第1回輪講資料 『徹底解説 電動機・発電機の理論』 pp.55-73

著者: 山口正人・横関政洋 担当: 脇本 怜奈

March 2, 2025

概要

2.4 電力工学のための数学的道具

2.4.1 オイラーの公式とフェーザ表示

まず、 θ を実数として、オイラーの公式を式 (2.41) に導入する。

$$e^{j\theta} = \cos\theta + j\sin\theta \tag{2.41}$$

ここで、 θ を 0 から 2π まで変化させたとき、(2.41) 式は θ を偏角として半径 1 の単位円を描く周期関数である。

任意の複素数は、式 (2.42) のように $e^{j\theta}$ を用いて表すことが可能で、

$$z = re^{j\theta} (2.42)$$

である。(2.41) 式を用いて(2.42) 式を展開すれば、

$$z = re^{j\theta} (2.43)$$

$$= r(\cos\theta + j\sin\theta) \tag{2.44}$$

$$= r\cos\theta + jr\sin\theta \tag{2.45}$$

 $a = r\cos\theta, b = r\sin\theta$ とすると、図形的に以下の図のように表すことが可能となる。