

Champ de pesanteur terrestre

$$\sum \vec{F}_{\text{ext}} = m \vec{a}$$

$$\vec{P} = m \vec{a}$$



$$\ddot{\vec{a}} \rightarrow \begin{cases} a_x = 0 \\ a_y = -g \\ a_z = 0 \end{cases}$$

$$m\vec{g} = m\vec{a}$$

$$\begin{cases} V_x = C_x \\ V_y = -gt \\ V_z = C_z \end{cases}$$

### Exercice Chapitre 9 :

exercice 1 :

$$1) \vec{V}_0 \left\{ \begin{array}{l} V_{x0} = \cancel{v_0} \times \cos(\alpha) \\ V_{y0} = \cancel{v_0} \times \sin(\alpha) \end{array} \right.$$

~~$$1) \vec{V}_0 \left\{ \begin{array}{l} V_{x0} = v_0 \times \cos(\alpha) \\ V_{y0} = v_0 \times \sin(\alpha) \end{array} \right.$$~~

$$3) \vec{V}_0 \left\{ \begin{array}{l} V_{x0} = \cancel{v_0} \times \cos(\cancel{\alpha} - \alpha) \\ V_{y0} = \cancel{v_0} \times \sin(\cancel{\alpha} - \alpha) \end{array} \right.$$

$$\text{ou } \vec{V}_0 \left\{ \begin{array}{l} V_{x0} = -\cancel{v_0} \times \sin(\alpha) \\ V_{y0} = \cancel{v_0} \times \cos(\alpha) \end{array} \right.$$

$$4) \vec{V}_0 \left\{ \begin{array}{l} V_{x0} = \cancel{v_0} \times \cos(\alpha) \\ V_{y0} = \cancel{v_0} \times \sin(\alpha) \end{array} \right.$$

~~$$\text{OM} \left\{ \begin{array}{l} OM_x = \cancel{v} \times \cos(\alpha) + 0 \\ OM_y = \cancel{v} \times \sin(\alpha) + h \end{array} \right.$$~~

exercice 2 :

$$1) \vec{V}_0 \left\{ \begin{array}{l} V_{x0} = v_0 \times \cos(\alpha) \\ V_{y0} = v_0 \times \sin(\alpha) \end{array} \right.$$

$$\frac{d^2}{dt^2} \rightarrow$$

$\frac{du}{dt}$   $\rightarrow$   
 Primitive  
de  $a$   
 $\frac{dv}{dt}$   $\rightarrow$   
 Primitive  
de  $\vec{GM}$

2) D'après P de la seconde Loi de Newton :  $\sum \vec{F}_{ext} = m \times \vec{a}$

$$= \vec{P} = m \times g$$

$$(A.N. = 1230 \times 9,81 = 12066,3 \text{ N} \cancel{\text{kg}})$$

~~$$m \times \vec{a} = 12066,3 \text{ N}$$

$$\vec{a} = 12066,3 \text{ N}$$

$$1230$$~~

$$\cancel{m \vec{a}} = \cancel{m \vec{g}} = \vec{a} = \vec{g} = (9,81 \text{ m.s}^{-2})$$

$$\left. \begin{array}{l} ax = 0 \\ ay = -g \end{array} \right\}$$

$$\vec{a} \rightarrow \text{Primitive 3} \rightarrow \begin{cases} v_{ax} = C_a \\ v_{ay} = -gt + C_y \end{cases}$$

On sait que  $\vec{v}_0 \rightarrow \begin{cases} v_{x0} = v_0 \cos(\alpha) = C_a \\ v_{y0} = v_0 \sin(\alpha) = -gt + C_y \end{cases}$

$$\text{donc } C_a = v_0 \cos(\alpha)$$

$$C_y = v_0 \times \sin(\alpha)$$

$$\vec{v} \rightarrow \begin{cases} v_x(t) = v_0 \cos(\alpha) + v_0 \cos(\alpha) \\ v_y(t) = -gt + v_0 \sin(\alpha) \end{cases}$$

4)  $\vec{r} \rightarrow \text{Primitive } \vec{GM} \quad \left\{ \begin{array}{l} x = v_0 \cos(\alpha) \times t + D_x \\ y = v_0 \sin(\alpha) \times t - \frac{1}{2} g \times t^2 + v_0 \sin(\alpha) \times t + D_y \end{array} \right.$

On sait que

$$\vec{GM} \quad \left\{ \begin{array}{l} x = v_0 \cos(\alpha) \times t + D_x \\ y = v_0 \sin(\alpha) \times t - \frac{1}{2} g \times t^2 + v_0 \sin(\alpha) \times t + D_y \end{array} \right.$$

$$\text{donc } D_x = 0$$

$$D_y = 0$$

Les coordonnées de  $x(t)$  et de  $y(t)$  sont :

$$\overrightarrow{GM} \quad \begin{cases} x = v_0 \cos(\alpha) \times t \\ y = -\frac{1}{2} g \times t^2 + v_0 \sin(\alpha) \times t \end{cases}$$

$$\Rightarrow y(t) = t^* \left( -\frac{1}{2} g \times t + v_0 \sin(\alpha) \right) = 0$$

$\Leftrightarrow 0$  soit pour  $t=0$ , soit pour  $\left( -\frac{1}{2} g \times t + v_0 \sin(\alpha) \right) = 0$

$$\Delta t_{\text{ret}} = -\frac{1}{2} g \times t + v_0 \sin(\alpha) = 0$$

$$\Leftrightarrow t \times \left( -\frac{1}{2} g \right) = -v_0 \sin(\alpha)$$

$$\Delta t = \frac{-v_0 \sin(\alpha)}{-\frac{1}{2} g}$$

La distance horizontale  $D$  parcourue pendant  $\Delta t$  sera correspondante à celle pour  $y=0$

$$\text{Donc } D = x(t) \underset{\text{ret}}{=} v_0 \cos(\alpha) \times \frac{v_0 \sin(\alpha)}{\frac{1}{2} g} = \frac{2 \times v_0^2 \times (\cos(\alpha) \times \sin(\alpha))}{g} = D_m$$

J'aurais fait :

$$x(t) = v_0 \cos(\alpha) t \Leftrightarrow \frac{x(t)}{v_0 \cos(\alpha)} = t.$$

$$y(t) = -\frac{1}{2} g \left( \frac{x}{v_0 \cos(\alpha)} \right)^2 + v_0 \sin(\alpha) \times \left( \frac{x}{v_0 \cos(\alpha)} \right)$$

6)  $D \geq 1,25 L$  où distance min. entre la planche et l'arbre de  $D = L$

$$\frac{2 \times v_0^2 \times \cos(\alpha) \times \sin(\alpha)}{g} \geq 1,25 L$$

$$v_0^2 \geq \frac{1,25 \times g}{2 \times \cos(\alpha) \times \sin(\alpha)}$$

vitesse minimale

$$v_0 \geq \sqrt{\frac{1,25 \times g}{2 \times \cos(\alpha) \times \sin(\alpha)}}$$

$$\begin{aligned} A.N. &= \sqrt{\frac{1,25 \times 9,81}{2 \times \cos(30) \times \sin(30)}} \\ &= 119,0 \text{ m.s}^{-2} \\ &= 119,0 \text{ m.s}^{-2} \end{aligned}$$

$$\Delta t_{\text{min}} \approx 2 v_0 \sin(\alpha) / g$$

$$\Delta t_{\text{min}} = \frac{2 \times 119,0 \times \sin(30)}{9,81} = 12,1 \text{ s}$$

Exercice 3 :

1) La planche A est reliée à la borne positive.

$$2) E = |U| \approx A.N. F \left| \frac{4,0 \times 10^6}{7,62} \right| = 5,2 \times 10^5 \text{ C}$$

$$F = e \times \frac{E}{L} = 1,60 \times 10^{-19} \times 5,2 \times 10^5 = 8,32 \times 10^{-14} \text{ N}$$

3) Pour que un proton se déplace de A vers B il faut un champ électrique vers la droite car  $\vec{F} = q \vec{E}$  avec  $q = +e > 0$ . Pour cela la planche A doit être reliée à la borne positive du générateur car le champ

3) Choisir  $\vec{F}$  vecteur de champ électrique  $1 \text{ cm} \leftrightarrow 1,6 \times 10^5 \text{ V.m}^{-1}$   
ainsi le vecteur  $\vec{E}$  mesure  $5,2 \text{ cm}$

Choisir  $\vec{F}$  vecteur de force électrique  $1 \text{ cm} \leftrightarrow 2,0 \times 10^{-9} \text{ N}$   
ainsi le vecteur  $\vec{F}$  mesure  $4,2 \text{ cm}$