

Estrutura de Dados 2

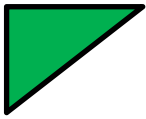
Prof.^a Franciny Medeiros

Franciny@ufj.edu.br



Algoritmos de Ordenação

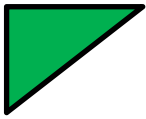




Objetivos

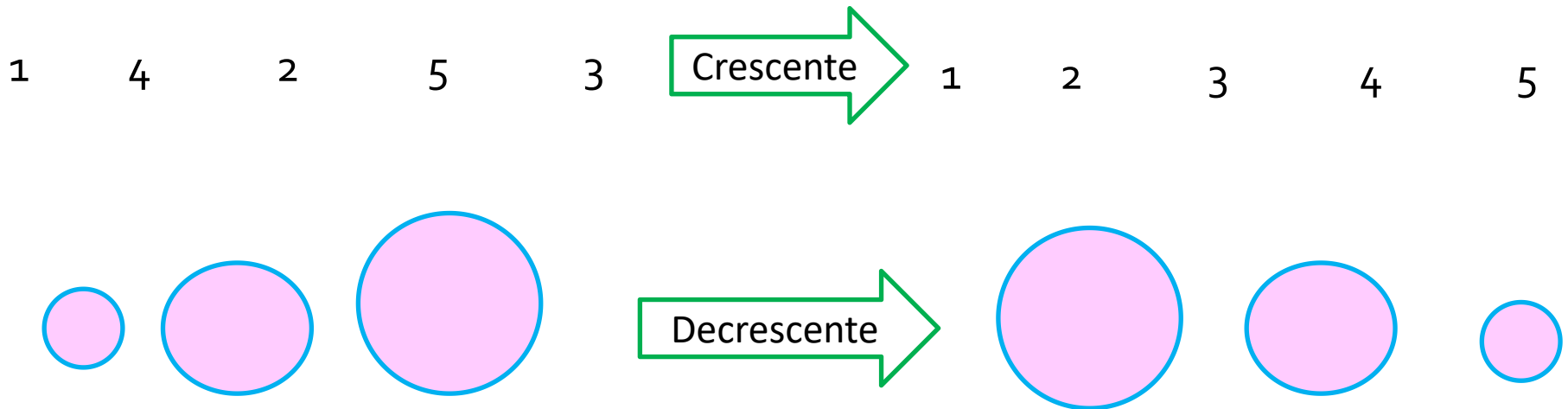


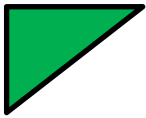
- Apresentar os métodos de ordenação mais importantes.
- Mostrar algoritmos para realizar uma mesma tarefa.



Ordenação

- Ordenar corresponde ao processo de rearranjar um conjunto de objetos em uma ordem específica.

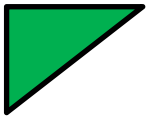




Ordenação



- Objetivo da ordenação:
 - facilitar a recuperação posterior de elementos do conjunto ordenado.
 - Aumentar eficiência no acesso.
- Listas telefônicas.
- Dicionários.
- Tabelas e arquivos...



Notações

Sejam os itens

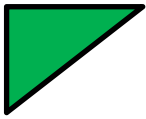
$$A_1, A_2, \dots, A_n$$

Ordenar significa permutar estes itens em uma ordem

$$A_{k_1}, A_{k_2}, \dots, A_{k_n}$$

Tal que, dada uma função de ordenação f , tem-se a seguinte relação

$$f(A_{k_1}) \leq f(A_{k_2}) \leq \dots \leq f(A_{k_n})$$

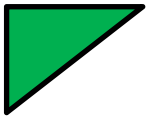


Notações

- Qualquer tipo de chave, sobre o qual exista uma relação de ordem total $<$, para dada uma função de ordenação, pode ser utilizado.

A relação $<$ deve satisfazer as condições:

- $a < b$ OU $a = b$ OU $a > b$
- Se $a < b$ e $b < c$, então $a < c$.



Observações



- Qualquer tipo de dado sobre o qual exista uma regra de ordenação bem definida pode ser utilizado.
- Um método de ordenação é dito **estável**, se a ordem relativa dos itens com **chaves iguais** mantém-se inalterada pelo processo de ordenação.

Observações

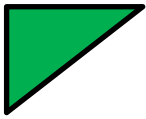
Exemplo: uma lista de funcionários é ordenada pelo campo salário, então um método de ordenação estável produz uma lista em que os funcionários com mesmo salário aparecem em ordem alfabética.

Nome	Salário
João	R\$ 1000,00
Maria	R\$ 1350,00
Anita	R\$ 1000,00

Método de
ordenação estável



Nome	Salário
Anita	R\$ 1000,00
João	R\$ 1000,00
Maria	R\$ 1350,00

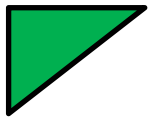


Observações



- Para a apresentação dos algoritmos será utilizado:

Um *arranjo* A composto por uma repetição do tipo de dados *item*, onde *item* é composto por um tipo inteiro.



Métodos de Ordenação



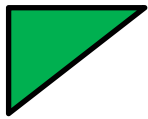
- Ordenação por seleção.
- Ordenação por inserção.
- Ordenação por permutação/troca.
- Ordenação por inserção com incrementos.
- Ordenação de árvores.
- Ordenação por particionamentos.

Métodos de ordenação com o princípio de distribuição

- Métodos que não fazem ordenação baseados em comparação de chaves.

Exemplo: Ordem um baralho, onde

$$A < 2 < 3 < J < Q < K$$
$$\clubsuit < \diamondsuit < \heartsuit < \spadesuit$$



Ordenando o baralho...



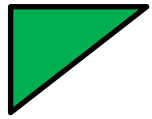
1. Distribuir as cartas em 6 montes, colocando em cada monte todos os ases, todos os dois,..., todos os reis.
2. Colete os montes na ordem (ás primeiro, depois dois...).
3. Distribuir as cartas em 4 montes, colocando em cada monte o naipe correspondente.
4. Colete os montes na ordem (paus, ouros, copas e espadas).

Métodos de ordenação com o princípio de distribuição

- Também conhecidos como ordenação digital, radixsort ou bucketsort.
- Exemplos:
 - Classificadoras de cartões perfurados utilizam o princípio da distribuição para ordenar uma massa de cartões.
 - Carteiro no momento de distribuir as correspondências por rua ou bairro

Métodos de ordenação com o princípio de distribuição

- Dificuldades:
 - Problema para lidar com cada “monte”.
 - Cada monte é reservado um área, isso demanda memória extra.
 - Complexidade linear.



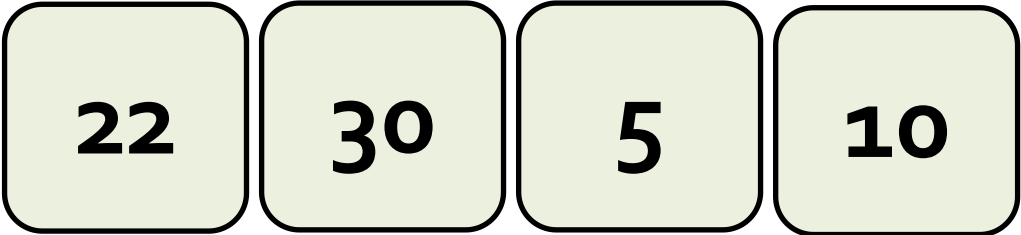
Ordenação por Seleção

(Selection sort)

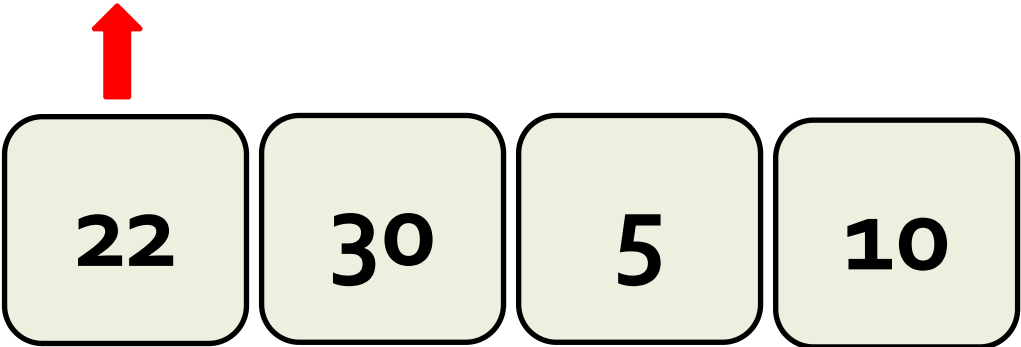


Passos:

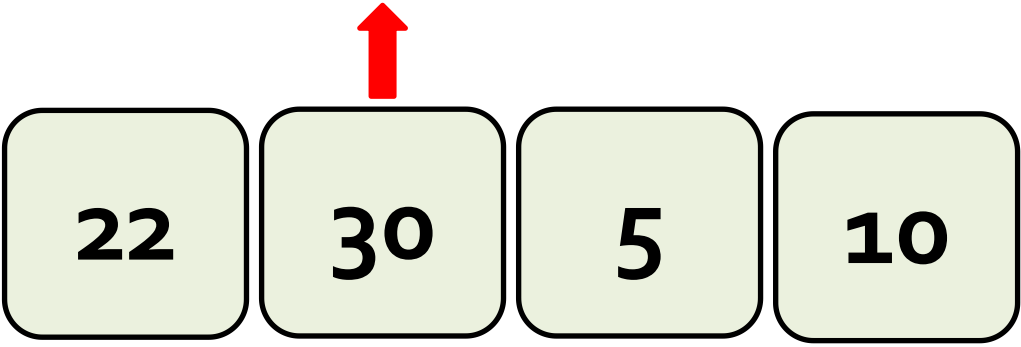
1. Selecione o menor item.
2. Troque este item com o item $A[1]$
3. Repita o passo 1 e 2 com os $n-1$ itens restantes, depois com os $n-1$ itens restantes...



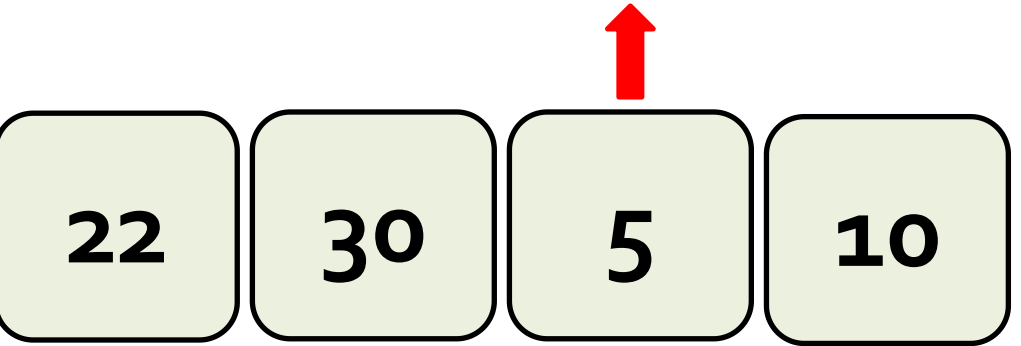
Menor item: 22



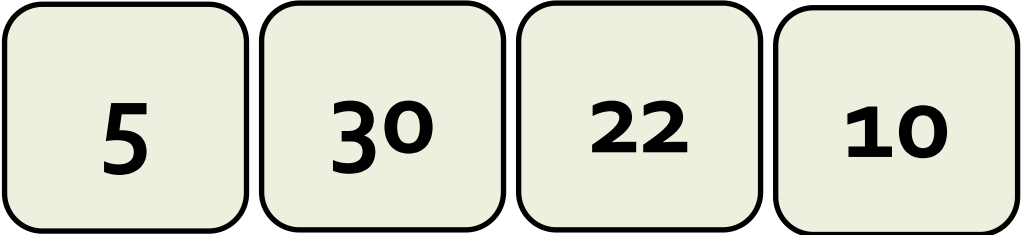
Menor item: 22



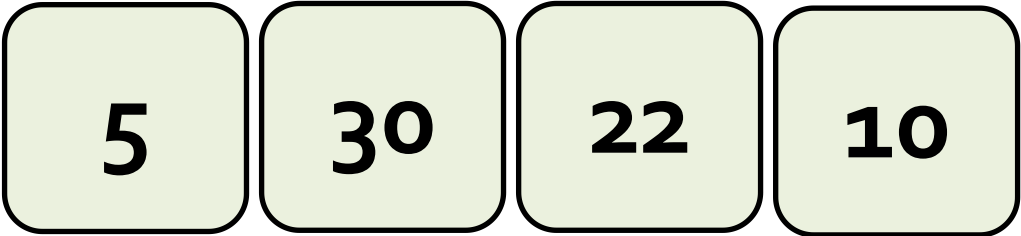
Menor item: 5



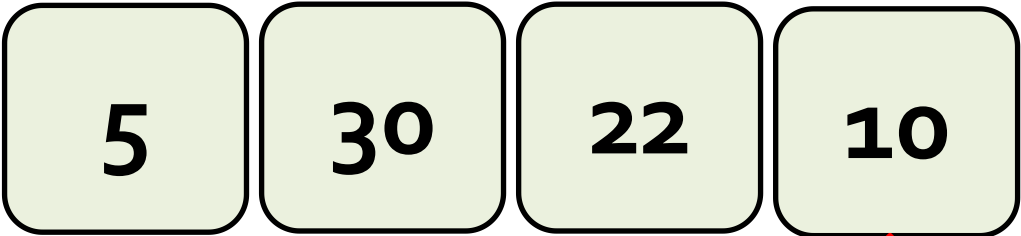
Menor item: 5
Troca 5 com 22 ($A[i]$)



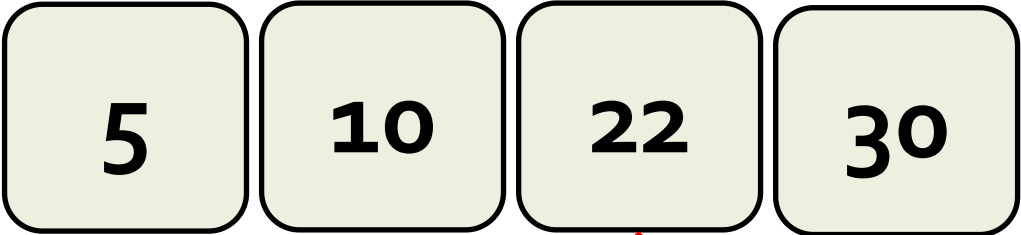
Menor item: 30



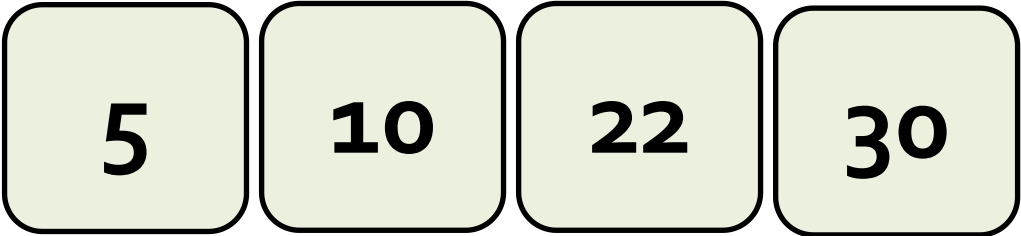
Menor item: 22



Menor item: 10
Troca 10 com 30 (A[2])



Menor item: 22



Menor item: 22
Não faz nada.

5

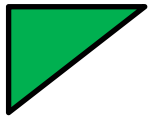
10

22

30



Menor item: 30
Não faz nada.
Fim.

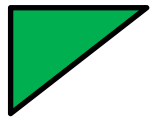


Ordenação por Seleção

(Selection sort)

```
1. selection-sort (A)
2.   inteiro i, j, min
3.   item t
4.   para i <- 0 até n - 1 faça
5.     min <- i
6.     para j <- i+1 até n faça
7.       se A[j] < A [min] então
8.         min <- j
9.     fim-para
10.  t <- A[min]
11.  A[min] <- A[i]
12.  A[i] <- t;
13.  fim-para
```

```
14. fim-algoritmo
```



Ordenação por Seleção

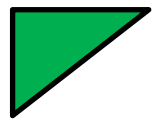
(Selection sort)

Vantagens

- ✓ método mais simples de ordenação;
- ✓ método adequado para arquivos pequenos.

Desvantagens

- complexidade computacional quadrática $\theta(n^2)$.



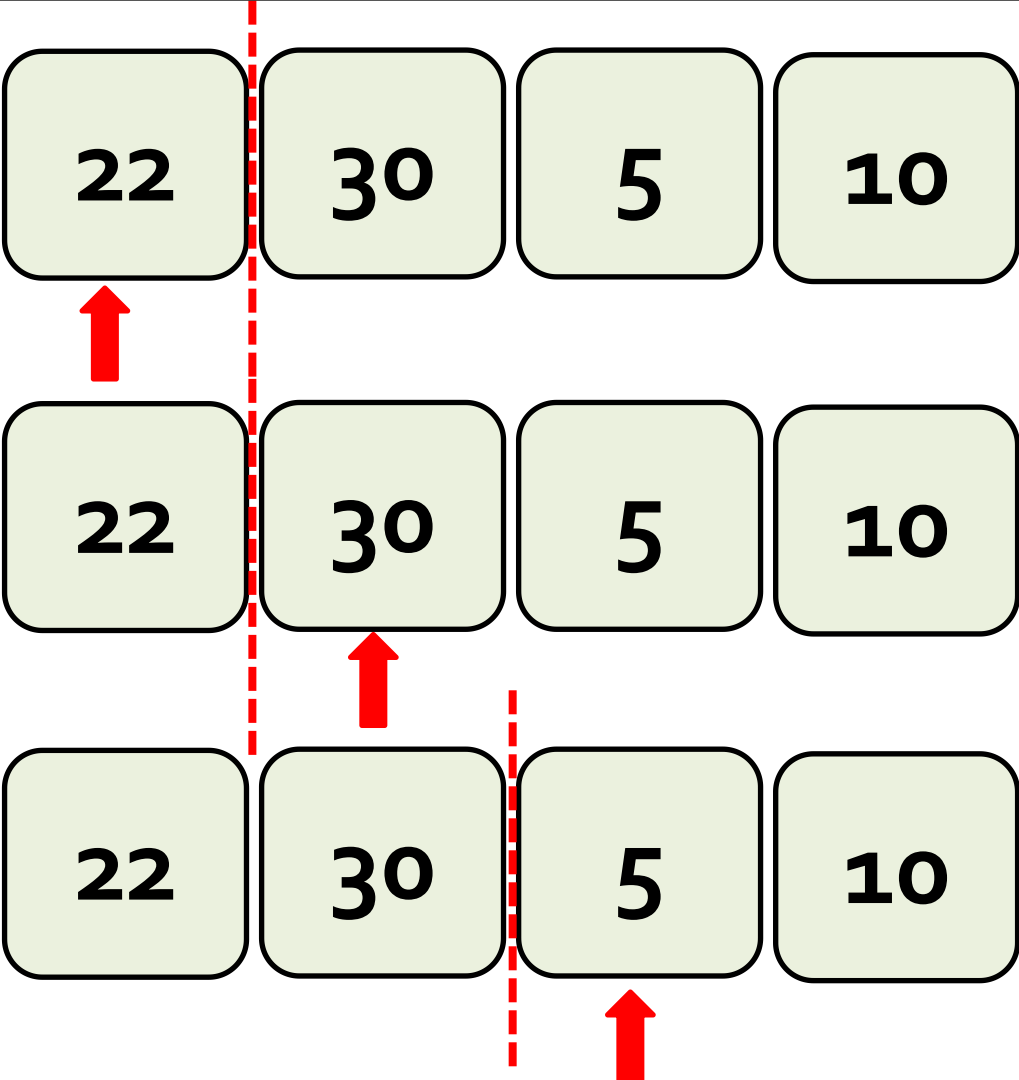
Ordenação por Seleção

(Insertion sort)



Passos:

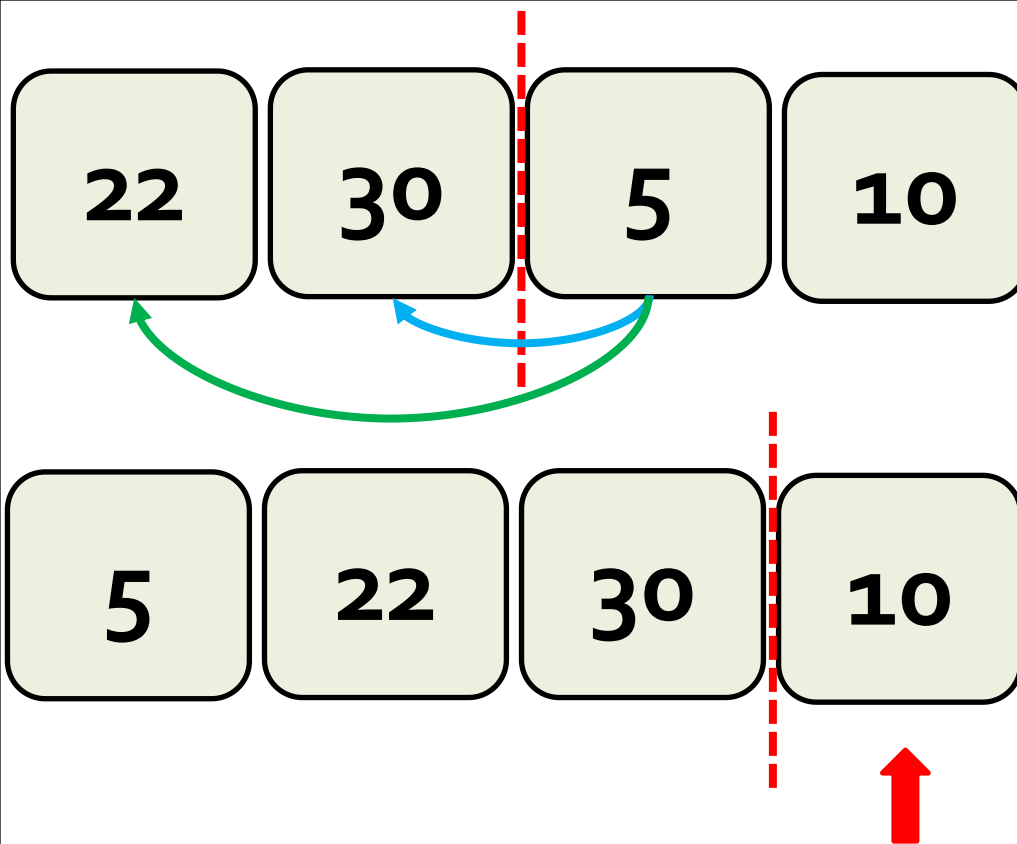
1. ordenar A utilizando um sub-arranjo ordenado localizado em seu início
2. a cada passo, inserir ordenadamente a este sub-arranjo mais um elemento, até o último elemento de A



sub-A = {22}
sub-B = {30, 5, 10}

$22 < 30$
sub-A = {22, 30}
sub-B = {5, 10}

$5 < 30$



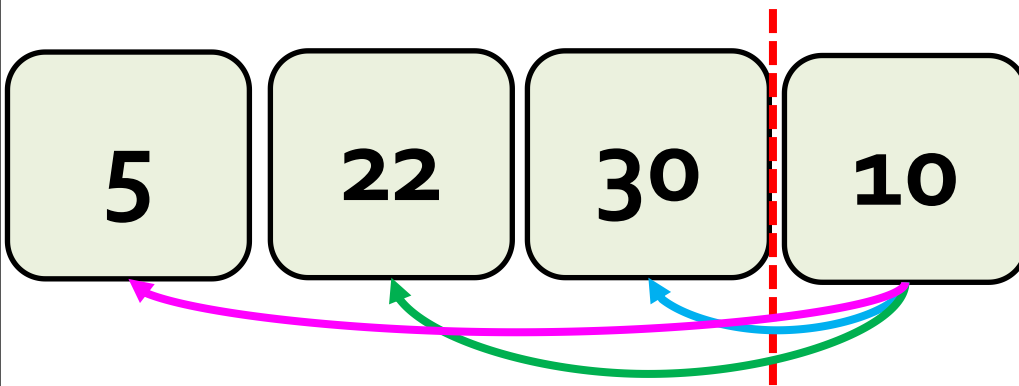
$5 < 30 = T$

$5 < 22 = T$

Inserir 5

sub-A = {5, 22, 30}

sub-B = {10}

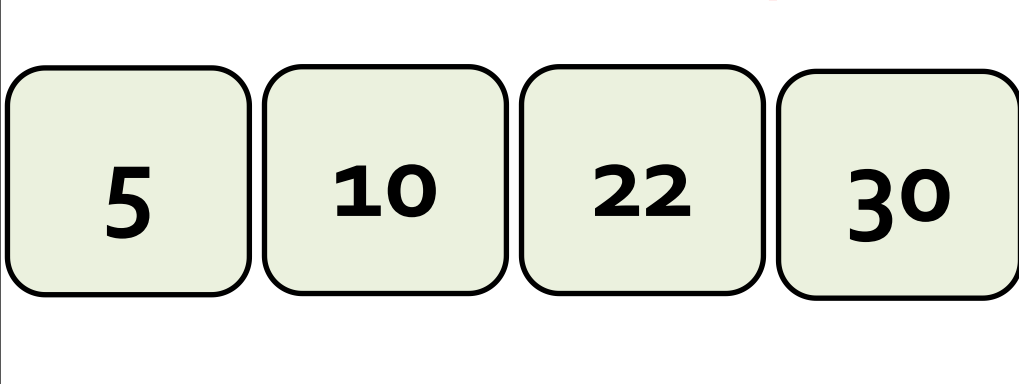


$10 < 30 = T$

$10 < 22 = T$

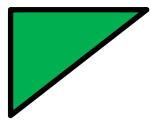
$10 < 5 = F$

Inserir 10



sub-A = {5, 22, 30}

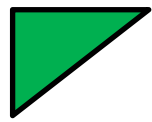
sub-B = {10}



Ordenação por Inserção

(Insertion sort)

```
1. insertion-sort (A)
2.   inteiro i, j
3.   item t
4.   para i <- 2 até n faça
5.     t <- A[i], j <- i-1, A[0] <- t
6.     enquanto t < A[j] faça
7.       A[j+1] <- A[j]
8.       j <- j - 1
9.     fim-enquanto
10.    A[j+1] <- t
11.  fim-para
12. fim-algoritmo
```



Ordenação por Inserção

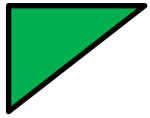
(Insertion sort)

Vantagens

- ✓ método adequado para quando o arquivo está quase ordenado;
- ✓ complexidade linear $\theta(n)$.

Desvantagens

- problemático com arquivos grandes.



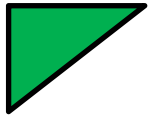
Ordenação por Troca

(Bubble sort)



Passos

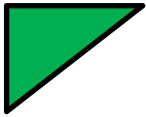
1. comparar a posição i e $i+1$ e trocar ordenadamente.
2. Repetir o passo 1 até n .



Ordenação por Troca

(Bubble sort)

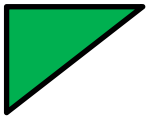
```
void bubble_sort(int vetor[], int n){
    int i, j, aux;
    for (i = 0; i < n-1; i++){
        for (j = 0; j < n-1-i; j++){
            if (vetor[j] > vetor[j+1]){
                aux = vetor[j];
                vetor[j] = vetor[j+1];
                vetor[j+1] = aux;
            }
        }
    }
}
```



Atividade



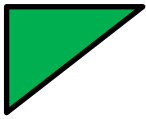
- Execute o teste de mesa para o algoritmo do bubble sort, insertion sort e selection sort com a sequência: 22, 43, 4, 16



Shell Sort



- O shell sort é um algoritmo de ordenação criado por Donald Shell em 1959.
- O shell sort tem complexidade quadrática
 - O algoritmo de ordem quadrática mais eficiente.



Shell Sort



- Melhoria do método de ordenação por inserção.
- O algoritmo passa várias vezes pela lista dividindo o grupo maior em menores
 - Nos grupos menores é aplicado o método da ordenação por inserção.



Shell Sort - funcionamento



- Número de elementos e divide por 2.
 - Exemplo: $r = 8/2 = 4$
- Depois, divide r por 2 novamente...
 - Até que $r = 1$.
- Quando r for igual a 1, os elementos estarão ordenados.