

Umelé neurónové siete dokumentácia

Ladislav Rajcsányi a Daniel Malenka

Obsah

Rozdelenie prác	3
1. Úloha	3
<u> Vypracovanie</u>	3
<u> Štruktúra MLP siete a parametre tréovania</u>	3
<u> Tréovanie a výsledky</u>	4
<u> Testovanie 5 bodov a ich triedenie</u>	5
2. Úloha	6
<u> Vstupné a výstupné dáta</u>	6
<u> Štruktúra MLP siete a parametre tréovania</u>	7
<u> Tréovanie a výsledky</u>	7
3. Úloha	16
<u> Vstupné a výstupné dáta</u>	16
<u> Štruktúra MLP siete a parametre tréovania</u>	16
<u> Tréovanie a výsledky</u>	16
<u> Testovanie</u>	23
Bonus	27

Rozdelenie prác

Prvú úlohu vypracoval Daniel Malenka, druhú Ladislav Rajcsányi , tretiu a bonusovú sme vypracovali spoločne.

Riešenia sú priložené vo forme spustiteľných programov v **Matlabe**, v priečinku **Figures** sa nachádzajú grafy, ktoré sme vytvorili pomocou programu.

1. Úloha

Úlohou bolo vytvoriť MLP sieť na rozpoznanie 5 skupín bodov , pričom ich bolo treba nájsť na základe troch parametrov (x , y , z) . Dáta sú uložené v súbore **databody2.mat** a nájsť čo najmenší počet neurónov v skrytej vrstve , tak aby neurónová sieť správne klasifikovala čo najviac bodov.

Vypracovanie :

Naše súradnice x , y , z , tvorili vstupy do neurónovej siete na základe ktorých sme určili do ktorej skupiny bude bod patriť . Pre výstup sme si vytvorili maticu ktorá mala riadky pretože sme mali výstupov a teda ich bolo treba zatriediť k jednej z daných skupín (výstupov) .

Štruktúra MLP siete a parametre tréovania :

Na vytvorenie MLP siete na klasifikáciu sme použili štruktúru **patternet**. Mala 1 skrytú vrstvu v ktorej sa nachádzalo 20 neurónov, ktoré mali aktivačnú funkciu **tansig (hyperbolický tangens)**. Počet neurónov sme hľadali experimentálne. Výstupné neuróny, 5 neurónov, mali aktivačnú funkciu **softmax**. Sieť používala kritériálnu funkciu **cross-entropy**. Pre ukončovacie podmienky sme stanovili tak že prvú , ktorá slúži na dosiahnutie minimálnej chyby sme nastavili na **net.trainParam.goal = 0.001**; . resp.= $1 \cdot 10^{-3}$. Druhá slúži na ukončenie tréovania ak zmena chyby bude malá – **net.trainParam.min_grad=1e-6**; . resp . = $1 \cdot 10^{-6}$

Ďalej sme nastavili ešte max. počet tréovacích cyklov na hodnotu = **100** , čo slúži najmä na to ak by sme nevedeli dosiahnuť minimálnu chybu. Na tréovanie sme vybrali náhodný výber dát (**net.divideFcn='dividerand'**) a to 80% z celkového počtu našich dát. Zvyšných 20% sme použili na tréovanie.

Trénovanie a výsledky :

Požadovanú chybu sme dosiahli už po 100 tréningových cykloch.



Figures – Uloha1 – Uloha1_Performance

Ďalej sme mohli použiť kontingenčnú maticu , kde si môžeme všimnúť že neboli rozpoznané 2 vzorky ktoré mali byť : jedna by mala byť klasifikovaná v druhej triede a druhá v piatej. Preto je naša úspešnosť 99.2 %.

Confusion Matrix						
Output Class	1	2	3	4	5	
	50 20.0%	0 0.0%	0 0.0%	0 0.0%	1 0.4%	98.0% 2.0%
	0 0.0%	49 19.6%	0 0.0%	0 0.0%	0 0.0%	100% 0.0%
	0 0.0%	0 0.0%	50 20.0%	0 0.0%	0 0.0%	100% 0.0%
	0 0.0%	1 0.4%	0 0.0%	50 20.0%	0 0.0%	98.0% 2.0%
	0 0.0%	0 0.0%	0 0.0%	0 0.0%	49 19.6%	100% 0.0%
1	2	3	4	5		
100% 0.0%	98.0% 2.0%	100% 0.0%	100% 0.0%	98.0% 2.0%	99.2% 0.8%	

Figures – Uloha1 – Uloha1_All_Confusion_Matrix

Testovanie 5 bodov a ich triedenie :

Bod	x	y	z
1.	0.9000	0.1000	0.9000
2.	0.5000	0.7000	0.1000
3.	0.2000	0.8000	0.6000
4.	0.9000	0.2000	0.3000
5.	1.0000	1.0000	1.0000

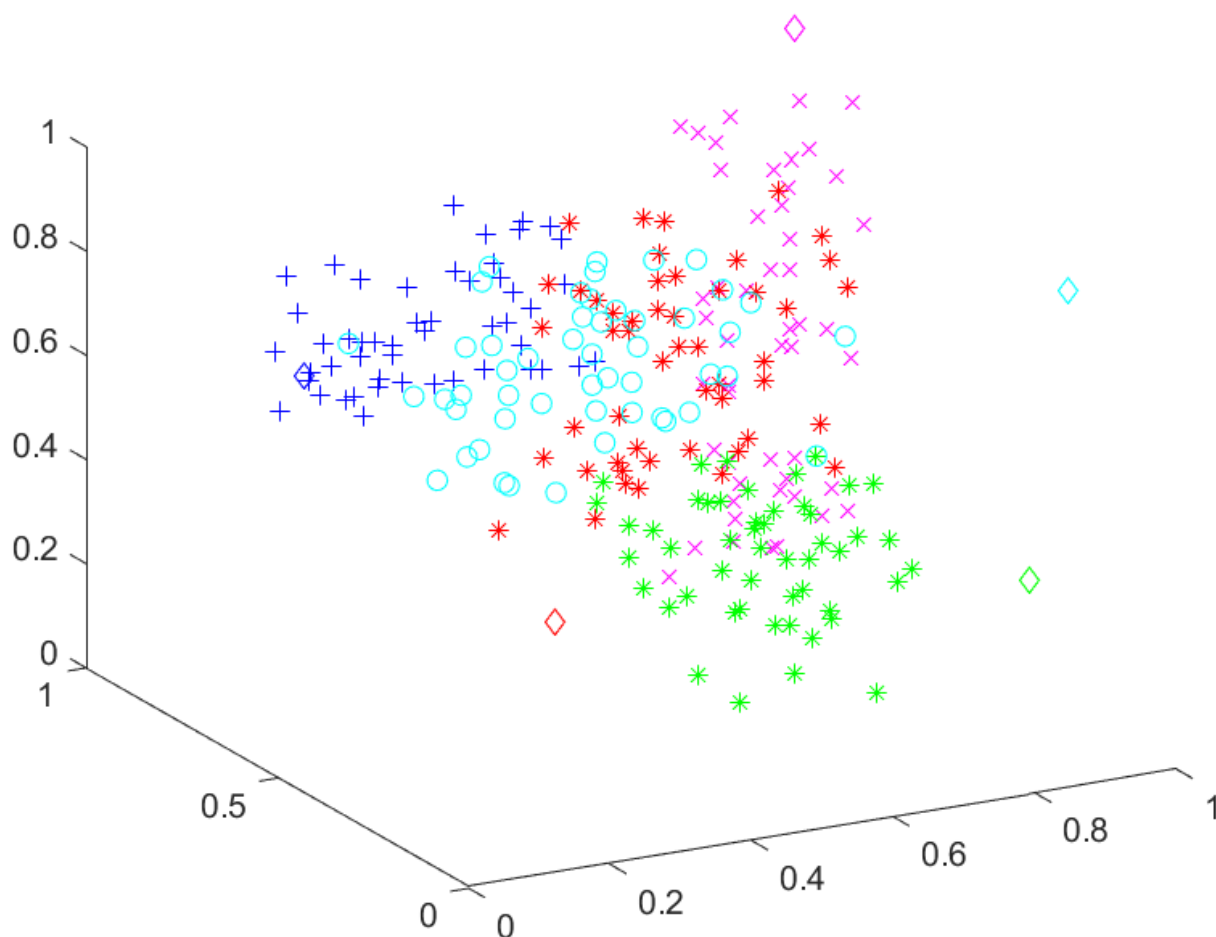
Trénovanie sme riešili takým spôsobom, že najprv sme vytvorili maticu s veľkosťou 5x3, a hodnoty v matici vyzerali ako vo vyššie uvedenej tabuľke. Tieto body sme museli transponovať, lebo vstupom sú tri parametre (x , y , z). Potom tieto transponované body sme dali do neurónovej siete ako vstupné dáta.

0.0000	0.0000	1.0000	0.0000	0.0000
1.0000	0.0000	0.0000	0.0000	0.0000
0.0000	0.0000	0.0000	1.0000	0.0000
0.0000	1.0000	0.0000	0.0000	0.0000
0.0000	0.0000	0.0000	0.0000	1.0000

Na výstup sme dostali takéto riadky, každý riadok reprezentuje jednu triedu, do ktorej môžu body patriť. Každý stĺpec reprezentuje zatriedenie jedného vstupného bodu do triedy. V každom prípade máme tam hodnoty z intervalu (0,1) ktoré budú reprezentovať percentá nakoľko bola sieť schopná zaradiť do správnej triedy. Pomocou funkcie **vec2ind** môžeme tieto výstupné dáta meniť na triedy.

2	4	1	3	5
---	---	---	---	---

Zadefinovali sme formu a farby , ktorými by sme chceli zobrazíť definované body. Vybrali sme diamantovú formu (**d**). Po zobrazení vstupných dát, ktoré sme načítali z **databody2**, sme zobrazili ešte 5 definovaných bodov. Celý graf vyzeral nasledovne:



Figures – Úloha1 – Úloha1_Testovanie

2. Úloha

Úlohou bolo vytvoriť MLP sieť na aproximáciu nelineárnej funkcie f so vstupom x a výstupom y . Po trénovaní sme mali v grafe farebne označiť trénovacie, testovacie dáta a výstup neurónovej siete.

Vstupné a výstupné dáta:

Načítali sme dáta, ktoré boli uložené v súbore **datafun2**. Tento súbor obsahoval súradnice x , y okrem nich sme tam mali aj **indx_train** a **indx_test**, ktoré budeme používať pri indexovom rozdelení. Hodnoty uložené v x budeme používať, ako vstupné dáta neurónovej siete, a hodnoty v y chceme dosiahnuť. Používali sme indexové rozdelenie, ktorú sme nastavili nasledovne:

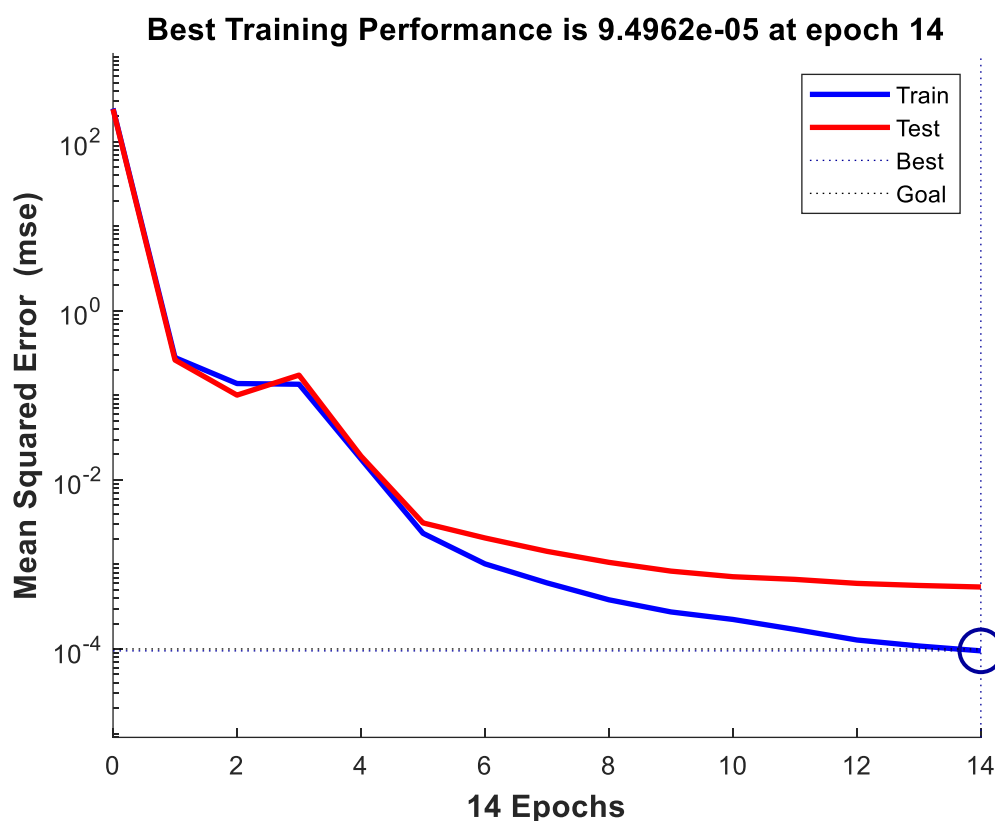
```
net.divideFcn='divideind';
net.divideParam.trainInd=indx_train;
net.divideParam.testInd=indx_test;
```

Štruktúra MLP siete a parametre tréovania:

Používali sme štruktúru **fitnet**. Mali sme len jednu skrytú vrstvu, ktorá obsahovala **15** neurónov, ktoré majú aktivačnú funkciu **tansig (hyperbolický tangens)**. Mali sme výstupný neurón, ktorý mal aktivačnú funkciu **purelin**. Sieť používala trénovaciu metódu **Levenberg-Marquardt**. Počet neurónov sme hľadali tak isto experimentálne ako v 1. úlohe. Jediná ukončovacia podmienka bola dosiahnutie minimálnej chyby, ktorú sme nastavili na **0.0001** teda **$1 \cdot 10^{-4}$** (alebo **$1e-4$**).

Tréovanie a výsledky :

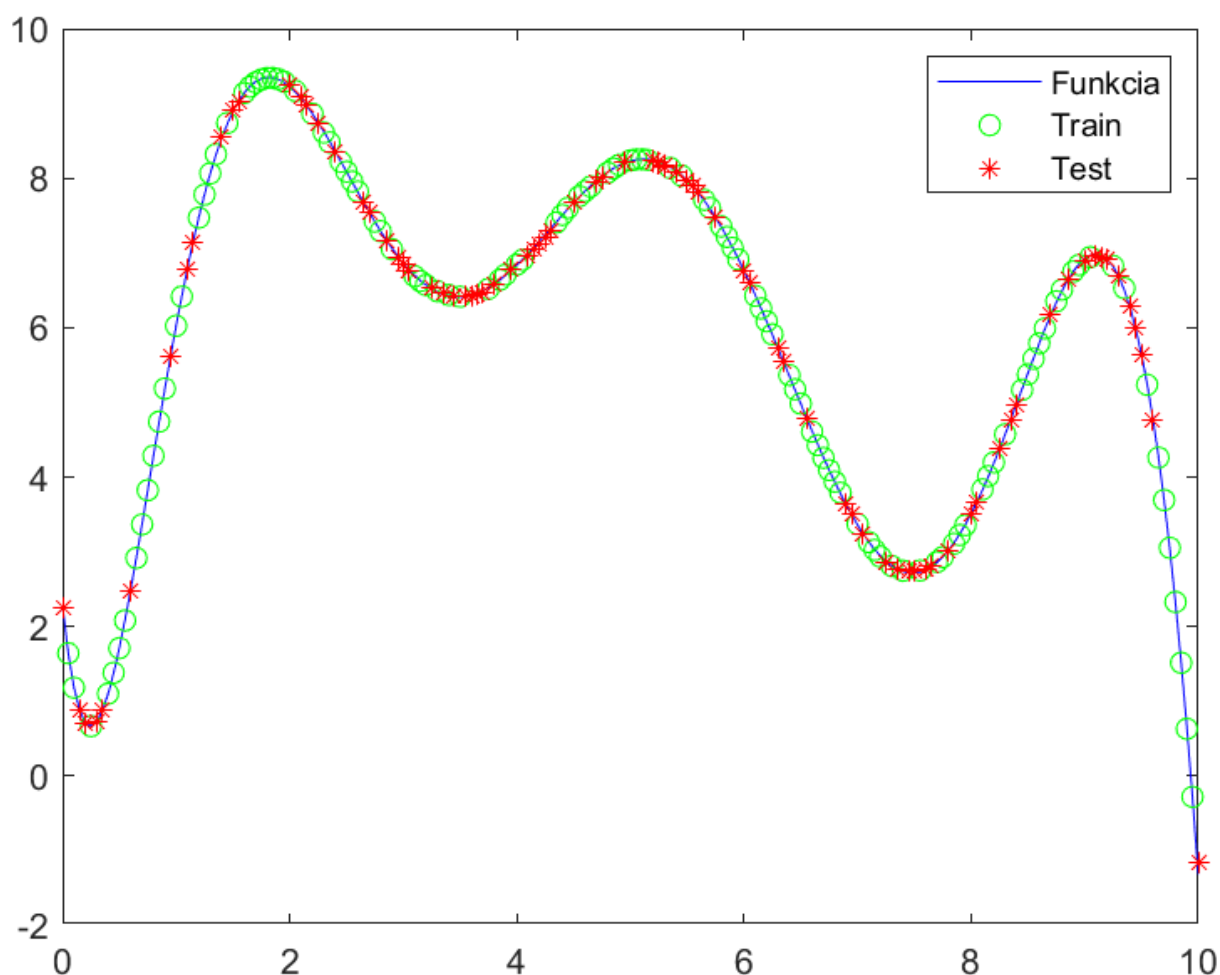
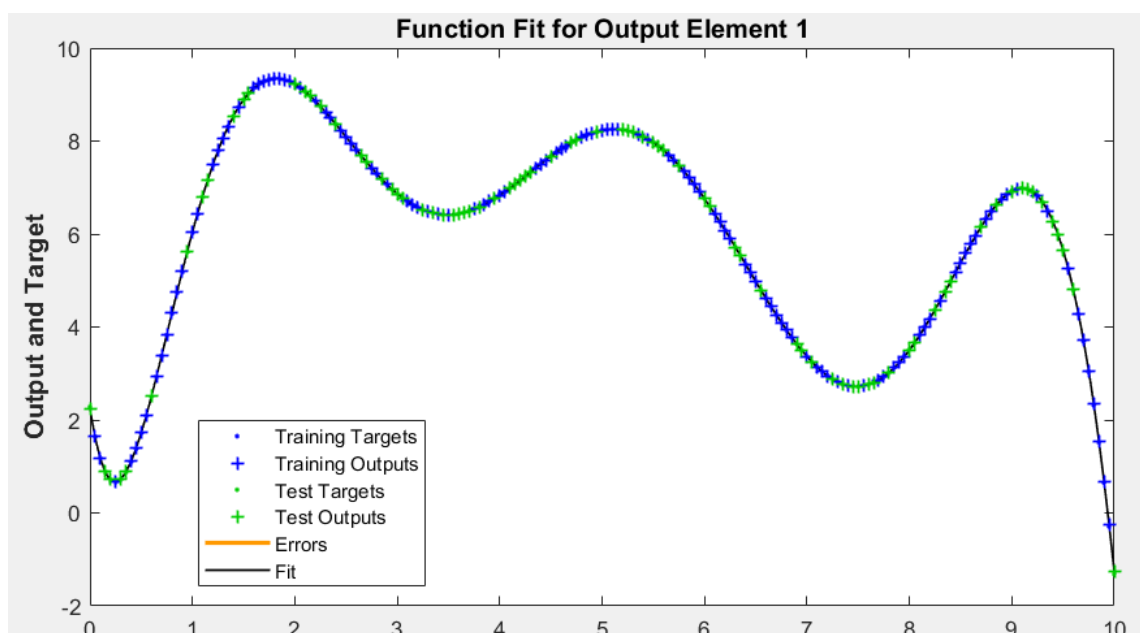
Pri používaní 15 neurónov v skrytej vrstve sme dosiahli nasledujúce výsledky:



Figures – Úloha2 – 15Neuron – Úloha2_Performance_15N

Minimálnu chybu (10^{-4}) sme dosiahli po 14 tréovacích cykloch .

Kedže teraz nešlo o klasifikačnej úlohe, kontingenčnú maticu sme tu nemali, ale namiesto toho sme našli **fitgraf** a okrem toho sme vytvorili aj vlastný graf.



Figures – Uloha2 – 15Neuron – Uloha2_Graf_15N

Po zobrazení grafov sme vyčíslili chyby **SSE** (suma kvadrátov odchýliek medzi meraným výstupom a výstupom siete), **MSE** (priemer z SSE), **MAE** (maximálna absolútna odchýlka medzi meraným výstupom a výstupom siete) na tréningových a testovacích dátach. Ktoré vyzerali nasledovne:


```
=====SSE=====
SSE for network:
    0.0552

SSE for training data:
    0.0114

SSE for testing data:
    0.0438

=====MSE=====
MSE for network:
    2.7448e-04

MSE for training data:
    9.4962e-05

MSE for testing data:
    5.4043e-04

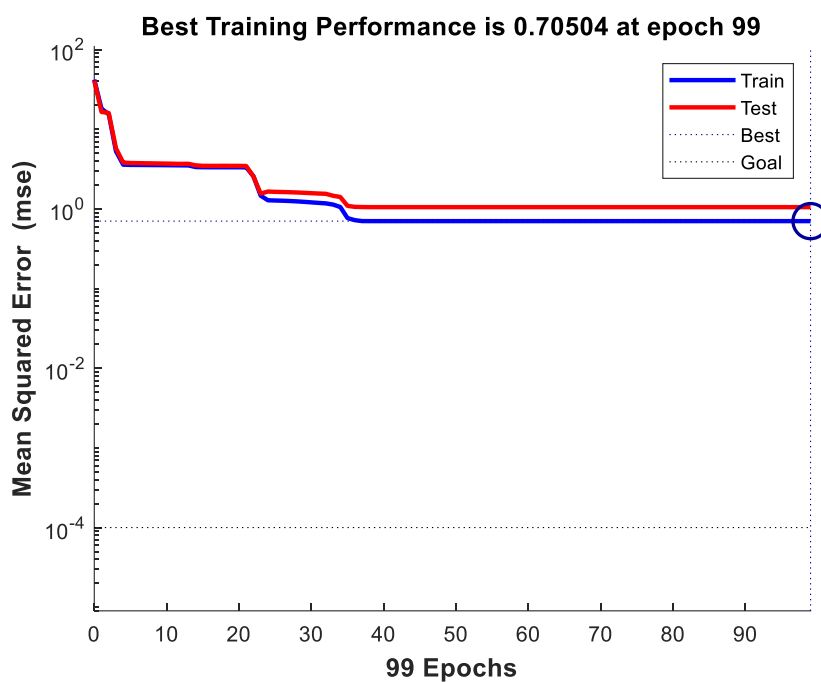
=====MAE=====
MAE for network:
    0.1551

MAE for training data:
    0.0289

MAE for testing data:
    0.1551
```

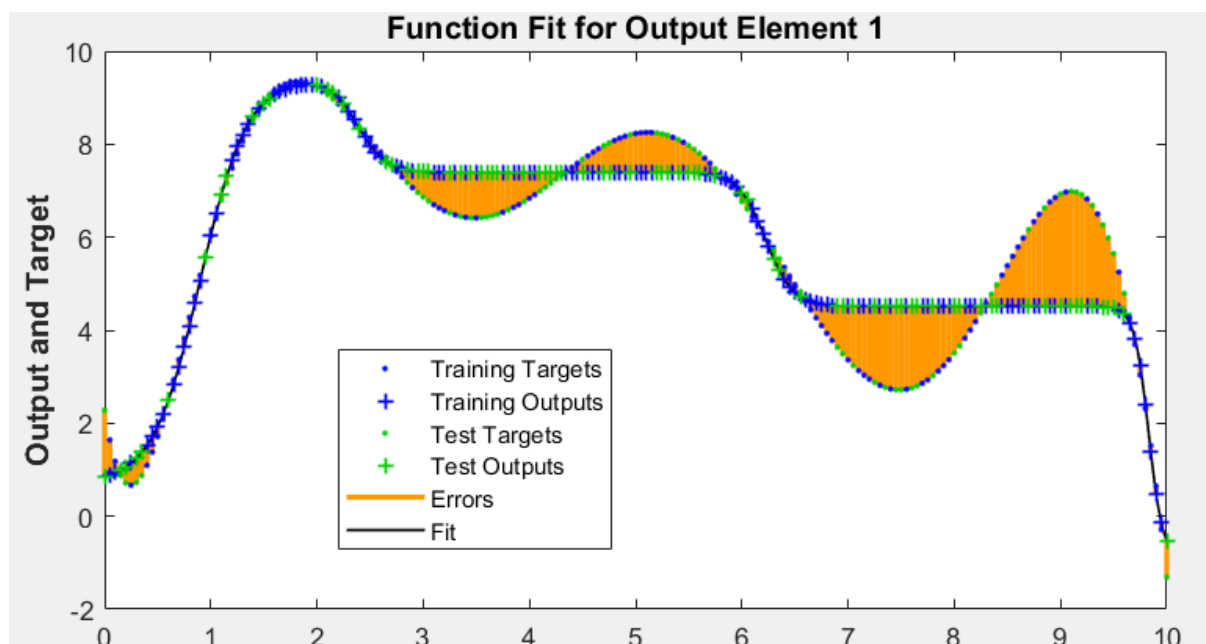
Figures – Uloha2 – MSE_MAE_SSE – 15Neuron – SSE_15,MSE_15,MAE_15

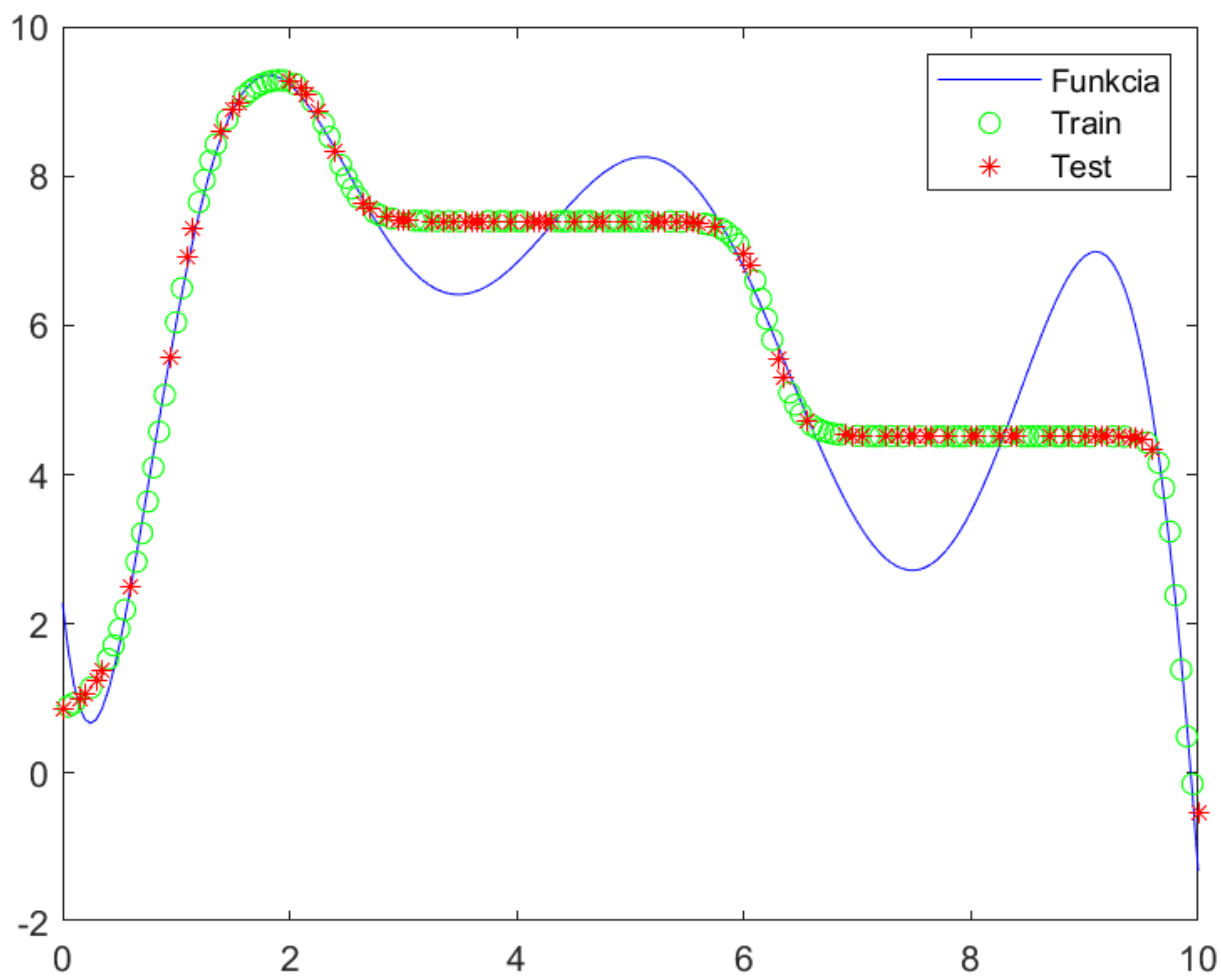
Pri používaní 4 neurónov v skrytej vrstve sme dosiahli nasledujúce výsledky:



Figures – Uloha2 – 4Neuron – Uloha2_Performance_4N

Minimálnu chybu (10^{-4}) sme nedosiahli ani po 99 tréningových cykloch . Toto znamená že na tréningových a testovacích dátach budeme mať dosť veľa chýb.





Figures – Uloha2 - 4Neuron - Uloha2_Graf_4N

Ako sme už videli na **performance** grafe na tréningových a testovacích dátach naša sieť má dosť veľkú chybovosť.

Dosiahli sme tieto chybové hodnoty:

```
=====SSE=====
SSE for network:
    170.1498

SSE for training data:
    84.6044

SSE for testing data:
    85.5454
```

```
=====MSE=====
MSE for network:
    0.8465

MSE for training data:
    0.7050

MSE for testing data:
    1.0561

=====MAE=====
MAE for network:
    2.4751

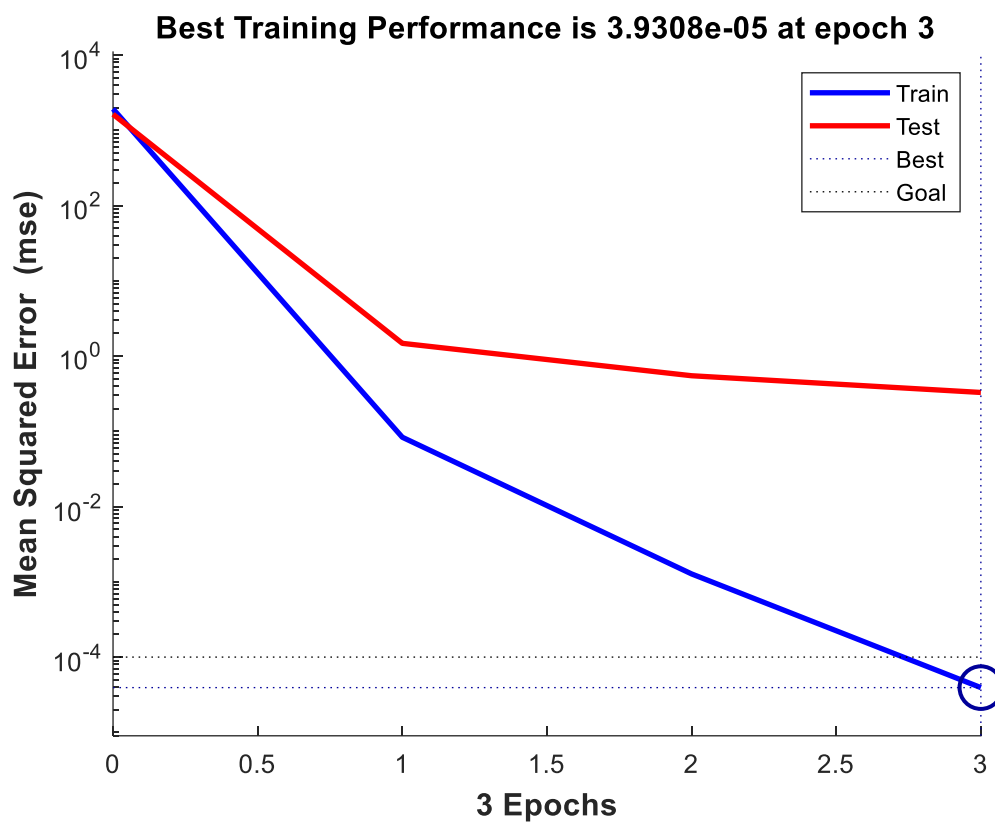
MAE for training data:
    2.4594

MAE for testing data:
    2.4751
```

Figures – Uloha2 – MSE_MAE_SSE – 4Neuron – SSE_4,MSE_4,MAE_4

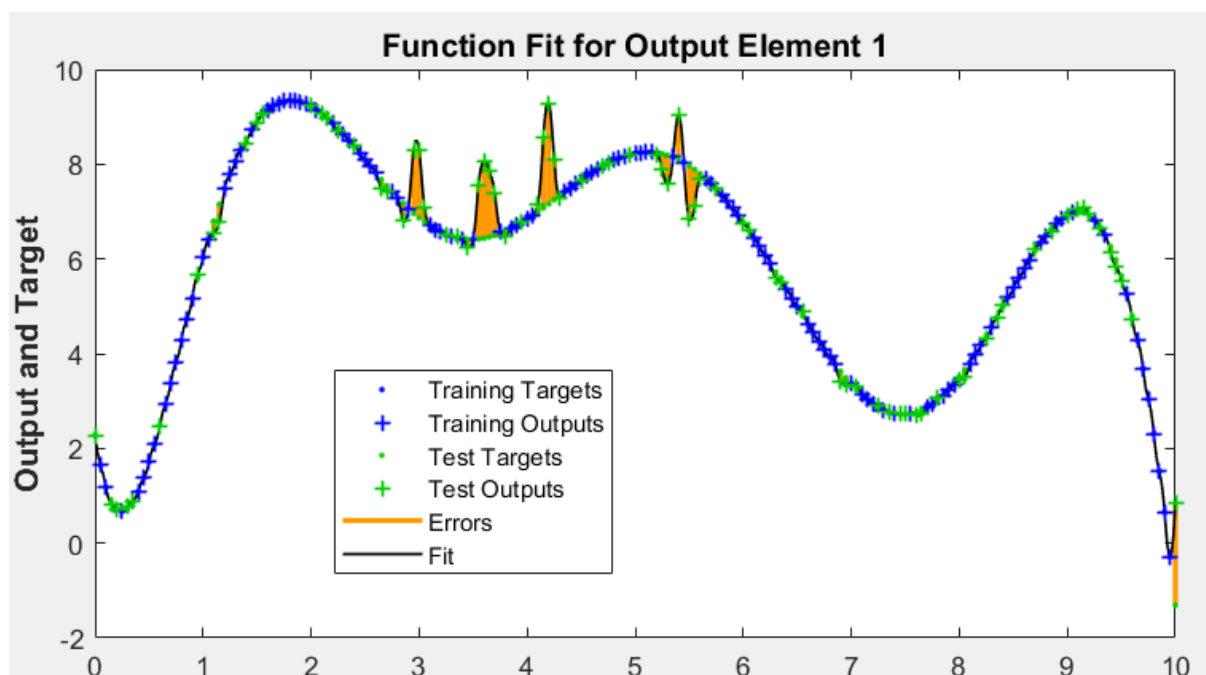
Tieto hodnoty sú oveľa horšie ako v prípade 15 neurónov.

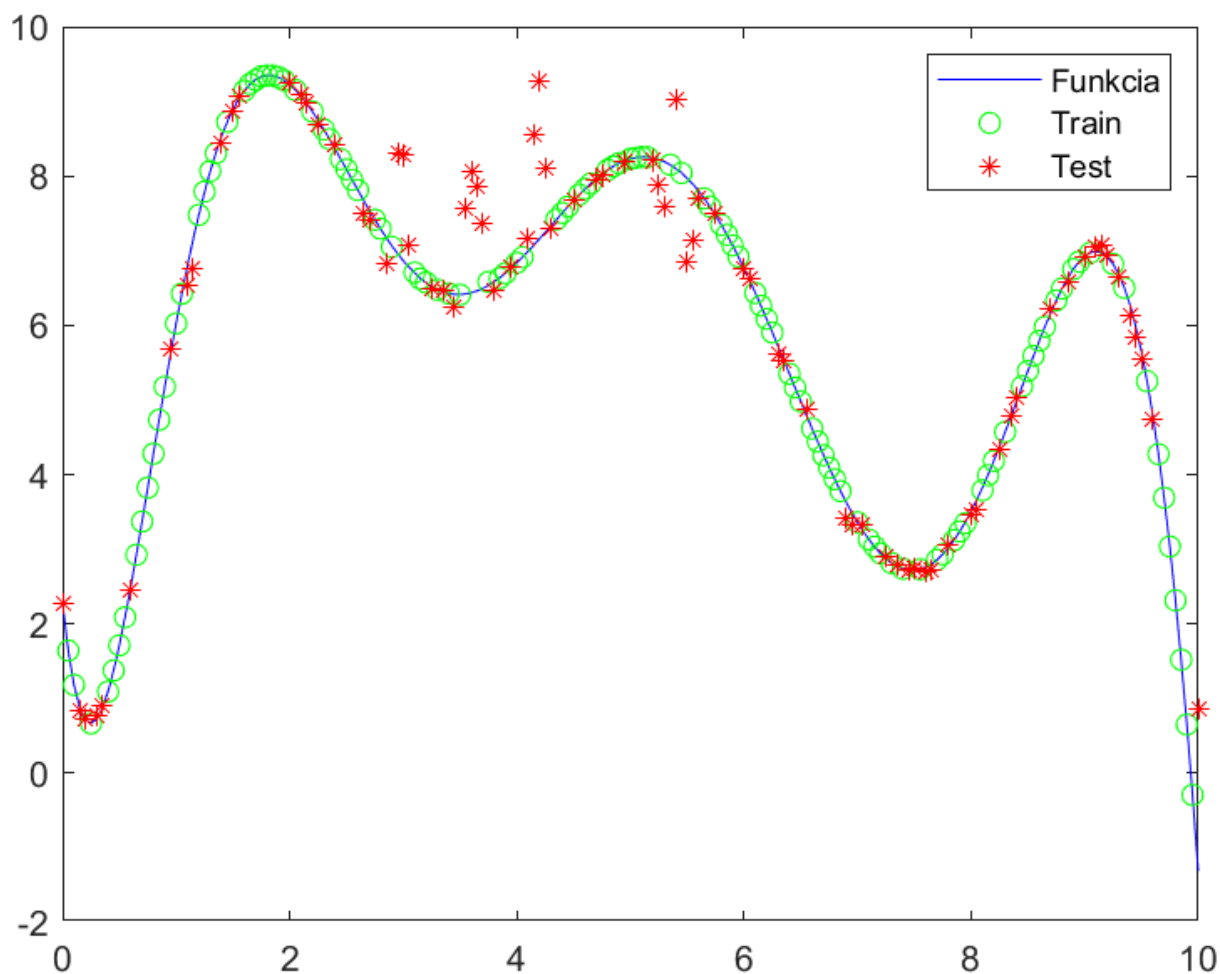
Potom sme vyskúšali čo sa stane, ak máme príliš veľa neurónov. Dosiahli sme nasledujúce výsledky:



Figures – Uloha2 – 100Neuron – Uloha2_Performance_100N

Z grafu je vidno, že na trénovacích dátach budeme mať menej chýb, a na testovacích bude z toho viac.





Figures – Uloha2 – 100Neuron – Uloha2_Graf_100N

Na tréningových dátach sieť dosiahla celkom dobré výsledky, ale na miestach, kde neurónová sieť počas tréningovania nemala informácie (testovacie dáta) dochádzalo k veľkej chybovosti. Chybové hodnoty boli nasledovné:

```
=====SSE=====
SSE for network:
    26.6438

SSE for training data:
    0.0047

SSE for testing data:
    26.6391
```

```
=====MSE=====
MSE for network:
    0.1326

MSE for training data:
    3.9308e-05

MSE for testing data:
    0.3289

=====MAE=====
MAE for network:
    2.1687

MAE for training data:
    0.0482

MAE for testing data:|
    2.1687
```

Figures – Uloha2 - MSE_MAE_SSE - 100Neuron - SSE_100,MSE_100,MAE_100

Aj tu je vidno, že na tréningových dátach sme dosiahli celkom nízke chyby, ale na testovacích dátach sme dostali oveľa väčšie.

3. Úloha

Mali sme vytvoriť MLP sieť, ktorá bude schopná na základe 19 parametrov rozpoznať (klasifikovať) ochorenie očného pozadia Diabetickú retinopatiu. Mali sme ich klasifikovať do dvoch skupín 0 – žiadne ochorenie, 1 – diagnostikované ochorenie diabetickej retinopatie.

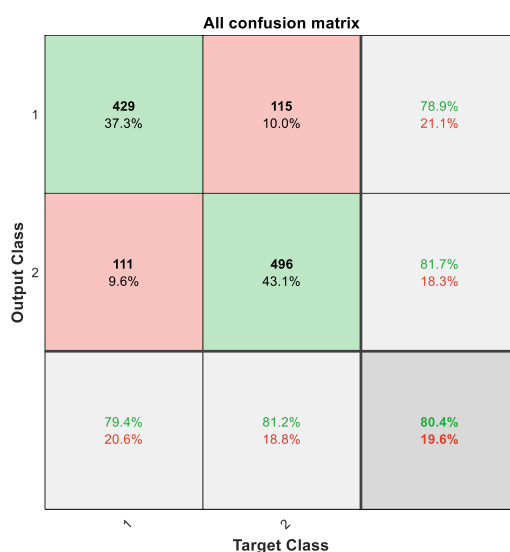
Vstupné a výstupné dáta:

Načítali sme dáta zo súboru **dataonly.txt**. Rozdelili sme ich do dvoch skupín. Prvých 19 transponovaných stĺpcov sme nazvali **inputs**, z 20. stĺpca sme vytvorili dvojriadkovú maticu takým spôsobom, že ak je v poslednom stĺpci 0 ide o zdravú vzorku, na 1. výstup siete sa dá jednotka, ak sme tam mali 1 ide o chorú vzorku, na 2. výstup siete sa dá jednotka. Po transponovaní sme túto maticu nazvali **targets**, teda hodnoty, ktorých chceme dosiahnuť. Po testovaní na výstup dostaneme dvojriadkovú maticu, presnejšie 2x1151.

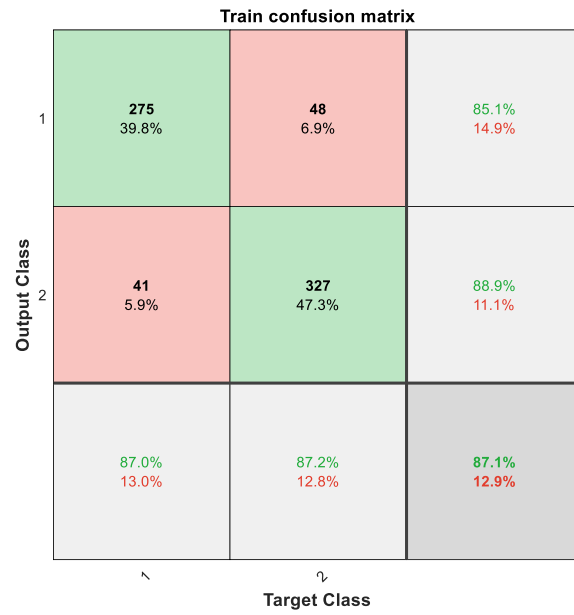
Štruktúra MLP siete a parametre tréovania:

Keďže ide o klasifikačnú úlohu, podobne ako v 1. úlohe sme používali štruktúru **patternet**. Mala 1 skrytú vrstvu v ktorej sa nachádzalo **40** neurónov, ktoré mali aktivačnú funkciu **tansig** (**hyperbolický tangens**). Výstupné neuróny, 2 neuróny, mali aktivačnú funkciu **softmax**. Sieť používala kritériálnu funkciu **cross-entropy**. Prvá ukončovacia podmienka bola dosiahnutie minimálnej chyby, ktorú sme nastavili na **0.000001 . resp. = $1 \cdot 10^{-6}$** . Druhá slúži na ukončenie tréovania ak zmena chyby bude malá - **net.trainParam.min_grad = $1e-10$; . resp. = $1 \cdot 10^{-10}$** . Ďalej sme nastavili ešte max. počet tréovacích cyklov na hodnotu **600**. Na tréovanie sme vybrali náhodný výber dát (**net.divideFcn='dividerand'**) a to 60% z celkového počtu našich dát. Zvyšných 40% sme použili na tréovanie.

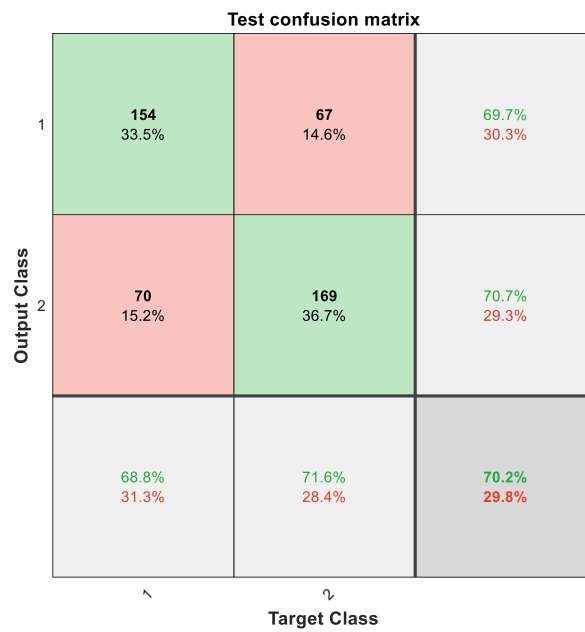
Tréovanie a výsledky :



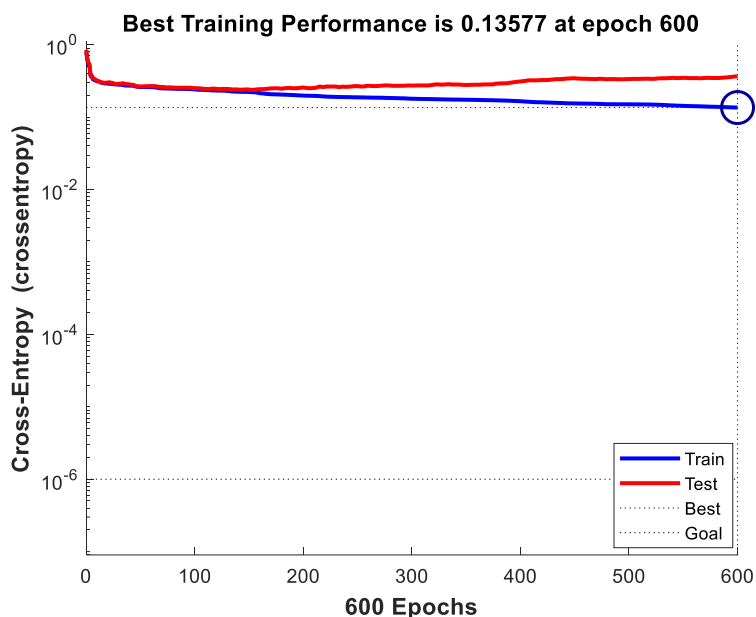
Figures – Úloha3 – OneRun – OneRun40N – AllCM40



Figures – Uloha3 – OneRun – OneRun40N – TrainCM40



Figures – Uloha3 – OneRun – OneRun40N – TestCM40



Figures – Uloha3 – OneRun – OneRun40N – Performance40

Na **Performance grafe** je vidno, že minimálnu chybu sme nedosiahli po 600 trénoch cykloch . Toto znamená, že aj na trénoch a testovacích dátach budeme mať príliš vysokú chybovosť (na testovacích väčšiu) , a preto ako je vidno vyššie na kontingenčnej matici (**All confusion matrix**) sme dosiahli len 80.4%, čo je len tesne nad požadovanou 80%.

Po 10 spustení sme dosiahli nasledujúce výsledky:

=====DOSIAHNUTÉ HODNOTY=====

Na trénoch dátach:

88.5673 87.9884 90.3039 88.5673 88.1331 90.8828 89.4356 89.0014 89.2909 90.1592

Na testovacích dátach:

72.6087 69.1304 70.4348 72.3913 71.9565 69.1304 71.0870 74.1304 70.4348 71.0870

=====TRAIN=====

Minimálna úspešnosť na trénoch dátach :

87.9884

Maximálna úspešnosť na trénoch dátach :

90.8828

Priemerná úspešnosť na trénoch dátach :

89.2330

=====TEST=====

Minimálna úspešnosť na testovacích dátach :

69.1304

Maximálna úspešnosť na testovacích dátach :

74.1304

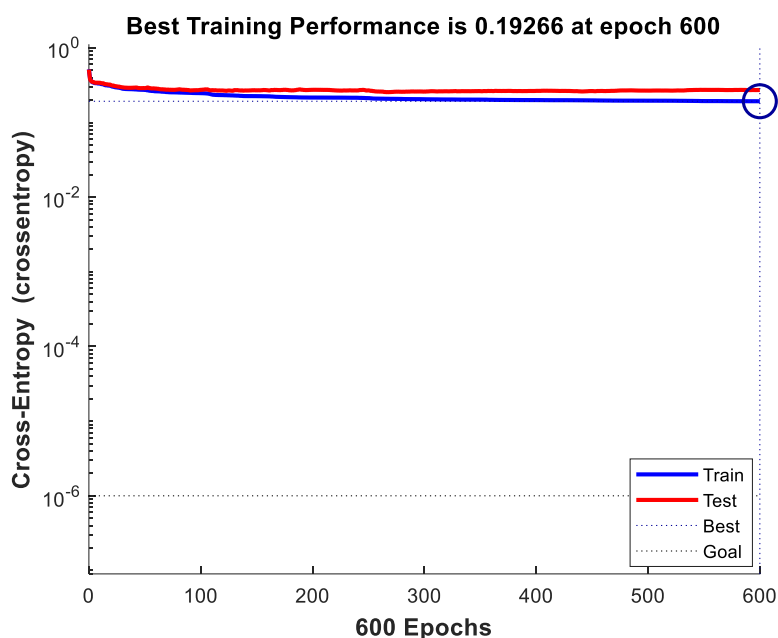
Priemerná úspešnosť na testovacích dátach :

71.2391

Figures – Uloha3 – TenRun40N – Dosiahnute_hodnoty, Train, Test

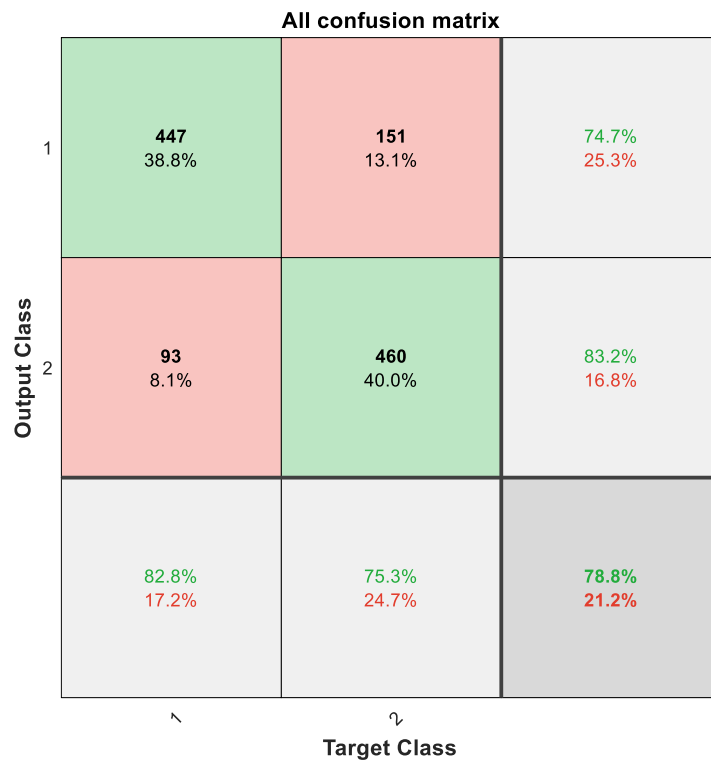
V priečinku **Figures/Uloha3/TenRun40N** sme nechali grafy proces trénovania a kontingenčné matice pre overenie.

Vyskúšali sme aké hodnoty dosiahneme pri používaní 5 neurónov:

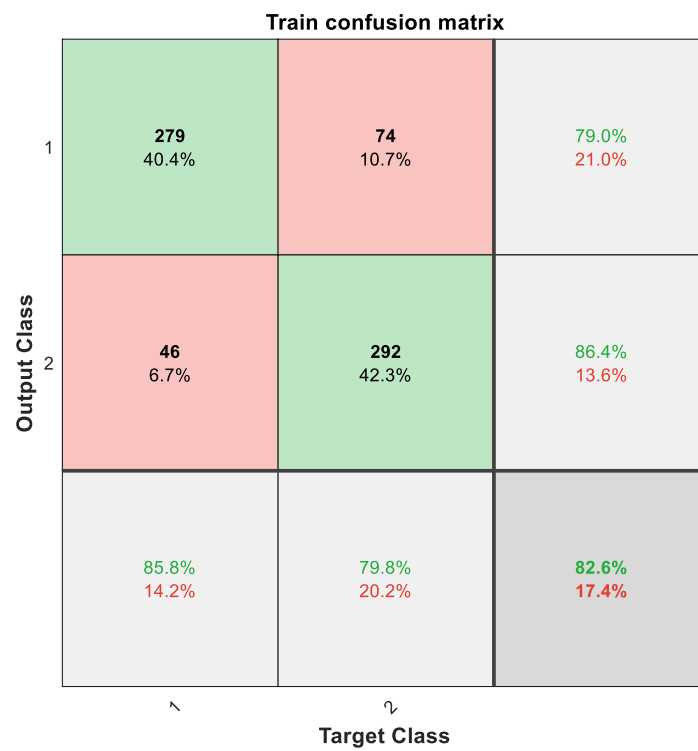


Figures – Uloha3 – OneRun – OneRun5N – Performance5

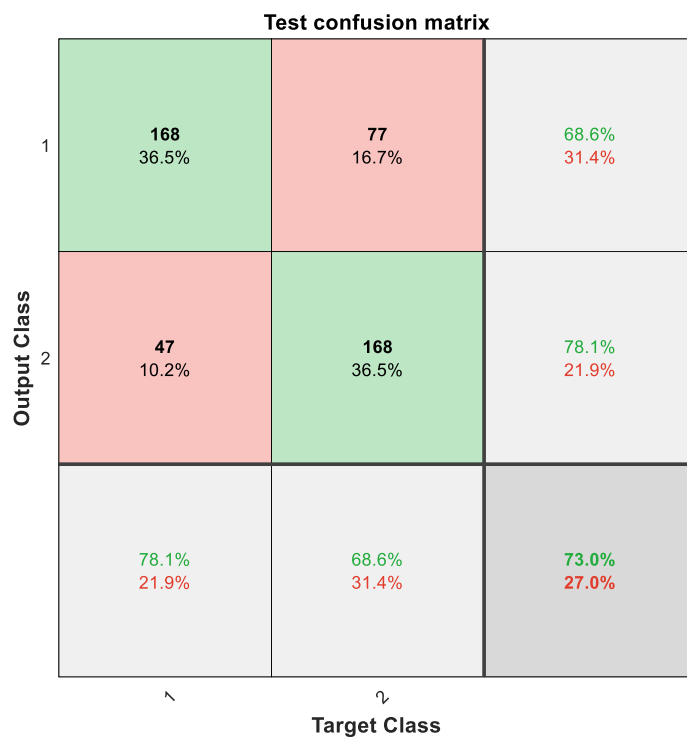
Minimálnu chybu sme nedosiahli po 600 trénovacích cykloch . Je vidno, že veľkú úspešnosť nedosiahneme, lebo máme veľkú chybovosť na oboch dátach. Na testovacích bude to väčšie.



Figures – Uloha3 – OneRun – OneRun5N – AllCM5



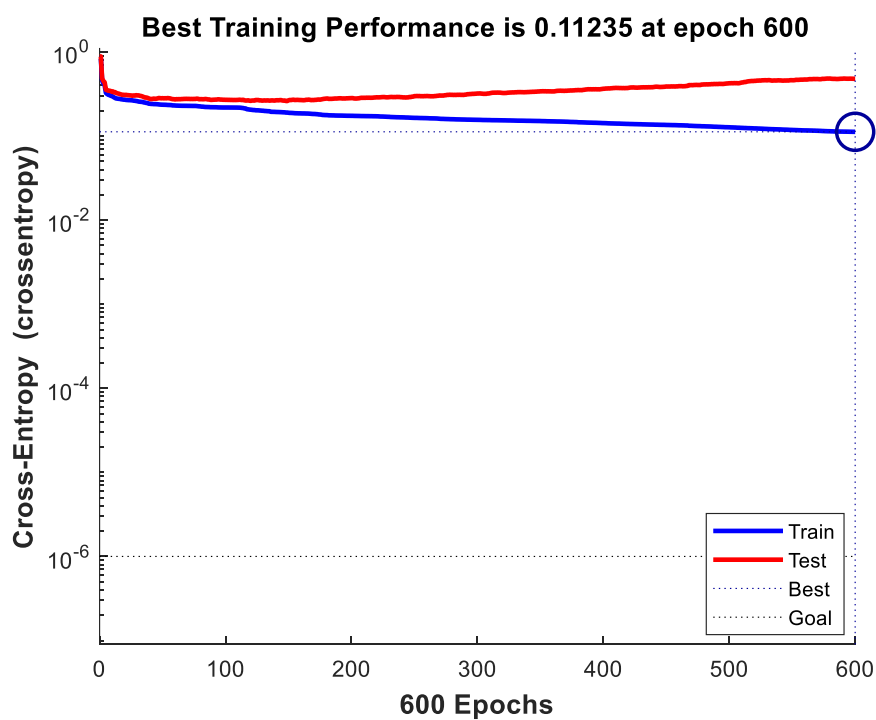
Figures – Uloha3 – OneRun – OneRun5N – TrainCM5



Figures – Uloha3 – OneRun – OneRun5N – TestCM5

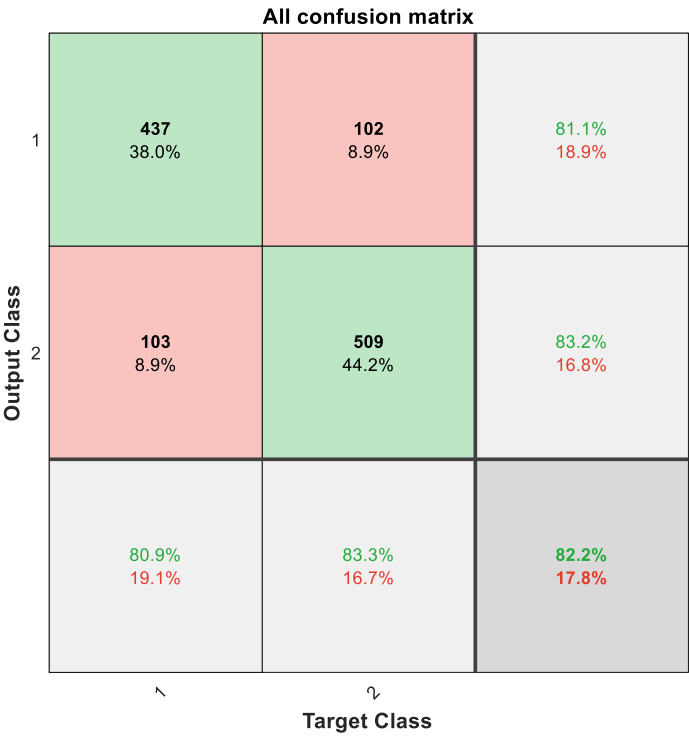
Požadovanú 80% úspešnosť, sme nedosiahli, lebo sme mali príliš málo neurónov.

Potom sme vyskúšali čo sa stane ak používame príliš veľa neurónov. Nasledujúce hodnoty sme dosiahli pri používaní **150** neurónov:

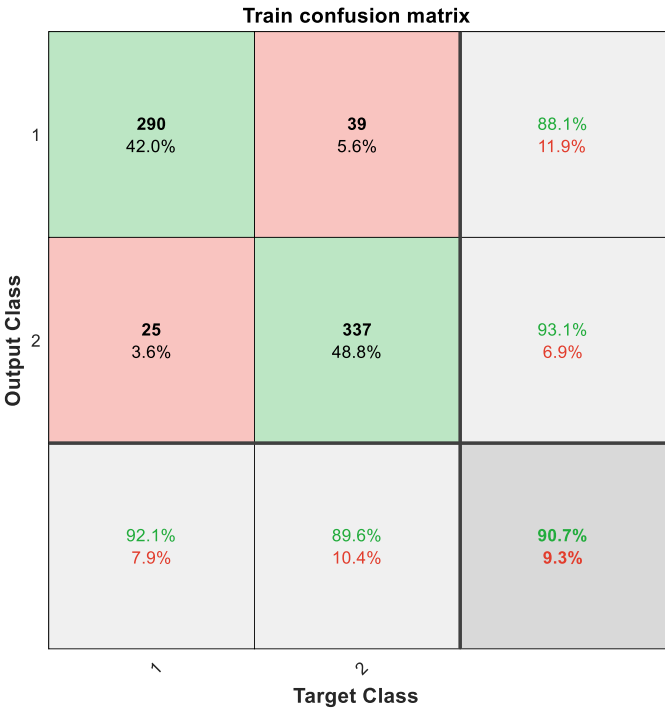


Figures – Uloha3 – OneRun – OneRun150N – Performance150

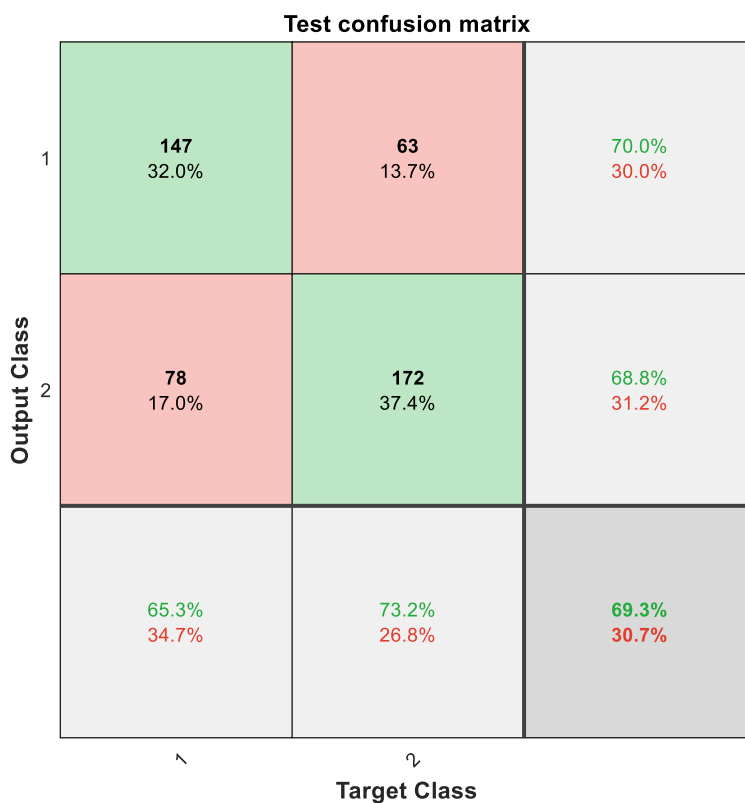
Ani v tomto prípade sme nedosiahli minimálnu chybu po 600 tréningových cykloch.



Figures – Uloha3 – OneRun – OneRun150N – AllCM150



Figures – Uloha3 – OneRun – OneRun150N – TrainCM150



Figures – Uloha3 – OneRun – OneRun150N – TestCM150

Napriek tomu, že sme nedosiahli minimálnu chybu splnili sme 80% celkovú úspešnosť.

Testovanie:

Na koniec sme náhodne vybrali 10 pacientov. Chceli by sme ich klasifikovať, či majú diabetickú retinopatiu alebo nie. Vyzeralo to nasledovne:

```
=====TESTOVANIE=====
===== 1. pacient =====

prediction =

    0.0000
    1.0000

predicted_output =

    1

real_output =

    1
```

```
===== 2. patient =====

prediction =

    0.0000
    1.0000

predicted_output =

    1

real_output =

    1

===== 3. patient =====

prediction =

    0.0844
    0.9156

predicted_output =

    1

real_output =

    0

===== 4. patient =====

prediction =

    0.5415
    0.4585

predicted_output =

    0

real_output =

    1
```



```
===== 5. patient =====
```

```
prediction =
```

```
    0.7050
```

```
    0.2950
```

```
predicted_output =
```

```
    0
```

```
real_output =
```

```
    1
```

```
===== 6. patient =====
```

```
prediction =
```

```
    0.9925
```

```
    0.0075
```

```
predicted_output =
```

```
    0
```

```
real_output =
```

```
    0
```

```
===== 7. patient =====
```

```
prediction =
```

```
    0.0017
```

```
    0.9983
```

```
predicted_output =
```

```
    1
```

```
real_output =
```

```
    1
```

```

===== 8. pacient =====

prediction =

    0.9788
    0.0212

predicted_output =

    0

real_output =

    0

===== 9. pacient =====

prediction =

    0.7535
    0.2465

predicted_output =

    0

real_output =

    0

===== 10. pacient =====

prediction =

    0.8677
    0.1323

predicted_output =

    0

real_output =

    0

```

Figures – Uloha3 – Testovanie – Testovanie1 ... Testovanie10

Sieť na ktorom sme testovali pacientov mala celkovú úspešnosť:

All confusion matrix

Output Class	1	2	
	1	2	
			Target Class
	1	2	
	1	2	
	1	2	

Z 10 pacientov nám správne klasifikoval 7. Podobne ako v 1. úlohe sme dostali na výstup toľko riadkov koľko tried sme mali , teda pacient je zdravý (prvý riadok) alebo má diabetickú retinopatiu (druhý riadok). Hodnoty sú z intervalu (0,1), ktoré budú reprezentovať percentá nakoľko bolo sieť schopná zaradiť do jednej skupiny. Pomocou funkcie **vec2ind** sme zobrazili triedy do ktorej sme zaradili pacienta. Potom sme ešte zobrazili aj správne riešenie.

Bonus

Na základe rozmiestnenia odberateľov na mape Slovenska sme mali nájsť optimálne rozmiestnenie distribučných skladov pre počet 6,8,9,10 pomocou Kohonenovej siete. Na koniec sme mali farebne znázorniť rozložené sklady a k nim priradených odberateľov. Mali sme aj vyčísliť počet priradených odberateľov, sumu vzdialeností odberateľom od priradeného skladu a priemernú vzdialenosť odberateľa.

Túto úlohu sem riešili implementovaním Kohonenovej siete, v algoritmu učenia sme mali nastavené tieto počiatočné hodnoty:

```
counter = 10;

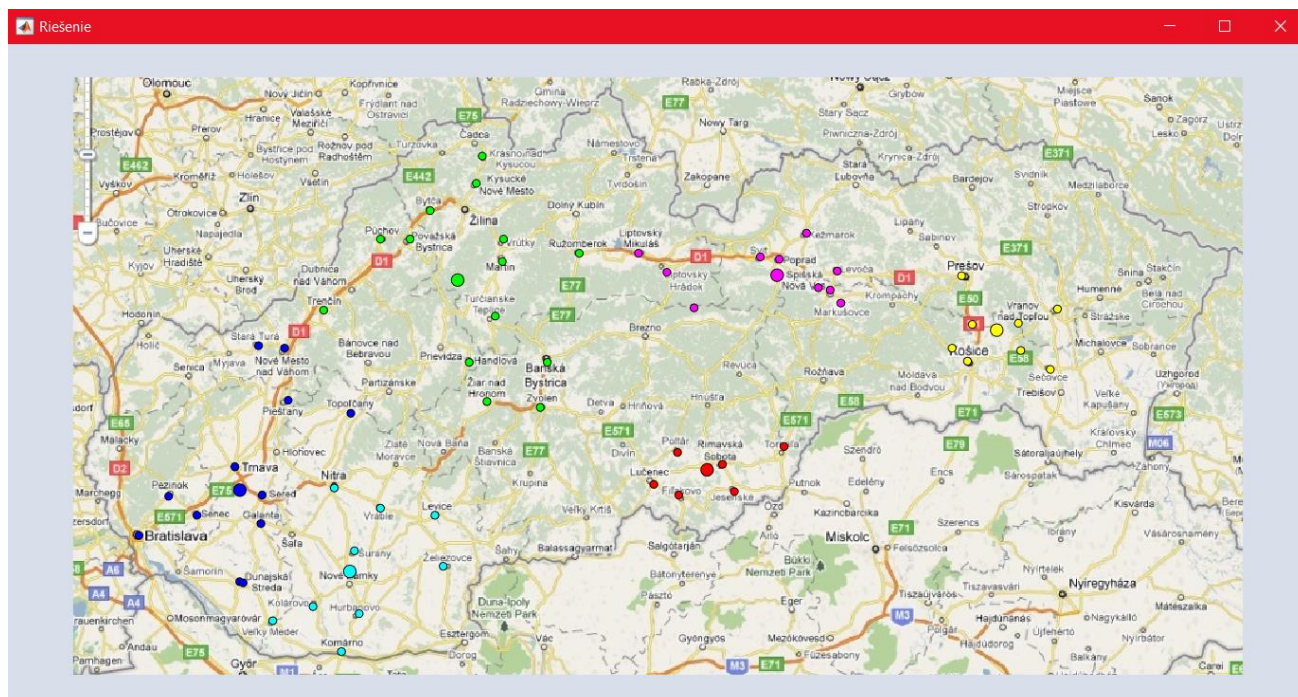
gama1 = 0.8;      % zaciatočný krok ucenia

r1 = 4;           % polomer susedstva

h1 = 1;           % vyska funkcie susedstva
```

Po učení sme dosiahli nasledujúce výsledky:

1) 6 skladov



Sklad 1

8

Sklad 4

6

Suma vzdial. 1

312.4221

Suma vzdial. 4

221.4991

Priemerná vzdial. 1

39.0528

Priemerná vzdial. 4

36.9165

Sklad 2

10

Sklad 5

14

Suma vzdial. 2

564.3883

Suma vzdial. 5

1.1577e+03

Priemerná vzdial. 2

56.4388

Priemerná vzdial. 5

82.6899

Sklad 3

9

Sklad 6

12

Suma vzdial. 3

544.9909

Suma vzdial. 6

882.9651

Priemerná vzdial. 3

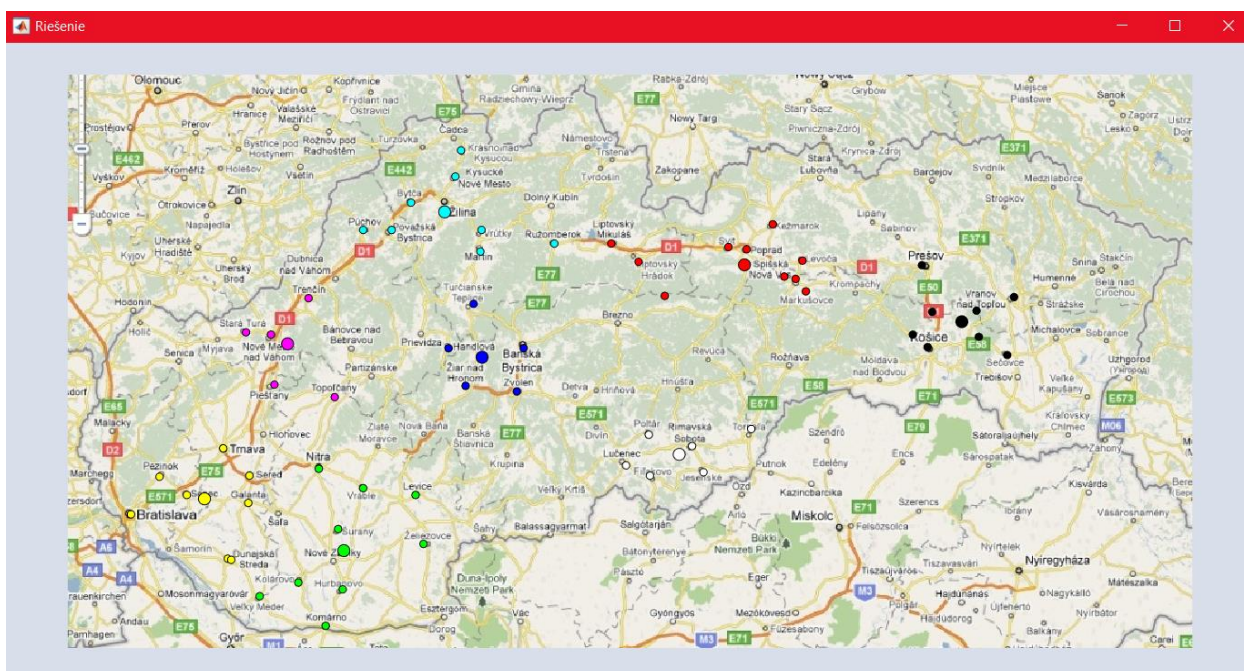
60.5545

Priemerná vzdial. 6

73.5804

Figures – Bonus – 6 – Rozloženie6,Sklad6_1,Sklad6_2

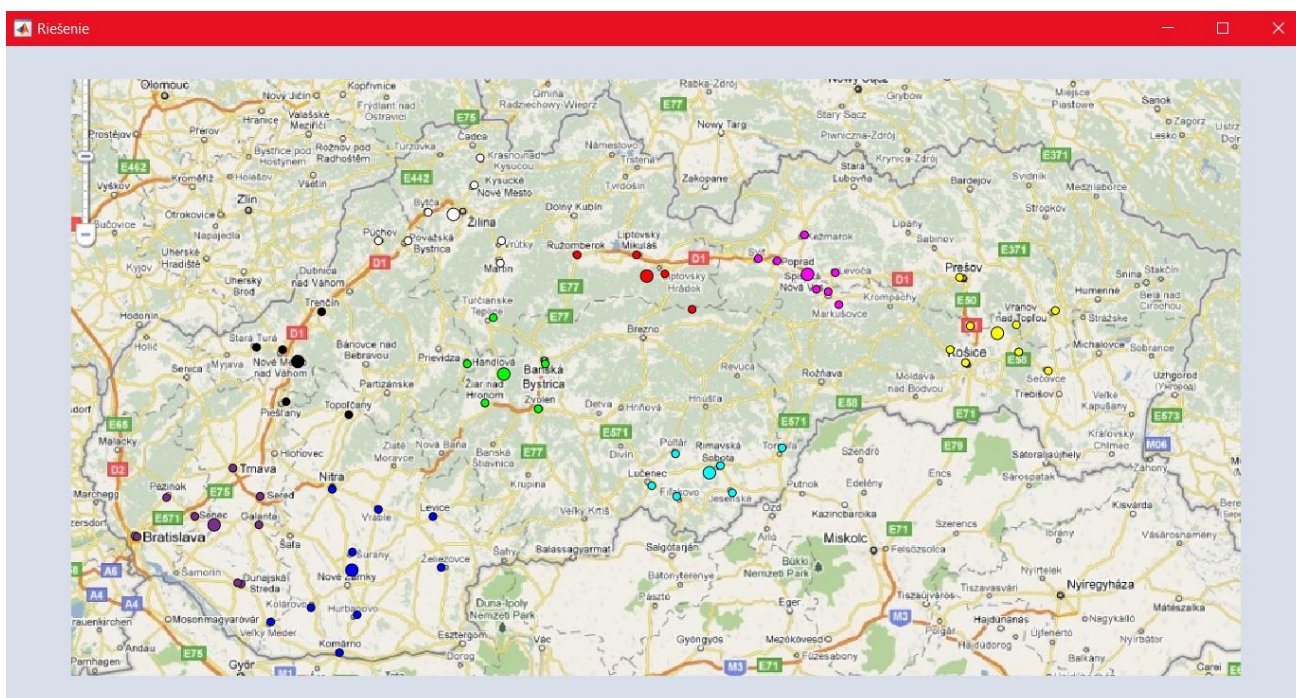
2) 8 skladov



Sklad 1 8	Sklad 4 10	
Suma vzdial. 1 375.6872	Suma vzdial. 4 564.8048	
Priemerná vzdial. 1 46.9609	Priemerná vzdial. 4 56.4805	
Sklad 2 5	Sklad 5 9	Sklad 7 6
Suma vzdial. 2 201.3544	Suma vzdial. 5 543.7715	Suma vzdial. 7 220.9199
Priemerná vzdial. 2 40.2709	Priemerná vzdial. 5 60.4191	Priemerná vzdial. 7 36.8200
Sklad 3 8	Sklad 6 5	Sklad 8 8
Suma vzdial. 3 430.2069	Suma vzdial. 6 189.4491	Suma vzdial. 8 310.4075
Priemerná vzdial. 3 53.7759	Priemerná vzdial. 6 37.8898	Priemerná vzdial. 8 38.8009

Figures – Bonus – 8 – Rozloženie8,Sklad8_1,Sklad8_2,Sklad8_3

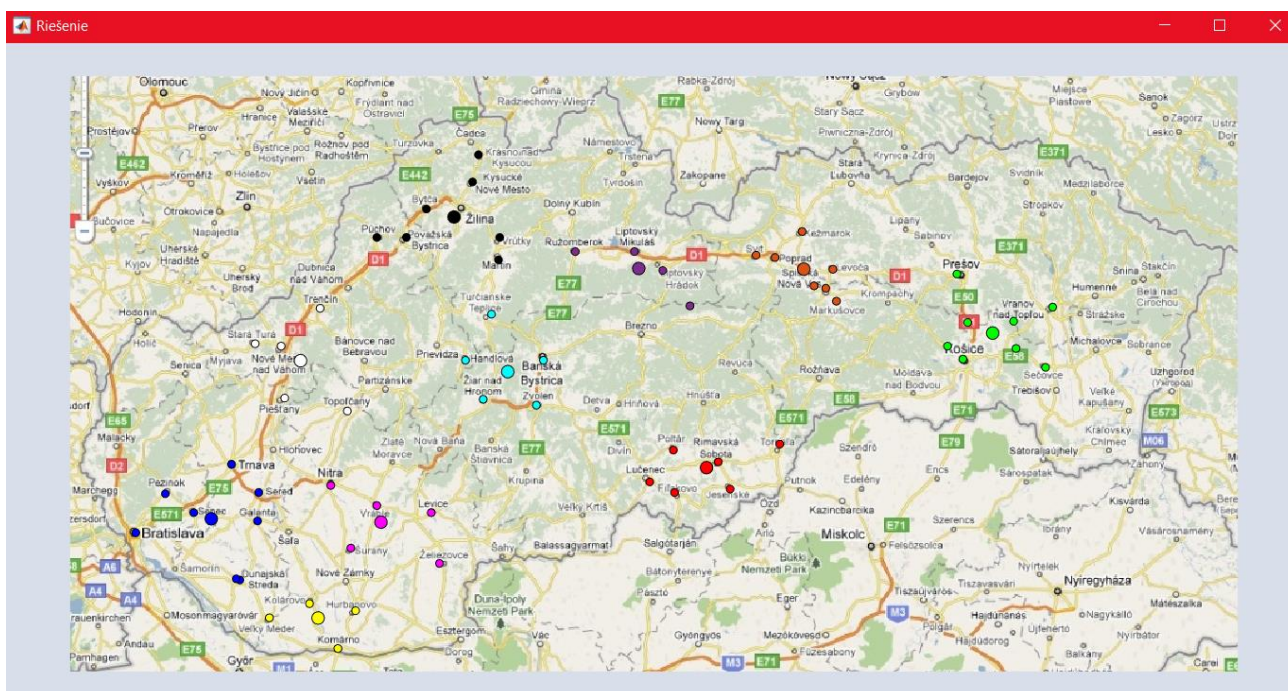
3) 9 skladov



Sklad 1 8	Sklad 4 4	Sklad 7 7
Suma vzdial. 1 311.1090	Suma vzdial. 4 145.8737	Suma vzdial. 7 323.5107
Priemerná vzdial. 1 38.8886	Priemerná vzdial. 4 36.4684	Priemerná vzdial. 7 46.2158
Sklad 2 7	Sklad 5 5	Sklad 8 5
Suma vzdial. 2 205.2549	Suma vzdial. 5 189.3519	Suma vzdial. 8 199.8509
Priemerná vzdial. 2 29.3221	Priemerná vzdial. 5 37.8704	Priemerná vzdial. 8 39.9702
Sklad 3 6	Sklad 6 9	Sklad 9 8
Suma vzdial. 3 221.1260	Suma vzdial. 6 542.1669	Suma vzdial. 9 376.1343
Priemerná vzdial. 3 36.8543	Priemerná vzdial. 6 60.2408	Priemerná vzdial. 9 47.0168

Figures – Bonus – 9 – Rozloženie9,Sklad9_1,Sklad9_2,Sklad9_3

4) 10 skladov



Sklad 1 4	Sklad 4 6		
Suma vzdial. 1 119.9600	Suma vzdial. 4 221.3169		
Priemerná vzdial. 1 29.9900	Priemerná vzdial. 4 36.8861		
Sklad 2 5	Sklad 5 8	Sklad 7 5	Sklad 9 4
Suma vzdial. 2 207.0446	Suma vzdial. 5 311.1228	Suma vzdial. 7 203.8315	Suma vzdial. 9 146.1319
Priemerná vzdial. 2 41.4089	Priemerná vzdial. 5 38.8903	Priemerná vzdial. 7 40.7663	Priemerná vzdial. 9 36.5330
Sklad 3 5	Sklad 6 8	Sklad 8 7	Sklad 10 7
Suma vzdial. 3 190.1329	Suma vzdial. 6 375.8786	Suma vzdial. 8 324.4070	Suma vzdial. 10 207.3018
Priemerná vzdial. 3 38.0266	Priemerná vzdial. 6 46.9848	Priemerná vzdial. 8 46.3439	Priemerná vzdial. 10 29.6145

Figures – Bonus – 10 – Rozloženie10,Sklad10_1,Sklad10_2,Sklad10_3,Sklad10_4