

Estrutura de Dados 2

Prof.^a Franciny Medeiros
Franciny@ufj.edu.br



Algoritmos de Ordenação





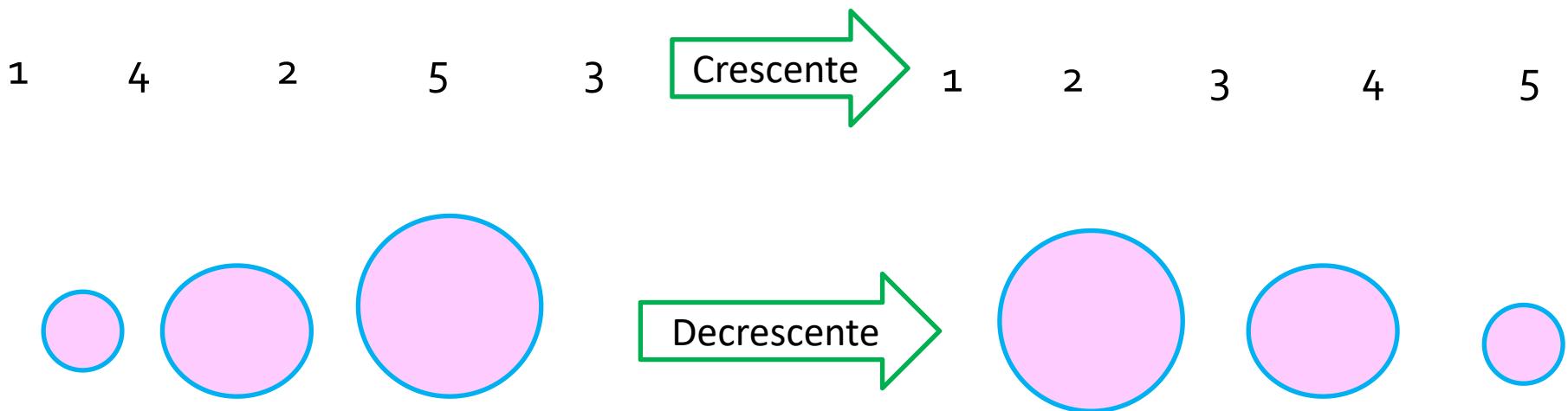
Objetivos



- Apresentar os métodos de ordenação mais importantes.
- Mostrar algoritmos para realizar uma mesma tarefa.

Ordenação

- Ordenar corresponde ao processo de rearranjar um conjunto de objetos em uma ordem específica.





Ordenação



- Objetivo da ordenação:
 - facilitar a recuperação posterior de elementos do conjunto ordenado.
 - Aumentar eficiência no acesso.
- Listas telefônicas.
- Dicionários.
- Tabelas e arquivos...



Notações



Sejam os itens

$$A_1, A_2, \dots, A_n$$

Ordenar significa permutar estes itens em uma ordem

$$A_{k_1}, A_{k_2}, \dots, A_{k_n}$$

Tal que, dada uma função de ordenação f , tem-se a seguinte relação

$$f(A_{k_1}) \leq f(A_{k_2}) \leq \dots \leq f(A_{k_n})$$



Notações



- Qualquer tipo de chave, sobre o qual exista uma relação de ordem total $<$, para dada uma função de ordenação, pode ser utilizado.

A relação $<$ deve satisfazer as condições:

- $a < b$ OU $a = b$ OU $a > b$
- Se $a < b$ e $b < c$, então $a < c$.



Observações



- Qualquer tipo de dado sobre o qual exista uma regra de ordenação bem definida pode ser utilizado.
- Um método de ordenação é dito **estável**, se a ordem relativa dos itens com **chaves iguais** mantém-se inalterada pelo processo de ordenação.

Observações

Exemplo: uma lista de funcionários é ordenada pelo campo salário, então um método de ordenação estável produz uma lista em que os funcionários com mesmo salário aparecem em ordem alfabética.

Nome	Salário
João	R\$ 1000,00
Maria	R\$ 1350,00
Anita	R\$ 1000,00

Método de
ordenação estável



Nome	Salário
Anita	R\$ 1000,00
João	R\$ 1000,00
Maria	R\$ 1350,00



Observações



- Para a apresentação dos algoritmos será utilizado:

Um *arranjo A* composto por uma repetição do tipo de dados *item*, onde *item* é composto por um tipo inteiro.



Métodos de Ordenação



- Ordenação por seleção.
- Ordenação por inserção.
- Ordenação por permutação/troca.
- Ordenação por inserção com incrementos.
- Ordenação de árvores.
- Ordenação por particionamentos.

Métodos de ordenação com o princípio de distribuição

- Métodos que não fazem ordenação baseados em comparação de chaves.

Exemplo: Ordene um baralho, onde

$$A < 2 < 3 < J < Q < K$$

$$\clubsuit < \diamondsuit < \heartsuit < \spadesuit$$



Ordenando o baralho...



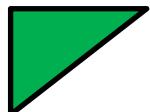
1. Distribuir as cartas em 6 montes, colocando em cada monte todos os ases, todos os dois,..., todos os reis.
2. Colete os montes na ordem (ás primeiro, depois dois...).
3. Distribuir as cartas em 4 montes, colocando em cada monte o naipe correspondente.
4. Colete os montes na ordem (paus, ouros, copas e espadas).

Métodos de ordenação com o princípio de distribuição

- Também conhecidos como ordenação digital, radixsort ou bucketsort.
- Exemplos:
 - Classificadoras de cartões perfurados utilizam o princípio da distribuição para ordenar uma massa de cartões.
 - Carteiro no momento de distribuir as correspondências por rua ou bairro

Métodos de ordenação com o princípio de distribuição

- Dificuldades:
 - Problema para lidar com cada “monte”.
 - Cada monte é reservado um área, isso demanda memória extra.
 - Complexidade linear.



Ordenação por Seleção

(Selection sort)



Passos:

1. Selecione o menor item.
2. Troque este item com o item $A[1]$
3. Repita o passo 1 e 2 com os $n-1$ itens restantes, depois com os $n-1$ itens restantes...

Menor item: 22

22

30

5

10



22

30

5

10

Menor item: 22

22

30

5

10



22

30

5

10

Menor item: 5

22

30

5

10



22

30

5

10

Menor item: 5

Troca 5 com 22 (A[i])

Menor item: 30

5

30

22

10



Menor item: 22

5

30

22

10



Menor item: 10
Troca 10 com 30 (A[2])

5

30

22

10



Menor item: 22

5

10

22

30



5

10

22

30

Menor item: 22
Não faz nada.



5

10

22

30



Menor item: 30
Não faz nada.
Fim.

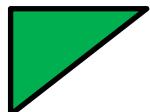


Ordenação por Seleção

(Selection sort)



```
1. |selection-sort(A)
2. |  inteiro i, j, min
3. |  item t
4. |  para i <- 0 até n - 1 faça
5. |    min <- i
6. |    para j <- i+1 até n faça
7. |      se A[j] < A[min] então
8. |        min <- j
9. |        fim-para
10. |    t <- A[min]
11. |    A[min] <- A[i]
12. |    A[i] <- t;
13. |    fim-para
14. fim-algoritmo
```



Ordenação por Seleção

(Selection sort)

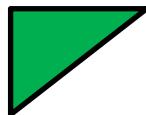


Vantagens

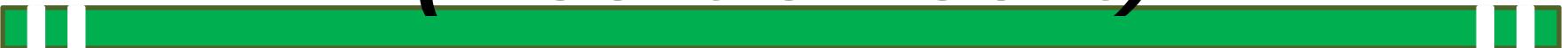
- ✓ método mais simples de ordenação;
- ✓ método adequado para arquivos pequenos.

Desvantagens

- complexidade computacional quadrática $\theta(n^2)$.



Ordenação por Seleção *(Insertion sort)*



Passos:

1. ordenar A utilizando um sub-arranjo ordenado localizado em seu inicio
2. a cada passo, inserir ordenadamente a este sub-arranjo mais um elemento, até o último elemento de A

22

30

5

10



22

30

5

10



22

30

5

10

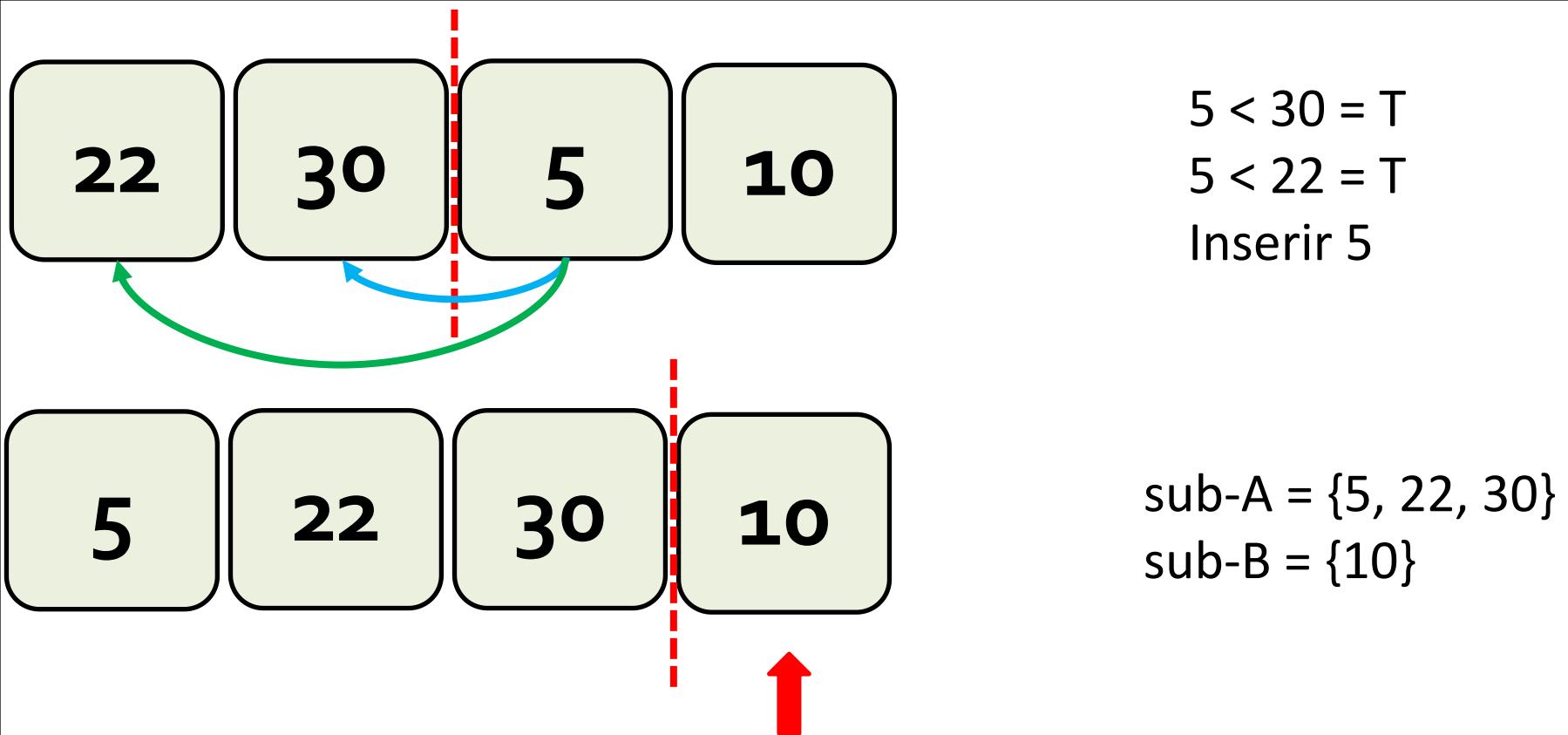


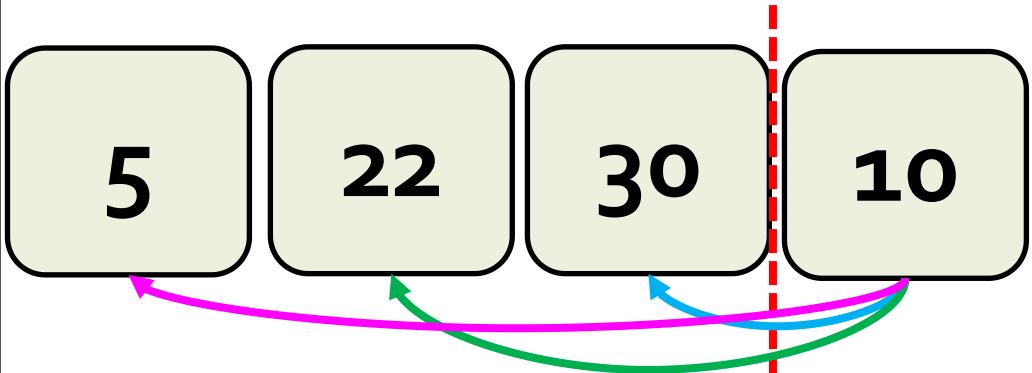
sub-A = {22}
sub-B = {30, 5, 10}

$22 < 30$

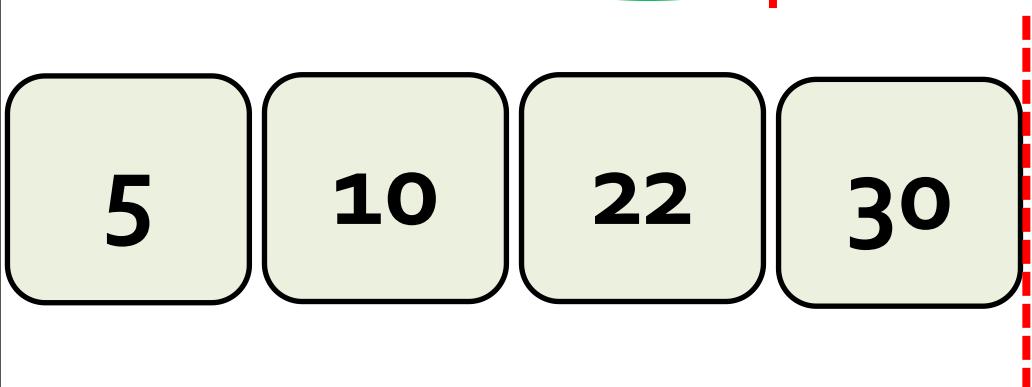
sub-A = {22, 30}
sub-B = {5, 10}

$5 < 30$





$10 < 30 = T$
 $10 < 22 = T$
 $10 < 5 = F$
Inserir 10



sub-A = {5, 22, 30}
sub-B = {10}

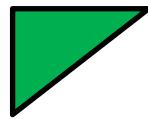


Ordenação por Inserção

(Insertion sort)



```
1. insertion-sort(A)
2.   inteiro i, j
3.   item t
4.   para i <- 2 até n faça
5.     t <- A[i], j <- i-1, A[0] <- t
6.     enquanto t < A[j] faça
7.       A[j+1] <- A[j]
8.       j <- j -1
9.     fim-enquanto
10.    A[j+1] <- t
11.  fim-para
12. fim-algoritmo
```



Ordenação por Inserção

(Insertion sort)



Vantagens

- ✓ método adequado para quando o arquivo está quase ordenado;
- ✓ complexidade linear $\theta(n)$.

Desvantagens

- problemático com arquivos grandes.



Ordenação por Troca

(Bubble sort)

Passos

1. comparar a posição i e $i+1$ e trocar ordenadamente.
2. Repetir o passo 1 até n.



Ordenação por Troca

(Bubble sort)



```
void bubble_sort(int vetor[], int n) {
    int i, j, aux;
    for (i = 0; i < n-1; i++) {
        for (j = 0; j < n-1-i; j++) {
            if (vetor[j] > vetor[j+1]) {
                aux = vetor[j];
                vetor[j] = vetor[j+1];
                vetor[j+1] = aux;
            }
        }
    }
}
```



Atividade



- Execute o teste de mesa para o algoritmo do bubble sort, insertion sort e selection sort com a sequência: 22, 43, 4, 16



Shell Sort



- O shell sort é um algoritmo de ordenação criado por Donald Shell em 1959.
- O shell sort tem complexidade quadrática
 - O algoritmo de ordem quadrática mais eficiente.



Shell Sort



- Melhoria do método de ordenação por inserção.
- O algoritmo passa várias vezes pela lista dividindo o grupo maior em menores
 - Nos grupos menores é aplicado o método da ordenação por inserção.



Shell Sort - funcionamento



- Número de elementos e divide por 2.
 - Exemplo: $r = 8/2 = 4$
- Depois, divide r por 2 novamente...
 - Até que $r = 1$.
- Quando r for igual a 1, os elementos estarão ordenados.