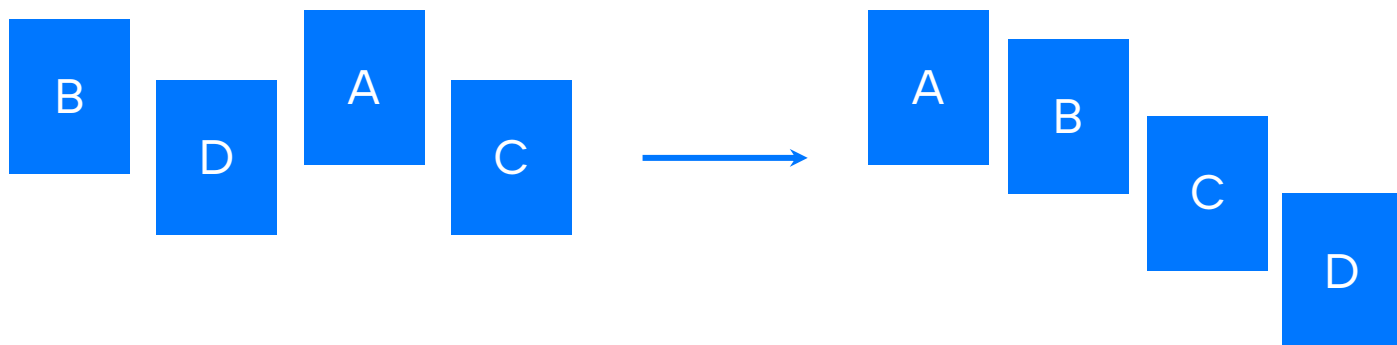


Сортировки

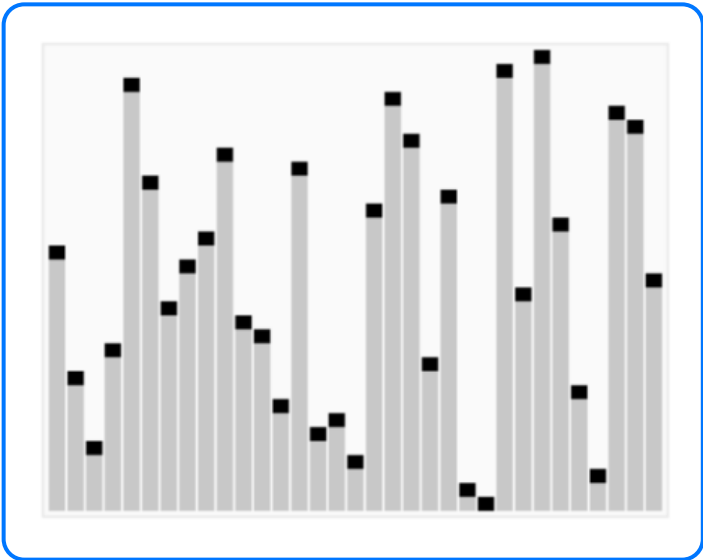
Концепция сортировки

Сортировка

Сортировка — это процесс упорядочивания набора данных по некоторому ключу.

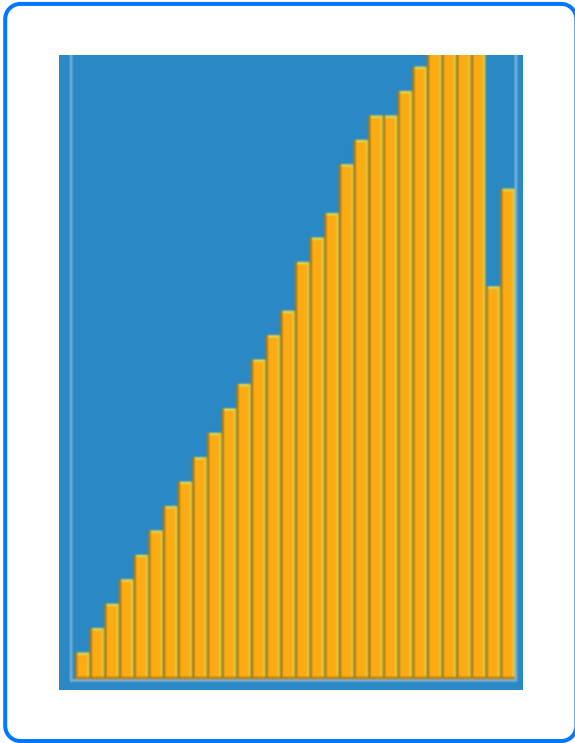


Быстрая сортировка (Quick Sort)



Временная сложность $O(n \log n)$ и $O(n^2)$

Сортировка вставками (Insertion Sort)



Сортировка слиянием (Merge Sort)



6 5 3 1 8 7 2 4

Bubble Sort

Сортировка пузырьком

функция bubbleSort(массив)

повторять

 флаг_обмена = false

 для i от 0 до длина(массив) - 1

 если массив[i] > массив[i + 1]

 поменять местами массив[i] и массив[i + 1]

 флаг_обмена = true

пока флаг_обмена = true

```
void BubbleSort(std::vector<int>& arr) {  
    bool iSwapped;  
    do {  
        iSwapped = false;  
        for (size_t i = 0; i < arr.size() - 1; i++) {  
            if (arr[i] > arr[i + 1]) {  
                std::swap(arr[i], arr[i + 1]);  
                iSwapped = true;  
            }  
        }  
    } while (iSwapped);  
}
```

Bubble Sort

Сортировка пузырьком

функция bubbleSort(массив)

повторять

 флаг_обмена = false

 для i от 0 до длина(массив) - 1

 если массив[i] > массив[i + 1]

 поменять местами массив[i] и массив[i + 1]

 флаг_обмена = true

пока флаг_обмена = true

```
void BubbleSort(std::vector<int>& arr) {  
    bool iSwapped;  
    do {  
        iSwapped = false;  
        for (size_t i = 0; i < arr.size() - 1; i++) {  
            if (arr[i] > arr[i + 1]) {  
                std::swap(arr[i], arr[i + 1]);  
                iSwapped = true;  
            }  
        }  
    } while (iSwapped);  
}
```


Bubble Sort

Сортировка пузырьком

```
if (arr[i] > arr[i + 1]) {  
    std::swap(arr[i], arr[i + 1]);  
    iSwapped = true;  
}
```

Insertion Sort

Сортировка вставками

функция insertionSort(массив)
 для i от 1 до длина(массив)
 ключ = массив[i]
 $j = i - 1$
 пока $j \geq 0$ и массив[j] > ключ
 массив[$j + 1$] = массив[j]
 $j = j - 1$
 массив[$j + 1$] = ключ

```
void InsertionSort(std::vector<int>& arr) {  
    for (size_t i = 1; i < arr.size(); i++) {  
        const int key = arr[i];  
        int j = i - 1;  
  
        while (j >= 0 && arr[j] > key) {  
            arr[j + 1] = arr[j];  
            j--;  
        }  
  
        arr[j + 1] = key;  
    }  
}
```

Insertion Sort

Сортировка вставками

функция insertionSort(массив)
для i от 1 до длина(массив)
 ключ = массив[i]
 $j = i - 1$
 пока $j \geq 0$ и массив[j] > ключ
 массив[$j + 1$] = массив[j]
 $j = j - 1$
 массив[$j + 1$] = ключ

```
void InsertionSort(std::vector<int>& arr) {  
    for (size_t i = 1; i < arr.size(); i++) {  
        const int key = arr[i];  
        int j = i - 1;  
  
        while (j >= 0 && arr[j] > key) {  
            arr[j + 1] = arr[j];  
            j--;  
        }  
  
        arr[j + 1] = key;  
    }  
}
```

Insertion Sort

Сортировка вставками

```
while (j >= 0 && arr[j] > key)
{
    arr[j + 1] = arr[j];
    j--;
}
```

Сортировка слиянием

```
void merge(std::vector<int>& arr, const int left, const int mid, const int right) {
    const int n1 = mid - left + 1;
    const int n2 = right - mid;
    std::vector<int> left_arr(n1), right_arr(n2);
    for (int i = 0; i < n1; i++)
        left_arr[i] = arr[left + i];
    for (int j = 0; j < n2; j++)
        right_arr[j] = arr[mid + 1 + j];
    int i = 0, j = 0, k = left;
    while (i < n1 && j < n2) {
        if (left_arr[i] <= right_arr[j])
            arr[k] = left_arr[i++];
        else
            arr[k] = right_arr[j++];
        k++;
    }

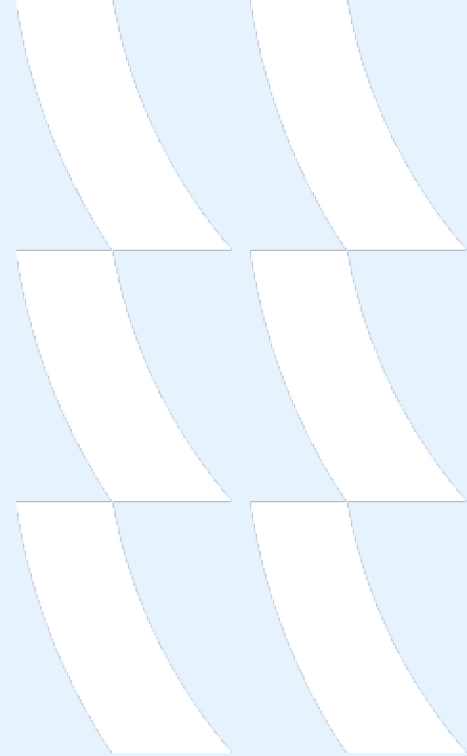
    while (i < n1)
        arr[k++] = left_arr[i++];
    while (j < n2)
        arr[k++] = right_arr[j++];
}

void MergeSort(std::vector<int>& arr, const int left, const int right) {
    if (left >= right)
        return;

    const int mid = left + (right - left) / 2;

    MergeSort(arr, left, mid);
    MergeSort(arr, mid + 1, right);

    merge(arr, left, mid, right);
}
```



Быстрая сортировка

функция quicksort(массив)

если длина(массив) ≤ 1

возврат массива

выбрать элемент из массива, назовем его «опорным»,

создать два пустых массива: меньше и больше

для каждого элемента в массиве, кроме опорного:

если элемент \leq опорному, добавить его в массив «меньше»;

иначе — добавить его в массив «больше»;

возврат quicksort(меньше) + опорный + quicksort(больше)

К-й порядковой статистикой набора элементов линейно упорядоченного множества называется такой его элемент, который является k.

Важно отметить, что эта порядковая статистика и является нашим опорным элементом!

```
void QuickSort(std::vector<int>& arr, const int left, const int right) {  
    int i = left, j = right;  
    const int pivot = arr[(left + right) / 2];  
    while (i <= j) {  
        while (arr[i] < pivot)  
            i++;  
        while (arr[j] > pivot)  
            j--;  
        if (i <= j) {  
            std::swap(arr[i], arr[j]);  
            i++;  
            j--;  
        }  
    }  
    if (left < j)  
        QuickSort(arr, left, j);  
    if (i < right)  
        QuickSort(arr, i, right);  
}
```

Опорный элемент

```
while (i <= j) {  
    while (arr[i] < pivot)  
        i++;  
    while (arr[j] > pivot)  
        j--;  
    if (i <= j) {  
        std::swap(arr[i], arr[j]);  
        i++;  
        j--;  
    }  
}  
  
if (left < j)  
    QuickSort(arr, left, j);  
if (i < right)  
    QuickSort(arr, i, right);
```

Опорный элемент

```
int i = left, j = right;
```

```
const int pivot = arr[(left + right) / 2];
```


Иллюстрация работы алгоритма

- Пусть у нас есть массив $[3, 6, 8, 10, 1, 2, 1]$.
- Выбираем опорный элемент, например 6.
- Разделяем массив на две части: меньше $[3, 1, 2, 1]$ и больше $[8, 10]$.
- Применяем процесс рекурсивно для каждого подмассива.
 - Для $[3, 1, 2, 1]$ выбираем 1 как опорный. Подмассивы: $[]$ и $[3, 2, 1]$.
 - Применяем быструю сортировку для $[3, 2, 1]$, получаем $[1, 2, 3]$.
 - Для $[8, 10]$ выбираем 10 как опорный. Подмассивы: $[8]$ и $[]$.
- Объединяем результаты вместе: $[1, 1, 2, 3] + [6] + [8, 10] = [1, 1, 2, 3, 6, 8, 10]$, что является отсортированным массивом.



Будем
ВКонтакте!