

TP 6 : La Programmation Orientée Objet en PYTHON

Exercice 1 Classe Polynôme

1. Écrire une classe *Polynome* définissant un polynôme par la liste de ses coefficients. Par exemple, le polynôme $P = 5 + 12X - 9X^3 + 7X^5$ est représenté par la liste `[5,12,0,-9,0,7]`. Pour cela, écrire :
 - (a) une méthode constructeur définissant l'attribut *coefs* représentant la liste des coefficients et un attribut *degre* représentant le degré du polynôme. On supposera que pour un polynôme non nul, la liste de ses coefficients se termine par le coefficient dominant du polynôme. Le polynôme nul est représenté par la liste `[0]` et son degré est égale à -1.
 - (b) une méthode de représentation du polynôme. Par exemple, pour le cas du polynôme *P*, on affichera $5 * X^{*0} + 12 * X^{*1} + 0 * X^{*2} + (-9) * X^{*3} + 0 * X^{*4} + 7 * X^{*5}$.
 - (c) une méthode *coeff* permettant d'obtenir le coefficient du degré *i* du polynôme. Remplacer le nom de la méthode par `__getitem__`.
NB : Si $i > \text{degre}$ du polynôme, la fonction retourne 0.
 - (d) une méthode *eval* permettant d'évaluer la valeur du polynôme en un point. Remplacer le nom de la méthode par `__call__`.
 - (e) une méthode *trace* qui accepte comme paramètres *self*, *xmin* et *xmax* tel que l'appel `P.trace(x0,x1)` permet de tracer la courbe de *P* sur l'intervalle `[x0,x1]` en utilisant 1000 points. On utilisera la méthode *eval* et on n'oubliera pas d'importer les modules nécessaires.
 - (f) une méthode *addition* pour effectuer la somme de deux polynômes. Remplacer le nom de la méthode par `__add__`.
2. Écrire une sous-classe *Monome* de la classe *Polynome* en gardant les mêmes attributs que la classe *Polynome*, à savoir *coefs* pour la liste des coefficients et *degre*. Pour cela, écrire :
 - (a) un constructeur acceptant comme paramètres *self*, le coefficient et le degré du monôme. Par exemple l'instruction suivante `M = Monome(2,3)` permettra de créer le monôme $M = 2X^3$.
 - (b) Redéfinir la méthode de représentation pour l'affichage d'un monôme.
 - (c) Redéfinir la méthode *eval* pour l'évaluation d'un monôme.

Exercice 2 Classe Polygone

1. Définir une classe Point avec :

- un constructeur `__init__(self, x, y, nom)` permettant de définir deux attributs x et y représentant les coordonnées et un attribut *nom* correspondant au nom du point.
- la méthode de transformation en chaîne de caractères `__repr__(self)`.
- la méthode `dessiner(self)` qui permet d'afficher un point dans un repère en utilisant le module `matplotlib.pyplot`

NB : On utilisera la fonction `annotate('etiquette',(x,y))` du sous-module `pyplot` de `matplotlib` pour annoter le point avec la chaîne 'etiquette' au coordonnées (x,y).

- la méthode `milieu(self, B)` retournant le milieu du segment reliant le point `self` au point `B`.

2. Définir une classe Polygone comportant :

- la méthode `__init__(self, sommets)` qui permet de construire un polygone à partir de la liste de ses sommets. L'attribut *sommets* est la liste contenant les sommets du polygone (liste de points).
- la méthode `aire(self)` qui calcule la surface du polygone.

Indication : L'aire S d'un polygone ayant les sommets $(x_0, y_0), (x_1, y_1), \dots, (x_{n-1}, y_{n-1})$ est défini comme suit :

$$S = \frac{1}{2} |(x_0 + x_1)(y_0 - y_1) + (x_1 + x_2)(y_1 - y_2) + \dots + (x_{n-2} + x_{n-1})(y_{n-2} - y_{n-1}) + (x_{n-1} + x_0)(y_{n-1} - y_0)|$$

- la méthode `__repr__(self)` permettant d'afficher l'expression textuelle du polygone. Par exemple : "polygone [A(1.0,1.0),B(5.0,1.0),C(3.0,2.0)]"
- la méthode `dessiner(self)` qui permet de dessiner un polygone dans un repère en utilisant le module `matplotlib.pyplot` (les sommets du polygone doivent être annotés).

3. Définir une classe Triangle, sous-classe de Polygone, avec un constructeur `__init__(self,a,b,c)` ayant les trois sommets indiqués.

4. Définir une classe Rectangle, sous-classe de Polygone, munie d'un constructeur `__init__(self, xMin, xMax, yMin, yMax)` qui permet de construire un rectangle à partir des 4 points de coordonnées (xMin,yMin), (xMax,yMin), (xMax,yMax) et (xMin,yMax).

5. Définir une classe PolygoneRegulier, sous-classe de Polygone, disposant d'un constructeur `__init__(self, c, n)` permettant de construire un polygone régulier de centre c et constitué de n sommets.

Indication : Un polygone régulier centré autour du point (0,0) est construit à partir de la liste des n points de coordonnées : $(\cos(\frac{2k\pi}{n}), \sin(\frac{2k\pi}{n}))$ pour k de 0 à $n-1$.

6. Écrire un programme de test construisant et affichant des polygones de diverses sortes.