 18y + 3 = 0$ .

B2. Ellips  $3x^2 + 4y^2 - 12 = 0$  teńlemesi menen berilgen. Onıń kósherleriniń uzınlıqların, fokuslarınıń koordinataların hám ekscentrisitetin tabıń.

B3.  $3x + 4y - 12 = 0$  tuwrı sıyıǵı hám  $y^2 = -9x$  parabolasınıń kesilisiw noqatların tabıń.

C1. Úlken kósheri 26 ǵa, fokusları  $F(-10; 0)$ ,  $F(14; 0)$  noqatlarında jaylasqan ellipstiń teńlemesin dúziń.

C2.  $14x^2 + 24xy + 21y^2 - 4x + 18y - 139 = 0$  iymek sıyıǵınıń tipin anıqlań, eger oraylı iymek sıyıq bolsa orayınıń koordinataların tabıń.

C3. Fokusı  $F(2; -1)$  noqatında jaylasqan, sáykes direktrisası  $x - y - 1 = 0$  teńlemesi menen berilgen parabolanıń teńlemesin dúziń.

## 19-variant

T1. ETIS-tıń ulıwma teńlemesin klassifikatsiyalaw (ETIS-tıń ulıwma teńlemesi, ETIS-tıń ulıwma teńlemesin ápiwaylastırıw, klassifikatsiyalaw).

T2. Cilindrlık betlikler (jasawshı tuwrı sızıq, bağıtlawshı iymek sızıq, cilindrlık betlik).

A1. Fokusları abscissa kósherinde hám koordinata basına qarata simmetriyalıq jaylasqan ellipstiń teńlemesin dúziń: úlken kósheri 10, fokusları arasındagı aralıq  $2c = 8$ .

A2. Fokusları abscissa kósherinde hám koordinata basına qarata simmetriyalıq jaylasqan ellipstiń teńlemesin dúziń: úlken kósheri 8, direktrisaları arasındagı aralıq 16.

A3. Uchı koordinata basında jaylasqan hám  $Ox$  kósherine qarata joqarı yarım tegislikte jaylasqan parabolanıń teńlemesin dúziń: parametri  $p = 1/4$ .

B1.  $\rho = \frac{5}{3-4\cos\theta}$  teńlemesi menen qanday sızıq berilgenin hám yarım kósherlerin tabıń.

B2.  $2x + 2y - 3 = 0$  tuwrısına parallel bolıp  $\frac{x^2}{16} + \frac{y^2}{64} = 1$  giperbolasına urınıwshı tuwrınıń teńlemesin dúziń.

B3.  $41x^2 + 24xy + 9y^2 + 24x + 18y - 36 = 0$  ETİS tipin anıqlań hám orayların tabıń koordinata kósherlerin túrlendirmey qanday sızıqtı anıqlaytuǵının kórsetiń yarım kósherlerin tabıń.

C1.  $4x^2 + 24xy + 11y^2 + 64x + 42y + 51 = 0$  iymek sızıǵınıń tipin anıqlań eger orayı bar bolsa, onıń orayınıń koordinataların tabıń hám koordinata basın orayǵa parallel kóshiriw ámelin orınlań.

C2. Tóbesi  $A(-4; 0)$  noqatında, al, direktrisasi  $y - 2 = 0$  tuwrı sızıq bolǵan parabolanıń teńlemesin dúziń.

C3.  $2x^2 + 10xy + 12y^2 - 7x + 18y - 15 = 0$  ETİS teńlemesin ápiwayı túrge alıp keliń, tipin anıqlań, qanday geometriyalıq obrazdı anıqlaytuǵının kórsetiń, sızılmasın góne hám taza koordinatalar sistemasına qarata jasań

## 20-variant

- T1. Ellipstíń urınbasınıń teńlemesi (ellips, tuwrı, urınıw tochkı, urınba teńlemesi).
- T2. ETİS-tıń ulıwma teńlemesin koordinata basın parallel kóshiriw arqalı ápiwaylastırını (ETİS- tıń ulıwma teńlemesin parallel kóshiriw formulası).
- A1. Fokusları abscissa kósherinde hám koordinata basına qarata simmetriyalıq jaylasqan giperbolanıń teńlemesin dúziń: direktrisaları arasındaqı aralıq  $8/3$  hám ekscentrisitet  $\varepsilon = 3/2$ .
- A2. Uchı koordinata basında jaylasqan hám  $Ox$  kósherine qarata tómengi yarım tegislikte jaylasqan parabolanıń teńlemesin dúziń: parametri  $p = 3$ .
- A3. Fokusları abscissa kósherinde hám koordinata basına qarata simmetriyalıq jaylasqan giperbolanıń teńlemesin dúziń: oqları  $2a = 10$  hám  $2b = 8$ .
- B1.  $x^2 - 4y^2 = 16$  giperbola berilgen. Onıń ekscentrisitetin, fokuslarınıń koordinataların tabıń hám asimptotalarınıń teńlemelerin dúziń.
- B2.  $y^2 = 3x$  parabolası menen  $\frac{x^2}{100} + \frac{y^2}{225} = 1$  ellipsiniń kesilisiw noqatların tabıń.
- B3.  $\rho = \frac{10}{2-\cos\theta}$  polyar teńlemesi menen qanday sızıq berilgenin anıqlań.
- C1. Fokusı  $F(7; 2)$  noqatında jaylasqan, sáykes direktrisası  $x - 5 = 0$  teńlemesi menen berilgen parabolanıń teńlemesin dúziń.
- C2.  $2x^2 + 3y^2 + 8x - 6y + 11 = 0$  teńlemesin ápiwaylastırını qanday geometriyalıq obrazdı anıqlaytuǵının tabıń hám grafigin jasań.
- C3.  $32x^2 + 52xy - 7y^2 + 180 = 0$  ETİS teńlemesin ápiwayı túrge alıp keliń, tipin anıqlań, qanday geometriyalıq obrazdı anıqlaytuǵının kórsetiń, sızilmasın góne hám taza koordinatalar sistemasına qarata jasań.

## 21-variant

- T1. Ellipslik paraboloid (parabola, kósher, ellepslik paraboloid).
- T2. Parabolanıń polyar koordinatalardaǵı teńlemesi (polyar koordinata sistemasında parabolanıń teńlemesi).
- A1. Sheńber teńlemesin dúziń: orayı  $C(1; -1)$  noqatında jaylasqan hám  $5x - 12y + 9 = 0$  tuwrı sızıǵına urınadı .
- A2. Fokusları abscissa kósherinde hám koordinata basına qarata simmetriyalıq jaylasqan ellipstíń teńlemesin dúziń: fokusları arasındaqı aralıq  $2c = 6$  hám ekscentrisitet  $\varepsilon = 3/5$ .
- A3. Ellips teńlemesi berilgen:  $\frac{x^2}{25} + \frac{y^2}{16} = 1$ . Onıń polyar teńlemesin dúziń.
- B1.  $y^2 = 12x$  paraborolasına  $3x - 2y + 30 = 0$  tuwrı sızıǵına parallel bolǵan urınbanıń teńlemesin dúziń.
- B2. Koordinata kósherlerin túrlendirmey ETİS teńlemesin ápiwaylastırını, yarım kósherlerin tabıń  $41x^2 + 2xy + 9y^2 - 26x - 18y + 3 = 0$ .
- B3.  $3x + 10y - 25 = 0$  tuwrı menen  $\frac{x^2}{25} + \frac{y^2}{4} = 1$  ellipstíń kesilisiw noqatların tabıń.
- C1. Giperbolanıń ekscentrisiteti  $\varepsilon = \frac{13}{12}$ , fokusı  $F(0; 13)$  noqatında hám sáykes direktrisası  $13y - 144 = 0$  teńlemesi menen berilgen bolsa, giperbolanıń teńlemesin dúziń.
- C2.  $4x^2 - 4xy + y^2 - 6x + 8y + 13 = 0$  ETİS-ǵı orayǵa iyeme? Orayǵa iye bolsa orayın anıqlań: jalǵız orayǵa iyeme-?, sheksiz orayǵa iyeme-?
- C3.  $\frac{x^2}{25} + \frac{y^2}{16} = 1$ , ellipsine  $C(10; -8)$  noqatınan júrgizilgen urınbaların teńlemesin dúziń.

## 22-variant

- T1. ETIS-tiń orayın anıqlaw forması (ETIS-tiń ulıwma teńlemesi, orayın anıqlaw forması).
- T2. Betlik haqqında túsiniń (tuwrı, iymek sıızıq, betliktiń anıqlamaları hám formulaları).
- A1. Tipin anıqlań:  $2x^2 + 3y^2 + 8x - 6y + 11 = 0$ .
- A2. Sheńber teńlemesin dúziń:  $M_1(-1; 5)$ ,  $M_2(-2; -2)$  i  $M_3(5; 5)$  noqatlardan ótedi.
- A3. Fokusları abscissa kósherinde hám koordinata basına qarata simmetriyalıq jaylasqan giperbolanıń teńlemesin dúziń: direktrisaları arasındaqı aralıq  $32/5$  hám kósheri  $2b = 6$ .
- B1.  $\rho = \frac{6}{1-\cos\theta}$  polyar teńlemesi menen qanday sıızıq berilgenin anıqlań.
- B2.  $\frac{x^2}{4} - \frac{y^2}{5} = 1$  giperbolağa  $3x - 2y = 0$  tuwrısına parallel bolğan urnbanıń teńlemesin dúziń.
- B3. ETIS-tiń ulıwma teńlemesin koordinata sistemasın túrlendirmey ápiwaylastırıń, tipin anıqlań, obrazı qanday sıızıqtı anıqlaytuǵının kórsetiń.  $7x^2 - 8xy + y^2 - 16x - 2y - 51 = 0$
- C1.  $y^2 = 20x$  parabolasınıń abscissası 7 ge teń bolğan  $M$  noqatınıń fokal radiusın tabıń hám fokal radiusı jatqan tuwrınıń teńlemesin dúziń.
- C2. Fokusı  $F(-1; -4)$  noqatında bolğan, sáykes direktrissası  $x - 2 = 0$  teńlemesi menen berilgen  $A(-3; -5)$  noqatınan ótiwshi ellipstiń teńlemesin dúziń.
- C3.  $16x^2 - 9y^2 - 64x - 54y - 161 = 0$  teńlemesi giperbolanıń teńlemesi ekenin anıqlań hám onıń orayı  $C$ , yarım kósherleri, ekscentrisitetin, asimptotalarınıń teńlemelerin dúziń.

## 23-variant

- T1. Parabola hám onıń kanonikalıq teńlemesi (anıqlaması, fokusı, direktrissası, kanonikalıq teńlemesi).
- T2. Eki gewekli giperboloid. Kanonikalıq teńlemesi (giperbolanı simmetriya kósheri átirapında aylandırıwdan alınğan betlik).
- A1. Giperbola teńlemesi berilgen:  $\frac{x^2}{16} - \frac{y^2}{9} = 1$ . Onıń polyar teńlemesin dúziń.
- A2. Tipin anıqlań:  $3x^2 - 8xy + 7y^2 + 8x - 15y + 20 = 0$ .
- A3. Sheńber teńlemesin dúziń:  $A(3; 1)$  hám  $B(-1; 3)$  noqatlardan ótedi, orayı  $3x - y - 2 = 0$  tuwrı sıızıǵında jaylasqan .
- B1.  $\rho = \frac{144}{13-5\cos\theta}$  ellipsti anıqlaytuǵının kórsetiń hám onıń yarım kósherlerin anıqlań.
- B2.  $x^2 + 4y^2 = 25$  ellipsi menen  $4x - 2y + 23 = 0$  tuwrı sıızıǵına parallel bolğan urnba tuwrı sıızıqtıń teńlemesin dúziń.
- B3. Koordinata kósherlerin túrlendirmey ETIS teńlemesin ápiwaylastırıń, qanday geometriyalıq obrazdı anıqlaytuǵının kórsetiń  $4x^2 - 4xy + y^2 + 4x - 2y + 1 = 0$ .
- C1.  $A(\frac{10}{3}; \frac{5}{3})$  noqattan  $\frac{x^2}{20} + \frac{y^2}{5} = 1$  ellipsine júrgizilgen urnbalardıń teńlemesin dúziń.
- C2.  $y^2 = 20x$  parabolasınıń  $M$  noqatın tabıń, eger onıń abscissası 7 ge teń bolsa, fokal radiusın hám fokal radius jaylasqan tuwrını anıqlań.
- C3. Fokusları  $F(3; 4)$ ,  $F(-3; -4)$  noqatlarında jaylasqan direktrisaları orasıdaqı aralıq 3,6 ǵa teń bolğan giperbolanıń teńlemesin dúziń.

## 24-variant

T1. Ellips hám onıń kanonikalıq teńlemesi (anıqlaması, fokuslar, ellepstiń kanonikalıq teńlemesi, ekscentrisiteti, direktrisalardı).

T2. Ekinshi tártipli betliktiń ulıwma teńlemesi. Orayn anıqlaw formulası.

A1. Fokusları abscissa kósherinde hám koordinata basına qarata simmetriyalıq jaylasqan ellipstiń teńlemesin dúziń: direktrisalardı arasındaǵı aralıq 5 hám fokusları arasındaǵı aralıq  $2c = 4$ .

A2. Parabola teńlemesi berilgen:  $y^2 = 6x$ . Onıń polyar teńlemesin dúziń.

A3. Berilgen sıızıqlardıń oraylıq ekenligin kórsetiń hám orayın tabıń:  $2x^2 - 6xy + 5y^2 + 22x - 36y + 11 = 0$ .

B1.  $x^2 - y^2 = 27$  giperbolasına  $4x + 2y - 7 = 0$  tuwrısına parallel bolǵan urınbanıń teńlemesin tabıń.

B2. Koordinata kósherlerin túrlendirmey ETİS ulıwma teńlemesin ápiwaylastırıń, yarım kósherlerin tabıń:  $13x^2 + 18xy + 37y^2 - 26x - 18y + 3 = 0$ .

B3.  $\frac{x^2}{20} - \frac{y^2}{5} = 1$  giperbolasına  $4x + 3y - 7 = 0$  tuwrısına perpendikulyar bolǵan urınbanıń teńlemesin dúziń.

C1.  $2x^2 + 3y^2 + 8x - 6y + 11 = 0$  teńlemesin ápiwaylastırıń qanday geometriyalıq obrazdı anıqlaytuǵının tabıń hám grafin jasań.

C2.  $\frac{x^2}{3} - \frac{y^2}{5} = 1$ , giperbolasına  $P(4; 2)$  noqatınan júrgizilgen urınbalardıń teńlemesin dúziń.

C3.  $\frac{x^2}{100} + \frac{y^2}{36} = 1$  ellipsiniń oń jaqtaǵı fokusınan 14 ge teń aralıqta bolǵan noqattı tabıń.

## 25-variant

T1. Giperbolanıń urınbasınıń teńlemesi (giperbolaǵa berilgen noqatta júrgizilgen urınba teńlemesi).

T2. Ellipsoida. Kanonikalıq teńlemesi (ellipsti simmetriya kósheri dogereginde aylandırıwdan alınǵan betlik, kanonikalıq teńlemesi).

A1. Sheńberdiń  $C$  orayı hám  $R$  radiusın tabıń:  $x^2 + y^2 + 6x - 4y + 14 = 0$ .

A2. Fokusları abscissa kósherinde hám koordinata basına qarata simmetriyalıq jaylasqan giperbolanıń teńlemesin dúziń: fokusları arasındaǵı aralıq  $2c = 6$  hám ekscentrisitet  $\varepsilon = 3/2$ .

A3. Polyar teńlemesi menen berilgen iymek sıızıqtıń tipin anıqlań:  $\rho = \frac{5}{1 - \frac{1}{2} \cos \theta}$ .

B1.  $2x + 2y - 3 = 0$  tuwrısına perpendikulyar bolıp  $x^2 = 16y$  parabolasına urınıwshı tuwrınıń teńlemesin dúziń.

B2.  $\frac{x^2}{4} - \frac{y^2}{5} = 1$ , giperbolanıń  $3x - 2y = 0$  tuwrı sıızıǵına parallel bolǵan urınbasınıń teńlemesin dúziń.

B3. Koordinata kósherlerin túrlendirmey ETİS teńlemesin ápiwaylastırıń, yarım kósherlerin tabıń  $4x^2 - 4xy + 9y^2 - 26x - 18y + 3 = 0$ .

C1. Eger qálegen waqıt momentinde  $M(x; y)$  noqat  $A(8; 4)$  noqattan hám ordinata kósherinen birdey aralıqta jaylassa,  $M(x; y)$  noqatınıń háreket etiw troektoriyasınıń teńlemesin dúziń.

C2.  $32x^2 + 52xy - 9y^2 + 180 = 0$  ETİS teńlemesin ápiwaylastırıń, tipin anıqlań, qanday geometriyalıq obrazdı anıqlaytuǵının kórsetiń, sızılmasın sızıń.

C3.  $\frac{x^2}{2} + \frac{y^2}{3} = 1$ , ellipsin  $x + y - 2 = 0$  noqatınan júrgizilgen urınbalarınıń teńlemesin dúziń.

## 26-variant

T1. Parabolanıń urınbasınıń teńlemesi (parabola, tuwrı, urınıw noqatı, urınba teńlemesi).

T2. Giperbolalıq paraboloydtıń tuwrı sızıqlı jasawshıları (Giperbolalıq paraboloydtı jasawshı tuwrı sızıqlar dástesi).

A1. Tipin anıqlań:  $9x^2 + 4y^2 + 18x - 8y + 49 = 0$ .

A2. Sheńber teńlemesin dúziń: orayı  $C(6; -8)$  noqatında jaylasqan hám koordinata basınan ótedi.

A3. Fokusları abscissa kósherinde hám koordinata basına qarata simmetriyalıq jaylasqan ellipstıń teńlemesin dúziń: kishi kósheri 10, ekscentrisitet  $\varepsilon = 12/13$ .

B1.  $\frac{x^2}{4} - \frac{y^2}{5} = 1$  giperbolasına  $3x + 2y = 0$  tuwrı sızıǵına perpendikulyar bolǵan urınba tuwrınıń teńlemesin dúziń.

B2.  $41x^2 + 24xy + 9y^2 + 24x + 18y - 36 = 0$  ETIS tipin anıqlań hám orayların tabıń koordinata kósherlerin túrlendirmey qanday sızıqtı anıqlaytuǵının kórsetiń yarım kósherlerin tabıń.

B3. Ellips  $3x^2 + 4y^2 - 12 = 0$  teńlemesi menen berilgen. Onıń kósherleriniń uzınlıqların, fokuslarınıń koordinataların hám ekscentrisitetin tabıń.

C1.  $M(2; -\frac{5}{3})$  noqatı  $\frac{x^2}{9} + \frac{y^2}{5} = 1$  ellipsinde jaylasqan.  $M$  noqatınıń fokal radiusları jatıwshı tuwrı sızıq teńlemelerin dúziń.

C2. Fokusı  $F(-1; -4)$  noqatında jaylasqan, sáykes direktrisası  $x - 2 = 0$  teńlemesi menen berilgen,  $A(-3; -5)$  noqatınan ótiwshı ellipstıń teńlemesin dúziń.

C3.  $4x^2 - 4xy + y^2 - 2x - 14y + 7 = 0$  ETIS teńlemesin ápiwayı túrge alıp keliń, tipin anıqlań, qanday geometriyalıq obrazdı anıqlaytuǵının kórsetiń, sızılmasın góne hám taza koordinatalar sistemasına qarata jasań.

## 27-variant

T1. Ellipstıń polyar koordinatalardaǵı teńlemesi (polyar koordinatalar sistemasında ellipstıń teńlemesi).

T2. ETIS-tıń ulıwma teńlemesin koordinata kósherlerin burıw arqalı ápiwaylastırıń (ETIS-tıń ulıwma teńlemeleri, koordinata kósherin burıw formulası, teńlemenı kanonik túrge alıp keliw).

A1. Polyar teńlemesi menen berilgen iymek sızıqtıń tipin anıqlań:  $\rho = \frac{10}{1 - \frac{3}{2} \cos \theta}$ .

A2. Tipin anıqlań:  $3x^2 - 2xy - 3y^2 + 12y - 15 = 0$ .

A3. Sheńber teńlemesin dúziń: orayı koordinata basında jaylasqan hám radiusı  $R = 3$  ge teń.

B1.  $3x + 4y - 12 = 0$  tuwrı sızıǵı hám  $y^2 = -9x$  parabolasınıń kesilisiw noqatların tabıń.

B2.  $\rho = \frac{5}{3 - 4 \cos \theta}$  teńlemesi menen qanday sızıq berilgenin hám yarım kósherlerin tabıń.

B3.  $\frac{x^2}{16} - \frac{y^2}{64} = 1$ , giperbolasına berilgen  $10x - 3y + 9 = 0$  tuwrı sızıǵına parallel bolǵan urınbanıń teńlemesin dúziń.

C1.  $\frac{x^2}{3} - \frac{y^2}{5} = 1$  giperbolasına  $P(1; -5)$  noqatında júrgizilgen urınbalardıń teńlemesin dúziń.

C2. Eger waqıttıń qálegen momentinde  $M(x; y)$  noqat  $5x - 16 = 0$  tuwrı sızıqqa qaraǵanda  $A(5; 0)$  noqattan 1,25 márte uzaqlıqta jaylasqan. Usı  $M(x; y)$  noqattıń háreketiniń teńlemesin dúziń.

C3.  $2x^2 + 3y^2 + 8x - 6y + 11 = 0$  teńlemesi menen qanday tiptegi sızıq berilgenin anıqlań hám onıń teńlemesin ápiwaylastırıń hám grafigin jasań.



## 28-variant

T1. Ekinshi tártipli aylanba betlikler (koordinata sisteması, tegislik, vektor iymek sızıq, aylanba betlik).

T2. Giperbola. Kanonikalıq teńlemesi (fokuslar, kósherler, direktrisalar, giperbola, ekscentrisitet, kanonikalıq teńlemesi).

A1. Fokusları abscissa kósherinde hám koordinata basına qarata simmetriyalıq jaylasqan giperbolanıń teńlemesin dúziń: fokusları arasıdaǵı aralıǵı  $2c = 10$  hám kósheri  $2b = 8$ .

A2. Polyar teńlemesi menen berilgen iymek sızıqtıń tipin anıqlań:  $\rho = \frac{12}{2-\cos\theta}$ .

A3. Berilgen sızıqlardıń oraylıq ekenligin kórsetiń hám orayın tabıń:  $3x^2 + 5xy + y^2 - 8x - 11y - 7 = 0$ .

B1. Koordinata kósherlerin túrlendirmey ETİS teńlemesin ápiwaylastırıń, yarım kósherlerin tabıń  $41x^2 + 2xy + 9y^2 - 26x - 18y + 3 = 0$ .

B2.  $x^2 - 4y^2 = 16$  giperbola berilgen. Onıń ekscentrisitetin, fokuslarınıń koordinataların tabıń hám asimptotalarınıń teńlemelerin dúziń.

B3.  $y^2 = 3x$  parabolası menen  $\frac{x^2}{100} + \frac{y^2}{225} = 1$  ellipsiniń kesilisiw noqatların tabıń.

C1. Úlken kósheri 26 ǵa, fokusları  $F(-10; 0)$ ,  $F(14; 0)$  noqatlarında jaylasqan ellipstiniń teńlemesin dúziń.

C2.  $14x^2 + 24xy + 21y^2 - 4x + 18y - 139 = 0$  iymek sızıǵınıń tipin anıqlań, eger oraylı iymek sızıq bolsa orayınıń koordinataların tabıń.

C3. Fokusı  $F(2; -1)$  noqatında jaylasqan, sáykes direktrisası  $x - y - 1 = 0$  teńlemesi menen berilgen parabolanıń teńlemesin dúziń.

## 29-variant

T1. ETIS-tiń invariantları (ETIS-tiń ulıwma teńlemesi, túrlendiriw, ETIS invariantları ).

T2. Bir gewekli giperboloid. Kanonikalıq teńlemesi (giperbolanı simmetriya kósheri átirapında aylandırıwdan alınǵan betlik).

A1. Sheńberdiń  $C$  orayı hám  $R$  radiusın tabıń:  $x^2 + y^2 - 2x + 4y - 14 = 0$ .

A2. Fokusları abscissa kósherinde hám koordinata basına qarata simmetriyalıq jaylasqan giperbolanıń teńlemesin dúziń: úlken kósheri  $2a = 16$  hám ekscentrisitet  $\varepsilon = 5/4$ .

A3. Giperbola teńlemesi berilgen:  $\frac{x^2}{25} - \frac{y^2}{144} = 1$ . Onıń polyar teńlemesin dúziń.

B1.  $\rho = \frac{10}{2-\cos\theta}$  polyar teńlemesi menen qanday sızıq berilgenin anıqlań.

B2.  $2x + 2y - 3 = 0$  tuwrısına parallel bolıp  $\frac{x^2}{16} + \frac{y^2}{64} = 1$  giperbolasına urınıwshı tuwrınıń teńlemesin dúziń.

B3. ETİS-tiń ulıwma teńlemesin koordinata sistemasın túrlendirmey ápiwaylastırıń, tipin anıqlań, obrazı qanday sızıqtı anıqlaytuǵınıń kórsetiń.  $7x^2 - 8xy + y^2 - 16x - 2y - 51 = 0$

C1.  $4x^2 + 24xy + 11y^2 + 64x + 42y + 51 = 0$  iymek sızıǵınıń tipin anıqlań eger orayı bar bolsa, onıń orayınıń koordinataların tabıń hám koordinata basın orayǵa parallel kóshiriw ámelin orınlań.

C2. Tóbesi  $A(-4; 0)$  noqatında, al, direktrisası  $y - 2 = 0$  tuwrı sızıq bolǵan parabolanıń teńlemesin dúziń.

C3.  $2x^2 + 10xy + 12y^2 - 7x + 18y - 15 = 0$  ETİS teńlemesin ápiwayı túrge alıp keliń, tipin anıqlań, qanday geometriyalıq obrazdı anıqlaytuǵınıń kórsetiń, sızılmasın góne hám taza koordinatalar sistemasına qarata jasań

### 30-variant

T1. Giperbolaniń polyar koordinatadaǵı teńlemesi (Polyar múyeshi, polyar radiusi giperbolaniń polyar teńlemesi).

T2. ETIS -tiń ulıwma teńlemesin ápiwaylastırıw (ETIS -tiń ulıwma teńlemesi, koordinata sistemasın túrlendirip ETIS ulıwma teńlemesin ápiwaylastırıw).

A1. Berilgen sıızılardıń oraylıq ekenligin kórsetiń hám orayın tabıń:  $9x^2 - 4xy - 7y^2 - 12 = 0$ .

A2. Sheńberdiń  $C$  orayı hám  $R$  radiusın tabıń:  $x^2 + y^2 - 2x + 4y - 20 = 0$ .

A3. Fokusları abscissa kósherinde hám koordinata basına qarata simmetriyalıq jaylasqan giperbolaniń teńlemesin dúziń: direktrisaları arasındaǵı aralıq  $228/13$  hám fokusları arasındaǵı aralıq  $2c = 26$ .

B1.  $3x + 10y - 25 = 0$  tuwrı menen  $\frac{x^2}{25} + \frac{y^2}{4} = 1$  ellipstini kesilisiw noqatların tabıń.

B2.  $\rho = \frac{6}{1-\cos\theta}$  polyar teńlemesi menen qanday sıızıq berilgenin anıqlań.

B3.  $y^2 = 12x$  parabolasına  $3x - 2y + 30 = 0$  tuwrı sıızıǵına parallel bolǵan urnbanıń teńlemesin dúziń.

C1. Fokusı  $F(7; 2)$  noqatında jaylasqan, sáykes direktrisasi  $x - 5 = 0$  teńlemesi menen berilgen parabolaniń teńlemesin dúziń.

C2.  $2x^2 + 3y^2 + 8x - 6y + 11 = 0$  teńlemesin ápiwaylastırıń qanday geometriyalıq obrazdı anıqlaytuǵının tabıń hám grafin jasań.

C3.  $32x^2 + 52xy - 7y^2 + 180 = 0$  ETIS teńlemesin ápiwayı túrge alıp keliń, tipin anıqlań, qanday geometriyalıq obrazdı anıqlaytuǵının kórsetiń, sıızılmasın góne hám taza koordinatalar sistemasına qarata jasań.

### 31-variant

T1. Betliktiń kanonikalıq teńlemeleri. Betlik haqqında túsiniń. (Betliktiń anıqlaması, formulaları, kósher, baǵıtlawshı tuwrılar).

T2. Koordinata sistemasın túrlendiriw (birlik vektorlar, kósherler, parallel kóshiriw, koordinata kósherlerin burıw).

A1. Polyar teńlemesi menen berilgen iymek sıızıqtıń tipin anıqlań:  $\rho = \frac{5}{3-4\cos\theta}$ .

A2. Tipin anıqlań:  $25x^2 - 20xy + 4y^2 - 12x + 20y - 17 = 0$ .

A3. Sheńberdiń  $C$  orayı hám  $R$  radiusın tabıń:  $x^2 + y^2 + 4x - 2y + 5 = 0$ .

B1. Koordinata kósherlerin túrlendirmey ETIS teńlemesin ápiwaylastırıń, qanday geometriyalıq obrazdı anıqlaytuǵının kórsetiń  $4x^2 - 4xy + y^2 + 4x - 2y + 1 = 0$ .

B2.  $\rho = \frac{144}{13-5\cos\theta}$  ellipsti anıqlaytuǵının kórsetiń hám onıń yarım kósherlerin anıqlań.

B3.  $\frac{x^2}{4} - \frac{y^2}{5} = 1$  giperbolaǵa  $3x - 2y = 0$  tuwrısına parallel bolǵan urnbanıń teńlemesin dúziń.

C1. Giperbolaniń ekscentrisiteti  $\varepsilon = \frac{13}{12}$ , fokusı  $F(0; 13)$  noqatında hám sáykes direktrisasi  $13y - 144 = 0$  teńlemesi menen berilgen bolsa, giperbolaniń teńlemesin dúziń.

C2.  $4x^2 - 4xy + y^2 - 6x + 8y + 13 = 0$  ETIS-ǵı orayǵa iyeme? Orayǵa iye bolsa orayın anıqlań: jalǵız orayǵa iyeme-?, sheksiz orayǵa iyeme-?

C3.  $\frac{x^2}{25} + \frac{y^2}{16} = 1$ , ellipsine  $C(10; -8)$  noqatınan júrgizilgen urnbaların teńlemesin dúziń.

### 32-variant

- T1. ETIS-tıń ulıwma teńlemesin klassifikatsiyalaw (ETIS-tıń ulıwma teńlemesi, ETIS-tıń ulıwma teńlemesin ápiwaylastırıw, klassifikatsiyalaw).
- T2. Cilindrlik betlikler (jasawshı tuwrı sızıq, bağıtlawshı iymek sızıq, cilindrlik betlik).
- A1. Uchı koordinata basında jaylasqan hám  $Oy$  kósherine qarata óń táreptegi yarım tegislikte jaylasqan parabolanıń teńlemesin dúziń: parametri  $p = 3$ .
- A2. Polyar teńlemesi menen berilgen iymek sızıqtıń tipin anıqlań:  $\rho = \frac{1}{3-3\cos\theta}$ .
- A3. Tipin anıqlań:  $x^2 - 4xy + 4y^2 + 7x - 12 = 0$ .
- B1. Koordinata kósherlerin túrlendirmey ETİS ulıwma teńlemesin ápiwaylastırın, yarım kósherlerin tabıń:  $13x^2 + 18xy + 37y^2 - 26x - 18y + 3 = 0$ .
- B2.  $x^2 + 4y^2 = 25$  ellipsi menen  $4x - 2y + 23 = 0$  tuwrı sızıǵına parallel bolǵan urınba tuwrı sızıqtıń teńlemesin dúziń.
- B3. Koordinata kósherlerin túrlendirmey ETİS teńlemesin ápiwaylastırın, yarım kósherlerin tabıń  $4x^2 - 4xy + 9y^2 - 26x - 18y + 3 = 0$ .
- C1.  $y^2 = 20x$  parabolasınıń abscissası 7 ge teń bolǵan  $M$  noqtasınıń fokal radiusın tabıń hám fokal radiusı jatqan tuwrınıń teńlemesin dúziń.
- C2. Fokusı  $F(-1; -4)$  noqtasında bolǵan, sáykes direktrissası  $x - 2 = 0$  teńlemesi menen berilgen  $A(-3; -5)$  noqtatınan ótiwshı ellipstıń teńlemesin dúziń.
- C3.  $16x^2 - 9y^2 - 64x - 54y - 161 = 0$  teńlemesi giperbolanıń teńlemesi ekenin anıqlań hám onıń orayı  $C$ , yarım kósherleri, ekscentrisitetin, asimptotalarınıń teńlemelerin dúziń.

### 33-variant

- T1. Ellipstıń urınbasınıń teńlemesi (ellips, tuwrı, urınıw tochka, urınba teńlemesi).
- T2. ETIS-tıń ulıwma teńlemesin koordinata basın parallel kóshiriw arqalı ápiwaylastırın (ETIS- tıń ulıwma teńlemesin parallel kóshiriw formulası).
- A1. Sheńber teńlemesin dúziń:  $A(1; 1)$ ,  $B(1; -1)$  hám  $C(2; 0)$  noqatlardan ótedi.
- A2. Fokusları abscissa kósherinde hám koordinata basına qarata simmetriyalıq jaylasqan ellipstıń teńlemesin dúziń: úlken kósheri 20, ekscentrisitet  $\varepsilon = 3/5$ .
- A3. Polyar teńlemesi menen berilgen iymek sızıqtıń tipin anıqlań:  $\rho = \frac{6}{1-\cos\theta}$ .
- B1.  $x^2 - y^2 = 27$  giperbolasına  $4x + 2y - 7 = 0$  tuwrısına parallel bolǵan urınbanıń teńlemesin tabıń.
- B2.  $\frac{x^2}{20} - \frac{y^2}{5} = 1$  giperbolasına  $4x + 3y - 7 = 0$  tuwrısına perpendikulyar bolǵan urınbanıń teńlemesin dúziń.
- B3.  $2x + 2y - 3 = 0$  tuwrısına perpendikulyar bolıp  $x^2 = 16y$  parabolasına urınıwshı tuwrınıń teńlemesin dúziń.
- C1.  $A(\frac{10}{3}; \frac{5}{3})$  noqattan  $\frac{x^2}{20} + \frac{y^2}{5} = 1$  ellipsine júrgizilgen urınbalardıń teńlemesin dúziń.
- C2.  $y^2 = 20x$  parabolasınıń  $M$  noqtatın tabıń, eger onıń abscissası 7 ge teń bolsa, fokal radiusın hám fokal radius jaylasqan tuwrını anıqlań.
- C3. Fokusları  $F(3; 4)$ ,  $F(-3; -4)$  noqtalarında jaylasqan direktrisaları orasıdaǵı aralıq 3,6 ǵa teń bolǵan giperbolanıń teńlemesin dúziń.

### 34-variant

T1. Ellipslik paraboloid (parabola, kósher, ellepslik paraboloid).

T2. Parabolaniń polyar koordinatalardaǵı teńlemesi (polyar koordinata sistemasında parabolaniń teńlemesi).

A1. Tipin anıqlań:  $2x^2 + 10xy + 12y^2 - 7x + 18y - 15 = 0$ .

A2. Sheńber teńlemesin dúziń: orayı koordinata basında jaylasqan hám  $3x - 4y + 20 = 0$  tuwrı sızıǵına urınadı.

A3. Fokusları abscissa kósherinde hám koordinata basına qarata simmetriyalıq jaylasqan ellipstiniń teńlemesin dúziń: kishi kósheri 6, direktrisaları arasındaǵı aralıq 13.

B1.  $41x^2 + 24xy + 9y^2 + 24x + 18y - 36 = 0$  ETİS tipin anıqlań hám orayların tabıń koordinata kósherlerin túrlendirmey qanday sıziqtı anıqlaytuǵının kórsetiń yarım kósherlerin tabıń.

B2.  $\frac{x^2}{4} - \frac{y^2}{5} = 1$ , giperbolaniń  $3x - 2y = 0$  tuwrı sızıǵına parallel bolǵan urınbasınıń teńlemesin dúziń.

B3. Koordinata kósherlerin túrlendirmey ETİS teńlemesin ápiwaylastırıń, yarım kósherlerin tabıń  $41x^2 + 2xy + 9y^2 - 26x - 18y + 3 = 0$ .

C1.  $2x^2 + 3y^2 + 8x - 6y + 11 = 0$  teńlemesin ápiwaylastırıń qanday geometriyalıq obrazdı anıqlaytuǵının tabıń hám grafin jasań.

C2.  $\frac{x^2}{3} - \frac{y^2}{5} = 1$ , giperbolasına  $P(4; 2)$  noqatınan júrgizilgen urınbalardıń teńlemesin dúziń.

C3.  $\frac{x^2}{100} + \frac{y^2}{36} = 1$  ellipsiniń oń jaqtaǵı fokusınan 14 ge teń aralıqta bolǵan noqattı tabıń.

### 35-variant

T1. ETIS-tıń orayın anıqlaw forması (ETIS-tıń ulıwma teńlemesi, orayın anıqlaw forması).

T2. Betlik haqqında túsinik (tuwrı, iymek sıziq, betliktiń anıqlamaları hám formulaları).

A1. Tipin anıqlań:  $5x^2 + 14xy + 11y^2 + 12x - 7y + 19 = 0$ .

A2. Sheńber teńlemesin dúziń: sheńber diametriniń ushları  $A(3; 2)$  hám  $B(-1; 6)$  noqatlarında jaylasqan.

A3. Uchi koordinata basında jaylasqan hám  $Oy$  kósherine qarata shep táreptegi yarım tegislikte jaylasqan parabolaniń teńlemesin dúziń: parametri  $p = 0, 5$ .

B1. Ellips  $3x^2 + 4y^2 - 12 = 0$  teńlemesi menen berilgen. Onıń kósherleriniń uzınlıqların, fokuslarınıń koordinataların hám ekscentrisitetin tabıń.

B2.  $3x + 4y - 12 = 0$  tuwrı sıziǵı hám  $y^2 = -9x$  parabolasınıń kesilisiw noqatların tabıń.

B3.  $\rho = \frac{5}{3-4\cos\theta}$  teńlemesi menen qanday sıziq berilgenin hám yarım kósherlerin tabıń.

C1. Eger qálegen waqt momentinde  $M(x; y)$  noqat  $A(8; 4)$  noqattan hám ordinata kósherinen birdey aralıqta jaylassa,  $M(x; y)$  noqatınıń háreket etiw troektoriyasınıń teńlemesin dúziń.

C2.  $32x^2 + 52xy - 9y^2 + 180 = 0$  ETİS teńlemesin ápiwaylastırıń, tipin anıqlań, qanday geometriyalıq obrazdı anıqlaytuǵının kórsetiń, sızilmasın sıziń.

C3.  $\frac{x^2}{2} + \frac{y^2}{3} = 1$ , ellipsin  $x + y - 2 = 0$  noqatınan júrgizilgen urınbalarınıń teńlemesin dúziń.

### 36-variant

T1. Parabola hám onń kanonikalıq teńlemesi (anıqlaması, fokusu, direktrisası, kanonikalıq teńlemesi).

T2. Eki gewekli giperboloid. Kanonikalıq teńlemesi (giperbolanı simmetriya kósheri átirapında aylandırıwdan alıńan betlik).

A1. Tipin anıqlań:  $9x^2 - 16y^2 - 54x - 64y - 127 = 0$ .

A2. Sheńber teńlemesin dúziń: sheńber  $A(2; 6)$  noqatınan ótedi hám orayı  $C(-1; 2)$  noqatında jaylasqan .

A3. Fokusları abscissa kósherinde hám koordinata basına qarata simmetriyalıq jaylasqan ellipstıń teńlemesin dúziń: kishi kósheri 24, fokusları arasındagı aralıq  $2c = 10$ .

B1.  $\frac{x^2}{4} - \frac{y^2}{5} = 1$  giperbolasına  $3x + 2y = 0$  tuwrı sızığına perpendikulyar bolǵan urınba tuwrınıń teńlemesin dúziń.

B2. ETİS-tıń ulıwma teńlemesin koordinata sistemasın túrlendirmey ápiwaylastırın, tipin anıqlań, obrazı qanday sızıqtı anıqlaytuǵının kórsetin.  $7x^2 - 8xy + y^2 - 16x - 2y - 51 = 0$

B3.  $x^2 - 4y^2 = 16$  giperbola berilgen. Onıń ekscentrisitetin, fokuslarınıń koordinataların tabın hám asimptotalarınıń teńlemelerin dúziń.

C1.  $M(2; -\frac{5}{3})$  noqatı  $\frac{x^2}{9} + \frac{y^2}{5} = 1$  ellipsinde jaylasqan.  $M$  noqatınıń fokal radiusları jatıwshı tuwrı sızıq teńlemelerin dúziń.

C2. Fokusu  $F(-1; -4)$  noqatında jaylasqan, sáykes direktrisası  $x - 2 = 0$  teńlemesi menen berilgen,  $A(-3; -5)$  noqatınan ótiwshı ellipstıń teńlemesin dúziń.

C3.  $4x^2 - 4xy + y^2 - 2x - 14y + 7 = 0$  ETİS teńlemesin ápiwayı túрге alıp keliń, tipin anıqlań, qanday geometriyalıq obrazdı anıqlaytuǵının kórsetin, sızılmasın góne hám taza koordinatalar sistemasına qarata jasań.

### 37-variant

T1. Ellips hám onıń kanonikalıq teńlemesi (anıqlaması, fokuslar, elleptiń kanonikalıq teńlemesi, ekscentrisiteti, direktrisalardı).

T2. Ekinshi tártipli betliktiń ulıwma teńlemesi. Orayn anıqlaw formulası.

A1. Tipin anıqlań:  $4x^2 + 9y^2 - 40x + 36y + 100 = 0$ .

A2. Sheńber teńlemesin dúziń: orayı  $C(2; -3)$  noqatında jaylasqan hám radiusı  $R = 7$  ge teń.

A3. Fokusları abscissa kósherinde hám koordinata basına qarata simmetriyalıq jaylasqan giperbolanıń teńlemesin dúziń: asimptotalar teńlemeleri  $y = \pm \frac{4}{3}x$  hám fokusları arasıdaǵı aralıq  $2c = 20$ .

B1.  $y^2 = 3x$  parabolası menen  $\frac{x^2}{100} + \frac{y^2}{225} = 1$  ellipsiniń kesilisiw noqatların tabıń.

B2.  $\rho = \frac{10}{2-\cos\theta}$  polyar teńlemesi menen qanday sıziq berilgenin anıqlań.

B3.  $\frac{x^2}{16} - \frac{y^2}{64} = 1$ , giperbolasına berilgen  $10x - 3y + 9 = 0$  tuwrı sıziǵına parallel bolǵan urnbanıń teńlemesin dúziń.

C1.  $\frac{x^2}{3} - \frac{y^2}{5} = 1$  giperbolasına  $P(1; -5)$  noqatında júrgizilgen urnbalardıń teńlemesin dúziń.

C2. Eger waqıttıń qálegen momentinde  $M(x; y)$  noqat  $5x - 16 = 0$  tuwrı sıziqqa qaraǵanda  $A(5; 0)$  noqattan 1,25 márte uzaqlıqta jaylasqan. Usı  $M(x; y)$  noqattıń háreketiniń teńlemesin dúziń.

C3.  $2x^2 + 3y^2 + 8x - 6y + 11 = 0$  teńlemesi menen qanday tiptegi sıziq berilgenin anıqlań hám onıń teńlemesin ápiwaylastırın hám grafigin jasań.

### 38-variant

T1. Giperbolanıń urnbasınıń teńlemesi (giperbolaǵa berilgen noqatta júrgizilgen urnba teńlemesi).

T2. Ellipsoida. Kanonikalıq teńlemesi (ellipsti simmetriya kósheri dogereginde aylandırıwdan alınǵan betlik, kanonikalıq teńlemesi).

A1. Berilgen sıziqlardıń oraylıq ekenligin kórsetiń hám orayın tabıń:  $5x^2 + 4xy + 2y^2 + 20x + 20y - 18 = 0$ .

A2. Fokusları abscissa kósherinde hám koordinata basına qarata simmetriyalıq jaylasqan ellipstiń teńlemesin dúziń: yarım oqları 5 hám 2.

A3. Tipin anıqlań:  $4x^2 - y^2 + 8x - 2y + 3 = 0$ .

B1. Koordinata kósherlerin túrlendirmey ETİS teńlemesin ápiwaylastırın, qanday geometriyalıq obrazdı anıqlaytuǵının kórsetiń  $4x^2 - 4xy + y^2 + 4x - 2y + 1 = 0$ .

B2.  $3x + 10y - 25 = 0$  tuwrı menen  $\frac{x^2}{25} + \frac{y^2}{4} = 1$  ellipstiń kesilisiw noqatların tabıń.

B3.  $\rho = \frac{6}{1-\cos\theta}$  polyar teńlemesi menen qanday sıziq berilgenin anıqlań.

C1. Úlken kósheri 26 ǵa, fokusları  $F(-10; 0)$ ,  $F(14; 0)$  noqatlarında jaylasqan ellipstiń teńlemesin dúziń.

C2.  $14x^2 + 24xy + 21y^2 - 4x + 18y - 139 = 0$  iymek sıziǵınıń tipin anıqlań, eger oraylı iymek sıziq bolsa orayınıń koordinataların tabıń.

C3. Fokusı  $F(2; -1)$  noqatında jaylasqan, sáykes direktrisası  $x - y - 1 = 0$  teńlemesi menen berilgen parabolanıń teńlemesin dúziń.

### 39-variant

T1. Parabolanıń urınbasınıń teńlemesi (parabola, tuwrı, urınıw noqatı, urınba teńlemesi).

T2. Giperbolalıq parabolydтіń tuwrı sızıqlı jasawshıları (Giperbolalıq parabolydті jasawshı tuwrı sızıqlar dástesi).

A1. Fokusları abscissa kóshesinde hám koordinata basına qarata simmetriyalıq jaylasqan ellipstiń teńlemesin dúziń: úlken kósheri 10, fokusları arasındaqı aralıq  $2c = 8$ .

A2. Fokusları abscissa kóshesinde hám koordinata basına qarata simmetriyalıq jaylasqan ellipstiń teńlemesin dúziń: úlken kósheri 8, direktrisaları arasındaqı aralıq 16.

A3. Uchı koordinata basında jaylasqan hám  $Ox$  kóshesine qarata joqarı yarım tegislikte jaylasqan parabolanıń teńlemesin dúziń: parametri  $p = 1/4$ .

B1.  $2x + 2y - 3 = 0$  tuwrısına parallel bolıp  $\frac{x^2}{16} + \frac{y^2}{64} = 1$  giperbolasına urınıwshı tuwrınıń teńlemesin dúziń.

B2. Koordinata kósherlerin túrlendirmey ETİS ulıwma teńlemesin ápiwaylastırın, yarım kósherlerin tabıń:  $13x^2 + 18xy + 37y^2 - 26x - 18y + 3 = 0$ .

B3.  $\rho = \frac{144}{13-5\cos\theta}$  ellipsti anıqlaytuǵının kórsetiń hám onıń yarım kósherlerin anıqlań.

C1.  $4x^2 + 24xy + 11y^2 + 64x + 42y + 51 = 0$  iymek sızıǵınıń tipin anıqlań eger orayı bar bolsa, onıń orayınıń koordinataların tabıń hám koordinata basın orayǵa parallel kóshiriw ámelin orınlań.

C2. Tóbesi  $A(-4; 0)$  noqatında, al, direktrisasi  $y - 2 = 0$  tuwrı sızıq bolǵan parabolanıń teńlemesin dúziń.

C3.  $2x^2 + 10xy + 12y^2 - 7x + 18y - 15 = 0$  ETİS teńlemesin ápiwayı túrge alıp keliń, tipin anıqlań, qanday geometriyalıq obrazdı anıqlaytuǵının kórsetiń, sızılmasın góne hám taza koordinatalar sistemasına qarata jasań

## 40-variant

T1. Ellipstín polyar koordinatalardağı teńlemesi (polyar koordinatalar sistemasında ellipstín teńlemesi).

T2. ETIS-tń ulıwma teńlemesin koordinata kósherlerin burıw arqalı ápiwaylastırın (ETIS-tń ulıwma teńlemeleri, koordinata kósherin burıw formulası, teńlemenı kanonik túrge alıp keliw).

A1. Fokusları abscissa kósherinde hám koordinata basına qarata simmetriyalıq jaylasqan giperbolanıń teńlemesin dúziń: direktrisaları arasındağı aralıq  $8/3$  hám ekscentrisitet  $\varepsilon = 3/2$ .

A2. Uchı koordinata basında jaylasqan hám  $Ox$  kósherine qarata tómengi yarım tegislikte jaylasqan parabolanıń teńlemesin dúziń: parametri  $p = 3$ .

A3. Fokusları abscissa kósherinde hám koordinata basına qarata simmetriyalıq jaylasqan giperbolanıń teńlemesin dúziń: oqları  $2a = 10$  hám  $2b = 8$ .

B1.  $y^2 = 12x$  paraborolasına  $3x - 2y + 30 = 0$  tuwrı sızıǵına parallel bolǵan urnbanıń teńlemesin dúziń.

B2. Koordinata kósherlerin túrlendirmey ETİS teńlemesin ápiwaylastırın, yarım kósherlerin tabıń  $4x^2 - 4xy + 9y^2 - 26x - 18y + 3 = 0$ .

B3.  $\frac{x^2}{4} - \frac{y^2}{5} = 1$  giperbolaǵa  $3x - 2y = 0$  tuwrısına parallel bolǵan urnbanıń teńlemesin dúziń.

C1. Fokusı  $F(7; 2)$  noqatında jaylasqan, sáykes direktrisası  $x - 5 = 0$  teńlemesi menen berilgen parabolanıń teńlemesin dúziń.

C2.  $2x^2 + 3y^2 + 8x - 6y + 11 = 0$  teńlemesin ápiwaylastırın qanday geometriyalıq obrazdı anıqlaytuǵının tabıń hám grafigin jasań.

C3.  $32x^2 + 52xy - 7y^2 + 180 = 0$  ETİS teńlemesin ápiwayı túrge alıp keliń, tipin anıqlań, qanday geometriyalıq obrazdı anıqlaytuǵının kórsetiń, sızilmasın góne hám taza koordinatalar sistemasına qarata jasań.



## 41-variant

T1. Ekinshi tártipli aylanba betlikler (koordinata sisteması, tegislik, vektor iymek sızıq, aylanba betlik).

T2. Giperbola. Kanonikalıq teńlemesi (fokuslar, kósherler, direktrisalar, giperbola, ekscentrisitet, kanonikalıq teńlemesi).

A1. Sheńber teńlemesin dúziń: orayı  $C(1; -1)$  noqatında jaylasqan hám  $5x - 12y + 9 = 0$  tuwrı sızığına urınadı .

A2. Fokusları abscissa kósherinde hám koordinata basına qarata simmetriyalıq jaylasqan ellipstıń teńlemesin dúziń: fokusları arasındaǵı aralıq  $2c = 6$  hám ekscentrisitet  $\varepsilon = 3/5$ .

A3. Ellips teńlemesi berilgen:  $\frac{x^2}{25} + \frac{y^2}{16} = 1$ . Onıń polyar teńlemesin dúziń.

B1.  $41x^2 + 24xy + 9y^2 + 24x + 18y - 36 = 0$  ETİS tipin anıqlań hám orayların tabıń koordinata kósherlerin túrlendirmey qanday sızıqtı anıqlaytuǵının kórsetiń yarım kósherlerin tabıń.

B2.  $x^2 + 4y^2 = 25$  ellipsi menen  $4x - 2y + 23 = 0$  tuwrı sızığına parallel bolǵan urınba tuwrı sızıqtıń teńlemesin dúziń.

B3.  $x^2 - y^2 = 27$  giperbolasına  $4x + 2y - 7 = 0$  tuwrısına parallel bolǵan urınbanıń teńlemesin tabıń.

C1. Giperbolanıń ekscentrisiteti  $\varepsilon = \frac{13}{12}$ , fokusu  $F(0; 13)$  noqatında hám sáykes direktrisası  $13y - 144 = 0$  teńlemesi menen berilgen bolsa, giperbolanıń teńlemesin dúziń.

C2.  $4x^2 - 4xy + y^2 - 6x + 8y + 13 = 0$  ETİS-ǵı orayǵa iyeme? Orayǵa iye bolsa orayın anıqlań: jalǵız orayǵa iyeme-?, sheksiz orayǵa iyeme-?

C3.  $\frac{x^2}{25} + \frac{y^2}{16} = 1$ , ellipsine  $C(10; -8)$  noqatınan júrgizilgen urnbalarınń teńlemesin dúziń.

## 42-variant

T1. ETIS-tıń invariantları (ETIS-tıń ulıwma teńlemesi, túrlendiriw, ETIS invariantları ).

T2. Bir gewekli giperboloid. Kanonikalıq teńlemesi (giperbolanı simmetriya kósheri átirapında aylandırıwdan alınǵan betlik).

A1. Tipin anıqlań:  $2x^2 + 3y^2 + 8x - 6y + 11 = 0$ .

A2. Sheńber teńlemesin dúziń:  $M_1(-1; 5)$ ,  $M_2(-2; -2)$  i  $M_3(5; 5)$  noqatlardan ótedi.

A3. Fokusları abscissa kósherinde hám koordinata basına qarata simmetriyalıq jaylasqan giperbolanıń teńlemesin dúziń: direktrisaları arasındaǵı aralıq  $32/5$  hám kósheri  $2b = 6$ .

B1.  $\frac{x^2}{20} - \frac{y^2}{5} = 1$  giperbolasına  $4x + 3y - 7 = 0$  tuwrısına perpendikulyar bolǵan urınbanıń teńlemesin dúziń.

B2. Koordinata kósherlerin túrlendirmey ETİS teńlemesin ápiwaylastırıń, yarım kósherlerin tabıń  $41x^2 + 2xy + 9y^2 - 26x - 18y + 3 = 0$ .

B3.  $2x + 2y - 3 = 0$  tuwrısına perpendikulyar bolıp  $x^2 = 16y$  parabolasına urınıwshı tuwrınıń teńlemesin dúziń.

C1.  $y^2 = 20x$  parabolasınıń abscissası 7 ge teń bolǵan  $M$  noqatınıń fokal radiusın tabıń hám fokal radiusı jatqan tuwrınıń teńlemesin dúziń.

C2. Fokusu  $F(-1; -4)$ noqatında bolǵan, sáykes direktrissası  $x - 2 = 0$  teńlemesi menen berilgen  $A(-3; -5)$  noqatınan ótiwshi ellipstıń teńlemesin dúziń.

C3.  $16x^2 - 9y^2 - 64x - 54y - 161 = 0$  teńlemesi giperbolanıń teńlemesi ekenin anıqlań hám onıń orayı  $C$ , yarım kósherleri, ekscentrisitetin, asimptotalarınıń teńlemelerin dúziń.

### 43-variant

T1. Giperbolanıń polyar koordinatadaǵı teńlemesi (Polyar múyeshi, polyar radiusi giperbolanıń polyar teńlemesi).

T2. ETIS -tiń ulıwma teńlemesin ápiwaylastırıw (ETIS -tiń ulıwma teńlemesi, koordinata sistemasın túrlendirip ETIS ulıwma teńlemesin ápiwaylastırıw).

A1. Giperbola teńlemesi berilgen:  $\frac{x^2}{16} - \frac{y^2}{9} = 1$ . Onıń polyar teńlemesin dúziń.

A2. Tipin anıqlań:  $3x^2 - 8xy + 7y^2 + 8x - 15y + 20 = 0$ .

A3. Sheńber teńlemesin dúziń:  $A(3; 1)$  hám  $B(-1; 3)$  noqatlardan ótedi, orayı  $3x - y - 2 = 0$  tuwrı sızıǵında jaylasqan .

B1. ETİS-tiń ulıwma teńlemesin koordinata sistemasın túrlendirmey ápiwaylastırıń, tipin anıqlań, obrazı qanday sızıqtı anıqlaytuǵının kórsetiń.  $7x^2 - 8xy + y^2 - 16x - 2y - 51 = 0$

B2. Ellips  $3x^2 + 4y^2 - 12 = 0$  teńlemesi menen berilgen. Onıń kósherleriniń uzınlıqların, fokusların koordinataların hám ekscentrisitetin tabıń.

B3.  $3x + 4y - 12 = 0$  tuwrı sızıǵı hám  $y^2 = -9x$  parabolasınıń kesilisiw noqatların tabıń.

C1.  $A(\frac{10}{3}; \frac{5}{3})$  noqattan  $\frac{x^2}{20} + \frac{y^2}{5} = 1$  ellipsine júrgizilgen urnbalardıń teńlemesin dúziń.

C2.  $y^2 = 20x$  parabolasınıń  $M$  noqatın tabıń, eger onıń abscissası 7 ge teń bolsa, fokal radiusın hám fokal radius jaylasqan tuwrını anıqlań.

C3. Fokusları  $F(3; 4)$ ,  $F(-3; -4)$  noqatlarında jaylasqan direktrisaları orasıdaǵı aralıq 3,6 ǵa teń bolǵan giperbolanıń teńlemesin dúziń.

### 44-variant

T1. Betliktiń kanonikalıq teńlemeleri. Betlik haqqında túsiniń. (Betliktiń anıqlaması, formulaları, kósher, baǵıtlawshı tuwrılar).

T2. Koordinata sistemasın túrlendiriw (birlik vektorlar, kósherler, parallel kóshiriw, koordinata kósherlerin burıw).

A1. Fokusları abscissa kósherinde hám koordinata basına qarata simmetriyalıq jaylasqan ellipstıń teńlemesin dúziń: direktrisaları arasındaqı aralıq 5 hám fokusları arasındaqı aralıq  $2c = 4$ .

A2. Parabola teńlemesi berilgen:  $y^2 = 6x$ . Onıń polyar teńlemesin dúziń.

A3. Berilgen sızıqlardıń oraylıq ekenligin kórsetiń hám orayın tabıń:  $2x^2 - 6xy + 5y^2 + 22x - 36y + 11 = 0$ .

B1.  $\rho = \frac{5}{3-4\cos\theta}$  teńlemesi menen qanday sızıq berilgenin hám yarım kósherlerin tabıń.

B2.  $\frac{x^2}{4} - \frac{y^2}{5} = 1$ , giperbolanıń  $3x - 2y = 0$  tuwrı sızıǵına parallel bolǵan urnbasınıń teńlemesin dúziń.

B3. Koordinata kósherlerin túrlendirmey ETİS teńlemesin ápiwaylastırıń, qanday geometriyalıq obrazdı anıqlaytuǵının kórsetiń  $4x^2 - 4xy + y^2 + 4x - 2y + 1 = 0$ .

C1.  $2x^2 + 3y^2 + 8x - 6y + 11 = 0$  teńlemesin ápiwaylastırıń qanday geometriyalıq obrazdı anıqlaytuǵının tabıń hám grafin jasań.

C2.  $\frac{x^2}{3} - \frac{y^2}{5} = 1$ , giperbolasına  $P(4; 2)$  noqatınan júrgizilgen urnbalardıń teńlemesin dúziń.

C3.  $\frac{x^2}{100} + \frac{y^2}{36} = 1$  ellipsiniń oń jaqtaǵı fokusınan 14 ge teń aralıqta bolǵan noqattı tabıń.

## 45-variant

T1. ETIS-tıń ulıwma teńlemesin klassifikatsiyalaw (ETIS-tıń ulıwma teńlemesi, ETIS-tıń ulıwma teńlemesin ápiwaylastırıw, klassifikatsiyalaw).

T2. Cilindrlik betlikler (jasawshı tuwrı sızıq, bağıtlawshı iymek sızıq, cilindrlik betlik).

A1. Sheńberdiń  $C$  orayı hám  $R$  radiusın tabıń:  $x^2 + y^2 + 6x - 4y + 14 = 0$ .

A2. Fokusları abscissa kóshesinde hám koordinata basına qarata simmetriyalıq jaylasqan giperbolanıń teńlemesin dúziń: fokusları arındaǵı aralıq  $2c = 6$  hám ekscentrisitet  $\varepsilon = 3/2$ .

A3. Polyar teńlemesi menen berilgen iymek sızıqtıń tipin anıqlań:  $\rho = \frac{5}{1 - \frac{1}{2} \cos \theta}$ .

B1.  $x^2 - 4y^2 = 16$  giperbola berilgen. Onıń ekscentrisitetin, fokuslarınıń koordinataların tabıń hám asimptotalarınıń teńlemelerin dúziń.

B2.  $y^2 = 3x$  parabolası menen  $\frac{x^2}{100} + \frac{y^2}{225} = 1$  ellipsiniń kesilisiw noqatların tabıń.

B3.  $\rho = \frac{10}{2 - \cos \theta}$  polyar teńlemesi menen qanday sızıq berilgenin anıqlań.

C1. Eger qálegen waqıt momentinde  $M(x; y)$  noqat  $A(8; 4)$  noqattan hám ordinata kósherinen birdey aralıqta jaylassa,  $M(x; y)$  noqatınıń háreket etiw troektoriyasınıń teńlemesin dúziń.

C2.  $32x^2 + 52xy - 9y^2 + 180 = 0$  ETİS teńlemesin ápiwaylastırıń, tipin anıqlań, qanday geometriyalıq obrazdı anıqlaytuǵının kórsetiń, sızılmasın sızıń.

C3.  $\frac{x^2}{2} + \frac{y^2}{3} = 1$ , ellipsin  $x + y - 2 = 0$  noqatınan júrgizilgen urınbalarınıń teńlemesin dúziń.

## 46-variant

T1. Ellipstıń urınbasınıń teńlemesi (ellips, tuwrı, urınıw tochka, urınba teńlemesi).

T2. ETIS-tıń ulıwma teńlemesin koordinata basın parallel kóshiriw arqalı ápiwaylastırıń (ETIS-tıń ulıwma teńlemesin parallel kóshiriw formulası).

A1. Tipin anıqlań:  $9x^2 + 4y^2 + 18x - 8y + 49 = 0$ .

A2. Sheńber teńlemesin dúziń: orayı  $C(6; -8)$  noqatında jaylasqan hám koordinata basınan ótedi.

A3. Fokusları abscissa kóshesinde hám koordinata basına qarata simmetriyalıq jaylasqan ellipstıń teńlemesin dúziń: kishi kósheri 10, ekscentrisitet  $\varepsilon = 12/13$ .

B1.  $\frac{x^2}{4} - \frac{y^2}{5} = 1$  giperbolasına  $3x + 2y = 0$  tuwrı sızıǵına perpendikulyar bolǵan urınba tuwrınıń teńlemesin dúziń.

B2. Koordinata kósherlerin túrlendirmey ETİS ulıwma teńlemesin ápiwaylastırıń, yarım kósherlerin tabıń:  $13x^2 + 18xy + 37y^2 - 26x - 18y + 3 = 0$ .

B3.  $3x + 10y - 25 = 0$  tuwrı menen  $\frac{x^2}{25} + \frac{y^2}{4} = 1$  ellipstıń kesilisiw noqatların tabıń.

C1.  $M(2; -\frac{5}{3})$  noqatı  $\frac{x^2}{9} + \frac{y^2}{5} = 1$  ellipsinde jaylasqan.  $M$  noqatınıń fokal radiusları jatıwshı tuwrı sızıq teńlemelerin dúziń.

C2. Fokusı  $F(-1; -4)$  noqatında jaylasqan, sáykes direktrisası  $x - 2 = 0$  teńlemesi menen berilgen,  $A(-3; -5)$  noqatınan ótiwshı ellipstıń teńlemesin dúziń.

C3.  $4x^2 - 4xy + y^2 - 2x - 14y + 7 = 0$  ETİS teńlemesin ápiwayı túrge alıp keliń, tipin anıqlań, qanday geometriyalıq obrazdı anıqlaytuǵının kórsetiń, sızılmasın góne hám taza koordinatalar sistemasına qarata jasań.

## 47-variant

T1. Ellipslik paraboloid (parabola, kósher, ellepslik paraboloid).

T2. Parabolaniń polyar koordinatalardaǵı teńlemesi (polyar koordinata sistemasında parabolaniń teńlemesi).

A1. Polyar teńlemesi menen berilgen iymek sızıqtıń tipin anıqlań:  $\rho = \frac{10}{1-\frac{3}{2}\cos\theta}$ .

A2. Tipin anıqlań:  $3x^2 - 2xy - 3y^2 + 12y - 15 = 0$ .

A3. Sheńber teńlemesin dúziń: orayı koordinata basında jaylasqan hám radiusı  $R = 3$  ge teń.

B1.  $\rho = \frac{6}{1-\cos\theta}$  polyar teńlemesi menen qanday sızıq berilgenin anıqlań.

B2.  $\frac{x^2}{16} - \frac{y^2}{64} = 1$ , giperbolasına berilgen  $10x - 3y + 9 = 0$  tuwrı sızıǵına parallel bolǵan urnbanıń teńlemesin dúziń.

B3. Koordinata kósherlerin túrlendirmey ETİS teńlemesin ápiwaylastırın, yarım kósherlerin tabıń  $4x^2 - 4xy + 9y^2 - 26x - 18y + 3 = 0$ .

C1.  $\frac{x^2}{3} - \frac{y^2}{5} = 1$  giperbolasına  $P(1; -5)$  noqatında júrgizilgen urnbalardıń teńlemesin dúziń.

C2. Eger waqıttıń qálegen momentinde  $M(x; y)$  noqat  $5x - 16 = 0$  tuwrı sızıqqa qaraǵanda  $A(5; 0)$  noqattan 1,25 márte uzaqlıqta jaylasqan. Usı  $M(x; y)$  noqattıń háreketiniń teńlemesin dúziń.

C3.  $2x^2 + 3y^2 + 8x - 6y + 11 = 0$  teńlemesi menen qanday tiptegi sızıq berilgenin anıqlań hám onıń teńlemesin ápiwaylastırın hám grafigin jasań.

## 48-variant

T1. ETIS-tıń orayın anıqlaw forması (ETIS-tıń ulıwma teńlemesi, orayın anıqlaw forması).

T2. Betlik haqqında túsinik (tuwrı, iymek sızıq, betliktiń anıqlamaları hám formulaları).

A1. Fokusları abscissa kósherinde hám koordinata basına qarata simmetriyalıq jaylasqan giperbolanıń teńlemesin dúziń: fokusları arasındaqı aralıǵı  $2c = 10$  hám kósheri  $2b = 8$ .

A2. Polyar teńlemesi menen berilgen iymek sızıqtıń tipin anıqlań:  $\rho = \frac{12}{2-\cos\theta}$ .

A3. Berilgen sızıqlardıń oraylıq ekenligin kórsetiń hám orayın tabıń:  $3x^2 + 5xy + y^2 - 8x - 11y - 7 = 0$ .

B1.  $\rho = \frac{144}{13-5\cos\theta}$  ellipsti anıqlaytuǵının kórsetiń hám onıń yarım kósherlerin anıqlań.

B2.  $2x + 2y - 3 = 0$  tuwrısına parallel bolıp  $\frac{x^2}{16} + \frac{y^2}{64} = 1$  giperbolasına urnıwshı tuwrınıń teńlemesin dúziń.

B3.  $41x^2 + 24xy + 9y^2 + 24x + 18y - 36 = 0$  ETİS tipin anıqlań hám orayların tabıń koordinata kósherlerin túrlendirmey qanday sızıqtı anıqlaytuǵının kórsetiń yarım kósherlerin tabıń.

C1. Úlken kósheri 26 ǵa, fokusları  $F(-10; 0)$ ,  $F(14; 0)$  noqatlarında jaylasqan ellipstiń teńlemesin dúziń.

C2.  $14x^2 + 24xy + 21y^2 - 4x + 18y - 139 = 0$  iymek sızıǵınıń tipin anıqlań, eger oraylı iymek sızıq bolsa orayınıń koordinataların tabıń.

C3. Fokusı  $F(2; -1)$  noqatında jaylasqan, sáykes direktrisası  $x - y - 1 = 0$  teńlemesi menen berilgen parabolanıń teńlemesin dúziń.

## 49-variant

T1. Parabola hám onıń kanonikalıq teńlemesi (anıqlaması, fokusı, direktrisası, kanonikalıq teńlemesi).

T2. Eki gewekli giperboloid. Kanonikalıq teńlemesi (giperbolanı simmetriya kósheri átirapında aylandırıwdan alıńǵan betlik).

A1. Sheńberdiń  $C$  orayı hám  $R$  radiusın tabıń:  $x^2 + y^2 - 2x + 4y - 14 = 0$ .

A2. Fokusları abscissa kósherinde hám koordinata basına qarata simmetriyalıq jaylasqan giperbolanıń teńlemesin dúziń: úlken kósheri  $2a = 16$  hám ekscentrisitet  $\varepsilon = 5/4$ .

A3. Giperbola teńlemesi berilgen:  $\frac{x^2}{25} - \frac{y^2}{144} = 1$ . Onıń polyar teńlemesin dúziń.

B1.  $y^2 = 12x$  paraborolasına  $3x - 2y + 30 = 0$  tuwrı sızığına parallel bolǵan urnbanıń teńlemesin dúziń.

B2. Koordinata kósherlerin túrlendirmey ETİS teńlemesin ápiwaylastırıń, yarım kósherlerin tabıń  $41x^2 + 2xy + 9y^2 - 26x - 18y + 3 = 0$ .

B3.  $\frac{x^2}{4} - \frac{y^2}{5} = 1$  giperbolaǵa  $3x - 2y = 0$  tuwrısına parallel bolǵan urnbanıń teńlemesin dúziń.

C1.  $4x^2 + 24xy + 11y^2 + 64x + 42y + 51 = 0$  iymek sızığınıń tipin anıqlań eger orayı bar bolsa, onıń orayınıń koordinataların tabıń hám koordinata basın orayǵa parallel kóshiriw ámelin orınlań.

C2. Tóbesi  $A(-4; 0)$  noqatında, al, direktrisası  $y - 2 = 0$  tuwrı sızıq bolǵan parabolanıń teńlemesin dúziń.

C3.  $2x^2 + 10xy + 12y^2 - 7x + 18y - 15 = 0$  ETİS teńlemesin ápiwayı túrge alıp keliń, tipin anıqlań, qanday geometriyalıq obrazdı anıqlaytuǵının kórsetiń, sızılmasın góne hám taza koordinatalar sistemasına qarata jasań

## 50-variant

T1. Ellips hám onıń kanonikalıq teńlemesi (anıqlaması, fokuslar, elleptiń kanonikalıq teńlemesi, ekscentrisiteti, direktrisaları).

T2. Ekinshi tártipli betliktiń ulıwma teńlemesi. Orayn anıqlaw formulası.

A1. Berilgen sıızıqlardıń oraylıq ekenligin kórsetiń hám orayn tabıń:  $9x^2 - 4xy - 7y^2 - 12 = 0$ .

A2. Sheńberdiń  $C$  orayı hám  $R$  radiusın tabıń:  $x^2 + y^2 - 2x + 4y - 20 = 0$ .

A3. Fokusları abscissa kósherinde hám koordinata basına qarata simmetriyalıq jaylasqan giperbolanıń teńlemesin dúziń: direktrisaları arasındagı aralıq  $228/13$  hám fokusları arasındagı aralıq  $2c = 26$ .

B1.  $x^2 + 4y^2 = 25$  ellipsi menen  $4x - 2y + 23 = 0$  tuwrı sıızıǵına parallel bolǵan urınba tuwrı sıızıqtıń teńlemesin dúziń.

B2.  $x^2 - y^2 = 27$  giperbolasına  $4x + 2y - 7 = 0$  tuwrısına parallel bolǵan urınbanıń teńlemesin tabıń.

B3. ETİS-tıń ulıwma teńlemesin koordinata sistemasın túrlendirmey ápiwaylastırıń, tipin anıqlań, obrazı qanday sıızıqtı anıqlaytuǵının kórsetiń.  $7x^2 - 8xy + y^2 - 16x - 2y - 51 = 0$

C1. Fokusı  $F(7; 2)$  noqatında jaylasqan, sáykes direktrisası  $x - 5 = 0$  teńlemesi menen berilgen parabolanıń teńlemesin dúziń.

C2.  $2x^2 + 3y^2 + 8x - 6y + 11 = 0$  teńlemesin ápiwaylastırıń qanday geometriyalıq obrazdı anıqlaytuǵının tabıń hám grafin jasań.

C3.  $32x^2 + 52xy - 7y^2 + 180 = 0$  ETİS teńlemesin ápiwayı túrge alıp keliń, tipin anıqlań, qanday geometriyalıq obrazdı anıqlaytuǵının kórsetiń, sızilmasın góne hám taza koordinatalar sistemasına qarata jasań.

## 51-variant

T1. Giperbolanıń urınbasınıń teńlemesi (giperbolaǵa berilgen noqatta júrgizilgen urınba teńlemesi).

T2. Ellipsoida. Kanonikalıq teńlemesi (ellipsti simmetriya kósheri dogereginde aylandırıwdan alınǵan betlik, kanonikalıq teńlemesi).

A1. Polyar teńlemesi menen berilgen iymek sıızıqtıń tipin anıqlań:  $\rho = \frac{5}{3-4\cos\theta}$ .

A2. Tipin anıqlań:  $25x^2 - 20xy + 4y^2 - 12x + 20y - 17 = 0$ .

A3. Sheńberdiń  $C$  orayı hám  $R$  radiusın tabıń:  $x^2 + y^2 + 4x - 2y + 5 = 0$ .

B1.  $\frac{x^2}{20} - \frac{y^2}{5} = 1$  giperbolasına  $4x + 3y - 7 = 0$  tuwrısına perpendikulyar bolǵan urınbanıń teńlemesin dúziń.

B2. Koordinata kósherlerin túrlendirmey ETİS teńlemesin ápiwaylastırıń, qanday geometriyalıq obrazdı anıqlaytuǵının kórsetiń  $4x^2 - 4xy + y^2 + 4x - 2y + 1 = 0$ .

B3. Ellips  $3x^2 + 4y^2 - 12 = 0$  teńlemesi menen berilgen. Onıń kósherleriniń uzınlıqların, fokuslarınıń koordinataların hám ekscentrisitetin tabıń.

C1. Giperbolanıń ekscentrisiteti  $\varepsilon = \frac{13}{12}$ , fokusı  $F(0; 13)$  noqatında hám sáykes direktrisası  $13y - 144 = 0$  teńlemesi menen berilgen bolsa, giperbolanıń teńlemesin dúziń.

C2.  $4x^2 - 4xy + y^2 - 6x + 8y + 13 = 0$  ETİS-ǵı orayǵa iyeme? Orayǵa iye bolsa orayn anıqlań: jalǵız orayǵa iyeme-?, sheksiz orayǵa iyeme-?

C3.  $\frac{x^2}{25} + \frac{y^2}{16} = 1$ , ellipsine  $C(10; -8)$  noqatınan júrgizilgen urınbalarınıń teńlemesin dúziń.

## 52-variant

T1. Parabolanıń urınbasınıń teńlemesi (parabola, tuwrı, urınıw noqatı, urınba teńlemesi).

T2. Giperbolalıq parabolydtıń tuwrı sızıqlı jasawshıları (Giperbolalıq parabolydtı jasawshı tuwrı sızıqlar dástesi).

A1. Uchı koordinata basında jaylasqan hám  $Oy$  kóshetine qarata oń táreptegi yarım tegislikte jaylasqan parabolanıń teńlemesin dúziń: parametri  $p = 3$ .

A2. Polyar teńlemesi menen berilgen iymek sızıqtıń tipin anıqlań:  $\rho = \frac{1}{3-3\cos\theta}$ .

A3. Tipin anıqlań:  $x^2 - 4xy + 4y^2 + 7x - 12 = 0$ .

B1.  $3x + 4y - 12 = 0$  tuwrı sızıǵı hám  $y^2 = -9x$  parabolasınıń kesilisiw noqatların tabıń.

B2.  $\rho = \frac{5}{3-4\cos\theta}$  teńlemesi menen qanday sızıq berilgenin hám yarım kósherlerin tabıń.

B3.  $2x + 2y - 3 = 0$  tuwrısına perpendikulyar bolıp  $x^2 = 16y$  parabolasına urınıwshı tuwrınıń teńlemesin dúziń.

C1.  $y^2 = 20x$  parabolasınıń abscissası 7 ge teń bolǵan  $M$  noqatınıń fokal radiusın tabıń hám fokal radiusı jatqan tuwrınıń teńlemesin dúziń.

C2. Fokusı  $F(-1; -4)$  noqatında bolǵan, sáykes direktrissası  $x - 2 = 0$  teńlemesi menen berilgen  $A(-3; -5)$  noqatınan ótiwshı ellipstıń teńlemesin dúziń.

C3.  $16x^2 - 9y^2 - 64x - 54y - 161 = 0$  teńlemesi giperbolanıń teńlemesi ekenin anıqlań hám omń orayı  $C$ , yarım kósherleri, ekscentrisitetin, asimptotalarınıń teńlemelerin dúziń.

## 53-variant

T1. Ellipstıń polyar koordinatalardaǵı teńlemesi (polyar koordinatalar sistemasında ellipstıń teńlemesi).

T2. ETIS-tıń ulıwma teńlemesin koordinata kósherlerin burıw arqalı ápiwaylastırın (ETIS-tıń ulıwma teńlemeleri, koordinata kósherin burıw formulası, teńlemenı kanonik túrge alıp keliw).

A1. Sheńber teńlemesin dúziń:  $A(1; 1)$ ,  $B(1; -1)$  hám  $C(2; 0)$  noqatlardan ótedi.

A2. Fokusları abscissa kósherinde hám koordinata basına qarata simmetriyalıq jaylasqan ellipstıń teńlemesin dúziń: úlken kósheri 20, ekscentrisitet  $\varepsilon = 3/5$ .

A3. Polyar teńlemesi menen berilgen iymek sızıqtıń tipin anıqlań:  $\rho = \frac{6}{1-\cos\theta}$ .

B1. Koordinata kósherlerin túrlendirmey ETİS ulıwma teńlemesin ápiwaylastırın, yarım kósherlerin tabıń:  $13x^2 + 18xy + 37y^2 - 26x - 18y + 3 = 0$ .

B2.  $x^2 - 4y^2 = 16$  giperbola berilgen. Onıń ekscentrisitetin, fokuslarını koordinataların tabıń hám asimptotalarınıń teńlemelerin dúziń.

B3.  $y^2 = 3x$  parabolası menen  $\frac{x^2}{100} + \frac{y^2}{225} = 1$  ellipsiniń kesilisiw noqatların tabıń.

C1.  $A(\frac{10}{3}; \frac{5}{3})$  noqattan  $\frac{x^2}{20} + \frac{y^2}{5} = 1$  ellipse jürgizilgen urınbalardıń teńlemesin dúziń.

C2.  $y^2 = 20x$  parabolasınıń  $M$  noqatın tabıń, eger omń abscissası 7 ge teń bolsa, fokal radiusın hám fokal radius jaylasqan tuwrını anıqlań.

C3. Fokusları  $F(3; 4)$ ,  $F(-3; -4)$  noqatlarında jaylasqan direktrisaları orasıdaǵı aralıq 3,6 ǵa teń bolǵan giperbolanıń teńlemesin dúziń.

## 54-variant

T1. Ekinshi tártipli aylanba betlikler (koordinata sisteması, tegislik, vektor iymek sızıq, aylanba betlik).

T2. Giperbola. Kanonikalıq teńlemesi (fokuslar, kósherler, direktrisalar, giperbola, ekscentrisitet, kanonikalıq teńlemesi).

A1. Tipin anıqlań:  $2x^2 + 10xy + 12y^2 - 7x + 18y - 15 = 0$ .

A2. Sheńber teńlemesin dúziń: orayı koordinata basında jaylasqan hám  $3x - 4y + 20 = 0$  tuwrı sızığına urınadı.

A3. Fokusları abscissa kósherinde hám koordinata basına qarata simmetriyalıq jaylasqan ellipstıń teńlemesin dúziń: kishi kósheri 6, direktrisaları arasındagı aralıq 13.

B1.  $\rho = \frac{10}{2 - \cos\theta}$  polyar teńlemesi menen qanday sızıq berilgenin anıqlań.

B2.  $\frac{x^2}{4} - \frac{y^2}{5} = 1$ , giperbolanıń  $3x - 2y = 0$  tuwrı sızığına parallel bolǵan urınbasınıń teńlemesin dúziń.

B3. Koordinata kósherlerin túrlendirmey ETİS teńlemesin ápiwaylastırın, yarım kósherlerin tabıń  $4x^2 - 4xy + 9y^2 - 26x - 18y + 3 = 0$ .

C1.  $2x^2 + 3y^2 + 8x - 6y + 11 = 0$  teńlemesin ápiwaylastırın qanday geometriyalıq obrazdı anıqlaytuǵının tabıń hám grafigin jasań.

C2.  $\frac{x^2}{3} - \frac{y^2}{5} = 1$ , giperbolasına  $P(4; 2)$  noqatınan júrgizilgen urınbalardıń teńlemesin dúziń.

C3.  $\frac{x^2}{100} + \frac{y^2}{36} = 1$  ellipsiniń oń jaqtaǵı fokusınan 14 ge teń aralıqta bolǵan noqattı tabıń.

## 55-variant

T1. ETIS-tıń invariantları (ETIS-tıń ulıwma teńlemesi, túrlendiriw, ETIS invariantları).

T2. Bir gewekli giperboloid. Kanonikalıq teńlemesi (giperbolanı simmetriya kósheri átirapında aylandırıwdan alınǵan betlik).

A1. Tipin anıqlań:  $5x^2 + 14xy + 11y^2 + 12x - 7y + 19 = 0$ .

A2. Sheńber teńlemesin dúziń: sheńber diametriniń ushları  $A(3; 2)$  hám  $B(-1; 6)$  noqatlarında jaylasqan.

A3. Uchi koordinata basında jaylasqan hám  $Oy$  kósherine qarata shep táreptegi yarım tegislikte jaylasqan parabolanıń teńlemesin dúziń: parametri  $p = 0, 5$ .

B1.  $3x + 10y - 25 = 0$  tuwrı menen  $\frac{x^2}{25} + \frac{y^2}{4} = 1$  ellipstıń kesilisiw noqatların tabıń.

B2.  $\rho = \frac{6}{1 - \cos\theta}$  polyar teńlemesi menen qanday sızıq berilgenin anıqlań.

B3.  $\frac{x^2}{4} - \frac{y^2}{5} = 1$  giperbolasına  $3x + 2y = 0$  tuwrı sızığına perpendikulyar bolǵan urınba tuwrınıń teńlemesin dúziń.

C1. Eger qálegen waqıt momentinde  $M(x; y)$  noqat  $A(8; 4)$  noqattan hám ordinata kósherinen birdey aralıqta jaylassa,  $M(x; y)$  noqatınıń háreket etiw troektoriyasınıń teńlemesin dúziń.

C2.  $32x^2 + 52xy - 9y^2 + 180 = 0$  ETİS teńlemesin ápiwaylastırın, tipin anıqlań, qanday geometriyalıq obrazdı anıqlaytuǵının kórsetiń, sızılmasın sızıń.

C3.  $\frac{x^2}{2} + \frac{y^2}{3} = 1$ , ellipsin  $x + y - 2 = 0$  noqatınan júrgizilgen urınbalarınıń teńlemesin dúziń.



## 56-variant

T1. Giperbolaniń polyar koordinatadaǵı teńlemesi (Polyar múyeshi, polyar radiusi giperbolaniń polyar teńlemesi).

T2. ETIS -tiń ulıwma teńlemesin ápiwaylastırıw (ETIS -tiń ulıwma teńlemesi, koordinata sistemasın túrlendirip ETIS ulıwma teńlemesin ápiwaylastırıw).

A1. Tipin anıqlań:  $9x^2 - 16y^2 - 54x - 64y - 127 = 0$ .

A2. Sheńber teńlemesin dúziń: sheńber  $A(2; 6)$  noqatınan ótedi hám orayı  $C(-1; 2)$  noqatında jaylasqan .

A3. Fokusları abscissa kósherinde hám koordinata basına qarata simmetriyalıq jaylasqan ellipstiniń teńlemesin dúziń: kishi kósheri 24, fokusları arasındaqı aralıq  $2c = 10$ .

B1.  $41x^2 + 24xy + 9y^2 + 24x + 18y - 36 = 0$  ETIS tipin anıqlań hám orayların tabıń koordinata kósherlerin túrlendirmey qanday sıziqtı anıqlaytuǵının kórsetiń yarım kósherlerin tabıń.

B2.  $\rho = \frac{144}{13-5\cos\theta}$  ellipsti anıqlaytuǵının kórsetiń hám onıń yarım kósherlerin anıqlań.

B3.  $\frac{x^2}{16} - \frac{y^2}{64} = 1$ , giperbolasına berilgen  $10x - 3y + 9 = 0$  tuwrı sıziǵına parallel bolǵan urınbanıń teńlemesin dúziń.

C1.  $M(2; -\frac{5}{3})$  noqatı  $\frac{x^2}{9} + \frac{y^2}{5} = 1$  ellipsinde jaylasqan.  $M$  noqatınıń fokal radiusları jatıwshı tuwrı sıziq teńlemelerin dúziń.

C2. Fokusı  $F(-1; -4)$  noqatında jaylasqan, sáykes direktrisasi  $x - 2 = 0$  teńlemesi menen berilgen,  $A(-3; -5)$  noqatınan ótiwshı ellipstiniń teńlemesin dúziń.

C3.  $4x^2 - 4xy + y^2 - 2x - 14y + 7 = 0$  ETIS teńlemesin ápiwayı túrge alıp keliń, tipin anıqlań, qanday geometriyalıq obrazdı anıqlaytuǵının kórsetiń, sızilmasın góne hám taza koordinatalar sistemasına qarata jasań.

## 57-variant

T1. Betliktiń kanonikalıq teńlemeleri. Betlik haqqında túsiniń. (Betliktiń anıqlaması, formulaları, kósher, baǵıtlawshı tuwrılar).

T2. Koordinata sistemasın túrlendiriw (birlik vektorlar, kósherler, parallel kóshiriw, koordinata kósherlerin buriw).

A1. Tipin anıqlań:  $4x^2 + 9y^2 - 40x + 36y + 100 = 0$ .

A2. Sheńber teńlemesin dúziń: orayı  $C(2; -3)$  noqatında jaylasqan hám radiusı  $R = 7$  ge teń.

A3. Fokusları abscissa kósherinde hám koordinata basına qarata simmetriyalıq jaylasqan giperbolanıń teńlemesin dúziń: asimptotalar teńlemeleri  $y = \pm \frac{4}{3}x$  hám fokusları arasındaqı aralıq  $2c = 20$ .

B1. Koordinata kósherlerin túrlendirmey ETİS teńlemesin ápiwaylastırıń, yarım kósherlerin tabıń  $41x^2 + 2xy + 9y^2 - 26x - 18y + 3 = 0$ .

B2.  $2x + 2y - 3 = 0$  tuwrısına parallel bolıp  $\frac{x^2}{16} + \frac{y^2}{64} = 1$  giperbolasına urınıwshı tuwrınıń teńlemesin dúziń.

B3. ETİS-tıń ulıwma teńlemesin koordinata sistemasın túrlendirmey ápiwaylastırıń, tipin anıqlań, obrazı qanday sıziqtı anıqlaytuǵının kórsetiń.  $7x^2 - 8xy + y^2 - 16x - 2y - 51 = 0$

C1.  $\frac{x^2}{3} - \frac{y^2}{5} = 1$  giperbolasına  $P(1; -5)$  noqatında júrgizilgen urnbalardıń teńlemesin dúziń.

C2. Eger waqıttıń qálegen momentinde  $M(x; y)$  noqat  $5x - 16 = 0$  tuwrı sıziqqa qaraǵanda  $A(5; 0)$  noqattan 1,25 márte uzaqlıqta jaylasqan. Usı  $M(x; y)$  noqattıń háreketiniń teńlemesin dúziń.

C3.  $2x^2 + 3y^2 + 8x - 6y + 11 = 0$  teńlemesi menen qanday tiptegi sıziq berilgenin anıqlań hám onıń teńlemesin ápiwaylastırıń hám grafigin jasań.

## 58-variant

T1. ETIS-tıń ulıwma teńlemesin klassifikatsiyalaw (ETIS-tıń ulıwma teńlemesi, ETIS-tıń ulıwma teńlemesin ápiwaylastırıw, klassifikatsiyalaw).

T2. Cilindrlık betlikler (jasawshı tuwrı sızıq, bağıtlawshı iymek sızıq, cilindrlık betlik).

A1. Berilgen sızıqlardıń oraylıq ekenligin kórsetiń hám orayın tabıń:  $5x^2 + 4xy + 2y^2 + 20x + 20y - 18 = 0$ .

A2. Fokusları abscissa kósherinde hám koordinata basına qarata simmetriyalıq jaylasqan ellipstıń teńlemesin dúziń: yarım oqları 5 hám 2.

A3. Tipin anıqlań:  $4x^2 - y^2 + 8x - 2y + 3 = 0$ .

B1.  $y^2 = 12x$  paraborolasına  $3x - 2y + 30 = 0$  tuwrı sızıǵına parallel bolǵan urınbanıń teńlemesin dúziń.

B2.  $\frac{x^2}{4} - \frac{y^2}{5} = 1$  giperbolaǵa  $3x - 2y = 0$  tuwrısına parallel bolǵan urınbanıń teńlemesin dúziń.

B3.  $x^2 + 4y^2 = 25$  ellipsi menen  $4x - 2y + 23 = 0$  tuwrı sızıǵına parallel bolǵan urınba tuwrı sızıqtıń teńlemesin dúziń.

C1. Úlken kósheri 26 ǵa, fokusları  $F(-10; 0)$ ,  $F(14; 0)$  noqatlarında jaylasqan ellipstıń teńlemesin dúziń.

C2.  $14x^2 + 24xy + 21y^2 - 4x + 18y - 139 = 0$  iymek sızıǵınıń tipin anıqlań, eger oraylı iymek sızıq bolsa orayınıń koordinataların tabıń.

C3. Fokusı  $F(2; -1)$  noqatında jaylasqan, sáykes direktrisası  $x - y - 1 = 0$  teńlemesi menen berilgen parabolanıń teńlemesin dúziń.

## 59-variant

T1. Ellipstíń urınbasınıń teńlemesi (ellips, tuwrı, urınıw tochka, urınba teńlemesi).

T2. ETİS-tıń ulıwma teńlemesin koordinata basın parallel kóshiriw arqalı ápiwaylastırın (ETİS- tıń ulıwma teńlemesin parallel kóshiriw formulası).

A1. Fokusları abscissa kósherinde hám koordinata basına qarata simmetriyalıq jaylasqan ellipstíń teńlemesin dúziń: úlken kósheri 10, fokusları arasındaqı aralıq  $2c = 8$ .

A2. Fokusları abscissa kósherinde hám koordinata basına qarata simmetriyalıq jaylasqan ellipstíń teńlemesin dúziń: úlken kósheri 8, direktrisaları arasındaqı aralıq 16.

A3. Uchı koordinata basında jaylasqan hám  $Ox$  kósherine qarata joqarı yarım tegislikte jaylasqan parabolanıń teńlemesin dúziń: parametri  $p = 1/4$ .

B1. Koordinata kósherlerin túrlendirmey ETİS teńlemesin ápiwaylastırın, qanday geometriyalıq obrazdı anıqlaytuǵının kórsetin  $4x^2 - 4xy + y^2 + 4x - 2y + 1 = 0$ .

B2.  $x^2 - y^2 = 27$  giperbolasına  $4x + 2y - 7 = 0$  tuwrısına parallel bolǵan urınbanıń teńlemesin tabıń.

B3. Koordinata kósherlerin túrlendirmey ETİS ulıwma teńlemesin ápiwaylastırın, yarım kósherlerin tabıń:  $13x^2 + 18xy + 37y^2 - 26x - 18y + 3 = 0$ .

C1.  $4x^2 + 24xy + 11y^2 + 64x + 42y + 51 = 0$  iymek sızıǵınıń tipin anıqlań eger orayı bar bolsa, onıń orayınıń koordinataların tabıń hám koordinata basın orayǵa parallel kóshiriw ámelin ornlań.

C2. Tóbesi  $A(-4; 0)$  noqatında, al, direktrisası  $y - 2 = 0$  tuwrı sızıq bolǵan parabolanıń teńlemesin dúziń.

C3.  $2x^2 + 10xy + 12y^2 - 7x + 18y - 15 = 0$  ETİS teńlemesin ápiwayı túrge alıp keliń, tipin anıqlań, qanday geometriyalıq obrazdı anıqlaytuǵının kórsetin, sızılmasın góne hám taza koordinatalar sistemasına qarata jasań

## 60-variant

T1. Ellipslik paraboloid (parabola, kósher, ellepslik paraboloid).

T2. Parabolaniń polyar koordinatalardaǵı teńlemesi (polyar koordinata sistemasında parabolaniń teńlemesi).

A1. Fokusları abscissa kósherinde hám koordinata basına qarata simmetriyalıq jaylasqan giperbolaniń teńlemesin dúziń: direktrisaları arasındaqı aralıq  $8/3$  hám ekscentrisitet  $\varepsilon = 3/2$ .

A2. Uchı koordinata basında jaylasqan hám  $Ox$  kóshetine qarata tómengi yarım tegislikte jaylasqan parabolaniń teńlemesin dúziń: parametri  $p = 3$ .

A3. Fokusları abscissa kósherinde hám koordinata basına qarata simmetriyalıq jaylasqan giperbolaniń teńlemesin dúziń: oqları  $2a = 10$  hám  $2b = 8$ .

B1. Ellips  $3x^2 + 4y^2 - 12 = 0$  teńlemesi menen berilgen. Onıń kósherleriniń uzınlıqların, fokuslarınıń koordinataların hám ekscentrisitetin tabıń.

B2.  $3x + 4y - 12 = 0$  tuwrı sıızıǵı hám  $y^2 = -9x$  parabolasınıń kesilisiw noqatların tabıń.

B3.  $\rho = \frac{5}{3-4\cos\theta}$  teńlemesi menen qanday sıızıq berilgenin hám yarım kósherlerin tabıń.

C1. Fokusı  $F(7; 2)$  noqatında jaylasqan, sáykes direktrisasi  $x - 5 = 0$  teńlemesi menen berilgen parabolaniń teńlemesin dúziń.

C2.  $2x^2 + 3y^2 + 8x - 6y + 11 = 0$  teńlemesin ápiwaylastırın qanday geometriyalıq obrazdı anıqlaytuǵının tabıń hám grafin jasań.

C3.  $32x^2 + 52xy - 7y^2 + 180 = 0$  ETİS teńlemesin ápiwayı túrge alıp keliń, tipin anıqlań, qanday geometriyalıq obrazdı anıqlaytuǵının kórsetiń, sıızılmasın góne hám taza koordinatalar sistemasına qarata jasań.

## 61-variant

T1. ETIS-tıń orayın anıqlaw forması (ETIS-tıń ulıwma teńlemesi, orayın anıqlaw forması).

T2. Betlik haqqında túsinik (tuwrı, iymek sıızıq, betliktiń anıqlamaları hám formulaları).

A1. Sheńber teńlemesin dúziń: orayı  $C(1; -1)$  noqatında jaylasqan hám  $5x - 12y + 9 = 0$  tuwrı sıızıǵına urınadı .

A2. Fokusları abscissa kósherinde hám koordinata basına qarata simmetriyalıq jaylasqan ellipsiń teńlemesin dúziń: fokusları arasındaqı aralıq  $2c = 6$  hám ekscentrisitet  $\varepsilon = 3/5$ .

A3. Ellips teńlemesi berilgen:  $\frac{x^2}{25} + \frac{y^2}{16} = 1$ . Onıń polyar teńlemesin dúziń.

B1.  $\frac{x^2}{20} - \frac{y^2}{5} = 1$  giperbolasına  $4x + 3y - 7 = 0$  tuwrısına perpendikulyar bolǵan urınbanıń teńlemesin dúziń.

B2. Koordinata kósherlerin túrlendirmey ETİS teńlemesin ápiwaylastırın, yarım kósherlerin tabıń  $4x^2 - 4xy + 9y^2 - 26x - 18y + 3 = 0$ .

B3.  $x^2 - 4y^2 = 16$  giperbola berilgen. Onıń ekscentrisitetin, fokuslarınıń koordinataların tabıń hám asimptotalarınıń teńlemelerin dúziń.

C1. Giperbolaniń ekscentrisiteti  $\varepsilon = \frac{13}{12}$ , fokusı  $F(0; 13)$  noqatında hám sáykes direktrisasi  $13y - 144 = 0$  teńlemesi menen berilgen bolsa, giperbolaniń teńlemesin dúziń.

C2.  $4x^2 - 4xy + y^2 - 6x + 8y + 13 = 0$  ETİS-ǵı orayǵa iyeme? Orayǵa iye bolsa orayın anıqlań: jalǵız orayǵa iyeme-?, sheksiz orayǵa iyeme-?

C3.  $\frac{x^2}{25} + \frac{y^2}{16} = 1$ , ellipsine  $C(10; -8)$  noqatınan júrgizilgen urınbalarınıń teńlemesin dúziń.

## 62-variant

T1. Parabola hám onıń kanonikalıq teńlemesi (anıqlaması, fokusu, direktrisası, kanonikalıq teńlemesi).

T2. Eki gewekli giperboloid. Kanonikalıq teńlemesi (giperbolanı simmetriya kósheri átirapında aylandırıwdan alıńan betlik).

A1. Tipin anıqlań:  $2x^2 + 3y^2 + 8x - 6y + 11 = 0$ .

A2. Sheńber teńlemesin dúziń:  $M_1(-1; 5)$ ,  $M_2(-2; -2)$  i  $M_3(5; 5)$  noqatlardan ótedi.

A3. Fokusları abscissa kósherinde hám koordinata basına qarata simmetriyalıq jaylasqan giperbolanıń teńlemesin dúziń: direktrisaları arasındaǵı aralıq  $32/5$  hám kósheri  $2b = 6$ .

B1.  $y^2 = 3x$  parabolası menen  $\frac{x^2}{100} + \frac{y^2}{225} = 1$  ellipsiniń kesilisiw noqatların tabıń.

B2.  $\rho = \frac{10}{2-\cos\theta}$  polyar teńlemesi menen qanday sıziq berilgenin anıqlań.

B3.  $2x + 2y - 3 = 0$  tuwrısına perpendikulyar bolıp  $x^2 = 16y$  parabolasına urınıwshı tuwrınıń teńlemesin dúziń.

C1.  $y^2 = 20x$  parabolasınıń abscissası 7 ge teń bolǵan  $M$  noqatınıń fokal radiusın tabıń hám fokal radiusı jatqan tuwrınıń teńlemesin dúziń.

C2. Fokusu  $F(-1; -4)$  noqatında bolǵan, sáykes direktrissası  $x - 2 = 0$  teńlemesi menen berilgen  $A(-3; -5)$  noqatınan ótiwshı ellipstiniń teńlemesin dúziń.

C3.  $16x^2 - 9y^2 - 64x - 54y - 161 = 0$  teńlemesi giperbolanıń teńlemesi ekenin anıqlań hám onıń orayı  $C$ , yarım kósherleri, ekscentrisitetin, asimptotalarınıń teńlemelerin dúziń.

## 63-variant

T1. Ellips hám onıń kanonikalıq teńlemesi (anıqlaması, fokuslar, ellipstiniń kanonikalıq teńlemesi, ekscentrisiteti, direktrisaları).

T2. Ekinshi tártipli betliktiń ulıwma teńlemesi. Orayın anıqlaw formulası.

A1. Giperbola teńlemesi berilgen:  $\frac{x^2}{16} - \frac{y^2}{9} = 1$ . Onıń polyar teńlemesin dúziń.

A2. Tipin anıqlań:  $3x^2 - 8xy + 7y^2 + 8x - 15y + 20 = 0$ .

A3. Sheńber teńlemesin dúziń:  $A(3; 1)$  hám  $B(-1; 3)$  noqatlardan ótedi, orayı  $3x - y - 2 = 0$  tuwrı sıziǵında jaylasqan .

B1.  $41x^2 + 24xy + 9y^2 + 24x + 18y - 36 = 0$  ETİS tipin anıqlań hám orayların tabıń koordinata kósherlerin túrlendirmey qanday sıziqtı anıqlaytuǵınıń kórsetini yarım kósherlerin tabıń.

B2.  $3x + 10y - 25 = 0$  tuwrı menen  $\frac{x^2}{25} + \frac{y^2}{4} = 1$  ellipstiniń kesilisiw noqatların tabıń.

B3.  $\rho = \frac{6}{1-\cos\theta}$  polyar teńlemesi menen qanday sıziq berilgenin anıqlań.

C1.  $A(\frac{10}{3}; \frac{5}{3})$  noqattan  $\frac{x^2}{20} + \frac{y^2}{5} = 1$  ellipsine júrgizilgen urnbalardıń teńlemesin dúziń.

C2.  $y^2 = 20x$  parabolasınıń  $M$  noqatın tabıń, eger onıń abscissası 7 ge teń bolsa, fokal radiusın hám fokal radius jaylasqan tuwrını anıqlań.

C3. Fokusları  $F(3; 4)$ ,  $F(-3; -4)$  noqatlarında jaylasqan direktrisaları orasıdaǵı aralıq 3,6 ǵa teń bolǵan giperbolanıń teńlemesin dúziń.

## 64-variant

T1. Giperbolanıń urınbasınıń teńlemesi (giperbolaǵa berilgen noqatta júrgizilgen urınba teńlemesi).

T2. Ellipsoida. Kanonikalıq teńlemesi (ellipsti simmetriya kósheri dogereginde aylandırıwdan alınǵan betlik, kanonikalıq teńlemesi).

A1. Fokusları abscissa kósherinde hám koordinata basına qarata simmetriyalıq jaylasqan ellipstiniń teńlemesin dúziń: direktrisaları arasındaǵı aralıq 5 hám fokusları arasındaǵı aralıq  $2c = 4$ .

A2. Parabola teńlemesi berilgen:  $y^2 = 6x$ . Onıń polyar teńlemesin dúziń.

A3. Berilgen sızıqlardıń oraylıq ekenligin kórsetiń hám orayın tabıń:  $2x^2 - 6xy + 5y^2 + 22x - 36y + 11 = 0$ .

B1.  $\frac{x^2}{4} - \frac{y^2}{5} = 1$ , giperbolanıń  $3x - 2y = 0$  tuwrı sızıǵına parallel bolǵan urınbasınıń teńlemesin dúziń.

B2. Koordinata kósherlerin túrlendirmey ETİS teńlemesin ápiwaylastırın, yarım kósherlerin tabıń  $41x^2 + 2xy + 9y^2 - 26x - 18y + 3 = 0$ .

B3.  $\rho = \frac{144}{13-5\cos\theta}$  ellipsti anıqlaytuǵının kórsetiń hám onıń yarım kósherlerin anıqlań.

C1.  $2x^2 + 3y^2 + 8x - 6y + 11 = 0$  teńlemesin ápiwaylastırın qanday geometriyalıq obrazdı anıqlaytuǵının tabıń hám grafigin jasań.

C2.  $\frac{x^2}{3} - \frac{y^2}{5} = 1$ , giperbolasına  $P(4; 2)$  noqatınan júrgizilgen urınbalardıń teńlemesin dúziń.

C3.  $\frac{x^2}{100} + \frac{y^2}{36} = 1$  ellipsiniń oń jaqtaǵı fokusınan 14 ge teń aralıqta bolǵan noqattı tabıń.

## 65-variant

T1. Parabolanıń urınbasınıń teńlemesi (parabola, tuwrı, urınıw noqatı, urınba teńlemesi).

T2. Giperbolalıq paraboloydtıń tuwrı sızıqlı jasawshıları (Giperbolalıq paraboloydtı jasawshı tuwrı sızıqlar dástesi).

A1. Sheńberdiń  $C$  orayı hám  $R$  radiusın tabıń:  $x^2 + y^2 + 6x - 4y + 14 = 0$ .

A2. Fokusları abscissa kósherinde hám koordinata basına qarata simmetriyalıq jaylasqan giperbolanıń teńlemesin dúziń: fokusları arasındaǵı aralıq  $2c = 6$  hám ekscentrisitet  $\varepsilon = 3/2$ .

A3. Polyar teńlemesi menen berilgen iymek sızıqtıń tipin anıqlań:  $\rho = \frac{5}{1-\frac{1}{2}\cos\theta}$ .

B1.  $\frac{x^2}{4} - \frac{y^2}{5} = 1$  giperbolasına  $3x + 2y = 0$  tuwrı sızıǵına perpendikulyar bolǵan urınba tuwrınıń teńlemesin dúziń.

B2. ETİS-tıń ulıwma teńlemesin koordinata sistemasın túrlendirmey ápiwaylastırın, tipin anıqlań, obrazı qanday sızıqtı anıqlaytuǵının kórsetiń.  $7x^2 - 8xy + y^2 - 16x - 2y - 51 = 0$

B3.  $\frac{x^2}{16} - \frac{y^2}{64} = 1$ , giperbolasına berilgen  $10x - 3y + 9 = 0$  tuwrı sızıǵına parallel bolǵan urınbanıń teńlemesin dúziń.

C1. Eger qálegen waqıt momentinde  $M(x; y)$  noqat  $A(8; 4)$  noqattan hám ordinata kósherinen birdey aralıqta jaylassa,  $M(x; y)$  noqatınıń háreket etiw troektoriyasınıń teńlemesin dúziń.

C2.  $32x^2 + 52xy - 9y^2 + 180 = 0$  ETİS teńlemesin ápiwaylastırın, tipin anıqlań, qanday geometriyalıq obrazdı anıqlaytuǵının kórsetiń, sızılmasın sızıń.

C3.  $\frac{x^2}{2} + \frac{y^2}{3} = 1$ , ellipsin  $x + y - 2 = 0$  noqatınan júrgizilgen urınbalarınıń teńlemesin dúziń.

## 66-variant

T1. Ellipstíń polyar koordinatalardaǵı teńlemesi (polyar koordinatalar sistemasında ellipstíń teńlemesi).

T2. ETIS-tıń ulıwma teńlemesin koordinata kósherlerin burıw arqalı ápiwaylastırın (ETIS-tıń ulıwma teńlemeleri, koordinata kósherin burıw formulası, teńlemenı kanonik túrge alıp keliw).

A1. Tipin anıqlań:  $9x^2 + 4y^2 + 18x - 8y + 49 = 0$ .

A2. Sheńber teńlemesin dúziń: orayı  $C(6; -8)$  noqatında jaylasqan hám koordinata basman ótedi.

A3. Fokusları abscissa kósherinde hám koordinata basına qarata simmetriyalıq jaylasqan ellipstíń teńlemesin dúziń: kishi kósheri 10, ekscentrisitet  $\varepsilon = 12/13$ .

B1. Koordinata kósherlerin túrlendirmey ETİS teńlemesin ápiwaylastırın, qanday geometriyalıq obrazdı anıqlaytuǵının kórsetin  $4x^2 - 4xy + y^2 + 4x - 2y + 1 = 0$ .

B2.  $2x + 2y - 3 = 0$  tuwrısına parallel bolıp  $\frac{x^2}{16} + \frac{y^2}{64} = 1$  giperbolasına urınıwshı tuwrınıń teńlemesin dúziń.

B3.  $y^2 = 12x$  paraborolasına  $3x - 2y + 30 = 0$  tuwrı sızıǵına parallel bolǵan urınbanıń teńlemesin dúziń.

C1.  $M(2; -\frac{5}{3})$  noqatı  $\frac{x^2}{9} + \frac{y^2}{5} = 1$  ellipsinde jaylasqan.  $M$  noqatınıń fokal radiusları jatıwshı tuwrı sızıq teńlemelerin dúziń.

C2. Fokusı  $F(-1; -4)$  noqatında jaylasqan, sáykes direktrisası  $x - 2 = 0$  teńlemesi menen berilgen,  $A(-3; -5)$  noqatınan ótiwshı ellipstíń teńlemesin dúziń.

C3.  $4x^2 - 4xy + y^2 - 2x - 14y + 7 = 0$  ETİS teńlemesin ápiwayı túrge alıp keliń, tipin anıqlań, qanday geometriyalıq obrazdı anıqlaytuǵının kórsetin, sızilmasın góne hám taza koordinatalar sistemasına qarata jasań.



## 67-variant

T1. Ekinshi tártipli aylanba betlikler (koordinata sisteması, tegislik, vektor iymek sızıq, aylanba betlik).

T2. Giperbola. Kanonikalıq teńlemesi (fokuslar, kósherler, direktrisalar, giperbola, ekscentrisitet, kanonikalıq teńlemesi).

A1. Polyar teńlemesi menen berilgen iymek sızıqtıń tipin anıqlań:  $\rho = \frac{10}{1 - \frac{3}{2} \cos \theta}$ .

A2. Tipin anıqlań:  $3x^2 - 2xy - 3y^2 + 12y - 15 = 0$ .

A3. Sheńber teńlemesin dúziń: orayı koordinata basında jaylasqan hám radiusı  $R = 3$  ge teń.

B1.  $\frac{x^2}{4} - \frac{y^2}{5} = 1$  giperbolağa  $3x - 2y = 0$  tuwrısına parallel bolğan urnbanıń teńlemesin dúziń.

B2. Koordinata kósherlerin túrlendirmey ETİS ulıwma teńlemesin ápiwaylastırın, yarım kósherlerin tabıń:  $13x^2 + 18xy + 37y^2 - 26x - 18y + 3 = 0$ .

B3.  $x^2 + 4y^2 = 25$  ellipsi menen  $4x - 2y + 23 = 0$  tuwrı sızıǵına parallel bolğan urnba tuwrı sızıqtıń teńlemesin dúziń.

C1.  $\frac{x^2}{3} - \frac{y^2}{5} = 1$  giperbolasına  $P(1; -5)$  noqatında júrgizilgen urnbalardıń teńlemesin dúziń.

C2. Eger waqıttıń qálegen momentinde  $M(x; y)$  noqat  $5x - 16 = 0$  tuwrı sızıqqa qaraǵanda  $A(5; 0)$  noqattan 1,25 márte uzaqlıqta jaylasqan. Usı  $M(x; y)$  noqattıń háreketiniń teńlemesin dúziń.

C3.  $2x^2 + 3y^2 + 8x - 6y + 11 = 0$  teńlemesi menen qanday tiptegi sızıq berilgenin anıqlań hám onıń teńlemesin ápiwaylastırın hám grafigin jasań.

## 68-variant

T1. ETIS-tıń invariantları (ETIS-tıń ulıwma teńlemesi, túrlendiriw, ETIS invariantları ).

T2. Bir gewekli giperboloid. Kanonikalıq teńlemesi (giperbolanı simmetriya kósheri átirapında aylandırıwdan alınǵan betlik).

A1. Fokusları abscissa kósherinde hám koordinata basına qarata simmetriyalıq jaylasqan giperbolanıń teńlemesin dúziń: fokusları arasındaǵı aralıǵı  $2c = 10$  hám kósheri  $2b = 8$ .

A2. Polyar teńlemesi menen berilgen iymek sızıqtıń tipin anıqlań:  $\rho = \frac{12}{2 - \cos \theta}$ .

A3. Berilgen sızıqlardıń oraylıq ekenligin kórsetiń hám orayın tabıń:  $3x^2 + 5xy + y^2 - 8x - 11y - 7 = 0$ .

B1. Koordinata kósherlerin túrlendirmey ETİS teńlemesin ápiwaylastırın, yarım kósherlerin tabıń  $4x^2 - 4xy + 9y^2 - 26x - 18y + 3 = 0$ .

B2. Ellips  $3x^2 + 4y^2 - 12 = 0$  teńlemesi menen berilgen. Onıń kósherleriniń uzınlıqların, fokuslarınıń koordinataların hám ekscentrisitetin tabıń.

B3.  $3x + 4y - 12 = 0$  tuwrı sızıǵı hám  $y^2 = -9x$  parabolasınıń kesilisiw noqatların tabıń.

C1. Úlken kósheri 26 ǵa, fokusları  $F(-10; 0)$ ,  $F(14; 0)$  noqatlarında jaylasqan ellipstıń teńlemesin dúziń.

C2.  $14x^2 + 24xy + 21y^2 - 4x + 18y - 139 = 0$  iymek sızıǵınıń tipin anıqlań, eger oraylı iymek sızıq bolsa orayınıń koordinataların tabıń.

C3. Fokusı  $F(2; -1)$  noqatında jaylasqan, sáykes direktrisası  $x - y - 1 = 0$  teńlemesi menen berilgen parabolanıń teńlemesin dúziń.

## 69-variant

T1. Giperbolanıń polyar koordinatadaǵı teńlemesi (Polyar múyeshi, polyar radiusi giperbolanıń polyar teńlemesi).

T2. ETIS -tiń ulıwma teńlemesin ápiwaylastırıw (ETIS -tiń ulıwma teńlemesi, koordinata sistemasın túrlendirip ETIS ulıwma teńlemesin ápiwaylastırıw).

A1. Sheńberdiń  $C$  orayı hám  $R$  radiusin tabıń:  $x^2 + y^2 - 2x + 4y - 14 = 0$ .

A2. Fokusları abscissa kósherinde hám koordinata basına qarata simmetriyalıq jaylasqan giperbolanıń teńlemesin dúziń: úlken kósheri  $2a = 16$  hám ekscentrisitet  $\varepsilon = 5/4$ .

A3. Giperbola teńlemesi berilgen:  $\frac{x^2}{25} - \frac{y^2}{144} = 1$ . Onıń polyar teńlemesin dúziń.

B1.  $\rho = \frac{5}{3-4\cos\theta}$  teńlemesi menen qanday sıziq berilgenin hám yarım kósherlerin tabıń.

B2.  $x^2 - y^2 = 27$  giperbolasına  $4x + 2y - 7 = 0$  tuwrısına parallel bolǵan urınbanıń teńlemesin tabıń.

B3.  $41x^2 + 24xy + 9y^2 + 24x + 18y - 36 = 0$  ETIS tipin anıqlań hám orayların tabıń koordinata kósherlerin túrlendirmey qanday sıziqtı anıqlaytuǵının kórsetiń yarım kósherlerin tabıń.

C1.  $4x^2 + 24xy + 11y^2 + 64x + 42y + 51 = 0$  iymek sıziǵınıń tipin anıqlań eger orayı bar bolsa, onıń orayınıń koordinataların tabıń hám koordinata basın orayǵa parallel kóshiriw ámelin orınláń.

C2. Tóbesi  $A(-4; 0)$  noqatında, al, direktrisası  $y - 2 = 0$  tuwrı sıziq bolǵan parabolanıń teńlemesin dúziń.

C3.  $2x^2 + 10xy + 12y^2 - 7x + 18y - 15 = 0$  ETIS teńlemesin ápiwayı túrge alıp keliń, tipin anıqlań, qanday geometriyalıq obrazdı anıqlaytuǵının kórsetiń, sızilmasın góne hám taza koordinatalar sistemasına qarata jasań

## 70-variant

T1. Betliktiń kanonikalıq teńlemeleri. Betlik haqqında túsiniń. (Betliktiń anıqlaması, formulaları, kósher, baǵıtlawshı tuwrılar).

T2. Koordinata sistemasın túrlendiriw (birlik vektorlar, kósherler, parallel kóshiriw, koordinata kósherlerin burıw).

A1. Berilgen sıızıqlardıń oraylıq ekenligin kórsetiń hám orayın tabıń:  $9x^2 - 4xy - 7y^2 - 12 = 0$ .

A2. Sheńberdiń  $C$  orayı hám  $R$  radiusın tabıń:  $x^2 + y^2 - 2x + 4y - 20 = 0$ .

A3. Fokusları abscissa kósherinde hám koordinata basına qarata simmetriyalıq jaylasqan giperbolanıń teńlemesin dúziń: direktrisaları arasındagı aralıq  $228/13$  hám fokusları arasındagı aralıq  $2c = 26$ .

B1.  $x^2 - 4y^2 = 16$  giperbola berilgen. Onıń ekscentrisitetin, fokuslarınıń koordinataların tabıń hám asimptotalarınıń teńlemelerin dúziń.

B2.  $y^2 = 3x$  parabolası menen  $\frac{x^2}{100} + \frac{y^2}{225} = 1$  ellipsiniń kesilisiw noqatların tabıń.

B3.  $\rho = \frac{10}{2-\cos\theta}$  polyar teńlemesi menen qanday sıızıq berilgenin anıqlań.

C1. Fokusı  $F(7; 2)$  noqatında jaylasqan, sáykes direktrisası  $x - 5 = 0$  teńlemesi menen berilgen parabolanıń teńlemesin dúziń.

C2.  $2x^2 + 3y^2 + 8x - 6y + 11 = 0$  teńlemesin ápiwaylastırıń qanday geometriyalıq obrazdı anıqlaytuǵının tabıń hám grafigin jasań.

C3.  $32x^2 + 52xy - 7y^2 + 180 = 0$  ETİS teńlemesin ápiwayı túrge alıp keliń, tipin anıqlań, qanday geometriyalıq obrazdı anıqlaytuǵının kórsetiń, sızilmasın góne hám taza koordinatalar sistemasına qarata jasań.

## 71-variant

T1. ETIS-tıń ulıwma teńlemesin klassifikatsiyalaw (ETIS-tıń ulıwma teńlemesi, ETIS-tıń ulıwma teńlemesin ápiwaylastırıw, klassifikatsiyalaw).

T2. Cilindrlik betlikler (jasawshı tuwrı sıızıq, baǵıtlawshı iymek sıızıq, cilindrlik betlik).

A1. Polyar teńlemesi menen berilgen iymek sıızıqtıń tipin anıqlań:  $\rho = \frac{5}{3-4\cos\theta}$ .

A2. Tipin anıqlań:  $25x^2 - 20xy + 4y^2 - 12x + 20y - 17 = 0$ .

A3. Sheńberdiń  $C$  orayı hám  $R$  radiusın tabıń:  $x^2 + y^2 + 4x - 2y + 5 = 0$ .

B1.  $\frac{x^2}{20} - \frac{y^2}{5} = 1$  giperbolasına  $4x + 3y - 7 = 0$  tuwrısına perpendikulyar bolǵan urınbanıń teńlemesin dúziń.

B2. Koordinata kósherlerin túrlendirmey ETİS teńlemesin ápiwaylastırıń, yarım kósherlerin tabıń  $41x^2 + 2xy + 9y^2 - 26x - 18y + 3 = 0$ .

B3.  $3x + 10y - 25 = 0$  tuwrı menen  $\frac{x^2}{25} + \frac{y^2}{4} = 1$  ellipstıń kesilisiw noqatların tabıń.

C1. Giperbolanıń ekscentrisiteti  $\varepsilon = \frac{13}{12}$ , fokusı  $F(0; 13)$  noqatında hám sáykes direktrisası  $13y - 144 = 0$  teńlemesi menen berilgen bolsa, giperbolanıń teńlemesin dúziń.

C2.  $4x^2 - 4xy + y^2 - 6x + 8y + 13 = 0$  ETİS-ǵı orayǵa iyeme? Orayǵa iye bolsa orayın anıqlań: jalǵız orayǵa iyeme-?, sheksiz orayǵa iyeme-?

C3.  $\frac{x^2}{25} + \frac{y^2}{16} = 1$ , ellipsine  $C(10; -8)$  noqatınan júrgizilgen urınbaların teńlemesin dúziń.

## 72-variant

T1. Ellipstíń urınbasınıń teńlemesi (ellips, tuwrı, urınıw tochka, urınba teńlemesi).

T2. ETIS-tıń ulıwma teńlemesin koordinata basın parallel kóshiriw arqalı ápiwaylastırın (ETIS- tıń ulıwma teńlemesin parallel kóshiriw formulası).

A1. Uchı koordinata basında jaylasqan hám  $Oy$  kósherine qarata onı táreptegi yarım tegislikte jaylasqan parabolanıń teńlemesin dúziń: parametri  $p = 3$ .

A2. Polyar teńlemesi menen berilgen iymek sızıqtıń tipin anıqlań:  $\rho = \frac{1}{3-3\cos\theta}$ .

A3. Tipin anıqlań:  $x^2 - 4xy + 4y^2 + 7x - 12 = 0$ .

B1.  $\rho = \frac{6}{1-\cos\theta}$  polyar teńlemesi menen qanday sızıq berilgenin anıqlań.

B2.  $2x + 2y - 3 = 0$  tuwrısına perpendikulyar bolıp  $x^2 = 16y$  parabolasına urınıwshı tuwrınıń teńlemesin dúziń.

B3. ETIS-tıń ulıwma teńlemesin koordinata sistemasın túrlendirmey ápiwaylastırın, tipin anıqlań, obrazı qanday sızıqtı anıqlaytuǵının kórsetiń.  $7x^2 - 8xy + y^2 - 16x - 2y - 51 = 0$

C1.  $y^2 = 20x$  parabolasınıń abscissası 7 ge teń bolǵan  $M$  noqatınıń fokal radiusın tabıń hám fokal radiusı jatqan tuwrınıń teńlemesin dúziń.

C2. Fokusı  $F(-1; -4)$  noqatında bolǵan, sáykes direktrissası  $x - 2 = 0$  teńlemesi menen berilgen  $A(-3; -5)$  noqatınan ótiwshı ellipstíń teńlemesin dúziń.

C3.  $16x^2 - 9y^2 - 64x - 54y - 161 = 0$  teńlemesi giperbolanıń teńlemesi ekenin anıqlań hám onıń orayı  $C$ , yarım kósherleri, ekscentrisitetin, asimptotalarınıń teńlemelerin dúziń.

## 73-variant

T1. Ellipslik paraboloid (parabola, kósher, ellepslik paraboloid).

T2. Parabolanıń polyar koordinatalardaǵı teńlemesi (polyar koordinata sistemasında parabolanıń teńlemesi).

A1. Sheńber teńlemesin dúziń:  $A(1; 1)$ ,  $B(1; -1)$  hám  $C(2; 0)$  noqatlardan ótedi.

A2. Fokusları abscissa kósherinde hám koordinata basına qarata simmetriyalıq jaylasqan ellipstíń teńlemesin dúziń: úlken kósheri 20, ekscentrisitet  $\varepsilon = 3/5$ .

A3. Polyar teńlemesi menen berilgen iymek sızıqtıń tipin anıqlań:  $\rho = \frac{6}{1-\cos\theta}$ .

B1.  $\rho = \frac{144}{13-5\cos\theta}$  ellipsti anıqlaytuǵının kórsetiń hám onıń yarım kósherlerin anıqlań.

B2.  $\frac{x^2}{4} - \frac{y^2}{5} = 1$ , giperbolanıń  $3x - 2y = 0$  tuwrı sızıǵına parallel bolǵan urınbasınıń teńlemesin dúziń.

B3. Koordinata kósherlerin túrlendirmey ETIS teńlemesin ápiwaylastırın, qanday geometriyalıq obrazdı anıqlaytuǵının kórsetiń  $4x^2 - 4xy + y^2 + 4x - 2y + 1 = 0$ .

C1.  $A(\frac{10}{3}; \frac{5}{3})$  noqattan  $\frac{x^2}{20} + \frac{y^2}{5} = 1$  ellipsine júrgizilgen urınbalardıń teńlemesin dúziń.

C2.  $y^2 = 20x$  parabolasınıń  $M$  noqatın tabıń, eger onıń abscissası 7 ge teń bolsa, fokal radiusın hám fokal radius jaylasqan tuwrını anıqlań.

C3. Fokusları  $F(3; 4)$ ,  $F(-3; -4)$  noqatlarında jaylasqan direktrisaları orasıdaǵı aralıq 3,6 ǵa teń bolǵan giperbolanıń teńlemesin dúziń.

## 74-variant

T1. ETIS-tín orayın anıqlaw forması (ETIS-tín ulıwma teńlemesi, orayın anıqlaw forması).

T2. Betlik haqqında túsınık (tuwrı, iymek sıızık, betliktiń anıqlamaları hám formulaları).

A1. Tipin anıqlań:  $2x^2 + 10xy + 12y^2 - 7x + 18y - 15 = 0$ .

A2. Sheńber teńlemesin dúziń: orayı koordinata basında jaylasqan hám  $3x - 4y + 20 = 0$  tuwrı sıızığına urnadı.

A3. Fokusları abscissa kósherinde hám koordinata basına qarata simmetriyalıq jaylasqan ellipstiniń teńlemesin dúziń: kishi kósheri 6, direktrisalardı arasındaǵı aralıq 13.

B1.  $\frac{x^2}{4} - \frac{y^2}{5} = 1$  giperbolasına  $3x + 2y = 0$  tuwrı sıızığına perpendikulyar bolǵan urnba tuwrınıń teńlemesin dúziń.

B2. Koordinata kósherlerin túrlendirmey ETIS ulıwma teńlemesin ápiwaylastırıń, yarım kósherlerin tabıń:  $13x^2 + 18xy + 37y^2 - 26x - 18y + 3 = 0$ .

B3.  $\frac{x^2}{16} - \frac{y^2}{64} = 1$ , giperbolasına berilgen  $10x - 3y + 9 = 0$  tuwrı sıızığına parallel bolǵan urnbanıń teńlemesin dúziń.

C1.  $2x^2 + 3y^2 + 8x - 6y + 11 = 0$  teńlemesin ápiwaylastırıń qanday geometriyalıq obrazdı anıqlaytuǵının tabıń hám grafigin jasań.

C2.  $\frac{x^2}{3} - \frac{y^2}{5} = 1$ , giperbolasına  $P(4; 2)$  noqatınan júrgizilgen urnbalardıń teńlemesin dúziń.

C3.  $\frac{x^2}{100} + \frac{y^2}{36} = 1$  ellipsiniń oń jaqtaǵı fokusınan 14 ge teń aralıqta bolǵan noqattı tabıń.

## 75-variant

T1. Parabola hám onıń kanonikalıq teńlemesi (anıqlaması, fokusı, direktrisasi, kanonikalıq teńlemesi).

T2. Eki gewekli giperboloid. Kanonikalıq teńlemesi (giperbolanı simmetriya kósheri átirapında aylandırıwdan alınǵan betlik).

A1. Tipin anıqlań:  $5x^2 + 14xy + 11y^2 + 12x - 7y + 19 = 0$ .

A2. Sheńber teńlemesin dúziń: sheńber diametriniń ushları  $A(3; 2)$  hám  $B(-1; 6)$  noqatlarında jaylasqan.

A3. Uchı koordinata basında jaylasqan hám  $Oy$  kósherine qarata shep táreptegi yarım tegislikte jaylasqan parabolanıń teńlemesin dúziń: parametri  $p = 0, 5$ .

B1.  $2x + 2y - 3 = 0$  tuwrısına parallel bolıp  $\frac{x^2}{16} + \frac{y^2}{64} = 1$  giperbolasına urnıwshı tuwrınıń teńlemesin dúziń.

B2.  $y^2 = 12x$  paraborolasına  $3x - 2y + 30 = 0$  tuwrı sıızığına parallel bolǵan urnbanıń teńlemesin dúziń.

B3. Koordinata kósherlerin túrlendirmey ETIS teńlemesin ápiwaylastırıń, yarım kósherlerin tabıń  $4x^2 - 4xy + 9y^2 - 26x - 18y + 3 = 0$ .

C1. Eger qálegen waqıt momentinde  $M(x; y)$  noqat  $A(8; 4)$  noqattan hám ordinata kósherinen birdey aralıqta jaylassa,  $M(x; y)$  noqatınıń háreket etiw troektoriyasınıń teńlemesin dúziń.

C2.  $32x^2 + 52xy - 9y^2 + 180 = 0$  ETIS teńlemesin ápiwaylastırıń, tipin anıqlań, qanday geometriyalıq obrazdı anıqlaytuǵının kórsetiń, sıızılmasın sıızıń.

C3.  $\frac{x^2}{2} + \frac{y^2}{3} = 1$ , ellipsin  $x + y - 2 = 0$  noqatınan júrgizilgen urnbalarınıń teńlemesin dúziń.

## 76-variant

T1. Ellips hám onıń kanonikalıq teńlemesi (anıqlaması, fokuslar, ellepstiń kanonikalıq teńlemesi, ekscentrisiteti, direktrisalardı).

T2. Ekinshi tártipli betliktiń ulıwma teńlemesi. Orayn anıqlaw formulası.

A1. Tipin anıqlań:  $9x^2 - 16y^2 - 54x - 64y - 127 = 0$ .

A2. Sheńber teńlemesin dúziń: sheńber  $A(2; 6)$  noqatınan ótedi hám orayı  $C(-1; 2)$  noqatında jaylasqan.

A3. Fokusları abscissa kósherinde hám koordinata basına qarata simmetriyalıq jaylasqan ellipstiń teńlemesin dúziń: kishi kósheri 24, fokusları arasındagı aralıq  $2c = 10$ .

B1.  $\frac{x^2}{4} - \frac{y^2}{5} = 1$  giperbolağa  $3x - 2y = 0$  tuwrısına parallel bolğan urnbanıń teńlemesin dúziń.

B2.  $41x^2 + 24xy + 9y^2 + 24x + 18y - 36 = 0$  ETİS tipin anıqlań hám orayların tabıń koordinata kósherlerin túrlendirmey qanday sıziqtı anıqlaytuǵının kórsetiń yarım kósherlerin tabıń.

B3. Ellips  $3x^2 + 4y^2 - 12 = 0$  teńlemesi menen berilgen. Onıń kósherleriniń uzınlıqların, fokuslarınıń koordinataların hám ekscentrisitetin tabıń.

C1.  $M(2; -\frac{5}{3})$  noqatı  $\frac{x^2}{9} + \frac{y^2}{5} = 1$  ellipsinde jaylasqan.  $M$  noqatınıń fokal radiusları jatıwshı tuwrı sıziq teńlemelerin dúziń.

C2. Fokusı  $F(-1; -4)$  noqatında jaylasqan, sáykes direktrisası  $x - 2 = 0$  teńlemesi menen berilgen,  $A(-3; -5)$  noqatınan ótiwshi ellipstiń teńlemesin dúziń.

C3.  $4x^2 - 4xy + y^2 - 2x - 14y + 7 = 0$  ETİS teńlemesin ápiwayı túrge alıp keliń, tipin anıqlań, qanday geometriyalıq obrazdı anıqlaytuǵının kórsetiń, sızilmasın góne hám taza koordinatalar sistemasına qarata jasań.

## 77-variant

T1. Giperbolanıń urnbasınıń teńlemesi (giperbolağa berilgen noqatta júrgizilgen urnba teńlemesi).

T2. Ellipsoida. Kanonikalıq teńlemesi (ellipsti simmetriya kósheri dogereginde aylandırıwdan alınğan betlik, kanonikalıq teńlemesi).

A1. Tipin anıqlań:  $4x^2 + 9y^2 - 40x + 36y + 100 = 0$ .

A2. Sheńber teńlemesin dúziń: orayı  $C(2; -3)$  noqatında jaylasqan hám radiusı  $R = 7$  ge teń.

A3. Fokusları abscissa kósherinde hám koordinata basına qarata simmetriyalıq jaylasqan giperbolanıń teńlemesin dúziń: asimptotalar teńlemeleri  $y = \pm \frac{4}{3}x$  hám fokusları arasındagı aralıq  $2c = 20$ .

B1.  $3x + 4y - 12 = 0$  tuwrı sıziǵı hám  $y^2 = -9x$  parabolasınıń kesilisiw noqatların tabıń.

B2.  $\rho = \frac{5}{3-4\cos\theta}$  teńlemesi menen qanday sıziq berilgenin hám yarım kósherlerin tabıń.

B3.  $x^2 + 4y^2 = 25$  ellipsi menen  $4x - 2y + 23 = 0$  tuwrı sıziǵına parallel bolğan urnba tuwrı sıziqtıń teńlemesin dúziń.

C1.  $\frac{x^2}{3} - \frac{y^2}{5} = 1$  giperbolasına  $P(1; -5)$  noqatında júrgizilgen urnbalardıń teńlemesin dúziń.

C2. Eger waqıttıń qálegen momentinde  $M(x; y)$  noqat  $5x - 16 = 0$  tuwrı sıziqqa qaraǵanda  $A(5; 0)$  noqattan 1,25 márte uzaqlıqta jaylasqan. Usı  $M(x; y)$  noqattıń háreketiniń teńlemesin dúziń.

C3.  $2x^2 + 3y^2 + 8x - 6y + 11 = 0$  teńlemesi menen qanday tiptegi sıziq berilgenin anıqlań hám onıń teńlemesin ápiwaylastırın hám grafigin jasań.

## 78-variant

T1. Parabolanıń urınbasınıń teńlemesi (parabola, tuwrı, urınıw noqatı, urınba teńlemesi).

T2. Giperbolalıq parabolydtıń tuwrı sızıqlı jasawshıları (Giperbolalıq parabolydtı jasawshı tuwrı sızıqlar dástesi).

A1. Berilgen sızıqlardıń oraylıq ekenligin kórsetiń hám orayın tabıń:  $5x^2 + 4xy + 2y^2 + 20x + 20y - 18 = 0$ .

A2. Fokusları abscissa kósherinde hám koordinata basına qarata simmetriyalıq jaylasqan ellipstiń teńlemesin dúziń: yarım oqları 5 hám 2.

A3. Tipin anıqlań:  $4x^2 - y^2 + 8x - 2y + 3 = 0$ .

B1. Koordinata kósherlerin túrlendirmey ETİS teńlemesin ápiwaylastırıń, yarım kósherlerin tabıń  $41x^2 + 2xy + 9y^2 - 26x - 18y + 3 = 0$ .

B2.  $x^2 - 4y^2 = 16$  giperbola berilgen. Onıń ekscentrisitetin, fokuslarınıń koordinataların tabıń hám asimptotalarınıń teńlemelerin dúziń.

B3.  $y^2 = 3x$  parabolası menen  $\frac{x^2}{100} + \frac{y^2}{225} = 1$  ellipsiniń kesilisiw noqatların tabıń.

C1. Úlken kósheri 26 ğa, fokusları  $F(-10; 0)$ ,  $F(14; 0)$  noqatlarında jaylasqan ellipstiń teńlemesin dúziń.

C2.  $14x^2 + 24xy + 21y^2 - 4x + 18y - 139 = 0$  iymek sızıǵınıń tipin anıqlań, eger oraylı iymek sızıq bolsa orayınıń koordinataların tabıń.

C3. Fokusı  $F(2; -1)$  noqatında jaylasqan, sáykes direktrisası  $x - y - 1 = 0$  teńlemesi menen berilgen parabolanıń teńlemesin dúziń.

## 79-variant

T1. Ellipstiniń polyar koordinatalardaǵı teńlemesi (polyar koordinatalar sistemasında ellipstiniń teńlemesi).

T2. ETIS-tiń ulıwma teńlemesin koordinata kósherlerin buriw arqalı ápiwaylastırıń (ETIS-tiń ulıwma teńlemeleri, koordinata kósherin buriw formulası, teńlemenı kanonik túrge alıp keliw).

A1. Fokusları abscissa kósherinde hám koordinata basına qarata simmetriyalıq jaylasqan ellipstiniń teńlemesin dúziń: úlken kósheri 10, fokusları arasındaǵı aralıq  $2c = 8$ .

A2. Fokusları abscissa kósherinde hám koordinata basına qarata simmetriyalıq jaylasqan ellipstiniń teńlemesin dúziń: úlken kósheri 8, direktrisaları arasındaǵı aralıq 16.

A3. Uchı koordinata basında jaylasqan hám  $Ox$  kósherine qarata joqarı yarım tegislikte jaylasqan parabolaniń teńlemesin dúziń: parametri  $p = 1/4$ .

B1.  $\rho = \frac{10}{2-\cos\theta}$  polyar teńlemesi menen qanday sıziq berilgenin anıqlań.

B2.  $x^2 - y^2 = 27$  giperbolasına  $4x + 2y - 7 = 0$  tuwrısına parallel bolǵan urnbanıń teńlemesin tabıń.

B3. ETIS-tiń ulıwma teńlemesin koordinata sistemasın túrlendirmey ápiwaylastırıń, tipin anıqlań, obrazı qanday sıziqtı anıqlaytuǵının kórsetiń.  $7x^2 - 8xy + y^2 - 16x - 2y - 51 = 0$

C1.  $4x^2 + 24xy + 11y^2 + 64x + 42y + 51 = 0$  iymek sıziǵınıń tipin anıqlań eger orayı bar bolsa, onıń orayınıń koordinataların tabıń hám koordinata basın orayǵa parallel kóshiriw ámelin ornlań.

C2. Tóbesi  $A(-4; 0)$  noqatında, al, direktrisası  $y - 2 = 0$  tuwrı sıziq bolǵan parabolaniń teńlemesin dúziń.

C3.  $2x^2 + 10xy + 12y^2 - 7x + 18y - 15 = 0$  ETIS teńlemesin ápiwayı túrge alıp keliń, tipin anıqlań, qanday geometriyalıq obrazdı anıqlaytuǵının kórsetiń, sızilmasın góne hám taza koordinatalar sistemasına qarata jasań



## 80-variant

T1. Ekinshi tártipli aylanba betlikler (koordinata sisteması, tegislik, vektor iymek sızıq, aylanba betlik).

T2. Giperbola. Kanonikalıq teńlemesi (fokuslar, kósherler, direktrisalar, giperbola, ekscentrisitet, kanonikalıq teńlemesi).

A1. Fokusları abscissa kósherinde hám koordinata basına qarata simmetriyalıq jaylasqan giperbolanıń teńlemesin dúziń: direktrisaları arasındagı aralıq  $8/3$  hám ekscentrisitet  $\varepsilon = 3/2$ .

A2. Uchı koordinata basında jaylasqan hám  $Ox$  kóshetine qarata tómengi yarım tegislikte jaylasqan parabolanıń teńlemesin dúziń: parametri  $p = 3$ .

A3. Fokusları abscissa kósherinde hám koordinata basına qarata simmetriyalıq jaylasqan giperbolanıń teńlemesin dúziń: oqları  $2a = 10$  hám  $2b = 8$ .

B1.  $3x + 10y - 25 = 0$  tuwrı menen  $\frac{x^2}{25} + \frac{y^2}{4} = 1$  ellipstıń kesilisiw noqatların tabıń.

B2.  $\rho = \frac{6}{1-\cos\theta}$  polyar teńlemesi menen qanday sızıq berilgenin anıqlań.

B3.  $\frac{x^2}{20} - \frac{y^2}{5} = 1$  giperbolasına  $4x + 3y - 7 = 0$  tuwrısına perpendikulyar bolğan urınbanıń teńlemesin dúziń.

C1. Fokusi  $F(7; 2)$  noqatında jaylasqan, sáykes direktrisası  $x - 5 = 0$  teńlemesi menen berilgen parabolanıń teńlemesin dúziń.

C2.  $2x^2 + 3y^2 + 8x - 6y + 11 = 0$  teńlemesin ápiwaylastırın qanday geometriyalıq obrazdı anıqlaytuǵının tabıń hám grafigin jasań.

C3.  $32x^2 + 52xy - 7y^2 + 180 = 0$  ETİS teńlemesin ápiwayı túrge alıp keliń, tipin anıqlań, qanday geometriyalıq obrazdı anıqlaytuǵının kórsetiń, sızılmasın góne hám taza koordinatalar sistemasına qarata jasań.

## 81-variant

T1. ETIS-tıń invariantları (ETIS-tıń ulıwma teńlemesi, túrlendiriw, ETIS invariantları ).

T2. Bir gewekli giperboloid. Kanonikalıq teńlemesi (giperbolanı simmetriya kósheri átirapında aylandırıwdan alınğan betlik).

A1. Sheńber teńlemesin dúziń: orayı  $C(1; -1)$  noqatında jaylasqan hám  $5x - 12y + 9 = 0$  tuwrı sızıǵına urınadı .

A2. Fokusları abscissa kósherinde hám koordinata basına qarata simmetriyalıq jaylasqan ellipstıń teńlemesin dúziń: fokusları arasındagı aralıq  $2c = 6$  hám ekscentrisitet  $\varepsilon = 3/5$ .

A3. Ellips teńlemesi berilgen:  $\frac{x^2}{25} + \frac{y^2}{16} = 1$ . Onıń polyar teńlemesin dúziń.

B1. Koordinata kósherlerin túrlendirmey ETİS teńlemesin ápiwaylastırın, qanday geometriyalıq obrazdı anıqlaytuǵının kórsetiń  $4x^2 - 4xy + y^2 + 4x - 2y + 1 = 0$ .

B2.  $\rho = \frac{144}{13-5\cos\theta}$  ellipsti anıqlaytuǵının kórsetiń hám onıń yarım kósherlerin anıqlań.

B3.  $2x + 2y - 3 = 0$  tuwrısına perpendikulyar bolıp  $x^2 = 16y$  parabolasına urınıwshı tuwrınıń teńlemesin dúziń.

C1. Giperbolanıń ekscentrisiteti  $\varepsilon = \frac{13}{12}$ , fokusi  $F(0; 13)$  noqatında hám sáykes direktrisası  $13y - 144 = 0$  teńlemesi menen berilgen bolsa, giperbolanıń teńlemesin dúziń.

C2.  $4x^2 - 4xy + y^2 - 6x + 8y + 13 = 0$  ETİS-ǵı orayǵa iyeme? Orayǵa iye bolsa orayın anıqlań: jalǵız orayǵa iyeme-?, sheksiz orayǵa iyeme-?

C3.  $\frac{x^2}{25} + \frac{y^2}{16} = 1$ , ellipsine  $C(10; -8)$  noqatınan júrgizilgen urınbalarınıń teńlemesin dúziń.

## 82-variant

T1. Giperbolaniń polyar koordinatadaǵı teńlemesi (Polyar múyeshi, polyar radiusi giperbolaniń polyar teńlemesi).

T2. ETIS -tiń ulıwma teńlemesin ápiwaylastırıw (ETIS -tiń ulıwma teńlemesi, koordinata sistemasın túrlendirip ETIS ulıwma teńlemesin ápiwaylastırıw).

A1. Tipin anıqlań:  $2x^2 + 3y^2 + 8x - 6y + 11 = 0$ .

A2. Sheńber teńlemesin dúziń:  $M_1(-1; 5)$ ,  $M_2(-2; -2)$  i  $M_3(5; 5)$  noqatlardan ótedi.

A3. Fokusları abscissa kósherinde hám koordinata basına qarata simmetriyalıq jaylasqan giperbolaniń teńlemesin dúziń: direktrisaları arasındaǵı aralıq  $32/5$  hám kósheri  $2b = 6$ .

B1. Koordinata kósherlerin túrlendirmey ETIS ulıwma teńlemesin ápiwaylastırıń, yarım kósherlerin tabıń:  $13x^2 + 18xy + 37y^2 - 26x - 18y + 3 = 0$ .

B2.  $\frac{x^2}{4} - \frac{y^2}{5} = 1$ , giperbolaniń  $3x - 2y = 0$  tuwrı sızıǵına parallel bolǵan urınbasınıń teńlemesin dúziń.

B3. Koordinata kósherlerin túrlendirmey ETIS teńlemesin ápiwaylastırıń, yarım kósherlerin tabıń  $4x^2 - 4xy + 9y^2 - 26x - 18y + 3 = 0$ .

C1.  $y^2 = 20x$  parabolasınıń abscissası 7 ge teń bolǵan  $M$  noqatınıń fokal radiusın tabıń hám fokal radiusı jatqan tuwrınıń teńlemesin dúziń.

C2. Fokusı  $F(-1; -4)$  noqatında bolǵan, sáykes direktrissası  $x - 2 = 0$  teńlemesi menen berilgen  $A(-3; -5)$  noqatınan ótiwshi ellipstiniń teńlemesin dúziń.

C3.  $16x^2 - 9y^2 - 64x - 54y - 161 = 0$  teńlemesi giperbolaniń teńlemesi ekenin anıqlań hám onıń orayı  $C$ , yarım kósherleri, ekscentrisitetin, asimptotalarınıń teńlemelerin dúziń.

## 83-variant

T1. Betliktiń kanonikalıq teńlemeleri. Betlik haqqında túsiniń. (Betliktiń anıqlaması, formulaları, kósher, baǵıtlawshı tuwrılar).

T2. Koordinata sistemasın túrlendiriw (birlik vektorlar, kósherler, parallel kóshiriw, koordinata kósherlerin burıw).

A1. Giperbola teńlemesi berilgen:  $\frac{x^2}{16} - \frac{y^2}{9} = 1$ . Onıń polyar teńlemesin dúziń.

A2. Tipin anıqlań:  $3x^2 - 8xy + 7y^2 + 8x - 15y + 20 = 0$ .

A3. Sheńber teńlemesin dúziń:  $A(3; 1)$  hám  $B(-1; 3)$  noqatlardan ótedi, orayı  $3x - y - 2 = 0$  tuwrı sızıǵında jaylasqan .

B1.  $\frac{x^2}{4} - \frac{y^2}{5} = 1$  giperbolasına  $3x + 2y = 0$  tuwrı sızıǵına perpendikulyar bolǵan urınba tuwrınıń teńlemesin dúziń.

B2.  $\frac{x^2}{16} - \frac{y^2}{64} = 1$ , giperbolasına berilgen  $10x - 3y + 9 = 0$  tuwrı sızıǵına parallel bolǵan urınbanıń teńlemesin dúziń.

B3.  $2x + 2y - 3 = 0$  tuwrısına parallel bolıp  $\frac{x^2}{16} + \frac{y^2}{64} = 1$  giperbolasına urınıwshı tuwrınıń teńlemesin dúziń.

C1.  $A(\frac{10}{3}; \frac{5}{3})$  noqattan  $\frac{x^2}{20} + \frac{y^2}{5} = 1$  ellipsine júrgizilgen urınbalardıń teńlemesin dúziń.

C2.  $y^2 = 20x$  parabolasınıń  $M$  noqatın tabıń, eger onıń abscissası 7 ge teń bolsa, fokal radiusın hám fokal radius jaylasqan tuwrını anıqlań.

C3. Fokusları  $F(3; 4)$ ,  $F(-3; -4)$  noqatlarında jaylasqan direktrisaları orasıdaǵı aralıq 3,6 ǵa teń bolǵan giperbolaniń teńlemesin dúziń.

## 84-variant

T1. ETIS-tıń ulıwma teńlemesin klassifikatsiyalaw (ETIS-tıń ulıwma teńlemesi, ETIS-tıń ulıwma teńlemesin ápiwaylastırıw, klassifikatsiyalaw).

T2. Cilindrlik betlikler (jasawshı tuwrı sızıq, bağıtlawshı iymek sızıq, cilindrlik betlik).

A1. Fokusları abscissa kósherinde hám koordinata basına qarata simmetriyalıq jaylasqan ellipstıń teńlemesin dúziń: direktrisaları arasındaqı aralıq 5 hám fokusları arasındaqı aralıq  $2c = 4$ .

A2. Parabola teńlemesi berilgen:  $y^2 = 6x$ . Onıń polyar teńlemesin dúziń.

A3. Berilgen sızıqlardıń oraylıq ekenligin kórsetiń hám orayın tabıń:  $2x^2 - 6xy + 5y^2 + 22x - 36y + 11 = 0$ .

B1.  $41x^2 + 24xy + 9y^2 + 24x + 18y - 36 = 0$  ETİS tipin anıqlań hám orayların tabıń koordinata kósherlerin túrlendirmey qanday sızıqtı anıqlaytuǵının kórsetiń yarım kósherlerin tabıń.

B2.  $y^2 = 12x$  parabolasına  $3x - 2y + 30 = 0$  tuwrı sızıǵına parallel bolǵan urınbanıń teńlemesin dúziń.

B3. Koordinata kósherlerin túrlendirmey ETİS teńlemesin ápiwaylastırıń, yarım kósherlerin tabıń  $41x^2 + 2xy + 9y^2 - 26x - 18y + 3 = 0$ .

C1.  $2x^2 + 3y^2 + 8x - 6y + 11 = 0$  teńlemesin ápiwaylastırıń qanday geometriyalıq obrazdı anıqlaytuǵının tabıń hám grafigin jasań.

C2.  $\frac{x^2}{3} - \frac{y^2}{5} = 1$ , giperbolasına  $P(4; 2)$  noqatınan júrgizilgen urınbaların teńlemesin dúziń.

C3.  $\frac{x^2}{100} + \frac{y^2}{36} = 1$  ellipsiniń oń jaqtıǵı fokusman 14 ge teń aralıqta bolǵan noqattı tabıń.

## 85-variant

T1. Ellipstıń urınbasınıń teńlemesi (ellips, tuwrı, urınıw tochka, urınba teńlemesi).

T2. ETIS-tıń ulıwma teńlemesin koordinata basın parallel kóshiriw arqalı ápiwaylastırıń (ETIS- tıń ulıwma teńlemesin parallel kóshiriw formulası).

A1. Sheńberdiń  $C$  orayı hám  $R$  radiusın tabıń:  $x^2 + y^2 + 6x - 4y + 14 = 0$ .

A2. Fokusları abscissa kósherinde hám koordinata basına qarata simmetriyalıq jaylasqan giperbolanıń teńlemesin dúziń: fokusları arasındaqı aralıq  $2c = 6$  hám ekscentrisitet  $\varepsilon = 3/2$ .

A3. Polyar teńlemesi menen berilgen iymek sızıqtıń tipin anıqlań:  $\rho = \frac{5}{1 - \frac{1}{2} \cos \theta}$ .

B1. Ellips  $3x^2 + 4y^2 - 12 = 0$  teńlemesi menen berilgen. Onıń kósherleriniń uzınlıqların, fokuslarınıń koordinataların hám ekscentrisitetin tabıń.

B2.  $3x + 4y - 12 = 0$  tuwrı sızıǵı hám  $y^2 = -9x$  parabolasınıń kesilisiw noqatların tabıń.

B3.  $\rho = \frac{5}{3 - 4 \cos \theta}$  teńlemesi menen qanday sızıq berilgenin hám yarım kósherlerin tabıń.

C1. Eger qálegen waqıt momentinde  $M(x; y)$  noqat  $A(8; 4)$  noqattan hám ordinata kósherinen birdey aralıqta jaylassa,  $M(x; y)$  noqatınıń háreket etiw troektoriyasınıń teńlemesin dúziń.

C2.  $32x^2 + 52xy - 9y^2 + 180 = 0$  ETİS teńlemesin ápiwaylastırıń, tipin anıqlań, qanday geometriyalıq obrazdı anıqlaytuǵının kórsetiń, sızılmasın sızıń.

C3.  $\frac{x^2}{2} + \frac{y^2}{3} = 1$ , ellipsin  $x + y - 2 = 0$  noqatınan júrgizilgen urınbaların teńlemesin dúziń.

## 86-variant

T1. Ellipslik paraboloid (parabola, kósher, ellepslik paraboloid).

T2. Parabolaniń polyar koordinatalardaǵı teńlemesi (polyar koordinata sistemasında parabolaniń teńlemesi).

A1. Tipin anıqlań:  $9x^2 + 4y^2 + 18x - 8y + 49 = 0$ .

A2. Sheńber teńlemesin dúziń: orayı  $C(6; -8)$  noqatında jaylasqan hám koordinata basınan ótedi.

A3. Fokusları abscissa kósherinde hám koordinata basına qarata simmetriyalıq jaylasqan ellipstiń teńlemesin dúziń: kishi kósheri 10, ekscentrisitet  $\varepsilon = 12/13$ .

B1.  $\frac{x^2}{4} - \frac{y^2}{5} = 1$  giperbolaǵa  $3x - 2y = 0$  tuwrısına parallel bolǵan urınbanıń teńlemesin dúziń.

B2. ETİS-tıń ulıwma teńlemesin koordinata sistemasın túrlendirmey ápiwaylastırın, tipin anıqlań, obrazı qanday sıziqtı anıqlaytuǵının kórsetiń.  $7x^2 - 8xy + y^2 - 16x - 2y - 51 = 0$

B3.  $x^2 - 4y^2 = 16$  giperbola berilgen. Onıń ekscentrisitetin, fokuslarınıń koordinataların tabıń hám asimptotalarınıń teńlemelerin dúziń.

C1.  $M(2; -\frac{5}{3})$  noqatı  $\frac{x^2}{9} + \frac{y^2}{5} = 1$  ellipsinde jaylasqan.  $M$  noqatınıń fokal radiusları jatıwshı tuwrı sıziq teńlemelerin dúziń.

C2. Fokusı  $F(-1; -4)$  noqatında jaylasqan, sáykes direktrisası  $x - 2 = 0$  teńlemesi menen berilgen,  $A(-3; -5)$  noqatınan ótiwshi ellipstiń teńlemesin dúziń.

C3.  $4x^2 - 4xy + y^2 - 2x - 14y + 7 = 0$  ETİS teńlemesin ápiwayı túrge alıp keliń, tipin anıqlań, qanday geometriyalıq obrazdı anıqlaytuǵının kórsetiń, sızilmasın góne hám taza koordinatalar sistemasına qarata jasań.

## 87-variant

T1. ETIS-tıń orayın anıqlaw forması (ETIS-tıń ulıwma teńlemesi, orayın anıqlaw forması).

T2. Betlik haqqında túsinik (tuwrı, iymek sıziq, betliktiń anıqlamaları hám formulaları).

A1. Polyar teńlemesi menen berilgen iymek sıziqtıń tipin anıqlań:  $\rho = \frac{10}{1 - \frac{3}{2} \cos \theta}$ .

A2. Tipin anıqlań:  $3x^2 - 2xy - 3y^2 + 12y - 15 = 0$ .

A3. Sheńber teńlemesin dúziń: orayı koordinata basında jaylasqan hám radiusı  $R = 3$  ge teń.

B1.  $y^2 = 3x$  parabolası menen  $\frac{x^2}{100} + \frac{y^2}{225} = 1$  ellipsiniń kesilisiw noqatların tabıń.

B2.  $\rho = \frac{10}{2 - \cos \theta}$  polyar teńlemesi menen qanday sıziq berilgenin anıqlań.

B3.  $x^2 + 4y^2 = 25$  ellipsi menen  $4x - 2y + 23 = 0$  tuwrı sıziǵına parallel bolǵan urınba tuwrı sıziqtıń teńlemesin dúziń.

C1.  $\frac{x^2}{3} - \frac{y^2}{5} = 1$  giperbolasına  $P(1; -5)$  noqatında júrgizilgen urınbalardıń teńlemesin dúziń.

C2. Eger waqıttıń qálegen momentinde  $M(x; y)$  noqat  $5x - 16 = 0$  tuwrı sıziqqa qaraǵanda  $A(5; 0)$  noqattan 1,25 márte uzaqlıqta jaylasqan. Usı  $M(x; y)$  noqattıń háreketiniń teńlemesin dúziń.

C3.  $2x^2 + 3y^2 + 8x - 6y + 11 = 0$  teńlemesi menen qanday tiptegi sıziq berilgenin anıqlań hám onıń teńlemesin ápiwaylastırın hám grafigin jasań.

## 88-variant

- T1. Parabola hám onıń kanonikalıq teńlemesi (anıqlaması, fokusu, direktrisası, kanonikalıq teńlemesi).
- T2. Eki gewekli giperboloid. Kanonikalıq teńlemesi (giperbolanı simmetriya kósheri átirapında aylandırıwdan alıńan betlik).
- A1. Fokusları abscissa kósherinde hám koordinata basına qarata simmetriyalıq jaylasqan giperbolanıń teńlemesin dúziń: fokusları arasıdaǵı aralıǵı  $2c = 10$  hám kósheri  $2b = 8$ .
- A2. Polyar teńlemesi menen berilgen iymek sızıqtıń tipin anıqlań:  $\rho = \frac{12}{2 - \cos \theta}$ .
- A3. Berilgen sızıqlardıń oraylıq ekenligin kórsetiń hám orayın tabıń:  $3x^2 + 5xy + y^2 - 8x - 11y - 7 = 0$ .
- B1. Koordinata kósherlerin túrlendirmey ETİS teńlemesin ápiwaylastırıń, qanday geometriyalıq obrazdı anıqlaytuǵının kórsetiń  $4x^2 - 4xy + y^2 + 4x - 2y + 1 = 0$ .
- B2.  $3x + 10y - 25 = 0$  tuwrı menen  $\frac{x^2}{25} + \frac{y^2}{4} = 1$  ellipstıń kesilisiw noqatların tabıń.
- B3.  $\rho = \frac{6}{1 - \cos \theta}$  polyar teńlemesi menen qanday sızıq berilgenin anıqlań.
- C1. Úlken kósheri 26 ǵa, fokusları  $F(-10; 0)$ ,  $F(14; 0)$  noqatlarında jaylasqan ellipstıń teńlemesin dúziń.
- C2.  $14x^2 + 24xy + 21y^2 - 4x + 18y - 139 = 0$  iymek sızıǵınıń tipin anıqlań, eger oraylı iymek sızıq bolsa orayınıń koordinataların tabıń.
- C3. Fokusu  $F(2; -1)$  noqatında jaylasqan, sáykes direktrisası  $x - y - 1 = 0$  teńlemesi menen berilgen parabolanıń teńlemesin dúziń.

## 89-variant

- T1. Ellips hám onıń kanonikalıq teńlemesi (anıqlaması, fokuslar, ellepstiń kanonikalıq teńlemesi, ekscentrisiteti, direktrisalrı).
- T2. Ekinshi tártipli betliktiń ulıwma teńlemesi. Orayın anıqlaw formulası.
- A1. Sheńberdiń  $C$  orayı hám  $R$  radiusın tabıń:  $x^2 + y^2 - 2x + 4y - 14 = 0$ .
- A2. Fokusları abscissa kósherinde hám koordinata basına qarata simmetriyalıq jaylasqan giperbolanıń teńlemesin dúziń: úlken kósheri  $2a = 16$  hám ekscentrisitet  $\varepsilon = 5/4$ .
- A3. Giperbola teńlemesi berilgen:  $\frac{x^2}{25} - \frac{y^2}{144} = 1$ . Onıń polyar teńlemesin dúziń.
- B1.  $x^2 - y^2 = 27$  giperbolasına  $4x + 2y - 7 = 0$  tuwrısına parallel bolǵan urınbanıń teńlemesin tabıń.
- B2. Koordinata kósherlerin túrlendirmey ETİS ulıwma teńlemesin ápiwaylastırıń, yarım kósherlerin tabıń:  $13x^2 + 18xy + 37y^2 - 26x - 18y + 3 = 0$ .
- B3.  $\rho = \frac{144}{13 - 5 \cos \theta}$  ellipsti anıqlaytuǵının kórsetiń hám onıń yarım kósherlerin anıqlań.
- C1.  $4x^2 + 24xy + 11y^2 + 64x + 42y + 51 = 0$  iymek sızıǵınıń tipin anıqlań eger orayı bar bolsa, onıń orayınıń koordinataların tabıń hám koordinata basın orayǵa parallel kóshiriw ámelin orınlań.
- C2. Tóbesi  $A(-4; 0)$  noqatında, al, direktrisası  $y - 2 = 0$  tuwrı sızıq bolǵan parabolanıń teńlemesin dúziń.
- C3.  $2x^2 + 10xy + 12y^2 - 7x + 18y - 15 = 0$  ETİS teńlemesin ápiwayı túrge alıp keliń, tipin anıqlań, qanday geometriyalıq obrazdı anıqlaytuǵının kórsetiń, sızılmasın góne hám taza koordinatalar sistemasına qarata jasań

## 90-variant

T1. Giperbolaniń urınbasınıń teńlemesi (giperbolaǵa berilgen noqatta júrgizilgen urınba teńlemesi).

T2. Ellipsoida. Kanonikalıq teńlemesi (ellipsti simmetriya kósheri dogereginde aylandırıwdan alınǵan betlik, kanonikalıq teńlemesi).

A1. Berilgen sıızılardıń oraylıq ekenligin kórsetiń hám orayın tabıń:  $9x^2 - 4xy - 7y^2 - 12 = 0$ .

A2. Sheńberdiń  $C$  orayı hám  $R$  radiusın tabıń:  $x^2 + y^2 - 2x + 4y - 20 = 0$ .

A3. Fokusları abscissa kósherinde hám koordinata basına qarata simmetriyalıq jaylasqan giperbolanıń teńlemesin dúziń: direktrisaları arasındaǵı aralıq  $228/13$  hám fokusları arasındaǵı aralıq  $2c = 26$ .

B1.  $\frac{x^2}{20} - \frac{y^2}{5} = 1$  giperbolasına  $4x + 3y - 7 = 0$  tuwrısına perpendikulyar bolǵan urınbanıń teńlemesin dúziń.

B2. Koordinata kósherlerin túrlendirmey ETİS teńlemesin ápiwaylastırın, yarım kósherlerin tabıń  $4x^2 - 4xy + 9y^2 - 26x - 18y + 3 = 0$ .

B3.  $2x + 2y - 3 = 0$  tuwrısına perpendikulyar bolıp  $x^2 = 16y$  parabolasına urınıwshı tuwrınıń teńlemesin dúziń.

C1. Fokusı  $F(7; 2)$  noqatında jaylasqan, sáykes direktrisası  $x - 5 = 0$  teńlemesi menen berilgen parabolanıń teńlemesin dúziń.

C2.  $2x^2 + 3y^2 + 8x - 6y + 11 = 0$  teńlemesin ápiwaylastırın qanday geometriyalıq obrazdı anıqlaytuǵının tabıń hám grafigin jasań.

C3.  $32x^2 + 52xy - 7y^2 + 180 = 0$  ETİS teńlemesin ápiwayı túrge alıp keliń, tipin anıqlań, qanday geometriyalıq obrazdı anıqlaytuǵının kórsetiń, sızilmasın góne hám taza koordinatalar sistemasına qarata jasań.

## 91-variant

T1. Parabolanıń urınbasınıń teńlemesi (parabola, tuwrı, urınıw noqatı, urınba teńlemesi).

T2. Giperbolalıq paraboloydtıń tuwrı sıızılı jasawshıları (Giperbolalıq paraboloydtı jasawshı tuwrı sıızılar dástesi).

A1. Polyar teńlemesi menen berilgen iymek sıızıqtıń tipin anıqlań:  $\rho = \frac{5}{3-4\cos\theta}$ .

A2. Tipin anıqlań:  $25x^2 - 20xy + 4y^2 - 12x + 20y - 17 = 0$ .

A3. Sheńberdiń  $C$  orayı hám  $R$  radiusın tabıń:  $x^2 + y^2 + 4x - 2y + 5 = 0$ .

B1.  $41x^2 + 24xy + 9y^2 + 24x + 18y - 36 = 0$  ETİS tipin anıqlań hám orayların tabıń koordinata kósherlerin túrlendirmey qanday sıızıqtı anıqlaytuǵının kórsetiń yarım kósherlerin tabıń.

B2.  $\frac{x^2}{4} - \frac{y^2}{5} = 1$ , giperbolanıń  $3x - 2y = 0$  tuwrı sıızıǵına parallel bolǵan urınbasınıń teńlemesin dúziń.

B3.  $\frac{x^2}{4} - \frac{y^2}{5} = 1$  giperbolasına  $3x + 2y = 0$  tuwrı sıızıǵına perpendikulyar bolǵan urınba tuwrınıń teńlemesin dúziń.

C1. Giperbolanıń ekscentrisiteti  $\varepsilon = \frac{13}{12}$ , fokusı  $F(0; 13)$  noqatında hám sáykes direktrisası  $13y - 144 = 0$  teńlemesi menen berilgen bolsa, giperbolanıń teńlemesin dúziń.

C2.  $4x^2 - 4xy + y^2 - 6x + 8y + 13 = 0$  ETİS-ǵı orayǵa iyeme? Orayǵa iye bolsa orayın anıqlań: jalǵız orayǵa iyeme-?, sheksiz orayǵa iyeme-?

C3.  $\frac{x^2}{25} + \frac{y^2}{16} = 1$ , ellipsine  $C(10; -8)$  noqatınan júrgizilgen urınbalarınıń teńlemesin dúziń.

## 92-variant

T1. Ellipstíń polyar koordinatalardaǵı teńlemesi (polyar koordinatalar sistemasında ellipstíń teńlemesi).

T2. ETIS-tıń ulıwma teńlemesin koordinata kósherlerin buriw arqalı ápiwaylastırın (ETIS-tıń ulıwma teńlemeleri, koordinata kósherin buriw formulası, teńlemenı kanonik túrge alıp keliw).

A1. Uchı koordinata basında jaylasqan hám  $Oy$  kósherine qarata óń táreptegi yarım tegislikte jaylasqan parabolanıń teńlemesin dúziń: parametri  $p = 3$ .

A2. Polyar teńlemesi menen berilgen iymek sızıqtıń tipin anıqlań:  $\rho = \frac{1}{3-3\cos\theta}$ .

A3. Tipin anıqlań:  $x^2 - 4xy + 4y^2 + 7x - 12 = 0$ .

B1.  $\frac{x^2}{16} - \frac{y^2}{64} = 1$ , giperbolasına berilgen  $10x - 3y + 9 = 0$  tuwrı sızıǵına parallel bolǵan urınbanıń teńlemesin dúziń.

B2. Koordinata kósherlerin túrlendirmey ETIS teńlemesin ápiwaylastırın, yarım kósherlerin tabıń  $41x^2 + 2xy + 9y^2 - 26x - 18y + 3 = 0$ .

B3.  $2x + 2y - 3 = 0$  tuwrısına parallel bolıp  $\frac{x^2}{16} + \frac{y^2}{64} = 1$  giperbolasına urınıwshı tuwrınıń teńlemesin dúziń.

C1.  $y^2 = 20x$  parabolasınıń abscissası 7 ge teń bolǵan  $M$  noqatınıń fokal radiusın tabıń hám fokal radiusı jatqan tuwrınıń teńlemesin dúziń.

C2. Fokusı  $F(-1; -4)$  noqatında bolǵan, sáykes direktrissası  $x - 2 = 0$  teńlemesi menen berilgen  $A(-3; -5)$  noqatınan ótiwshi ellipstíń teńlemesin dúziń.

C3.  $16x^2 - 9y^2 - 64x - 54y - 161 = 0$  teńlemesi giperbolanıń teńlemesi ekenin anıqlań hám onıń orayı  $C$ , yarım kósherleri, ekscentrisitetin, asimptotalarınıń teńlemelerin dúziń.

## 93-variant

T1. Ekinshi tártipli aylanba betlikler (koordinata sisteması, tegislik, vektor iymek sızıq, aylanba betlik).

T2. Giperbola. Kanonikalıq teńlemesi (fokuslar, kósherler, direktrisalar, giperbola, ekscentrisitet, kanonikalıq teńlemesi).

A1. Sheńber teńlemesin dúziń:  $A(1; 1)$ ,  $B(1; -1)$  hám  $C(2; 0)$  noqatlardan ótedi.

A2. Fokusları abscissa kósherinde hám koordinata basına qarata simmetriyalıq jaylasqan ellipstíń teńlemesin dúziń: úlken kósheri 20, ekscentrisitet  $\varepsilon = 3/5$ .

A3. Polyar teńlemesi menen berilgen iymek sızıqtıń tipin anıqlań:  $\rho = \frac{6}{1-\cos\theta}$ .

B1. ETIS-tıń ulıwma teńlemesin koordinata sistemasın túrlendirmey ápiwaylastırın, tipin anıqlań, obrazı qanday sızıqtı anıqlaytuǵının kórsetiń.  $7x^2 - 8xy + y^2 - 16x - 2y - 51 = 0$

B2. Ellips  $3x^2 + 4y^2 - 12 = 0$  teńlemesi menen berilgen. Onıń kósherleriniń uzınlıqların, fokuslarınıń koordinataların hám ekscentrisitetin tabıń.

B3.  $3x + 4y - 12 = 0$  tuwrı sızıǵı hám  $y^2 = -9x$  parabolasınıń kesilisiw noqatların tabıń.

C1.  $A(\frac{10}{3}; \frac{5}{3})$  noqattan  $\frac{x^2}{20} + \frac{y^2}{5} = 1$  ellipsine júrgizilgen urınbalardıń teńlemesin dúziń.

C2.  $y^2 = 20x$  parabolasınıń  $M$  noqatın tabıń, eger onıń abscissası 7 ge teń bolsa, fokal radiusın hám fokal radius jaylasqan tuwrını anıqlań.

C3. Fokusları  $F(3; 4)$ ,  $F(-3; -4)$  noqatlarında jaylasqan direktrisaları orasıdaǵı aralıq 3,6 ǵa teń bolǵan giperbolanıń teńlemesin dúziń.

## 94-variant

T1. ETIS-tiń invariantları (ETIS-tiń ulıwma teńlemesi, túrlendiriw, ETIS invariantları ).

T2. Bir gewekli giperboloid. Kanonikalıq teńlemesi (giperbolanı simmetriya kósheri átirapında aylandırıwdan alınğan betlik).

A1. Tipin anıqlań:  $2x^2 + 10xy + 12y^2 - 7x + 18y - 15 = 0$ .

A2. Sheńber teńlemesin dúziń: orayı koordinata basında jaylasqan hám  $3x - 4y + 20 = 0$  tuwrı sızığına urınadı.

A3. Fokusları abscissa kósherinde hám koordinata basına qarata simmetriyalıq jaylasqan ellipstiń teńlemesin dúziń: kishi kósheri 6, direktrisaları arasındaǵı aralıq 13.

B1.  $\rho = \frac{5}{3-4\cos\theta}$  teńlemesi menen qanday sızıq berilgenin hám yarım kósherlerin tabıń.

B2.  $y^2 = 12x$  parabolasına  $3x - 2y + 30 = 0$  tuwrı sızığına parallel bolǵan urınbanıń teńlemesin dúziń.

B3. Koordinata kósherlerin túrlendirmey ETİS teńlemesin ápiwaylastırıń, qanday geometriyalıq obrazdı anıqlaytuǵının kórsetiń  $4x^2 - 4xy + y^2 + 4x - 2y + 1 = 0$ .

C1.  $2x^2 + 3y^2 + 8x - 6y + 11 = 0$  teńlemesin ápiwaylastırıń qanday geometriyalıq obrazdı anıqlaytuǵının tabıń hám grafin jasań.

C2.  $\frac{x^2}{3} - \frac{y^2}{5} = 1$ , giperbolasına  $P(4; 2)$  noqatınan júrgizilgen urınbalardıń teńlemesin dúziń.

C3.  $\frac{x^2}{100} + \frac{y^2}{36} = 1$  ellipsiniń oń jaqtaǵı fokusınan 14 ge teń aralıqta bolǵan noqattı tabıń.

## 95-variant

T1. Giperbolanıń polyar koordinatadaǵı teńlemesi (Polyar múyeshi, polyar radiusi giperbolanıń polyar teńlemesi).

T2. ETIS -tiń ulıwma teńlemesin ápiwaylastırıw (ETIS -tiń ulıwma teńlemesi, koordinata sistemasın túrlendirip ETIS ulıwma teńlemesin ápiwaylastırıw).

A1. Tipin anıqlań:  $5x^2 + 14xy + 11y^2 + 12x - 7y + 19 = 0$ .

A2. Sheńber teńlemesin dúziń: sheńber diametriniń ushları  $A(3; 2)$  hám  $B(-1; 6)$  noqatlarında jaylasqan.

A3. Uchi koordinata basında jaylasqan hám  $Oy$  kósherine qarata shep táreptegi yarım tegislikte jaylasqan parabolanıń teńlemesin dúziń: parametri  $p = 0, 5$ .

B1.  $x^2 - 4y^2 = 16$  giperbola berilgen. Onıń ekscentrisitetin, fokuslarınıń koordinataların tabıń hám asimptotalarınıń teńlemelerin dúziń.

B2.  $y^2 = 3x$  parabolası menen  $\frac{x^2}{100} + \frac{y^2}{225} = 1$  ellipsiniń kesilisiw noqatların tabıń.

B3.  $\rho = \frac{10}{2-\cos\theta}$  polyar teńlemesi menen qanday sızıq berilgenin anıqlań.

C1. Eger qálegen waqıt momentinde  $M(x; y)$  noqat  $A(8; 4)$  noqattan hám ordinata kósherinen birdey aralıqta jaylassa,  $M(x; y)$  noqatınıń háreket etiw troektoriyasınıń teńlemesin dúziń.

C2.  $32x^2 + 52xy - 9y^2 + 180 = 0$  ETİS teńlemesin ápiwaylastırıń, tipin anıqlań, qanday geometriyalıq obrazdı anıqlaytuǵının kórsetiń, sızılmasın sızıń.

C3.  $\frac{x^2}{2} + \frac{y^2}{3} = 1$ , ellipsin  $x + y - 2 = 0$  noqatınan júrgizilgen urınbalarınıń teńlemesin dúziń.



## 96-variant

T1. Betliktiń kanonikalıq teńlemeleri. Betlik haqqında túsiniń. (Betliktiń anıqlaması, formulaları, kósher, baǵıtlawshı tuwrılar).

T2. Koordinata sistemasın túrlendiriw (birlik vektorlar, kósherler, parallel kóshiriw, koordinata kósherlerin buriw).

A1. Tipin anıqlań:  $9x^2 - 16y^2 - 54x - 64y - 127 = 0$ .

A2. Sheńber teńlemesin dúziń: sheńber  $A(2; 6)$  noqatınan ótedi hám orayı  $C(-1; 2)$  noqatında jaylasqan.

A3. Fokusları abscissa kósherinde hám koordinata basına qarata simmetriyalıq jaylasqan ellipstiniń teńlemesin dúziń: kishi kósheri 24, fokusları arasındaqı aralıq  $2c = 10$ .

B1.  $\frac{x^2}{4} - \frac{y^2}{5} = 1$  giperbolaǵa  $3x - 2y = 0$  tuwrısına parallel bolǵan urnbanıń teńlemesin dúziń.

B2. Koordinata kósherlerin túrlendirmey ETİS ulıwma teńlemesin ápiwaylastırıń, yarım kósherlerin tabıń:  $13x^2 + 18xy + 37y^2 - 26x - 18y + 3 = 0$ .

B3.  $3x + 10y - 25 = 0$  tuwrı menen  $\frac{x^2}{25} + \frac{y^2}{4} = 1$  ellipstiniń kesilisiw noqatların tabıń.

C1.  $M(2; -\frac{5}{3})$  noqatı  $\frac{x^2}{9} + \frac{y^2}{5} = 1$  ellipsinde jaylasqan.  $M$  noqatınıń fokal radiusları jatıwshı tuwrı sızıq teńlemelerin dúziń.

C2. Fokusı  $F(-1; -4)$  noqatında jaylasqan, sáykes direktrisası  $x - 2 = 0$  teńlemesi menen berilgen,  $A(-3; -5)$  noqatınan ótiwshı ellipstiniń teńlemesin dúziń.

C3.  $4x^2 - 4xy + y^2 - 2x - 14y + 7 = 0$  ETİS teńlemesin ápiwayı túrge alıp keliń, tipin anıqlań, qanday geometriyalıq obrazdı anıqlaytuǵının kórsetiń, sızılmasın góne hám taza koordinatalar sistemasına qarata jasań.

## 97-variant

T1. ETIS-tıń ulıwma teńlemesin klassifikatsiyalaw (ETIS-tıń ulıwma teńlemesi, ETIS-tıń ulıwma teńlemesin ápiwaylastırıw, klassifikatsiyalaw).

T2. Cilindrlik betlikler (jasawshı tuwrı sızıq, baǵıtlawshı iymek sızıq, cilindrlik betlik).

A1. Tipin anıqlań:  $4x^2 + 9y^2 - 40x + 36y + 100 = 0$ .

A2. Sheńber teńlemesin dúziń: orayı  $C(2; -3)$  noqatında jaylasqan hám radiusı  $R = 7$  ge teń.

A3. Fokusları abscissa kósherinde hám koordinata basına qarata simmetriyalıq jaylasqan giperbolanıń teńlemesin dúziń: asimptotalar teńlemeleri  $y = \pm \frac{4}{3}x$  hám fokusları arasındaqı aralıq  $2c = 20$ .

B1.  $\rho = \frac{6}{1-\cos\theta}$  polyar teńlemesi menen qanday sızıq berilgenin anıqlań.

B2.  $x^2 + 4y^2 = 25$  ellipsi menen  $4x - 2y + 23 = 0$  tuwrı sızıǵına parallel bolǵan urnba tuwrı sızıqtıń teńlemesin dúziń.

B3. Koordinata kósherlerin túrlendirmey ETİS teńlemesin ápiwaylastırıń, yarım kósherlerin tabıń  $4x^2 - 4xy + 9y^2 - 26x - 18y + 3 = 0$ .

C1.  $\frac{x^2}{3} - \frac{y^2}{5} = 1$  giperbolasına  $P(1; -5)$  noqatında júrgizilgen urnbalardıń teńlemesin dúziń.

C2. Eger waqıttıń qálegen momentinde  $M(x; y)$  noqat  $5x - 16 = 0$  tuwrı sızıqqa qaraǵanda  $A(5; 0)$  noqattan 1,25 márte uzaqlıqta jaylasqan. Usı  $M(x; y)$  noqattıń háreketiniń teńlemesin dúziń.

C3.  $2x^2 + 3y^2 + 8x - 6y + 11 = 0$  teńlemesi menen qanday tiptegi sızıq berilgenin anıqlań hám onıń teńlemesin ápiwaylastırıń hám grafigin jasań.

## 98-variant

T1. Ellipstíń urınbasınıń teńlemesi (ellips, tuwrı, urınıw točka, urınba teńlemesi).

T2. ETIS-tıń ulıwma teńlemesin koordinata basın parallel kóshiriw arqalı ápiwayılastırın (ETIS- tıń ulıwma teńlemesin parallel kóshiriw formulası).

A1. Berilgen sıızıqlardıń oraylıq ekenligin kórsetiń hám orayın tabıń:  $5x^2 + 4xy + 2y^2 + 20x + 20y - 18 = 0$ .

A2. Fokusları abscissa kósherinde hám koordinata basına qarata simmetriyalıq jaylasqan ellipstíń teńlemesin dúziń: yarım oqları 5 hám 2.

A3. Tipin anıqlań:  $4x^2 - y^2 + 8x - 2y + 3 = 0$ .

B1.  $\rho = \frac{144}{13-5\cos\theta}$  ellipsti anıqlaytuǵının kórsetiń hám onıń yarım kósherlerin anıqlań.

B2.  $x^2 - y^2 = 27$  giperbolasına  $4x + 2y - 7 = 0$  tuwrısına parallel bolǵan urınbanıń teńlemesin tabıń.

B3.  $41x^2 + 24xy + 9y^2 + 24x + 18y - 36 = 0$  ETİS tipin anıqlań hám orayların tabıń koordinata kósherlerin túrlendirmey qanday sıızıqtı anıqlaytuǵının kórsetiń yarım kósherlerin tabıń.

C1. Úlken kósheri 26 ǵa, fokusları  $F(-10; 0)$ ,  $F(14; 0)$  noqatlarında jaylasqan ellipstíń teńlemesin dúziń.

C2.  $14x^2 + 24xy + 21y^2 - 4x + 18y - 139 = 0$  iymek sıızıǵınıń tipin anıqlań, eger oraylı iymek sıızıq bolsa orayınıń koordinataların tabıń.

C3. Fokusı  $F(2; -1)$  noqatında jaylasqan, sáykes direktrisası  $x - y - 1 = 0$  teńlemesi menen berilgen parabolanıń teńlemesin dúziń.

## 99-variant

T1. Ellipslik paraboloid (parabola, kósher, ellepslik paraboloid).

T2. Parabolaniń polyar koordinatalardaǵı teńlemesi (polyar koordinata sistemasında parabolaniń teńlemesi).

A1. Fokusları abscissa kósherinde hám koordinata basına qarata simmetriyalıq jaylasqan ellipstiń teńlemesin dúziń: úlken kósheri 10, fokusları arasındaqı aralıq  $2c = 8$ .

A2. Fokusları abscissa kósherinde hám koordinata basına qarata simmetriyalıq jaylasqan ellipstiń teńlemesin dúziń: úlken kósheri 8, direktrisaları arasındaqı aralıq 16.

A3. Uchu koordinata basında jaylasqan hám  $Ox$  kósherine qarata joqarı yarım tegislikte jaylasqan parabolaniń teńlemesin dúziń: parametri  $p = 1/4$ .

B1.  $\frac{x^2}{20} - \frac{y^2}{5} = 1$  giperbolasına  $4x + 3y - 7 = 0$  tuwrısına perpendikulyar bolǵan urınbanıń teńlemesin dúziń.

B2. Koordinata kósherlerin túrlendirmey ETİS teńlemesin ápiwaylastırın, yarım kósherlerin tabıń  $41x^2 + 2xy + 9y^2 - 26x - 18y + 3 = 0$ .

B3.  $2x + 2y - 3 = 0$  tuwrısına perpendikulyar bolıp  $x^2 = 16y$  parabolasına urınıwshı tuwrınıń teńlemesin dúziń.

C1.  $4x^2 + 24xy + 11y^2 + 64x + 42y + 51 = 0$  iymek sızıǵınıń tipin anıqlań eger orayı bar bolsa, onıń orayınıń koordinataların tabıń hám koordinata basın orayǵa parallel kóshiriw ámelin orınlań.

C2. Tóbesi  $A(-4; 0)$  noqatında, al, direktrisası  $y - 2 = 0$  tuwrı sızıq bolǵan parabolaniń teńlemesin dúziń.

C3.  $2x^2 + 10xy + 12y^2 - 7x + 18y - 15 = 0$  ETİS teńlemesin ápiwayı túrge alıp keliń, tipin anıqlań, qanday geometriyalıq obrazdı anıqlaytuǵının kórsetiń, sızılmasın góne hám taza koordinatalar sistemasına qarata jasań

## 100-variant

T1. ETIS-tín orayın anıqlaw forması (ETIS-tín ulıwma teńlemesi, orayın anıqlaw forması).

T2. Betlik haqqında túsiniń (tuwrı, iymek sızıq, betliktiń anıqlamaları hám formulaları).

A1. Fokusları abscissa kósherinde hám koordinata basına qarata simmetriyalıq jaylasqan giperbolanıń teńlemesin dúziń: direktrisaları arasındaqı aralıq  $8/3$  hám ekscentrisitet  $\varepsilon = 3/2$ .

A2. Uchı koordinata basında jaylasqan hám  $Ox$  kósherine qarata tómengi yarım tegislikte jaylasqan parabolanıń teńlemesin dúziń: parametri  $p = 3$ .

A3. Fokusları abscissa kósherinde hám koordinata basına qarata simmetriyalıq jaylasqan giperbolanıń teńlemesin dúziń: oqları  $2a = 10$  hám  $2b = 8$ .

B1.  $\frac{x^2}{4} - \frac{y^2}{5} = 1$ , giperbolanıń  $3x - 2y = 0$  tuwrı sızıǵına parallel bolǵan urınbasınıń teńlemesin dúziń.

B2.  $\frac{x^2}{4} - \frac{y^2}{5} = 1$  giperbolasına  $3x + 2y = 0$  tuwrı sızıǵına perpendikulyar bolǵan urınba tuwrınıń teńlemesin dúziń.

B3. ETIS-tín ulıwma teńlemesin koordinata sistemasın túrlendirmey ápiwaylastırın, tipin anıqlań, obrazı qanday sızıqtı anıqlaytuǵının kórsetiń.  $7x^2 - 8xy + y^2 - 16x - 2y - 51 = 0$

C1. Fokusı  $F(7; 2)$  noqatında jaylasqan, sáykes direktrisası  $x - 5 = 0$  teńlemesi menen berilgen parabolanıń teńlemesin dúziń.

C2.  $2x^2 + 3y^2 + 8x - 6y + 11 = 0$  teńlemesin ápiwaylastırın qanday geometriyalıq obrazdı anıqlaytuǵının tabıń hám grafin jasań.

C3.  $32x^2 + 52xy - 7y^2 + 180 = 0$  ETIS teńlemesin ápiwayı túrge alıp keliń, tipin anıqlań, qanday geometriyalıq obrazdı anıqlaytuǵının kórsetiń, sızilmasın góne hám taza koordinatalar sistemasına qarata jasań.