

## 1-bilet

**T1.** Kóplikler hám olar ústinde ámeller.

**T2.** Lebeg hám Riss teoremları.

**A1.**  $A = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : \max\{|x|, |y|\} \leq 2\}$ ,  $B = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : 4 - x^2 \geq y\}$ ,  $A$ ,  $B$ ,  $A \cup B$ ,  $A \cap B$ ,  $A \setminus B$ ,  $B \setminus A$ ,  $A \triangle B$  kópliklerin anıqlań hám súwretleń.

**A2.**  $[0; 6]$  hám  $[0; 5] \cup [7; 8]$  kóplikleri arasında óz ara bir mánisli sáykeslik ornatiń.

**A3.**  $[7, 9]$  kesindide jaylasqan sanlardıń onlıq bólshek jazılıwında 0 cıfır qatnaspağan barlıq sanlar kópliginiń Lebeg ólshewin tabıń.

**B1.**  $\int_E f(x) d\mu$  Lebeg integraln esaplań,  $f(x) = \begin{cases} \frac{x^2}{(x-2)(x-4)}, & x \in \mathbb{I} \cap [-4; -1] \\ 3x^2 - 2, & x \in \mathbb{Q} \cap [-4; -1], E = [-4; -1] \end{cases}$

**B2.** Tórende berilgenler boyınsha  $x, y \in X$  elementler arasındaǵı aralıqtı tabıń:  $X = C[0; \pi/4]$ ,  $\rho(x, y) = \max_{0 \leq t \leq \pi/4} |x(t) - y(t)|$ ,  $x(t) = \sin t$ ,  $y = \cos 3t$

**B3.**  $A$  hám  $B$  kóplikleri arasında óz ara bir mánisli sáykeslik anıqlań.  $A = [-1; 7)$ ,  $B = [-3; 9]$ .

**C1.** Kópliktiń Lebeg ólshewin tabıń:  $A = \bigcup_{k=1}^{\infty} \left( \frac{1}{2k}, \frac{1}{k} \right)$ ;

**C2.** Lebeg integraln  $(\int_A f(x) d\mu)$  esaplań:  $f(x) = \text{sign}(x)$ ,  $A = [-2; 2]$ ;

**C3.**  $[-4; -1]$  kóplikte ólshewsiz kóplikke missal keltiriń.

## 2-bilet

**T1.** Kópliktiń quwatlıǵı hám onıń qásiyetleri.

**T2.** Egorov teoreması.

**A1.**  $A = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : x \leq y\}$ ,  $B = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : 9x^2 + y^2 \leq 9\}$ ,  $A$ ,  $B$ ,  $A \cup B$ ,  $A \cap B$ ,  $A \setminus B$ ,  $B \setminus A$ ,  $A \triangle B$  kópliklerin anıqlań hám súwretleń.

**A2.**  $[-1; 3]$  hám  $[-4; -1] \cup [2; 3]$  kóplikleri arasında óz ara bir mánisli sáykeslik ornatiń.

**A3.**  $[3, 5]$  kesindide jaylasqan sanlardıń onlıq bólshek jazılıwında 5 cıfır qatnaspağan barlıq sanlar kópliginiń Lebeg ólshewin tabıń.

**B1.**  $\int_E f(x) d\mu$  Lebeg integraln esaplań,  $f(x) = \begin{cases} \frac{x^2}{(x-2)(x-4)}, & x \in \mathbb{I} \cap [-1; 1] \\ 3x^2 - 2, & x \in \mathbb{Q} \cap [-1; 1], E = [-1; 1] \end{cases}$

**B2.** Tórende berilgenler boyınsha  $x, y \in X$  elementler arasındaǵı aralıqtı tabıń:  $X = C\left[\frac{\pi}{6}; \frac{\pi}{4}\right]$ ,  $\rho(x, y) = \max_{\frac{\pi}{6} \leq t \leq \frac{\pi}{4}} |x(t) - y(t)|$ ,  $x(t) = ctgt$ ,  $y = tg\left(2t - \frac{\pi}{6}\right)$

**B3.**  $A$  hám  $B$  kóplikleri arasında óz ara bir mánisli sáykeslik anıqlań.  $A = (-5; 3)$ ,  $B = [-2; 8]$ .

**C1.** Kópliktiń Lebeg ólshewin tabıń:  $A = \bigcup_{k=1}^{\infty} \left( k, k + \frac{3}{k(k+1)} \right)$ ;

**C2.** Lebeg integraln  $(\int_A f(x) d\mu)$  esaplań:  $f(x) = [x] - 1$ ,  $A = [-1; 3]$ ;

**C3.**  $[4; 7]$  kóplikte ólshewsiz kóplikke missal keltiriń.

### 3-bilet

**T1.** Kompakt metrikalıq keńislikler.

**T2.** Tegislikte elementar kóplikler hám olardıń ólshewi.

**A1.**  $A = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : xy \geq 0\}$ ,  $B = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : |x| + |y - 2| \geq 1\}$ ,  $A$ ,  $B$ ,  $A \cup B$ ,  $A \cap B$ ,  $A \setminus B$ ,  $B \setminus A$ ,  $A \triangle B$  kópliklerin anıqlań hám súwretleń.

**A2.**  $(-2; 6]$  hám  $(-3; -1) \cup [1; 7]$  kóplikleri arasında óz ara bir mánisli sáykeslik ornatıń.

**A3.**  $[8, 10]$  kesindide jaylasqan sanlardıń onlıq bólshek jazılıwında 6 cıfır qatnaspağan barlıq sanlar kópliginiń Lebeg ólshewin tabıń.

**B1.**  $\int_E f(x) d\mu$  Lebeg integraln esaplań,  $E = [0, 1]$ ,  $f(x) = \begin{cases} \frac{1}{\sqrt{x}}, & x \in \mathbb{I} \cap [0, 1] \\ \sin x, & x \in \mathbb{Q} \end{cases}$

**B2.** Tórende berilgenler boyınsha  $x, y \in X$  elementler arasındaǵı aralıqtı tabıń:  $X = C\left[\frac{\pi}{4}; \frac{\pi}{3}\right]$ ,  $\rho(x, y) = \max_{\frac{\pi}{4} \leq t \leq \frac{\pi}{3}} |x(t) - y(t)|$ ,  $x(t) = \operatorname{ctg}(2t + \pi/6)$ ,  $y = \operatorname{tg}(t - \pi/6)$

**B3.**  $A$  hám  $B$  kóplikleri arasında óz ara bir mánisli sáykeslik anıqlań.  $A = (-5; 1]$ ,  $B = [-4; 6]$ .

**C1.**  $P = \{0 \leq x \leq 1, 0 \leq y \leq 1\}$  hám  $Q = \{0.3 \leq x \leq 0.8, 0 \leq y \leq 1\}$  tuwrı múyeshlikler simmetriyalıq ayırmasınıń ólshewin tabıń.

**C2.** Lebeg integraln  $(\int_A f(x) d\mu)$  esaplań:  $f(x) = \frac{1}{[x+1]}$ ,  $A = [1; 5]$ ;

**C3.**  $[-7; -4]$  kóplikte ólshewsiz kóplikke missal keltiriń.

### 4-bilet

**T1.** Metrikalıq keńislik hám oǵan mısallar.

**T2.** Metrikalıq keńisliklerdiń úzliksiz sáwlelendiriwleri.

**A1.**  $A = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : |x| + |y| \leq 2\}$ ,  $B = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : 9x^2 + y^2 \geq 9\}$ ,  $A$ ,  $B$ ,  $A \cup B$ ,  $A \cap B$ ,  $A \setminus B$ ,  $B \setminus A$ ,  $A \triangle B$  kópliklerin anıqlań hám súwretleń.

**A2.**  $[-1; 7)$  hám  $[-2; 4) \cup [7; 9)$  kóplikleri arasında óz ara bir mánisli sáykeslik ornatıń.

**A3.**  $[4, 6]$  kesindide jaylasqan sanlardıń onlıq bólshek jazılıwında 7 cıfır qatnaspağan barlıq sanlar kópliginiń Lebeg ólshewin tabıń.

**B1.**  $\int_E f(x) d\mu$  Lebeg integraln esaplań,  $f(x) = \begin{cases} \frac{x^2}{(x+2)(x+4)}, & x \in \mathbb{I} \cap [0, 4] \\ 3x^2 - 2, & x \in \mathbb{Q} \cap [0, 4], E = [0, 4] \end{cases}$

**B2.** Tórende berilgenler boyınsha  $x, y \in X$  elementler arasındaǵı aralıqtı tabıń:  $X = C[0; \pi/3]$ ,  $\rho(x, y) = \max_{0 \leq t \leq \pi/3} |x(t) - y(t)|$ ,  $x(t) = \sin t$ ,  $y = \cos 5t$

**B3.**  $A$  hám  $B$  kóplikleri arasında óz ara bir mánisli sáykeslik anıqlań.  $A = (-1; 4)$ ,  $B = [2; 12]$ .

**C1.** Kópliktiń Lebeg ólshewin tabıń:  $A = \bigcup_{k=1}^{\infty} \left(2k - 2^{-k}, 2k + \frac{1}{k!}\right)$ ;

**C2.** Lebeg integraln  $(\int_A f(x) d\mu)$  esaplań:  $f(x) = 2^{(-1)^{[x]}}$ ,  $A = [0; 3]$ ;

**C3.**  $[0; 3]$  kóplikte ólshewsiz kóplikke missal keltiriń.

## 5-bilet

**T1.** Metrikalıq keńisliklerde ashıq hám tuyıq kóplikler.

**T2.** Ólshewli funkciyalar hám olardıń qásiyetleri.

**A1.**  $A = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : x = -y\}$ ,  $B = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : |x| + |y| \leq 2\}$ ,  $A$ ,  $B$ ,  $A \cup B$ ,  $A \cap B$ ,  $A \setminus B$ ,  $B \setminus A$ ,  $A \triangle B$  kópliklerin anıqlań hám súwretleń.

**A2.**  $[3; 7]$  hám  $[0; 2) \cup [6; 8]$  kóplikleri arasında óz ara bir mánisli sáykeslik ornatıń.

**A3.**  $[7; 9]$  kesindide jaylasqan sanlardıń onlıq bólshek jazılıwında 9 cıfır qatnaspaǵan barlıq sanlar kópliginiń Lebeg ólshewin tabıń.

**B1.**  $\int_E f(x) d\mu$  Lebeg integralın esaplań,  $E = [0, 1]$ ,  $f(x) = \begin{cases} \frac{1}{(x+1)^3} & x \in \mathbb{I} \cap [0, 1] \\ 7x, & x \in \mathbb{Q} \end{cases}$

**B2.** Tórende berilgenler boyınsha  $x, y \in X$  elementler arasındaǵı aralıqtı tabıń:  $X = C\left[\frac{\pi}{4}; \frac{\pi}{2}\right]$ ,  $\rho(x, y) = \max_{\frac{\pi}{4} \leq t \leq \frac{\pi}{2}} |x(t) - y(t)|$ ,  $x(t) = \operatorname{ctg}(2t - \pi/6)$ ,  $y = \operatorname{tg}(t - \pi/6)$

**B3.**  $A$  hám  $B$  kóplikleri arasında óz ara bir mánisli sáykeslik anıqlań.  $A = (-3; 3)$ ,  $B = [-1; 9]$ .

**C1.** Kópliktiń Lebeg ólshewin tabıń:  $A = \bigcup_{k=1}^{\infty} \left(k, k + \frac{1}{k!}\right)$ ;

**C2.** Lebeg integralın  $\left(\int_A f(x) d\mu\right)$  esaplań:  $f(x) = [x + 1]$ ,  $A = [-2; 1)$ ;

**C3.**  $[-9; -6]$  kóplikte ólshewsiz kóplikke missal keltiriń.

## 6-bilet

**T1.** Kópliktiń quwatlıǵı hám onıń qásiyetleri.

**T2.** Ólshewli funkciyalar hám olardıń qásiyetleri.

**A1.**  $A = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : y = -x^2\}$ ,  $B = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : (x - 1)^2 + (y - 1)^2 \leq 1\}$ ,  $A$ ,  $B$ ,  $A \cup B$ ,  $A \cap B$ ,  $A \setminus B$ ,  $B \setminus A$ ,  $A \triangle B$  kópliklerin anıqlań hám súwretleń.

**A2.**  $[-1; 5)$  hám  $[-1; 4) \cup [7; 8)$  kóplikleri arasında óz ara bir mánisli sáykeslik ornatıń.

**A3.**  $[0, 2]$  kesindide jaylasqan sanlardıń onlıq bólshek jazılıwında 3 cıfır qatnaspaǵan barlıq sanlar kópliginiń Lebeg ólshewin tabıń.

**B1.**  $\int_E f(x) d\mu$  Lebeg integralın esaplań,  $f(x) = \begin{cases} \frac{x^2}{(x+3)(x+2)}, & x \in \mathbb{I} \cap [2, 4] \\ 3x^2 - 2, & x \in \mathbb{Q} \cap [2, 4] \end{cases}$ ,  $E = [2, 4]$

**B2.** Tórende berilgenler boyınsha  $x, y \in X$  elementler arasındaǵı aralıqtı tabıń:  $X = C\left[\frac{\pi}{6}; \frac{\pi}{3}\right]$ ,  $\rho(x, y) = \max_{\frac{\pi}{6} \leq t \leq \frac{\pi}{3}} |x(t) - y(t)|$ ,  $x(t) = \operatorname{ctg}(t + \pi/6)$ ,  $y = \operatorname{tg} t$

**B3.**  $A$  hám  $B$  kóplikleri arasında óz ara bir mánisli sáykeslik anıqlań.  $A = (-4; 6]$ ,  $B = [-2; 6]$ .

**C1.** Kópliktiń Lebeg ólshewin tabıń:  $A = \bigcup_{k=1}^{\infty} \left(k, k + \frac{2}{k(k+1)}\right)$ ;

**C2.** Lebeg integralın  $\left(\int_A f(x) d\mu\right)$  esaplań:  $f(x) = \frac{(-1)^{[x]}}{[x]}$ ,  $A = [1; 4)$ ;

**C3.**  $[-3; 0]$  kóplikte ólshewsiz kóplikke missal keltiriń.

## 7-bilet

**T1.** Kóplikler hám olar ústinde ámeller.

**T2.** Tegislikte elementar kóplikler hám olardıń ólshewi.

**A1.**  $A = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : x \geq y\}$ ,  $B = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : x^2 + 4y^2 \geq 4\}$ ,  $A$ ,  $B$ ,  $A \cup B$ ,  $A \cap B$ ,  $A \setminus B$ ,  $B \setminus A$ ,  $A \triangle B$  kópliklerin anıqlań hám súwretleń.

**A2.**  $[0; 3]$  hám  $[2; 4] \cup [5; 6]$  kóplikleri arasında óz ara bir mánisli sáykeslik ornatıń.

**A3.**  $[5, 7]$  kesindide jaylasqan sanlardıń onlıq bólshek jazılıwında 8 cıfır qatnaspağan barlıq sanlar kópliginiń Lebeg ólshewin tabıń.

**B1.**  $\int_E f(x) d\mu$  Lebeg integralın esaplań,  $f(x) = \begin{cases} \frac{x^2}{(x+2)(x+4)}, & x \in \mathbb{I} \cap [2, 4] \\ 4x^3, & x \in \mathbb{Q} \cap [2, 4], \end{cases}$   $E = [2, 4]$

**B2.** Tórende berilgenler boyınsha  $x, y \in X$  elementler arasındaǵı aralıqtı tabıń:  $X = C[0; \pi/4]$ ,  $\rho(x, y) = \max_{0 \leq t \leq \pi/4} |x(t) - y(t)|$ ,  $x(t) = \sin 4t$ ,  $y = \cos 2t$

**B3.**  $A$  hám  $B$  kóplikleri arasında óz ara bir mánisli sáykeslik anıqlań.  $A = (-3; 5)$ ,  $B = [-8; 6)$ .

**C1.** Kópliktiń Lebeg ólshewin tabıń:  $A = \bigcup_{k=1}^{\infty} \left( \frac{1}{k+1}, \frac{1}{k} \right)$ ;

**C2.** Lebeg integralın  $(\int_A f(x) d\mu)$  esaplań:  $f(x) = \frac{1}{[x][x+1]}$ ,  $A = [1; 3]$ .

**C3.**  $[-10; -7]$  kóplikte ólshewsiz kóplikke missal keltiriń.

## 8-bilet

**T1.** Metrikalıq keńisliklerde ashıq hám tuyıq kóplikler.

**T2.** Egorov teoreması.

**A1.**  $A = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : x \leq y\}$ ,  $B = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : 4x^2 + 9y^2 \geq 36\}$ ,  $A$ ,  $B$ ,  $A \cup B$ ,  $A \cap B$ ,  $A \setminus B$ ,  $B \setminus A$ ,  $A \triangle B$  kópliklerin anıqlań hám súwretleń.

**A2.**  $[-3; 2]$  hám  $[2; 4] \cup [5; 8]$  kóplikleri arasında óz ara bir mánisli sáykeslik ornatıń.

**A3.**  $[1, 3]$  kesindide jaylasqan sanlardıń onlıq bólshek jazılıwında 4 cıfır qatnaspağan barlıq sanlar kópliginiń Lebeg ólshewin tabıń.

**B1.**  $\int_E f(x) d\mu$  Lebeg integralın esaplań,  $f(x) = \begin{cases} \frac{x^2}{(x-5)(x-6)}, & x \in \mathbb{I} \cap [0, 4] \\ 3x^2 - 2, & x \in \mathbb{Q} \cap [0, 4], \end{cases}$   $E = [0, 4]$

**B2.** Tórende berilgenler boyınsha  $x, y \in X$  elementler arasındaǵı aralıqtı tabıń:  $X = C\left[\frac{\pi}{6}; \frac{\pi}{4}\right]$ ,  $\rho(x, y) = \max_{\frac{\pi}{6} \leq t \leq \frac{\pi}{4}} |x(t) - y(t)|$ ,  $x(t) = \operatorname{ctg}(2t - \pi/6)$ ,  $y = \operatorname{tg}(2t - \pi/6)$

**B3.**  $A$  hám  $B$  kóplikleri arasında óz ara bir mánisli sáykeslik anıqlań.  $A = (-5; 3)$ ,  $B = [-10; 3]$ .

**C1.**  $P = \{0 \leq x \leq 1, 0 \leq y \leq 1\}$  hám  $Q = \{0.3 \leq x \leq 0.8, 0 \leq y \leq 1\}$  tuwrı múyeshlikler kesilispesiniń ólshewin tabıń.

**C2.** Lebeg integralın  $(\int_A f(x) d\mu)$  esaplań:  $f(x) = 2^{[x]}$ ,  $A = (-2; 2)$ ;

**C3.**  $[10; 13]$  kóplikte ólshewsiz kóplikke missal keltiriń.

## 9-bilet

**T1.** Metrikalıq keńislik hám oǵan mısalları.

**T2.** Metrikalıq keńisliklerdiń úzliksiz sáwlelendiriwleri.

**A1.**  $A = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : xy \geq 0\}$ ,  $B = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : x^2 + y^2 \geq 1\}$ ,  $A$ ,  $B$ ,  $A \cup B$ ,  $A \cap B$ ,  $A \setminus B$ ,  $B \setminus A$ ,  $A \triangle B$  kópliklerin anıqlań hám súwretleń.

**A2.**  $[-3; 3]$  hám  $[0; 4] \cup [7; 9]$  kóplikleri arasında óz ara bir mánisli sáykeslik ornatıń.

**A3.**  $[8, 10]$  kesindide jaylasqan sanlardıń onlıq bólshek jazılıwında 0 cıfır qatnaspaǵan barlıq sanlar kópliginiń Lebeg ólshewin tabıń.

**B1.**  $\int_E f(x) d\mu$  Lebeg integraln esaplań,  $f(x) = \begin{cases} \frac{x^2}{(x-5)(x-7)}, & x \in \mathbb{I} \cap [1, 4] \\ 3x^2 - 2, & x \in \mathbb{Q} \cap [1, 4], E = [1, 4] \end{cases}$

**B2.** Tórende berilgenler boyınsha  $x, y \in X$  elementler arasındaǵı aralıqtı tabıń:  $X = C[0, \pi]$ ,  $\rho(x, y) = \max_{0 \leq t \leq \pi} |x(t) - y(t)|$ ,  $x(t) = \sin 2t$ ,  $y = \cos 4t$ .

**B3.**  $A$  hám  $B$  kóplikleri arasında óz ara bir mánisli sáykeslik anıqlań.  $A = [-1; 4)$ ,  $B = [-1; 7]$ .

**C1.** Kópliktiń Lebeg ólshewin tabıń:  $A = \bigcup_{k=1}^{\infty} \left(k - 2^{-k}, k + \frac{1}{k!}\right)$ ;

**C2.** Lebeg integraln  $\left(\int_A f(x) d\mu\right)$  esaplań:  $f(x) = \frac{1}{[x] - 1}$ ,  $A = [2; 5]$ ;

**C3.**  $[0; 3]$  kóplikte ólshewsiz kóplikke missal keltiriń.

## 10-bilet

**T1.** Kompakt metrikalıq keńislikler.

**T2.** Lebeg hám Riss teoremları.

**A1.**  $A = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : y = x^2\}$ ,  $B = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : (x-1)^2 + (y-1)^2 \leq 4\}$ ,  $A$ ,  $B$ ,  $A \cup B$ ,  $A \cap B$ ,  $A \setminus B$ ,  $B \setminus A$ ,  $A \triangle B$  kópliklerin anıqlań hám súwretleń.

**A2.**  $[-4; 1]$  hám  $[-3; -1] \cup [3; 6]$  kóplikleri arasında óz ara bir mánisli sáykeslik ornatıń.

**A3.**  $[4, 6]$  kesindide jaylasqan sanlardıń onlıq bólshek jazılıwında 6 cıfır qatnaspaǵan barlıq sanlar kópliginiń Lebeg ólshewin tabıń.

**B1.**  $\int_E f(x) d\mu$  Lebeg integraln esaplań,  $f(x) = \begin{cases} \frac{x^2}{(x-5)(x-6)}, & x \in \mathbb{I} \cap [0, 4] \\ 3x^2 - 2, & x \in \mathbb{Q} \cap [0, 4], E = [0, 4] \end{cases}$

**B2.** Tórende berilgenler boyınsha  $x, y \in X$  elementler arasındaǵı aralıqtı tabıń:  $X = C[0; \pi/6]$ ,  $\rho(x, y) = \max_{0 \leq t \leq \pi/6} |x(t) - y(t)|$ ,  $x(t) = \sin 3t$ ,  $y = \cos t$

**B3.**  $A$  hám  $B$  kóplikleri arasında óz ara bir mánisli sáykeslik anıqlań.  $A = [-2; 4]$ ,  $B = (-5; 5)$ .

**C1.** Kópliktiń Lebeg ólshewin tabıń:  $A = \bigcup_{k=1}^{\infty} (k^2, k^2 + 2^{-k})$ ;

**C2.** Lebeg integraln  $\left(\int_A f(x) d\mu\right)$  esaplań:  $f(x) = 2[x]$ ,  $A = (-3; 3)$ ;

**C3.**  $[7; 10]$  kóplikte ólshewsiz kóplikke missal keltiriń.

## 11-bilet

**T1.** Metrikalıq keńisliklerde ashıq hám tuyıq kóplikler.

**T2.** Lebeg hám Riss teoremları.

**A1.**  $A = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : xy \leq 0\}$ ,  $B = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : x^2 + (y + 1)^2 \geq 1\}$ ,  $A$ ,  $B$ ,  $A \cup B$ ,  $A \cap B$ ,  $A \setminus B$ ,  $B \setminus A$ ,  $A \triangle B$  kópliklerin anıqlań hám súwretleń.

**A2.**  $[2; 5]$  hám  $[0; 1) \cup [3; 5]$  kóplikleri arasında óz ara bir mánisli sáykeslik ornatiń.

**A3.**  $[1, 3]$  kesindide jaylasqan sanlardıń onlıq bólshek jazılıwında 3 cıfır qatnaspağan barlıq sanlar kópliginiń Lebeg ólshewin tabıń.

**B1.**  $\int_E f(x) d\mu$  Lebeg integraln esaplań,  $f(x) = \begin{cases} \frac{x^2}{(x-2)(x-4)}, & x \in \mathbb{I} \cap [-1; 1] \\ 3x^2 - 2, & x \in \mathbb{Q} \cap [-1; 1], E = [-1; 1] \end{cases}$

**B2.** Tórende berilgenler boyınsha  $x, y \in X$  elementler arasındaǵı aralıqtı tabıń:  $X = C\left[\frac{\pi}{6}; \frac{\pi}{3}\right]$ ,  $\rho(x, y) = \max_{\frac{\pi}{6} \leq t \leq \frac{\pi}{3}} |x(t) - y(t)|$ ,  $x(t) = ctg(t + \pi/6)$ ,  $y = tg t$

**B3.**  $A$  hám  $B$  kóplikleri arasında óz ara bir mánisli sáykeslik anıqlań.  $A = (-2; 4)$ ,  $B = [2; 10)$ .

**C1.** Kópliktiń Lebeg ólshewin tabıń:  $A = \bigcup_{k=1}^{\infty} (k^3, k^3 + 3^{-k})$ ;

**C2.** Lebeg integraln  $(\int_A f(x) d\mu)$  esaplań:  $f(x) = \frac{1}{[x][x+1]}$ ,  $A = [1; 3]$ ;

**C3.**  $[9; 12]$  kóplikte ólshewsiz kóplikke missal keltiriń.

## 12-bilet

**T1.** Kóplikler hám olar ústinde ámeller.

**T2.** Metrikalıq keńisliklerdiń úzliksiz sáwlelendiriwleri.

**A1.**  $A = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : xy \leq 0\}$ ,  $B = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : x^2 + y^2 \geq 4\}$ ,  $A$ ,  $B$ ,  $A \cup B$ ,  $A \cap B$ ,  $A \setminus B$ ,  $B \setminus A$ ,  $A \triangle B$  kópliklerin anıqlań hám súwretleń.

**A2.**  $(1; 7]$  hám  $(2; 4) \cup [9; 13]$  kóplikleri arasında óz ara bir mánisli sáykeslik ornatiń.

**A3.**  $[0, 2]$  kesindide jaylasqan sanlardıń onlıq bólshek jazılıwında 2 cıfır qatnaspağan barlıq sanlar kópliginiń Lebeg ólshewin tabıń.

**B1.**  $\int_E f(x) d\mu$  Lebeg integraln esaplań,  $f(x) = \begin{cases} \frac{x^2}{(x-2)(x-4)}, & x \in \mathbb{I} \cap [-4; -1] \\ 3x^2 - 2, & x \in \mathbb{Q} \cap [-4; -1], E = [-4; -1] \end{cases}$

**B2.** Tórende berilgenler boyınsha  $x, y \in X$  elementler arasındaǵı aralıqtı tabıń:  $X = C\left[\frac{\pi}{4}; \frac{\pi}{3}\right]$ ,  $\rho(x, y) = \max_{\frac{\pi}{4} \leq t \leq \frac{\pi}{3}} |x(t) - y(t)|$ ,  $x(t) = ctg(2t + \pi/6)$ ,  $y = tg(t - \pi/6)$

**B3.**  $A$  hám  $B$  kóplikleri arasında óz ara bir mánisli sáykeslik anıqlań.  $A = [-4; 4]$ ,  $B = (-11; 3)$ .

**C1.** Kópliktiń Lebeg ólshewin tabıń:  $A = \bigcup_{k=1}^{\infty} \left(\frac{1}{3^k}, \frac{1}{3^{k-1}}\right)$ ;

**C2.** Lebeg integraln  $(\int_A f(x) d\mu)$  esaplań:  $f(x) = \frac{1}{[x-1]!}$ ,  $A = (1; 3)$ ;

**C3.**  $[-11; -8]$  kóplikte ólshewsiz kóplikke missal keltiriń.

### 13-bilet

**T1.** Kópliktiń quwatlıǵı hám onıń qásiyetleri.

**T2.** Egorov teoreması.

**A1.**  $A = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : |x| + |y| \geq 3\}$ ,  $B = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : \max\{|x|, |y|\} \leq 2\}$ ,  $A$ ,  $B$ ,  $A \cup B$ ,  $A \cap B$ ,  $A \setminus B$ ,  $B \setminus A$ ,  $A \triangle B$  kópliklerin anıqlań hám súwretleń.

**A2.**  $(-1; 5]$  hám  $(-1; 1] \cup (3; 7]$  kóplikleri arasında óz ara bir mánisli sáykeslik ornatıń.

**A3.**  $[3; 5]$  kesindide jaylasqan sanlardıń onlıq bólshek jazılıwında 6 cıfır qatnaspaǵan barlıq sanlar kópliginiń Lebeg ólshewin tabıń.

**B1.**  $\int_E f(x) d\mu$  Lebeg integraln esaplań,  $f(x) = \begin{cases} \frac{x^2}{(x+2)(x+4)}, & x \in \mathbb{I} \cap [0, 4] \\ 3x^2 - 2, & x \in \mathbb{Q} \cap [0, 4], \end{cases}$   $E = [0, 4]$

**B2.** Tórende berilgenler boyınsha  $x, y \in X$  elementler arasındaǵı aralıqtı tabıń:  $X = C\left[\frac{\pi}{6}; \frac{\pi}{4}\right]$ ,  $\rho(x, y) = \max_{\frac{\pi}{6} \leq t \leq \frac{\pi}{4}} |x(t) - y(t)|$ ,  $x(t) = \operatorname{ctg}(2t - \pi/6)$ ,  $y = \operatorname{tg}(2t - \pi/6)$

**B3.**  $A$  hám  $B$  kóplikleri arasında óz ara bir mánisli sáykeslik anıqlań.  $A = [-7; 3)$ ,  $B = [-5; 7]$ .

**C1.** Kópliktiń Lebeg ólshewin tabıń:  $A = \bigcup_{k=1}^{\infty} [e^{-2k}, e^{-2k+1})$ .

**C2.** Lebeg integraln  $(\int_A f(x) d\mu)$  esaplań:  $f(x) = \frac{1}{[x-1]}$ ,  $A = (3; 6)$ ;

**C3.**  $[-1; 2]$  kóplikte ólshewsiz kóplikke missal keltiriń.

### 14-bilet

**T1.** Metrikalıq keńislik hám oǵan mısallar.

**T2.** Ólshewli funkciyalar hám olardıń qásiyetleri.

**A1.**  $A = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : x \geq y\}$ ,  $B = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : 9x^2 + y^2 \leq 36\}$ ,  $A$ ,  $B$ ,  $A \cup B$ ,  $A \cap B$ ,  $A \setminus B$ ,  $B \setminus A$ ,  $A \triangle B$  kópliklerin anıqlań hám súwretleń.

**A2.**  $[0; 5]$  hám  $[-2; 2) \cup [3; 4]$  kóplikleri arasında óz ara bir mánisli sáykeslik ornatıń.

**A3.**  $[6; 8]$  kesindide jaylasqan sanlardıń onlıq bólshek jazılıwında 9 cıfır qatnaspaǵan barlıq sanlar kópliginiń Lebeg ólshewin tabıń.

**B1.**  $\int_E f(x) d\mu$  Lebeg integraln esaplań,  $f(x) = \begin{cases} \frac{x^2}{(x-5)(x-6)}, & x \in \mathbb{I} \cap [0, 4] \\ 3x^2 - 2, & x \in \mathbb{Q} \cap [0, 4], \end{cases}$   $E = [0, 4]$

**B2.** Tórende berilgenler boyınsha  $x, y \in X$  elementler arasındaǵı aralıqtı tabıń:  $X = C\left[\frac{\pi}{6}; \frac{\pi}{4}\right]$ ,  $\rho(x, y) = \max_{\frac{\pi}{6} \leq t \leq \frac{\pi}{4}} |x(t) - y(t)|$ ,  $x(t) = \operatorname{ctgt}$ ,  $y = \operatorname{tg}(2t - \frac{\pi}{6})$

**B3.**  $A$  hám  $B$  kóplikleri arasında óz ara bir mánisli sáykeslik anıqlań.  $A = (-4; 3]$ ,  $B = [-4; 10]$ .

**C1.** Kópliktiń Lebeg ólshewin tabıń:  $A = \bigcup_{k=1}^{\infty} \left(\frac{1}{2k+1}, \frac{1}{2k}\right)$ ;

**C2.** Lebeg integraln  $(\int_A f(x) d\mu)$  esaplań:  $f(x) = \operatorname{sign}(x-1)$ ,  $A = [-1; 2)$ ;

**C3.**  $[1; 4]$  kóplikte ólshewsiz kóplikke missal keltiriń.

## 15-bilet

**T1.** Kompakt metrikalıq keńislikler.

**T2.** Tegislikte elementar kóplikler hám olardıń ólshewi.

**A1.**  $A = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : \max\{|x|, |y|\} = 1\}$ ,  $B = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : x^2 + y^2 \leq 1\}$ ,  $A$ ,  $B$ ,  $A \cup B$ ,  $A \cap B$ ,  $A \setminus B$ ,  $B \setminus A$ ,  $A \triangle B$  kópliklerin anıqlań hám súwretleń.

**A2.**  $[-2; 2)$  hám  $[1; 3] \cup (5; 7)$  kóplikleri arasında óz ara bir mánisli sáykeslik ornatıń.

**A3.**  $[6, 8]$  kesindide jaylasqan sanlardıń onlıq bólshek jazılıwında 8 cıfır qatnaspağan barlıq sanlar kópliginiń Lebeg ólshewin tabıń.

**B1.**  $\int_E f(x) d\mu$  Lebeg integraln esaplań,  $E = [0, 1]$ ,  $f(x) = \begin{cases} \frac{1}{\sqrt{x}}, & x \in \mathbb{I} \cap [0, 1] \\ \sin x, & x \in \mathbb{Q} \end{cases}$

**B2.** Tórende berilgenler boyınsha  $x, y \in X$  elementler arasındaǵı aralıqtı tabıń:  $X = C[0; \pi/4]$ ,  $\rho(x, y) = \max_{0 \leq t \leq \pi/4} |x(t) - y(t)|$ ,  $x(t) = \sin 4t$ ,  $y = \cos 2t$

**B3.**  $A$  hám  $B$  kóplikleri arasında óz ara bir mánisli sáykeslik anıqlań.  $A = [-2; 4]$ ,  $B = (-1; 9)$ .

**C1.** Kópliktiń Lebeg ólshewin tabıń:  $A = \bigcup_{k=1}^{\infty} \left( \frac{1}{k+2}, \frac{1}{k} \right)$ ;

**C2.** Lebeg integraln  $(\int_A f(x) d\mu)$  esaplań:  $f(x) = \frac{1}{[x]!}$ ,  $A = [0; 4)$ ;

**C3.**  $[-12; -9]$  kóplikte ólshewsiz kóplikke missal keltiriń.

## 16-bilet

**T1.** Metrikalıq keńisliklerde ashıq hám tuyıq kóplikler.

**T2.** Lebeg hám Riss teoremları.

**A1.**  $A = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : x = -y\}$ ,  $B = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : (x-2)^2 + (y+3)^2 \geq 1\}$ ,  $A$ ,  $B$ ,  $A \cup B$ ,  $A \cap B$ ,  $A \setminus B$ ,  $B \setminus A$ ,  $A \triangle B$  kópliklerin anıqlań hám súwretleń.

**A2.**  $[-2; 1)$  hám  $[1; 2) \cup [3; 5)$  kóplikleri arasında óz ara bir mánisli sáykeslik ornatıń.

**A3.**  $[3, 4]$  kesindide jaylasqan sanlardıń onlıq bólshek jazılıwında 1 cıfır qatnaspağan barlıq sanlar kópliginiń Lebeg ólshewin tabıń.

**B1.**  $\int_E f(x) d\mu$  Lebeg integraln esaplań,  $E = [0, 1]$ ,  $f(x) = \begin{cases} \frac{1}{(x+1)^3} & x \in \mathbb{I} \cap [0, 1] \\ 7x, & x \in \mathbb{Q} \end{cases}$

**B2.** Tórende berilgenler boyınsha  $x, y \in X$  elementler arasındaǵı aralıqtı tabıń:  $X = C[0; \pi/6]$ ,  $\rho(x, y) = \max_{0 \leq t \leq \pi/6} |x(t) - y(t)|$ ,  $x(t) = \sin 3t$ ,  $y = \cos t$

**B3.**  $A$  hám  $B$  kóplikleri arasında óz ara bir mánisli sáykeslik anıqlań.  $A = (-3; 4)$ ,  $B = [-2; 10)$ .

**C1.** Kópliktiń Lebeg ólshewin tabıń:  $A = \bigcup_{k=1}^{\infty} \left( \frac{1}{2^{k+1}}, \frac{1}{2^k} \right)$ ;

**C2.** Lebeg integraln  $(\int_A f(x) d\mu)$  esaplań:  $f(x) = \frac{1}{[x]}$ ,  $A = (1; 4)$ ;

**C3.**  $[-6; -3]$  kóplikte ólshewsiz kóplikke missal keltiriń.



## 17-bilet

**T1.** Metrikalıq keńislik hám oǵan mısallar.

**T2.** Tegislikte elementar kóplikler hám olardıń ólshewi.

**A1.**  $A = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : y = x^2\}$ ,  $B = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : x^2 + (y - 1)^2 \leq 1\}$ ,  $A$ ,  $B$ ,  $A \cup B$ ,  $A \cap B$ ,  $A \setminus B$ ,  $B \setminus A$ ,  $A \triangle B$  kópliklerin anıqlań hám súwretleń.

**A2.**  $[1; 5]$  hám  $[1; 2) \cup [7; 10]$  kóplikleri arasında óz ara bir mánisli sáykeslik ornatań.

**A3.**  $[2, 4]$  kesindide jaylasqan sanlardıń onlıq bólshek jazılıwında 4 cıfır qatnaspaǵan barlıq sanlar kópliginiń Lebeg ólshewin tabıń.

**B1.**  $\int_E f(x) d\mu$  Lebeg integraln esaplań,  $f(x) = \begin{cases} \frac{x^2}{(x+2)(x+4)}, & x \in \mathbb{I} \cap [2, 4] \\ 4x^3, & x \in \mathbb{Q} \cap [2, 4], \end{cases}$   $E = [2, 4]$

**B2.** Tórende berilgenler boyınsha  $x, y \in X$  elementler arasındaǵı aralıqtı tabıń:  $X = C[0, \pi]$ ,  $\rho(x, y) = \max_{0 \leq t \leq \pi} |x(t) - y(t)|$ ,  $x(t) = \sin 2t$ ,  $y = \cos 4t$ .

**B3.**  $A$  hám  $B$  kóplikleri arasında óz ara bir mánisli sáykeslik anıqlań.  $A = [-5; 4)$ ,  $B = [-3; 11]$ .

**C1.** Kópliktiń Lebeg ólshewin tabıń:  $A = \bigcup_{k=1}^{\infty} \left( \frac{1}{k+1}, \frac{1}{k} \right)$ ;

**C2.** Lebeg integraln  $(\int_A f(x) d\mu)$  esaplań:  $f(x) = 2^{[2x]}$ ,  $A = [0; 1)$ ;

**C3.**  $[-5; -2]$  kóplikte ólshewsiz kóplikke missal keltiriń.

## 18-bilet

**T1.** Kompakt metrikalıq keńislikler.

**T2.** Egorov teoreması.

**A1.**  $A = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : y = -x^2\}$ ,  $B = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : (x+1)^2 + (y+1)^2 \leq 1\}$ ,  $A$ ,  $B$ ,  $A \cup B$ ,  $A \cap B$ ,  $A \setminus B$ ,  $B \setminus A$ ,  $A \triangle B$  kópliklerin anıqlań hám súwretleń.

**A2.**  $[-3; 7]$  hám  $[2; 5) \cup [8; 15]$  kóplikleri arasında óz ara bir mánisli sáykeslik ornatań.

**A3.**  $[0, 1]$  kesindide jaylasqan sanlardıń onlıq bólshek jazılıwında 1 cıfır qatnaspaǵan barlıq sanlar kópliginiń Lebeg ólshewin tabıń.

**B1.**  $\int_E f(x) d\mu$  Lebeg integraln esaplań,  $f(x) = \begin{cases} \frac{x^2}{(x-5)(x-7)}, & x \in \mathbb{I} \cap [1, 4] \\ 3x^2 - 2, & x \in \mathbb{Q} \cap [1, 4], \end{cases}$   $E = [1, 4]$

**B2.** Tórende berilgenler boyınsha  $x, y \in X$  elementler arasındaǵı aralıqtı tabıń:  $X = C[0; \pi/4]$ ,  $\rho(x, y) = \max_{0 \leq t \leq \pi/4} |x(t) - y(t)|$ ,  $x(t) = \sin t$ ,  $y = \cos 3t$

**B3.**  $A$  hám  $B$  kóplikleri arasında óz ara bir mánisli sáykeslik anıqlań.  $A = (-1; 3)$ ,  $B = [0; 9]$ .

**C1.** Kópliktiń Lebeg ólshewin tabıń:  $A = \bigcup_{k=1}^{\infty} \left( 2k - 2^{-k}, 2k + \frac{1}{k!} \right)$ ;

**C2.** Lebeg integraln  $(\int_A f(x) d\mu)$  esaplań:  $f(x) = \text{sign}(x+1)$ ,  $A = [-2; 2]$ ;

**C3.**  $[6; 9]$  kóplikte ólshewsiz kóplikke missal keltiriń.

## 19-bilet

**T1.** Kóplikler hám olar ústinde ámeller.

**T2.** Ólshewli funksiýalar hám olardıń qásiyetleri.

**A1.**  $A = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : y \geq x^2\}$ ,  $B = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : y \leq 4 - x^2\}$ ,  $A$ ,  $B$ ,  $A \cup B$ ,  $A \cap B$ ,  $A \setminus B$ ,  $B \setminus A$ ,  $A \triangle B$  kópliklerin anıqlań hám súwretleń.

**A2.**  $[0; 5)$  hám  $[-2; 0) \cup [1; 4)$  kóplikleri arasında óz ara bir mánisli sáykeslik ornatiń.

**A3.**  $[2, 4]$  kesindide jaylasqan sanlardıń onlıq bólshek jazılıwında 5 cıfır qatnaspağan barlıq sanlar kópliginiń Lebeg ólshewin tabıń.

**B1.**  $\int_E f(x) d\mu$  Lebeg integralın esaplań,  $f(x) = \begin{cases} \frac{x^2}{(x+3)(x+2)}, & x \in \mathbb{I} \cap [2, 4] \\ 3x^2 - 2, & x \in \mathbb{Q} \cap [2, 4], E = [2, 4] \end{cases}$

**B2.** Tórende berilgenler boyınsha  $x, y \in X$  elementler arasındaǵı aralıqtı tabıń:  $X = C\left[\frac{\pi}{4}; \frac{\pi}{2}\right]$ ,  $\rho(x, y) = \max_{\frac{\pi}{4} \leq t \leq \frac{\pi}{2}} |x(t) - y(t)|$ ,  $x(t) = \operatorname{ctg}(2t - \pi/6)$ ,  $y = \operatorname{tg}(t - \pi/6)$

**B3.**  $A$  hám  $B$  kóplikleri arasında óz ara bir mánisli sáykeslik anıqlań.  $A = (-2; 3]$ ,  $B = [-2; 8]$ .

**C1.** Kópliktiń Lebeg ólshewin tabıń:  $A = \bigcup_{k=1}^{\infty} (k^2, k^2 + 2^{-k})$ ;

**C2.** Lebeg integralın  $(\int_A f(x) d\mu)$  esaplań:  $f(x) = 2 - [x]$ ,  $A = [-2; 3)$ ;

**C3.**  $[3; 6]$  kóplikte ólshewsiz kóplikke missal keltiriń.

## 20-bilet

**T1.** Kópliktiń quwatlıǵı hám onıń qásiyetleri.

**T2.** Metrikalıq keńisliklerdiń úzliksiz sáwlelendiriwleri.

**A1.**  $A = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : \max\{|x|, |y|\} \leq 2\}$ ,  $B = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : y \geq x + 1\}$ ,  $A$ ,  $B$ ,  $A \cup B$ ,  $A \cap B$ ,  $A \setminus B$ ,  $B \setminus A$ ,  $A \triangle B$  kópliklerin anıqlań hám súwretleń.

**A2.**  $[-2; 5]$  hám  $[2; 4] \cup (7; 12]$  kóplikleri arasında óz ara bir mánisli sáykeslik ornatiń.

**A3.**  $[5, 7]$  kesindide jaylasqan sanlardıń onlıq bólshek jazılıwında 7 cıfır qatnaspağan barlıq sanlar kópliginiń Lebeg ólshewin tabıń.

**B1.**  $\int_E f(x) d\mu$  Lebeg integralın esaplań,  $f(x) = \begin{cases} \frac{x^2}{(x-5)(x-6)}, & x \in \mathbb{I} \cap [0, 4] \\ 3x^2 - 2, & x \in \mathbb{Q} \cap [0, 4], E = [0, 4] \end{cases}$

**B2.** Tórende berilgenler boyınsha  $x, y \in X$  elementler arasındaǵı aralıqtı tabıń:  $X = C[0; \pi/3]$ ,  $\rho(x, y) = \max_{0 \leq t \leq \pi/3} |x(t) - y(t)|$ ,  $x(t) = \sin t$ ,  $y = \cos 5t$

**B3.**  $A$  hám  $B$  kóplikleri arasında óz ara bir mánisli sáykeslik anıqlań.  $A = [-6; 2]$ ,  $B = (-7; 3)$ .

**C1.** Kópliktiń Lebeg ólshewin tabıń:  $A = \bigcup_{k=1}^{\infty} \left(k, k + \frac{1}{k!}\right)$ ;

**C2.** Lebeg integralın  $(\int_A f(x) d\mu)$  esaplań:  $f(x) = \operatorname{sign}(2x + 1)$ ,  $A = (-1; 1]$ .

**C3.**  $[2; 5]$  kóplikte ólshewsiz kóplikke missal keltiriń.

## 21-bilet

**T1.** Kóplikler hám olar ústinde ámeller.

**T2.** Egorov teoreması.

**A1.**  $A = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : x^2 = y\}$ ,  $B = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : x^2 + y^2 \geq 4\}$ ,  $A$ ,  $B$ ,  $A \cup B$ ,  $A \cap B$ ,  $A \setminus B$ ,  $B \setminus A$ ,  $A \triangle B$  kópliklerin anıqlań hám súwretleń.

**A2.**  $[0; 4)$  hám  $[-2; 0) \cup [7; 9)$  kóplikleri arasında óz ara bir mánisli sáykeslik ornatiń.

**A3.**  $[0, 2]$  kesindide jaylasqan sanlardıń onlıq bólshek jazılıwında 3 cıfır qatnaspağan barlıq sanlar kópliginiń Lebeg ólshewin tabıń.

**B1.**  $\int_E f(x) d\mu$  Lebeg integraln esaplań,  $E = [0, 1]$ ,  $f(x) = \begin{cases} \frac{1}{(x+1)^3} & x \in \mathbb{I} \cap [0, 1] \\ 7x, & x \in \mathbb{Q} \end{cases}$

**B2.** Tórende berilgenler boyınsha  $x, y \in X$  elementler arasındaǵı aralıqtı tabıń:  $X = C[0; \pi/4]$ ,  $\rho(x, y) = \max_{0 \leq t \leq \pi/4} |x(t) - y(t)|$ ,  $x(t) = \sin t$ ,  $y = \cos 3t$

**B3.**  $A$  hám  $B$  kóplikleri arasında óz ara bir mánisli sáykeslik anıqlań.  $A = [-5; 4)$ ,  $B = [-3; 11]$ .

**C1.**  $P = \{0 \leq x \leq 1, 0 \leq y \leq 1\}$  hám  $Q = \{0.3 \leq x \leq 0.8, 0 \leq y \leq 1\}$  tuwrı múyeshlikler kesilispesiniń ólshewin tabıń.

**C2.** Lebeg integraln ( $\int_A f(x) d\mu$ ) esaplań:  $f(x) = \frac{1}{[x][x+1]}$ ,  $A = [1; 3]$ ;

**C3.**  $[0; 3]$  kóplikte ólshewsiz kóplikke missal keltiriń.

## 22-bilet

**T1.** Metrikalıq keńisliklerde ashıq hám tuyıq kóplikler.

**T2.** Metrikalıq keńisliklerdiń úzliksiz sáwlelendiriwleri.

**A1.**  $A = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : \max\{|x|, |y|\} \leq 2\}$ ,  $B = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : x^2 + 1 \leq y\}$ ,  $A$ ,  $B$ ,  $A \cup B$ ,  $A \cap B$ ,  $A \setminus B$ ,  $B \setminus A$ ,  $A \triangle B$  kópliklerin anıqlań hám súwretleń.

**A2.**  $(-3; 4]$  hám  $(1; 4] \cup (6; 10]$  kóplikleri arasında óz ara bir mánisli sáykeslik ornatiń.

**A3.**  $[3, 4]$  kesindide jaylasqan sanlardıń onlıq bólshek jazılıwında 1 cıfır qatnaspağan barlıq sanlar kópliginiń Lebeg ólshewin tabıń.

**B1.**  $\int_E f(x) d\mu$  Lebeg integraln esaplań,  $f(x) = \begin{cases} \frac{x^2}{(x+2)(x+4)}, & x \in \mathbb{I} \cap [0, 4] \\ 3x^2 - 2, & x \in \mathbb{Q} \cap [0, 4] \end{cases}$ ,  $E = [0, 4]$

**B2.** Tórende berilgenler boyınsha  $x, y \in X$  elementler arasındaǵı aralıqtı tabıń:  $X = C\left[\frac{\pi}{4}; \frac{\pi}{2}\right]$ ,  $\rho(x, y) = \max_{\frac{\pi}{4} \leq t \leq \frac{\pi}{2}} |x(t) - y(t)|$ ,  $x(t) = ctg(2t - \pi/6)$ ,  $y = tg(t - \pi/6)$

**B3.**  $A$  hám  $B$  kóplikleri arasında óz ara bir mánisli sáykeslik anıqlań.  $A = [-4; 4]$ ,  $B = (-11; 3)$ .

**C1.** Kópliktiń Lebeg ólshewin tabıń:  $A = \bigcup_{k=1}^{\infty} \left(k, k + \frac{3}{k(k+1)}\right)$ ;

**C2.** Lebeg integraln ( $\int_A f(x) d\mu$ ) esaplań:  $f(x) = 2^{(-1)^{[x]}}$ ,  $A = [0; 3]$ ;

**C3.**  $[8; 11]$  kóplikte ólshewsiz kóplikke missal keltiriń.

## 23-bilet

**T1.** Kópliktiń quwatlıǵı hám onıń qásiyetleri.

**T2.** Tegislikte elementar kóplikler hám olardıń ólshewi.

**A1.**  $A = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : xy \leq 0\}$ ,  $B = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : |x| + |y| \geq 1\}$ ,  $A$ ,  $B$ ,  $A \cup B$ ,  $A \cap B$ ,  $A \setminus B$ ,  $B \setminus A$ ,  $A \triangle B$  kópliklerin anıqlań hám súwretleń.

**A2.**  $[-2; 3]$  hám  $[-3; 1] \cup [2; 3]$  kóplikleri arasında óz ara bir mánisli sáykeslik ornatań.

**A3.**  $[0, 1]$  kesindide jaylasqan sanlardıń onlıq bólshek jazılıwında 1 cıfır qatnaspaǵan barlıq sanlar kópliginiń Lebeg ólshewin tabıń.

**B1.**  $\int_E f(x) d\mu$  Lebeg integraln esaplań,  $E = [0, 1]$ ,  $f(x) = \begin{cases} \frac{1}{\sqrt{x}}, & x \in \mathbb{I} \cap [0, 1] \\ \sin x, & x \in \mathbb{Q} \end{cases}$

**B2.** Tórende berilgenler boyınsha  $x, y \in X$  elementler arasındaǵı aralıqtı tabıń:  $X = C\left[\frac{\pi}{4}; \frac{\pi}{3}\right]$ ,  $\rho(x, y) = \max_{\frac{\pi}{4} \leq t \leq \frac{\pi}{3}} |x(t) - y(t)|$ ,  $x(t) = \operatorname{ctg}(2t + \pi/6)$ ,  $y = \operatorname{tg}(t - \pi/6)$

**B3.**  $A$  hám  $B$  kóplikleri arasında óz ara bir mánisli sáykeslik anıqlań.  $A = [-7; 3)$ ,  $B = [-5; 7]$ .

**C1.** Kópliktiń Lebeg ólshewin tabıń:  $A = \bigcup_{k=1}^{\infty} \left(k, k + \frac{2}{k(k+1)}\right)$ ;

**C2.** Lebeg integraln  $\left(\int_A f(x) d\mu\right)$  esaplań:  $f(x) = 2^{[x]}$ ,  $A = (-2; 2)$ ;

**C3.**  $[-2; 1]$  kóplikte ólshewsiz kóplikke missal keltiriń.

## 24-bilet

**T1.** Kompakt metrikalıq keńislikler.

**T2.** Lebeg hám Riss teoremları.

**A1.**  $A = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : x = y\}$ ,  $B = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : |x| + |y| \leq 1\}$ ,  $A$ ,  $B$ ,  $A \cup B$ ,  $A \cap B$ ,  $A \setminus B$ ,  $B \setminus A$ ,  $A \triangle B$  kópliklerin anıqlań hám súwretleń.

**A2.**  $[2; 6]$  hám  $[-2; 1] \cup [4; 5]$  kóplikleri arasında óz ara bir mánisli sáykeslik ornatań.

**A3.**  $[3, 5]$  kesindide jaylasqan sanlardıń onlıq bólshek jazılıwında 5 cıfır qatnaspaǵan barlıq sanlar kópliginiń Lebeg ólshewin tabıń.

**B1.**  $\int_E f(x) d\mu$  Lebeg integraln esaplań,  $f(x) = \begin{cases} \frac{x^2}{(x+3)(x+2)}, & x \in \mathbb{I} \cap [2, 4] \\ 3x^2 - 2, & x \in \mathbb{Q} \cap [2, 4] \end{cases}$ ,  $E = [2, 4]$

**B2.** Tórende berilgenler boyınsha  $x, y \in X$  elementler arasındaǵı aralıqtı tabıń:  $X = C\left[\frac{\pi}{6}; \frac{\pi}{4}\right]$ ,  $\rho(x, y) = \max_{\frac{\pi}{6} \leq t \leq \frac{\pi}{4}} |x(t) - y(t)|$ ,  $x(t) = \operatorname{ctg}(2t - \pi/6)$ ,  $y = \operatorname{tg}(2t - \pi/6)$

**B3.**  $A$  hám  $B$  kóplikleri arasında óz ara bir mánisli sáykeslik anıqlań.  $A = (-4; 6]$ ,  $B = [-2; 6]$ .

**C1.** Kópliktiń Lebeg ólshewin tabıń:  $A = \bigcup_{k=1}^{\infty} \left(\frac{1}{2k+1}, \frac{1}{2k}\right)$ ;

**C2.** Lebeg integraln  $\left(\int_A f(x) d\mu\right)$  esaplań:  $f(x) = 2 - [x]$ ,  $A = [-2; 3)$ ;

**C3.**  $[5; 8]$  kóplikte ólshewsiz kóplikke missal keltiriń.

## 25-bilet

**T1.** Metrikalıq keńislik hám oǵan mısallar.

**T2.** Ólshewli funkciyalar hám olardıń qásiyetleri.

**A1.**  $A = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : y = -x\}$ ,  $B = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : x^2 + y^2 \leq 1\}$ ,  $A$ ,  $B$ ,  $A \cup B$ ,  $A \cap B$ ,  $A \setminus B$ ,  $B \setminus A$ ,  $A \triangle B$  kópliklerin anıqlań hám súwretleń.

**A2.**  $[-4; 0)$  hám  $[0; 3) \cup [5; 6)$  kóplikleri arasında óz ara bir mánisli sáykeslik ornatań.

**A3.**  $[7, 9]$  kesindide jaylasqan sanlardıń onlıq bólshek jazılıwında 9 cıfır qatnaspaǵan barlıq sanlar kópliginiń Lebeg ólshewin tabıń.

**B1.**  $\int_E f(x) d\mu$  Lebeg integralın esaplań,  $f(x) = \begin{cases} \frac{x^2}{(x+2)(x+4)}, & x \in \mathbb{I} \cap [2, 4] \\ 4x^3, & x \in \mathbb{Q} \cap [2, 4], E = [2, 4] \end{cases}$

**B2.** Tórende berilgenler boyınsha  $x, y \in X$  elementler arasındaǵı aralıqtı tabıń:  $X = C\left[\frac{\pi}{6}; \frac{\pi}{4}\right]$ ,  $\rho(x, y) = \max_{\frac{\pi}{6} \leq t \leq \frac{\pi}{4}} |x(t) - y(t)|$ ,  $x(t) = ctgt$ ,  $y = tg(2t - \frac{\pi}{6})$

**B3.**  $A$  hám  $B$  kóplikleri arasında óz ara bir mánisli sáykeslik anıqlań.  $A = (-5; 1]$ ,  $B = [-4; 6]$ .

**C1.** Kópliktiń Lebeg ólshewin tabıń:  $A = \bigcup_{k=1}^{\infty} [e^{-2k}, e^{-2k+1})$ .

**C2.** Lebeg integralın  $(\int_A f(x) d\mu)$  esaplań:  $f(x) = [x + 1]$ ,  $A = [-2; 1)$ ;

**C3.**  $[-8; -5]$  kóplikte ólshewsiz kóplikke missal keltiriń.

## 26-bilet

**T1.** Kóplikler hám olar ústinde ámeller.

**T2.** Ólshewli funkciyalar hám olardıń qásiyetleri.

**A1.**  $A = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : x^2 = y\}$ ,  $B = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : x^2 + y^2 \geq 4\}$ ,  $A$ ,  $B$ ,  $A \cup B$ ,  $A \cap B$ ,  $A \setminus B$ ,  $B \setminus A$ ,  $A \triangle B$  kópliklerin anıqlań hám súwretleń.

**A2.**  $[2; 7)$  hám  $[-2; -1) \cup [2; 4)$  kóplikleri arasında óz ara bir mánisli sáykeslik ornatań.

**A3.**  $[1, 3]$  kesindide jaylasqan sanlardıń onlıq bólshek jazılıwında 4 cıfır qatnaspaǵan barlıq sanlar kópliginiń Lebeg ólshewin tabıń.

**B1.**  $\int_E f(x) d\mu$  Lebeg integralın esaplań,  $f(x) = \begin{cases} \frac{x^2}{(x-5)(x-6)}, & x \in \mathbb{I} \cap [0, 4] \\ 3x^2 - 2, & x \in \mathbb{Q} \cap [0, 4], E = [0, 4] \end{cases}$

**B2.** Tórende berilgenler boyınsha  $x, y \in X$  elementler arasındaǵı aralıqtı tabıń:  $X = C[0, \pi]$ ,  $\rho(x, y) = \max_{0 \leq t \leq \pi} |x(t) - y(t)|$ ,  $x(t) = \sin 2t$ ,  $y = \cos 4t$ .

**B3.**  $A$  hám  $B$  kóplikleri arasında óz ara bir mánisli sáykeslik anıqlań.  $A = (-5; 3)$ ,  $B = [-10; 3]$ .

**C1.** Kópliktiń Lebeg ólshewin tabıń:  $A = \bigcup_{k=1}^{\infty} \left(\frac{1}{3^k}, \frac{1}{3^{k-1}}\right)$ ;

**C2.** Lebeg integralın  $(\int_A f(x) d\mu)$  esaplań:  $f(x) = \frac{(-1)^{[x]}}{[x]}$ ,  $A = [1; 4)$ ;

**C3.**  $[-2; 1]$  kóplikte ólshewsiz kóplikke missal keltiriń.

## 27-bilet

**T1.** Kópliktiń quwatlıǵı hám onıń qásiyetleri.

**T2.** Egorov teoreması.

**A1.**  $A = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : x \geq y\}$ ,  $B = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : 9x^2 + y^2 \leq 36\}$ ,  $A$ ,  $B$ ,  $A \cup B$ ,  $A \cap B$ ,  $A \setminus B$ ,  $B \setminus A$ ,  $A \triangle B$  kópliklerin anıqlań hám súwretleń.

**A2.**  $(-4; 1]$  hám  $(-1; 3) \cup [8; 9]$  kóplikleri arasında óz ara bir mánisli sáykeslik ornatań.

**A3.**  $[5, 7]$  kesindide jaylasqan sanlardıń onlıq bólshek jazılıwında 8 cıfır qatnaspaǵan barlıq sanlar kópliginiń Lebeg ólshewin tabıń.

**B1.**  $\int_E f(x) d\mu$  Lebeg integraln esaplań,  $f(x) = \begin{cases} \frac{x^2}{(x-2)(x-4)}, & x \in \mathbb{I} \cap [-4; -1] \\ 3x^2 - 2, & x \in \mathbb{Q} \cap [-4; -1], E = [-4; -1] \end{cases}$

**B2.** Tórende berilgenler boyınsha  $x, y \in X$  elementler arasındaǵı aralıqtı tabıń:  $X = C[0; \pi/6]$ ,  $\rho(x, y) = \max_{0 \leq t \leq \pi/6} |x(t) - y(t)|$ ,  $x(t) = \sin 3t$ ,  $y = \cos t$

**B3.**  $A$  hám  $B$  kóplikleri arasında óz ara bir mánisli sáykeslik anıqlań.  $A = [-1; 7)$ ,  $B = [-3; 9]$ .

**C1.** Kópliktiń Lebeg ólshewin tabıń:  $A = \bigcup_{k=1}^{\infty} (k^3, k^3 + 3^{-k})$ ;

**C2.** Lebeg integraln  $(\int_A f(x) d\mu)$  esaplań:  $f(x) = 2^{[2x]}$ ,  $A = [0; 1)$ ;

**C3.**  $[5; 8]$  kóplikte ólshewsiz kóplikke missal keltiriń.

## 28-bilet

**T1.** Metrikalıq keńisliklerde ashıq hám tuyıq kóplikler.

**T2.** Tegislikte elementar kóplikler hám olardıń ólshewi.

**A1.**  $A = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : y = -x^2\}$ ,  $B = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : (x+1)^2 + (y+1)^2 \leq 1\}$ ,  $A$ ,  $B$ ,  $A \cup B$ ,  $A \cap B$ ,  $A \setminus B$ ,  $B \setminus A$ ,  $A \triangle B$  kópliklerin anıqlań hám súwretleń.

**A2.**  $[-3; 1]$  hám  $[-2; 1) \cup [4; 5]$  kóplikleri arasında óz ara bir mánisli sáykeslik ornatań.

**A3.**  $[3, 5]$  kesindide jaylasqan sanlardıń onlıq bólshek jazılıwında 6 cıfır qatnaspaǵan barlıq sanlar kópliginiń Lebeg ólshewin tabıń.

**B1.**  $\int_E f(x) d\mu$  Lebeg integraln esaplań,  $f(x) = \begin{cases} \frac{x^2}{(x-5)(x-6)}, & x \in \mathbb{I} \cap [0, 4] \\ 3x^2 - 2, & x \in \mathbb{Q} \cap [0, 4], E = [0, 4] \end{cases}$

**B2.** Tórende berilgenler boyınsha  $x, y \in X$  elementler arasındaǵı aralıqtı tabıń:  $X = C[0; \pi/3]$ ,  $\rho(x, y) = \max_{0 \leq t \leq \pi/3} |x(t) - y(t)|$ ,  $x(t) = \sin t$ ,  $y = \cos 5t$

**B3.**  $A$  hám  $B$  kóplikleri arasında óz ara bir mánisli sáykeslik anıqlań.  $A = (-3; 5)$ ,  $B = [-8; 6)$ .

**C1.** Kópliktiń Lebeg ólshewin tabıń:  $A = \bigcup_{k=1}^{\infty} \left( \frac{1}{k+2}, \frac{1}{k} \right)$ ;

**C2.** Lebeg integraln  $(\int_A f(x) d\mu)$  esaplań:  $f(x) = 2[x]$ ,  $A = (-3; 3)$ ;

**C3.**  $[0; 3]$  kóplikte ólshewsiz kóplikke missal keltiriń.

## 29-bilet

**T1.** Kompakt metrikalıq keńislikler.

**T2.** Metrikalıq keńisliklerdiń úzliksiz sáwlelendiriwleri.

**A1.**  $A = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : \max\{|x|, |y|\} \leq 2\}$ ,  $B = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : y \geq x + 1\}$ ,  $A$ ,  $B$ ,  $A \cup B$ ,  $A \cap B$ ,  $A \setminus B$ ,  $B \setminus A$ ,  $A \triangle B$  kópliklerin anıqlań hám súwretleń.

**A2.**  $[-2; 4]$  hám  $[0; 4] \cup [5; 7]$  kóplikleri arasında óz ara bir mánisli sáykeslik ornatiń.

**A3.**  $[8, 10]$  kesindide jaylasqan sanlardıń onlıq bólshek jazılıwında 6 cıfır qatnaspağan barlıq sanlar kópliginiń Lebeg ólshewin tabıń.

**B1.**  $\int_E f(x) d\mu$  Lebeg integraln esaplań,  $f(x) = \begin{cases} \frac{x^2}{(x-2)(x-4)}, & x \in \mathbb{I} \cap [-1; 1] \\ 3x^2 - 2, & x \in \mathbb{Q} \cap [-1; 1], \end{cases}$   $E = [-1; 1]$

**B2.** Tórende berilgenler boyınsha  $x, y \in X$  elementler arasındaǵı aralıqtı tabıń:  $X = C\left[\frac{\pi}{6}; \frac{\pi}{3}\right]$ ,  $\rho(x, y) = \max_{\frac{\pi}{6} \leq t \leq \frac{\pi}{3}} |x(t) - y(t)|$ ,  $x(t) = ctg(t + \pi/6)$ ,  $y = tg t$

**B3.**  $A$  hám  $B$  kóplikleri arasında óz ara bir mánisli sáykeslik anıqlań.  $A = (-4; 3]$ ,  $B = [-4; 10]$ .

**C1.** Kópliktiń Lebeg ólshewin tabıń:  $A = \bigcup_{k=1}^{\infty} \left(\frac{1}{2k}, \frac{1}{k}\right)$ ;

**C2.** Lebeg integraln  $\left(\int_A f(x) d\mu\right)$  esaplań:  $f(x) = \frac{1}{[x+1]}$ ,  $A = [1; 5]$ ;

**C3.**  $[-8; -5]$  kóplikte ólshewsiz kóplikke missal keltiriń.

## 30-bilet

**T1.** Metrikalıq keńislik hám oǵan mısallar.

**T2.** Lebeg hám Riss teoremları.

**A1.**  $A = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : |x| + |y| \geq 3\}$ ,  $B = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : \max\{|x|, |y|\} \leq 2\}$ ,  $A$ ,  $B$ ,  $A \cup B$ ,  $A \cap B$ ,  $A \setminus B$ ,  $B \setminus A$ ,  $A \triangle B$  kópliklerin anıqlań hám súwretleń.

**A2.**  $(3; 6]$  hám  $(-3; -1) \cup [2; 3]$  kóplikleri arasında óz ara bir mánisli sáykeslik ornatiń.

**A3.**  $[0, 2]$  kesindide jaylasqan sanlardıń onlıq bólshek jazılıwında 2 cıfır qatnaspağan barlıq sanlar kópliginiń Lebeg ólshewin tabıń.

**B1.**  $\int_E f(x) d\mu$  Lebeg integraln esaplań,  $f(x) = \begin{cases} \frac{x^2}{(x-5)(x-7)}, & x \in \mathbb{I} \cap [1, 4] \\ 3x^2 - 2, & x \in \mathbb{Q} \cap [1, 4], \end{cases}$   $E = [1, 4]$

**B2.** Tórende berilgenler boyınsha  $x, y \in X$  elementler arasındaǵı aralıqtı tabıń:  $X = C[0; \pi/4]$ ,  $\rho(x, y) = \max_{0 \leq t \leq \pi/4} |x(t) - y(t)|$ ,  $x(t) = \sin 4t$ ,  $y = \cos 2t$

**B3.**  $A$  hám  $B$  kóplikleri arasında óz ara bir mánisli sáykeslik anıqlań.  $A = (-2; 4)$ ,  $B = [2; 10]$ .

**C1.** Kópliktiń Lebeg ólshewin tabıń:  $A = \bigcup_{k=1}^{\infty} \left(k - 2^{-k}, k + \frac{1}{k!}\right)$ ;

**C2.** Lebeg integraln  $\left(\int_A f(x) d\mu\right)$  esaplań:  $f(x) = \frac{1}{[x]}$ ,  $A = (1; 4)$ ;

**C3.**  $[-1; 2]$  kóplikte ólshewsiz kóplikke missal keltiriń.

## 31-bilet

**T1.** Metrikalıq keńisliklerde ashıq hám tuyıq kóplikler.

**T2.** Metrikalıq keńisliklerdiń úzliksiz sáwlelendiriwleri.

**A1.**  $A = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : \max\{|x|, |y|\} = 1\}$ ,  $B = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : x^2 + y^2 \leq 1\}$ ,  $A$ ,  $B$ ,  $A \cup B$ ,  $A \cap B$ ,  $A \setminus B$ ,  $B \setminus A$ ,  $A \triangle B$  kópliklerin anıqlań hám súwretleń.

**A2.**  $[2; 6]$  hám  $[2; 4] \cup [11; 13]$  kóplikleri arasında óz ara bir mánisli sáykeslik ornatıń.

**A3.**  $[7, 9]$  kesindide jaylasqan sanlardıń onlıq bólshek jazılıwında 0 cıfır qatnaspağan barlıq sanlar kópliginiń Lebeg ólshewin tabıń.

**B1.**  $\int_E f(x) d\mu$  Lebeg integralın esaplań,  $E = [0, 1]$ ,  $f(x) = \begin{cases} \frac{1}{\sqrt{x}}, & x \in \mathbb{I} \cap [0, 1] \\ \sin x, & x \in \mathbb{Q} \end{cases}$

**B2.** Tórende berilgenler boyınsha  $x, y \in X$  elementler arasındaǵı aralıqtı tabıń:  $X = C[0; \pi/4]$ ,  $\rho(x, y) = \max_{0 \leq t \leq \pi/4} |x(t) - y(t)|$ ,  $x(t) = \sin t$ ,  $y = \cos 3t$

**B3.**  $A$  hám  $B$  kóplikleri arasında óz ara bir mánisli sáykeslik anıqlań.  $A = [-2; 4]$ ,  $B = (-1; 9)$ .

**C1.**  $P = \{0 \leq x \leq 1, 0 \leq y \leq 1\}$  hám  $Q = \{0.3 \leq x \leq 0.8, 0 \leq y \leq 1\}$  tuwrı múyeshlikler simmetriyalıq ayırmasınıń ólshewin tabıń.

**C2.** Lebeg integralın ( $\int_A f(x) d\mu$ ) esaplań:  $f(x) = \frac{1}{[x-1]}$ ,  $A = (3; 6)$ ;

**C3.**  $[-7; -4]$  kóplikte ólshewsiz kóplikke missal keltiriń.

## 32-bilet

**T1.** Kóplikler hám olar ústinde ámeller.

**T2.** Tegislikte elementar kóplikler hám olardıń ólshewi.

**A1.**  $A = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : y = -x^2\}$ ,  $B = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : (x-1)^2 + (y-1)^2 \leq 1\}$ ,  $A$ ,  $B$ ,  $A \cup B$ ,  $A \cap B$ ,  $A \setminus B$ ,  $B \setminus A$ ,  $A \triangle B$  kópliklerin anıqlań hám súwretleń.

**A2.**  $(0; 6]$  hám  $(2; 4] \cup [7; 11]$  kóplikleri arasında óz ara bir mánisli sáykeslik ornatıń.

**A3.**  $[1, 3]$  kesindide jaylasqan sanlardıń onlıq bólshek jazılıwında 3 cıfır qatnaspağan barlıq sanlar kópliginiń Lebeg ólshewin tabıń.

**B1.**  $\int_E f(x) d\mu$  Lebeg integralın esaplań,  $f(x) = \begin{cases} \frac{x^2}{(x+2)(x+4)}, & x \in \mathbb{I} \cap [0, 4] \\ 3x^2 - 2, & x \in \mathbb{Q} \cap [0, 4] \end{cases}$ ,  $E = [0, 4]$

**B2.** Tórende berilgenler boyınsha  $x, y \in X$  elementler arasındaǵı aralıqtı tabıń:  $X = C\left[\frac{\pi}{6}; \frac{\pi}{4}\right]$ ,  $\rho(x, y) = \max_{\frac{\pi}{6} \leq t \leq \frac{\pi}{4}} |x(t) - y(t)|$ ,  $x(t) = \operatorname{ctg}(2t - \pi/6)$ ,  $y = \operatorname{tg}(2t - \pi/6)$

**B3.**  $A$  hám  $B$  kóplikleri arasında óz ara bir mánisli sáykeslik anıqlań.  $A = (-1; 3)$ ,  $B = [0; 9]$ .

**C1.** Kópliktiń Lebeg ólshewin tabıń:  $A = \bigcup_{k=1}^{\infty} \left(\frac{1}{2^{k+1}}, \frac{1}{2^k}\right)$ ;

**C2.** Lebeg integralın ( $\int_A f(x) d\mu$ ) esaplań:  $f(x) = \operatorname{sign}(x-1)$ ,  $A = [-1; 2)$ ;

**C3.**  $[-9; -6]$  kóplikte ólshewsiz kóplikke missal keltiriń.



### 33-bilet

**T1.** Kompakt metrikalıq keńislikler.

**T2.** Ólshewli funksiýalar hám olardıń qásiyetleri.

**A1.**  $A = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : y = -x\}$ ,  $B = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : x^2 + y^2 \leq 1\}$ ,  $A$ ,  $B$ ,  $A \cup B$ ,  $A \cap B$ ,  $A \setminus B$ ,  $B \setminus A$ ,  $A \triangle B$  kópliklerin anıqlań hám súwretleń.

**A2.**  $[1; 7]$  hám  $[-1; 4) \cup [6; 7]$  kóplikleri arasında óz ara bir mánisli sáykeslik ornatıń.

**A3.**  $[2, 4]$  kesindide jaylasqan sanlardıń onlıq bólshek jazılıwında 4 cıfır qatnaspağan barlıq sanlar kópliginiń Lebeg ólshewin tabıń.

**B1.**  $\int_E f(x) d\mu$  Lebeg integralın esaplań,  $f(x) = \begin{cases} \frac{x^2}{(x-5)(x-6)}, & x \in \mathbb{I} \cap [0, 4] \\ 3x^2 - 2, & x \in \mathbb{Q} \cap [0, 4], \end{cases}$   $E = [0, 4]$

**B2.** Tórende berilgenler boyınsha  $x, y \in X$  elementler arasındaǵı aralıqtı tabıń:  $X = C\left[\frac{\pi}{6}; \frac{\pi}{3}\right]$ ,  $\rho(x, y) = \max_{\frac{\pi}{6} \leq t \leq \frac{\pi}{3}} |x(t) - y(t)|$ ,  $x(t) = \operatorname{ctg}(t + \pi/6)$ ,  $y = \operatorname{tg} t$

**B3.**  $A$  hám  $B$  kóplikleri arasında óz ara bir mánisli sáykeslik anıqlań.  $A = [-1; 4)$ ,  $B = [-1; 7]$ .

**C1.** Kópliktiń Lebeg ólshewin tabıń:  $A = \bigcup_{k=1}^{\infty} \left(\frac{1}{3^k}, \frac{1}{3^{k-1}}\right)$ ;

**C2.** Lebeg integralın  $\left(\int_A f(x) d\mu\right)$  esaplań:  $f(x) = \frac{1}{[x][x+1]}$ ,  $A = [1; 3]$ .

**C3.**  $[-3; 0]$  kóplikte ólshewsiz kóplikke missal keltiriń.

### 34-bilet

**T1.** Kópliktiń quwatlıǵı hám onıń qásiyetleri.

**T2.** Lebeg hám Riss teoremları.

**A1.**  $A = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : x \geq y\}$ ,  $B = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : x^2 + 4y^2 \geq 4\}$ ,  $A$ ,  $B$ ,  $A \cup B$ ,  $A \cap B$ ,  $A \setminus B$ ,  $B \setminus A$ ,  $A \triangle B$  kópliklerin anıqlań hám súwretleń.

**A2.**  $[-2; 4]$  hám  $[-2; 1) \cup [2; 5]$  kóplikleri arasında óz ara bir mánisli sáykeslik ornatıń.

**A3.**  $[8, 10]$  kesindide jaylasqan sanlardıń onlıq bólshek jazılıwında 0 cıfır qatnaspağan barlıq sanlar kópliginiń Lebeg ólshewin tabıń.

**B1.**  $\int_E f(x) d\mu$  Lebeg integralın esaplań,  $f(x) = \begin{cases} \frac{x^2}{(x-5)(x-6)}, & x \in \mathbb{I} \cap [0, 4] \\ 3x^2 - 2, & x \in \mathbb{Q} \cap [0, 4], \end{cases}$   $E = [0, 4]$

**B2.** Tórende berilgenler boyınsha  $x, y \in X$  elementler arasındaǵı aralıqtı tabıń:  $X = C[0; \pi/4]$ ,  $\rho(x, y) = \max_{0 \leq t \leq \pi/4} |x(t) - y(t)|$ ,  $x(t) = \sin 4t$ ,  $y = \cos 2t$

**B3.**  $A$  hám  $B$  kóplikleri arasında óz ara bir mánisli sáykeslik anıqlań.  $A = (-1; 4)$ ,  $B = [2; 12]$ .

**C1.**  $P = \{0 \leq x \leq 1, 0 \leq y \leq 1\}$  hám  $Q = \{0.3 \leq x \leq 0.8, 0 \leq y \leq 1\}$  tuwrı múyeshlikler simmetriyalıq ayırmasınıń ólshewin tabıń.

**C2.** Lebeg integralın  $\left(\int_A f(x) d\mu\right)$  esaplań:  $f(x) = \frac{1}{[x]!}$ ,  $A = [0; 4]$ ;

**C3.**  $[-6; -3]$  kóplikte ólshewsiz kóplikke missal keltiriń.

### 35-bilet

**T1.** Metrikalıq keńislik hám oǵan mısalları.

**T2.** Egorov teoreması.

**A1.**  $A = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : xy \leq 0\}$ ,  $B = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : x^2 + (y + 1)^2 \geq 1\}$ ,  $A$ ,  $B$ ,  $A \cup B$ ,  $A \cap B$ ,  $A \setminus B$ ,  $B \setminus A$ ,  $A \triangle B$  kópliklerin anıqlań hám súwretleń.

**A2.**  $[1; 6]$  hám  $[1; 4) \cup [7; 9]$  kóplikleri arasında óz ara bir mánisli sáykeslik ornatiń.

**A3.**  $[4, 6]$  kesindide jaylasqan sanlardıń onlıq bólshek jazılıwında 7 cıfır qatnaspaǵan barlıq sanlar kópliginiń Lebeg ólshewin tabıń.

**B1.**  $\int_E f(x) d\mu$  Lebeg integralın esaplań,  $f(x) = \begin{cases} \frac{x^2}{(x-5)(x-7)}, & x \in \mathbb{I} \cap [1, 4] \\ 3x^2 - 2, & x \in \mathbb{Q} \cap [1, 4], E = [1, 4] \end{cases}$

**B2.** Tórende berilgenler boyınsha  $x, y \in X$  elementler arasındaǵı aralıqtı tabıń:  $X = C\left[\frac{\pi}{6}; \frac{\pi}{4}\right]$ ,  $\rho(x, y) = \max_{\frac{\pi}{6} \leq t \leq \frac{\pi}{4}} |x(t) - y(t)|$ ,  $x(t) = ctgt$ ,  $y = tg\left(2t - \frac{\pi}{6}\right)$

**B3.**  $A$  hám  $B$  kóplikleri arasında óz ara bir mánisli sáykeslik anıqlań.  $A = (-3; 3)$ ,  $B = [-1; 9]$ .

**C1.** Kópliktiń Lebeg ólshewin tabıń:  $A = \bigcup_{k=1}^{\infty} \left(\frac{1}{2^{k+1}}, \frac{1}{2^k}\right)$ ;

**C2.** Lebeg integralın  $\left(\int_A f(x) d\mu\right)$  esaplań:  $f(x) = \frac{1}{[x] - 1}$ ,  $A = [2; 5]$ ;

**C3.**  $[10; 13]$  kóplikte ólshewsiz kóplikke missal keltiriń.

### 36-bilet

**T1.** Metrikalıq keńisliklerde ashıq hám tuyıq kóplikler.

**T2.** Metrikalıq keńisliklerdiń úzliksiz sáwlelendiriwleri.

**A1.**  $A = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : xy \geq 0\}$ ,  $B = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : x^2 + y^2 \geq 1\}$ ,  $A$ ,  $B$ ,  $A \cup B$ ,  $A \cap B$ ,  $A \setminus B$ ,  $B \setminus A$ ,  $A \triangle B$  kópliklerin anıqlań hám súwretleń.

**A2.**  $[-4; 0)$  hám  $[0; 3) \cup [5; 6)$  kóplikleri arasında óz ara bir mánisli sáykeslik ornatiń.

**A3.**  $[6, 8]$  kesindide jaylasqan sanlardıń onlıq bólshek jazılıwında 9 cıfır qatnaspaǵan barlıq sanlar kópliginiń Lebeg ólshewin tabıń.

**B1.**  $\int_E f(x) d\mu$  Lebeg integralın esaplań,  $f(x) = \begin{cases} \frac{x^2}{(x-2)(x-4)}, & x \in \mathbb{I} \cap [-4; -1] \\ 3x^2 - 2, & x \in \mathbb{Q} \cap [-4; -1], E = [-4; -1] \end{cases}$

**B2.** Tórende berilgenler boyınsha  $x, y \in X$  elementler arasındaǵı aralıqtı tabıń:  $X = C[0; \pi/3]$ ,  $\rho(x, y) = \max_{0 \leq t \leq \pi/3} |x(t) - y(t)|$ ,  $x(t) = \sin t$ ,  $y = \cos 5t$

**B3.**  $A$  hám  $B$  kóplikleri arasında óz ara bir mánisli sáykeslik anıqlań.  $A = [-6; 2]$ ,  $B = (-7; 3)$ .

**C1.** Kópliktiń Lebeg ólshewin tabıń:  $A = \bigcup_{k=1}^{\infty} (k^3, k^3 + 3^{-k})$ ;

**C2.** Lebeg integralın  $\left(\int_A f(x) d\mu\right)$  esaplań:  $f(x) = [x] - 1$ ,  $A = [-1; 3]$ ;

**C3.**  $[9; 12]$  kóplikte ólshewsiz kóplikke missal keltiriń.

### 37-bilet

**T1.** Kóplikler hám olar ústinde ámeller.

**T2.** Lebeg hám Riss teoremları.

**A1.**  $A = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : xy \leq 0\}$ ,  $B = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : x^2 + y^2 \geq 4\}$ ,  $A$ ,  $B$ ,  $A \cup B$ ,  $A \cap B$ ,  $A \setminus B$ ,  $B \setminus A$ ,  $A \triangle B$  kópliklerin anıqlań hám súwretleń.

**A2.**  $[2; 7]$  hám  $[-2; -1] \cup [2; 4]$  kóplikleri arasında óz ara bir mánisli sáykeslik ornatiń.

**A3.**  $[6, 8]$  kesindide jaylasqan sanlardıń onlıq bólshek jazılıwında 8 cıfır qatnaspaǵan barlıq sanlar kópliginiń Lebeg ólshewin tabıń.

**B1.**  $\int_E f(x) d\mu$  Lebeg integraln esaplań,  $f(x) = \begin{cases} \frac{x^2}{(x-2)(x-4)}, & x \in \mathbb{I} \cap [-1; 1] \\ 3x^2 - 2, & x \in \mathbb{Q} \cap [-1; 1], E = [-1; 1] \end{cases}$

**B2.** Tórende berilgenler boyınsha  $x, y \in X$  elementler arasındaǵı aralıqtı tabıń:  $X = C\left[\frac{\pi}{4}; \frac{\pi}{2}\right]$ ,  $\rho(x, y) = \max_{\frac{\pi}{4} \leq t \leq \frac{\pi}{2}} |x(t) - y(t)|$ ,  $x(t) = \operatorname{ctg}(2t - \pi/6)$ ,  $y = \operatorname{tg}(t - \pi/6)$

**B3.**  $A$  hám  $B$  kóplikleri arasında óz ara bir mánisli sáykeslik anıqlań.  $A = (-2; 3]$ ,  $B = [-2; 8]$ .

**C1.** Kópliktiń Lebeg ólshewin tabıń:  $A = \bigcup_{k=1}^{\infty} \left(\frac{1}{k+1}, \frac{1}{k}\right)$ ;

**C2.** Lebeg integraln  $\left(\int_A f(x) d\mu\right)$  esaplań:  $f(x) = \operatorname{sign}(x)$ ,  $A = [-2; 2]$ ;

**C3.**  $[-5; -2]$  kóplikte ólshewsiz kóplikke missal keltiriń.

### 38-bilet

**T1.** Kompakt metrikalıq keńislikler.

**T2.** Tegislikte elementar kóplikler hám olardıń ólshewi.

**A1.**  $A = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : y \geq x^2\}$ ,  $B = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : y \leq 4 - x^2\}$ ,  $A$ ,  $B$ ,  $A \cup B$ ,  $A \cap B$ ,  $A \setminus B$ ,  $B \setminus A$ ,  $A \triangle B$  kópliklerin anıqlań hám súwretleń.

**A2.**  $[-2; 2]$  hám  $[1; 3] \cup (5; 7)$  kóplikleri arasında óz ara bir mánisli sáykeslik ornatiń.

**A3.**  $[4, 6]$  kesindide jaylasqan sanlardıń onlıq bólshek jazılıwında 6 cıfır qatnaspaǵan barlıq sanlar kópliginiń Lebeg ólshewin tabıń.

**B1.**  $\int_E f(x) d\mu$  Lebeg integraln esaplań,  $f(x) = \begin{cases} \frac{x^2}{(x+2)(x+4)}, & x \in \mathbb{I} \cap [2, 4] \\ 4x^3, & x \in \mathbb{Q} \cap [2, 4], E = [2, 4] \end{cases}$

**B2.** Tórende berilgenler boyınsha  $x, y \in X$  elementler arasındaǵı aralıqtı tabıń:  $X = C[0; \pi/6]$ ,  $\rho(x, y) = \max_{0 \leq t \leq \pi/6} |x(t) - y(t)|$ ,  $x(t) = \sin 3t$ ,  $y = \cos t$

**B3.**  $A$  hám  $B$  kóplikleri arasında óz ara bir mánisli sáykeslik anıqlań.  $A = (-3; 4)$ ,  $B = [-2; 10]$ .

**C1.** Kópliktiń Lebeg ólshewin tabıń:  $A = \bigcup_{k=1}^{\infty} [e^{-2k}, e^{-2k+1})$ .

**C2.** Lebeg integraln  $\left(\int_A f(x) d\mu\right)$  esaplań:  $f(x) = \operatorname{sign}(x+1)$ ,  $A = [-2; 2]$ ;

**C3.**  $[4; 7]$  kóplikte ólshewsiz kóplikke missal keltiriń.

### 39-bilet

**T1.** Metrikalıq keńislik hám oǵan mısallar.

**T2.** Ólshewli funksiýalar hám olardıń qásiyetleri.

**A1.**  $A = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : x = y\}$ ,  $B = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : |x| + |y| \leq 1\}$ ,  $A$ ,  $B$ ,  $A \cup B$ ,  $A \cap B$ ,  $A \setminus B$ ,  $B \setminus A$ ,  $A \triangle B$  kópliklerin anıqlań hám súwretleń.

**A2.**  $[1; 7]$  hám  $[-1; 4) \cup [6; 7]$  kóplikleri arasında óz ara bir mánisli sáykeslik ornatań.

**A3.**  $[5, 7]$  kesindide jaylasqan sanlardıń onlıq bólshek jazılıwında 7 cıfır qatnaspaǵan barlıq sanlar kópliginiń Lebeg ólshewin tabıń.

**B1.**  $\int_E f(x) d\mu$  Lebeg integralın esaplań,  $f(x) = \begin{cases} \frac{x^2}{(x+3)(x+2)}, & x \in \mathbb{I} \cap [2, 4] \\ 3x^2 - 2, & x \in \mathbb{Q} \cap [2, 4], E = [2, 4] \end{cases}$

**B2.** Tórende berilgenler boyınsha  $x, y \in X$  elementler arasındaǵı aralıqtı tabıń:  $X = C\left[\frac{\pi}{4}; \frac{\pi}{3}\right]$ ,  $\rho(x, y) = \max_{\frac{\pi}{4} \leq t \leq \frac{\pi}{3}} |x(t) - y(t)|$ ,  $x(t) = \operatorname{ctg}(2t + \pi/6)$ ,  $y = \operatorname{tg}(t - \pi/6)$

**B3.**  $A$  hám  $B$  kóplikleri arasında óz ara bir mánisli sáykeslik anıqlań.  $A = [-2; 4]$ ,  $B = (-5; 5)$ .

**C1.** Kópliktiń Lebeg ólshewin tabıń:  $A = \bigcup_{k=1}^{\infty} \left(k, k + \frac{2}{k(k+1)}\right)$ ;

**C2.** Lebeg integralın  $\left(\int_A f(x) d\mu\right)$  esaplań:  $f(x) = \operatorname{sign}(2x + 1)$ ,  $A = (-1; 1]$ .

**C3.**  $[-11; -8]$  kóplikte ólshewsiz kóplikke missal keltiriń.

### 40-bilet

**T1.** Kópliktiń quwatlıǵı hám onıń qásiyetleri.

**T2.** Egorov teoreması.

**A1.**  $A = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : xy \leq 0\}$ ,  $B = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : |x| + |y| \geq 1\}$ ,  $A$ ,  $B$ ,  $A \cup B$ ,  $A \cap B$ ,  $A \setminus B$ ,  $B \setminus A$ ,  $A \triangle B$  kópliklerin anıqlań hám súwretleń.

**A2.**  $[-3; 2]$  hám  $[2; 4) \cup [5; 8]$  kóplikleri arasında óz ara bir mánisli sáykeslik ornatań.

**A3.**  $[2, 4]$  kesindide jaylasqan sanlardıń onlıq bólshek jazılıwında 5 cıfır qatnaspaǵan barlıq sanlar kópliginiń Lebeg ólshewin tabıń.

**B1.**  $\int_E f(x) d\mu$  Lebeg integralın esaplań,  $E = [0, 1]$ ,  $f(x) = \begin{cases} \frac{1}{(x+1)^3} & x \in \mathbb{I} \cap [0, 1] \\ 7x, & x \in \mathbb{Q} \end{cases}$

**B2.** Tórende berilgenler boyınsha  $x, y \in X$  elementler arasındaǵı aralıqtı tabıń:  $X = C[0, \pi]$ ,  $\rho(x, y) = \max_{0 \leq t \leq \pi} |x(t) - y(t)|$ ,  $x(t) = \sin 2t$ ,  $y = \cos 4t$ .

**B3.**  $A$  hám  $B$  kóplikleri arasında óz ara bir mánisli sáykeslik anıqlań.  $A = (-5; 3)$ ,  $B = [-2; 8]$ .

**C1.**  $P = \{0 \leq x \leq 1, 0 \leq y \leq 1\}$  hám  $Q = \{0.3 \leq x \leq 0.8, 0 \leq y \leq 1\}$  tuwrı múyeshlikler kesilipesiniń ólshewin tabıń.

**C2.** Lebeg integralın  $\left(\int_A f(x) d\mu\right)$  esaplań:  $f(x) = \frac{1}{[x-1]^!}$ ,  $A = (1; 3)$ ;

**C3.**  $[2; 5]$  kóplikte ólshewsiz kóplikke missal keltiriń.

## 41-bilet

**T1.** Kompakt metrikalıq keńislikler.

**T2.** Ólshewli funksiýalar hám olardıń qásiyetleri.

**A1.**  $A = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : xy \geq 0\}$ ,  $B = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : |x| + |y - 2| \geq 1\}$ ,  $A$ ,  $B$ ,  $A \cup B$ ,  $A \cap B$ ,  $A \setminus B$ ,  $B \setminus A$ ,  $A \triangle B$  kópliklerin anıqlań hám súwretleń.

**A2.**  $[0; 5)$  hám  $[-2; 0) \cup [1; 4)$  kóplikleri arasında óz ara bir mánisli sáykeslik ornatiń.

**A3.**  $[3, 5]$  kesindide jaylasqan sanlardıń onlıq bólshek jazılıwında 6 cıfır qatnaspağan barlıq sanlar kópliginiń Lebeg ólshewin tabıń.

**B1.**  $\int_E f(x) d\mu$  Lebeg integralın esaplań,  $f(x) = \begin{cases} \frac{x^2}{(x+2)(x+4)}, & x \in \mathbb{I} \cap [2, 4] \\ 4x^3, & x \in \mathbb{Q} \cap [2, 4], E = [2, 4] \end{cases}$

**B2.** Tórende berilgenler boyınsha  $x, y \in X$  elementler arasındaǵı aralıqtı tabıń:  $X = C\left[\frac{\pi}{4}; \frac{\pi}{3}\right]$ ,  $\rho(x, y) = \max_{\frac{\pi}{4} \leq t \leq \frac{\pi}{3}} |x(t) - y(t)|$ ,  $x(t) = \operatorname{ctg}(2t + \pi/6)$ ,  $y = \operatorname{tg}(t - \pi/6)$

**B3.**  $A$  hám  $B$  kóplikleri arasında óz ara bir mánisli sáykeslik anıqlań.  $A = [-7; 3)$ ,  $B = [-5; 7]$ .

**C1.** Kópliktiń Lebeg ólshewin tabıń:  $A = \bigcup_{k=1}^{\infty} \left(2k - 2^{-k}, 2k + \frac{1}{k!}\right)$ ;

**C2.** Lebeg integralın  $\left(\int_A f(x) d\mu\right)$  esaplań:  $f(x) = \frac{1}{[x+1]}$ ,  $A = [1; 5)$ ;

**C3.**  $[-4; -1]$  kóplikte ólshewsiz kóplikke missal keltiriń.

## 42-bilet

**T1.** Kóplikler hám olar ústinde ámeller.

**T2.** Tegislikte elementar kóplikler hám olardıń ólshewi.

**A1.**  $A = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : y = x^2\}$ ,  $B = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : x^2 + (y - 1)^2 \leq 1\}$ ,  $A$ ,  $B$ ,  $A \cup B$ ,  $A \cap B$ ,  $A \setminus B$ ,  $B \setminus A$ ,  $A \triangle B$  kópliklerin anıqlań hám súwretleń.

**A2.**  $[0; 3)$  hám  $[2; 4) \cup [5; 6)$  kóplikleri arasında óz ara bir mánisli sáykeslik ornatiń.

**A3.**  $[2, 4]$  kesindide jaylasqan sanlardıń onlıq bólshek jazılıwında 5 cıfır qatnaspağan barlıq sanlar kópliginiń Lebeg ólshewin tabıń.

**B1.**  $\int_E f(x) d\mu$  Lebeg integralın esaplań,  $E = [0, 1]$ ,  $f(x) = \begin{cases} \frac{1}{\sqrt{x}}, & x \in \mathbb{I} \cap [0, 1] \\ \sin x, & x \in \mathbb{Q} \end{cases}$

**B2.** Tórende berilgenler boyınsha  $x, y \in X$  elementler arasındaǵı aralıqtı tabıń:  $X = C\left[\frac{\pi}{4}; \frac{\pi}{2}\right]$ ,  $\rho(x, y) = \max_{\frac{\pi}{4} \leq t \leq \frac{\pi}{2}} |x(t) - y(t)|$ ,  $x(t) = \operatorname{ctg}(2t - \pi/6)$ ,  $y = \operatorname{tg}(t - \pi/6)$

**B3.**  $A$  hám  $B$  kóplikleri arasında óz ara bir mánisli sáykeslik anıqlań.  $A = [-6; 2]$ ,  $B = (-7; 3)$ .

**C1.** Kópliktiń Lebeg ólshewin tabıń:  $A = \bigcup_{k=1}^{\infty} \left(k, k + \frac{1}{k!}\right)$ ;

**C2.** Lebeg integralın  $\left(\int_A f(x) d\mu\right)$  esaplań:  $f(x) = \operatorname{sign}(x + 1)$ ,  $A = [-2; 2]$ ;

**C3.**  $[-10; -7]$  kóplikte ólshewsiz kóplikke missal keltiriń.

#### 43-bilet

**T1.** Metrikalıq keńisliklerde ashıq hám tuyıq kóplikler.

**T2.** Metrikalıq keńisliklerdiń úziksiz sáwlelendiriwleri.

**A1.**  $A = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : y = x^2\}$ ,  $B = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : (x - 1)^2 + (y - 1)^2 \leq 4\}$ ,  $A$ ,  $B$ ,  $A \cup B$ ,  $A \cap B$ ,  $A \setminus B$ ,  $B \setminus A$ ,  $A \triangle B$  kópliklerin anıqlań hám súwretleń.

**A2.**  $(-4; 1]$  hám  $(-1; 3) \cup [8; 9]$  kóplikleri arasında óz ara bir mánisli sáykeslik ornatıń.

**A3.**  $[6, 8]$  kesindide jaylasqan sanlardıń onlıq bólshek jazılıwında 9 cıfır qatnaspağan barlıq sanlar kópliginiń Lebeg ólshewin tabıń.

**B1.**  $\int_E f(x) d\mu$  Lebeg integraln esaplań,  $E = [0, 1]$ ,  $f(x) = \begin{cases} \frac{1}{(x+1)^3} & x \in \mathbb{I} \cap [0, 1] \\ 7x, & x \in \mathbb{Q} \end{cases}$

**B2.** Tórende berilgenler boyınsha  $x, y \in X$  elementler arasındaǵı aralıqtı tabıń:  $X = C\left[\frac{\pi}{6}; \frac{\pi}{3}\right]$ ,  $\rho(x, y) = \max_{\frac{\pi}{6} \leq t \leq \frac{\pi}{3}} |x(t) - y(t)|$ ,  $x(t) = ctg(t + \pi/6)$ ,  $y = tg t$

**B3.**  $A$  hám  $B$  kóplikleri arasında óz ara bir mánisli sáykeslik anıqlań.  $A = (-2; 4)$ ,  $B = [2; 10)$ .

**C1.** Kópliktiń Lebeg ólshewin tabıń:  $A = \bigcup_{k=1}^{\infty} \left(k, k + \frac{3}{k(k+1)}\right)$ ;

**C2.** Lebeg integraln  $\left(\int_A f(x) d\mu\right)$  esaplań:  $f(x) = 2^{(-1)^{[x]}}$ ,  $A = [0; 3)$ ;

**C3.**  $[8; 11]$  kóplikte ólshewsiz kóplikke missal keltiriń.

#### 44-bilet

**T1.** Kópliktiń quwatlıǵı hám onıń qásiyetleri.

**T2.** Lebeg hám Riss teoremları.

**A1.**  $A = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : x = -y\}$ ,  $B = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : |x| + |y| \leq 2\}$ ,  $A$ ,  $B$ ,  $A \cup B$ ,  $A \cap B$ ,  $A \setminus B$ ,  $B \setminus A$ ,  $A \triangle B$  kópliklerin anıqlań hám súwretleń.

**A2.**  $[-2; 1)$  hám  $[1; 2) \cup [3; 5)$  kóplikleri arasında óz ara bir mánisli sáykeslik ornatıń.

**A3.**  $[4, 6]$  kesindide jaylasqan sanlardıń onlıq bólshek jazılıwında 6 cıfır qatnaspağan barlıq sanlar kópliginiń Lebeg ólshewin tabıń.

**B1.**  $\int_E f(x) d\mu$  Lebeg integraln esaplań,  $f(x) = \begin{cases} \frac{x^2}{(x+3)(x+2)}, & x \in \mathbb{I} \cap [2, 4] \\ 3x^2 - 2, & x \in \mathbb{Q} \cap [2, 4], \end{cases}$   $E = [2, 4]$

**B2.** Tórende berilgenler boyınsha  $x, y \in X$  elementler arasındaǵı aralıqtı tabıń:  $X = C\left[\frac{\pi}{6}; \frac{\pi}{4}\right]$ ,  $\rho(x, y) = \max_{\frac{\pi}{6} \leq t \leq \frac{\pi}{4}} |x(t) - y(t)|$ ,  $x(t) = ctgt$ ,  $y = tg\left(2t - \frac{\pi}{6}\right)$

**B3.**  $A$  hám  $B$  kóplikleri arasında óz ara bir mánisli sáykeslik anıqlań.  $A = (-3; 5)$ ,  $B = [-8; 6)$ .

**C1.** Kópliktiń Lebeg ólshewin tabıń:  $A = \bigcup_{k=1}^{\infty} \left(\frac{1}{2k}, \frac{1}{k}\right)$ ;

**C2.** Lebeg integraln  $\left(\int_A f(x) d\mu\right)$  esaplań:  $f(x) = 2[x]$ ,  $A = (-3; 3)$ ;

**C3.**  $[0; 3]$  kóplikte ólshewsiz kóplikke missal keltiriń.

## 45-bilet

**T1.** Metrikalıq keńislik hám oǵan mısallar.

**T2.** Egorov teoreması.

**A1.**  $A = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : \max\{|x|, |y|\} \leq 2\}$ ,  $B = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : x^2 + 1 \leq y\}$ ,  $A$ ,  $B$ ,  $A \cup B$ ,  $A \cap B$ ,  $A \setminus B$ ,  $B \setminus A$ ,  $A \triangle B$  kópliklerin anıqlań hám súwretleń.

**A2.**  $[-4; 1)$  hám  $[-3; -1) \cup [3; 6)$  kóplikleri arasında óz ara bir mánisli sáykeslik ornatıń.

**A3.**  $[0, 1]$  kesindide jaylasqan sanlardıń onlıq bólshek jazılıwında 1 cıfır qatnaspaǵan barlıq sanlar kópliginiń Lebeg ólshewin tabıń.

**B1.**  $\int_E f(x) d\mu$  Lebeg integraln esaplań,  $f(x) = \begin{cases} \frac{x^2}{(x-2)(x-4)}, & x \in \mathbb{I} \cap [-4; -1] \\ 3x^2 - 2, & x \in \mathbb{Q} \cap [-4; -1], E = [-4; -1] \end{cases}$

**B2.** Tórende berilgenler boyınsha  $x, y \in X$  elementler arasındaǵı aralıqtı tabıń:  $X = C[0; \pi/4]$ ,  $\rho(x, y) = \max_{0 \leq t \leq \pi/4} |x(t) - y(t)|$ ,  $x(t) = \sin t$ ,  $y = \cos 3t$

**B3.**  $A$  hám  $B$  kóplikleri arasında óz ara bir mánisli sáykeslik anıqlań.  $A = (-5; 3)$ ,  $B = [-10; 3]$ .

**C1.** Kópliktiń Lebeg ólshewin tabıń:  $A = \bigcup_{k=1}^{\infty} \left(k - 2^{-k}, k + \frac{1}{k!}\right)$ ;

**C2.** Lebeg integraln  $(\int_A f(x) d\mu)$  esaplań:  $f(x) = \frac{1}{[x-1]!}$ ,  $A = (1; 3)$ ;

**C3.**  $[-12; -9]$  kóplikte ólshewsiz kóplikke missal keltiriń.

## 46-bilet

**T1.** Kompakt metrikalıq keńislikler.

**T2.** Ólshewli funkciyalar hám olardıń qásiyetleri.

**A1.**  $A = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : |x| + |y| \leq 2\}$ ,  $B = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : 9x^2 + y^2 \geq 9\}$ ,  $A$ ,  $B$ ,  $A \cup B$ ,  $A \cap B$ ,  $A \setminus B$ ,  $B \setminus A$ ,  $A \triangle B$  kópliklerin anıqlań hám súwretleń.

**A2.**  $(0; 6]$  hám  $(2; 4) \cup [7; 11]$  kóplikleri arasında óz ara bir mánisli sáykeslik ornatıń.

**A3.**  $[3, 4]$  kesindide jaylasqan sanlardıń onlıq bólshek jazılıwında 1 cıfır qatnaspaǵan barlıq sanlar kópliginiń Lebeg ólshewin tabıń.

**B1.**  $\int_E f(x) d\mu$  Lebeg integraln esaplań,  $f(x) = \begin{cases} \frac{x^2}{(x-5)(x-6)}, & x \in \mathbb{I} \cap [0, 4] \\ 3x^2 - 2, & x \in \mathbb{Q} \cap [0, 4], E = [0, 4] \end{cases}$

**B2.** Tórende berilgenler boyınsha  $x, y \in X$  elementler arasındaǵı aralıqtı tabıń:  $X = C[0; \pi/6]$ ,  $\rho(x, y) = \max_{0 \leq t \leq \pi/6} |x(t) - y(t)|$ ,  $x(t) = \sin 3t$ ,  $y = \cos t$

**B3.**  $A$  hám  $B$  kóplikleri arasında óz ara bir mánisli sáykeslik anıqlań.  $A = (-3; 3)$ ,  $B = [-1; 9]$ .

**C1.** Kópliktiń Lebeg ólshewin tabıń:  $A = \bigcup_{k=1}^{\infty} \left(\frac{1}{2k+1}, \frac{1}{2k}\right)$ ;

**C2.** Lebeg integraln  $(\int_A f(x) d\mu)$  esaplań:  $f(x) = \frac{1}{[x]!}$ ,  $A = [0; 4)$ ;

**C3.**  $[7; 10]$  kóplikte ólshewsiz kóplikke missal keltiriń.

## 47-bilet

**T1.** Kóplikler hám olar ústinde ámeller.

**T2.** Tegislikte elementar kóplikler hám olardıń ólshewi.

**A1.**  $A = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : x = -y\}$ ,  $B = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : (x - 2)^2 + (y + 3)^2 \geq 1\}$ ,  $A$ ,  $B$ ,  $A \cup B$ ,  $A \cap B$ ,  $A \setminus B$ ,  $B \setminus A$ ,  $A \triangle B$  kópliklerin anıqlań hám súwretleń.

**A2.**  $(-2; 6]$  hám  $(-3; -1) \cup [1; 7]$  kóplikleri arasında óz ara bir mánisli sáykeslik ornatıń.

**A3.**  $[0, 2]$  kesindide jaylasqan sanlardıń onlıq bólshek jazılıwında 2 cıfır qatnaspağan barlıq sanlar kópliginiń Lebeg ólshewin tabıń.

**B1.**  $\int_E f(x) d\mu$  Lebeg integraln esaplań,  $f(x) = \begin{cases} \frac{x^2}{(x-5)(x-7)}, & x \in \mathbb{I} \cap [1, 4] \\ 3x^2 - 2, & x \in \mathbb{Q} \cap [1, 4], \end{cases}$   $E = [1, 4]$

**B2.** Tórende berilgenler boyınsha  $x, y \in X$  elementler arasındaǵı aralıqtı tabıń:  $X = C[0; \pi/3]$ ,  $\rho(x, y) = \max_{0 \leq t \leq \pi/3} |x(t) - y(t)|$ ,  $x(t) = \sin t$ ,  $y = \cos 5t$

**B3.**  $A$  hám  $B$  kóplikleri arasında óz ara bir mánisli sáykeslik anıqlań.  $A = (-3; 4)$ ,  $B = [-2; 10)$ .

**C1.** Kópliktiń Lebeg ólshewin tabıń:  $A = \bigcup_{k=1}^{\infty} (k^2, k^2 + 2^{-k})$ ;

**C2.** Lebeg integraln  $(\int_A f(x) d\mu)$  esaplań:  $f(x) = \frac{(-1)^{[x]}}{[x]}$ ,  $A = [1; 4)$ ;

**C3.**  $[3; 6]$  kóplikte ólshewsiz kóplikke missal keltiriń.

## 48-bilet

**T1.** Metrikalıq keńisliklerde ashıq hám tuyıq kóplikler.

**T2.** Lebeg hám Riss teoremları.

**A1.**  $A = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : x \leq y\}$ ,  $B = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : 4x^2 + 9y^2 \geq 36\}$ ,  $A$ ,  $B$ ,  $A \cup B$ ,  $A \cap B$ ,  $A \setminus B$ ,  $B \setminus A$ ,  $A \triangle B$  kópliklerin anıqlań hám súwretleń.

**A2.**  $[-3; 3)$  hám  $[0; 4) \cup [7; 9)$  kóplikleri arasında óz ara bir mánisli sáykeslik ornatıń.

**A3.**  $[8, 10]$  kesindide jaylasqan sanlardıń onlıq bólshek jazılıwında 0 cıfır qatnaspağan barlıq sanlar kópliginiń Lebeg ólshewin tabıń.

**B1.**  $\int_E f(x) d\mu$  Lebeg integraln esaplań,  $f(x) = \begin{cases} \frac{x^2}{(x-2)(x-4)}, & x \in \mathbb{I} \cap [-1; 1] \\ 3x^2 - 2, & x \in \mathbb{Q} \cap [-1; 1], \end{cases}$   $E = [-1; 1]$

**B2.** Tórende berilgenler boyınsha  $x, y \in X$  elementler arasındaǵı aralıqtı tabıń:  $X = C[0; \pi/4]$ ,  $\rho(x, y) = \max_{0 \leq t \leq \pi/4} |x(t) - y(t)|$ ,  $x(t) = \sin 4t$ ,  $y = \cos 2t$

**B3.**  $A$  hám  $B$  kóplikleri arasında óz ara bir mánisli sáykeslik anıqlań.  $A = (-4; 6]$ ,  $B = [-2; 6]$ .

**C1.** Kópliktiń Lebeg ólshewin tabıń:  $A = \bigcup_{k=1}^{\infty} \left( \frac{1}{k+2}, \frac{1}{k} \right)$ ;

**C2.** Lebeg integraln  $(\int_A f(x) d\mu)$  esaplań:  $f(x) = [x] - 1$ ,  $A = [-1; 3]$ ;

**C3.**  $[6; 9]$  kóplikte ólshewsiz kóplikke missal keltiriń.



## 49-bilet

**T1.** Metrikalıq keńislik hám oǵan mısallar.

**T2.** Metrikalıq keńisliklerdiń úzliksiz sáwlelendiriwleri.

**A1.**  $A = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : x \leq y\}$ ,  $B = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : 9x^2 + y^2 \leq 9\}$ ,  $A$ ,  $B$ ,  $A \cup B$ ,  $A \cap B$ ,  $A \setminus B$ ,  $B \setminus A$ ,  $A \triangle B$  kópliklerin anıqlań hám súwretleń.

**A2.**  $[-1; 7)$  hám  $[-2; 4) \cup [7; 9)$  kóplikleri arasında óz ara bir mánisli sáykeslik ornatiń.

**A3.**  $[5, 7]$  kesindide jaylasqan sanlardıń onlıq bólshek jazılıwında 8 cıfır qatnaspaǵan barlıq sanlar kópliginiń Lebeg ólshewin tabıń.

**B1.**  $\int_E f(x) d\mu$  Lebeg integraln esaplań,  $f(x) = \begin{cases} \frac{x^2}{(x+2)(x+4)}, & x \in \mathbb{I} \cap [0, 4] \\ 3x^2 - 2, & x \in \mathbb{Q} \cap [0, 4], \end{cases}$   $E = [0, 4]$

**B2.** Tórende berilgenler boyınsha  $x, y \in X$  elementler arasındaǵı aralıqtı tabıń:  $X = C\left[\frac{\pi}{6}; \frac{\pi}{4}\right]$ ,  $\rho(x, y) = \max_{\frac{\pi}{6} \leq t \leq \frac{\pi}{4}} |x(t) - y(t)|$ ,  $x(t) = \operatorname{ctg}(2t - \pi/6)$ ,  $y = \operatorname{tg}(2t - \pi/6)$

**B3.**  $A$  hám  $B$  kóplikleri arasında óz ara bir mánisli sáykeslik anıqlań.  $A = [-2; 4]$ ,  $B = (-5; 5)$ .

**C1.** Kópliktiń Lebeg ólshewin tabıń:  $A = \bigcup_{k=1}^{\infty} [e^{-2k}, e^{-2k+1})$ .

**C2.** Lebeg integraln  $(\int_A f(x) d\mu)$  esaplań:  $f(x) = \operatorname{sign}(x)$ ,  $A = [-2; 2)$ ;

**C3.**  $[1; 4]$  kóplikte ólshewsiz kóplikke missal keltiriń.

## 50-bilet

**T1.** Kópliktiń quwatlıǵı hám onıń qásiyetleri.

**T2.** Egorov teoreması.

**A1.**  $A = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : \max\{|x|, |y|\} \leq 2\}$ ,  $B = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : 4 - x^2 \geq y\}$ ,  $A$ ,  $B$ ,  $A \cup B$ ,  $A \cap B$ ,  $A \setminus B$ ,  $B \setminus A$ ,  $A \triangle B$  kópliklerin anıqlań hám súwretleń.

**A2.**  $(-3; 4]$  hám  $(1; 4] \cup (6; 10]$  kóplikleri arasında óz ara bir mánisli sáykeslik ornatiń.

**A3.**  $[7, 9]$  kesindide jaylasqan sanlardıń onlıq bólshek jazılıwında 9 cıfır qatnaspaǵan barlıq sanlar kópliginiń Lebeg ólshewin tabıń.

**B1.**  $\int_E f(x) d\mu$  Lebeg integraln esaplań,  $f(x) = \begin{cases} \frac{x^2}{(x-5)(x-6)}, & x \in \mathbb{I} \cap [0, 4] \\ 3x^2 - 2, & x \in \mathbb{Q} \cap [0, 4], \end{cases}$   $E = [0, 4]$

**B2.** Tórende berilgenler boyınsha  $x, y \in X$  elementler arasındaǵı aralıqtı tabıń:  $X = C[0, \pi]$ ,  $\rho(x, y) = \max_{0 \leq t \leq \pi} |x(t) - y(t)|$ ,  $x(t) = \sin 2t$ ,  $y = \cos 4t$ .

**B3.**  $A$  hám  $B$  kóplikleri arasında óz ara bir mánisli sáykeslik anıqlań.  $A = (-2; 3]$ ,  $B = [-2; 8]$ .

**C1.** Kópliktiń Lebeg ólshewin tabıń:  $A = \bigcup_{k=1}^{\infty} \left(\frac{1}{2k}, \frac{1}{k}\right)$ ;

**C2.** Lebeg integraln  $(\int_A f(x) d\mu)$  esaplań:  $f(x) = \frac{1}{[x][x+1]}$ ,  $A = [1; 3]$ ;

**C3.**  $[0; 3]$  kóplikte ólshewsiz kóplikke missal keltiriń.