

Очередь, стек

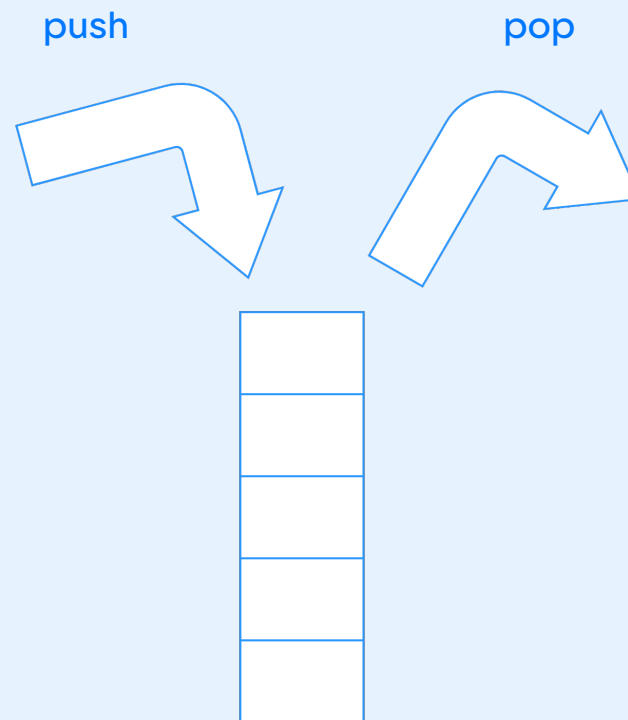
Стек, очередь. Двойная очередь

- В первом уроке мы изучили линейные структуры данных, обсудили преимущества и недостатки того или иного представления в памяти.
- Поговорили о том, в каких ситуациях и что лучше выбрать.
- Сейчас мы изучим абстрактные типы данных, которые могут быть реализованы при помощи уже известных нам массивов и списков.
- Мы поговорим с вами о стеке и об очередях. Узнаем, какие принципы лежат в их основе, а также решим хрестоматийную задачу, которая даст понимание того, для чего же все эти типы нужны.
- Начнём наш урок с абстрактного типа данных, который называется «стек».



Стек

- **LIFO (last in first out)** — первый вошёл, последний вышел.
- Добавление и удаление в этой структуре возможно только с одного конца.
- Типичный пример для этой структуры данных — стопка бумаг.



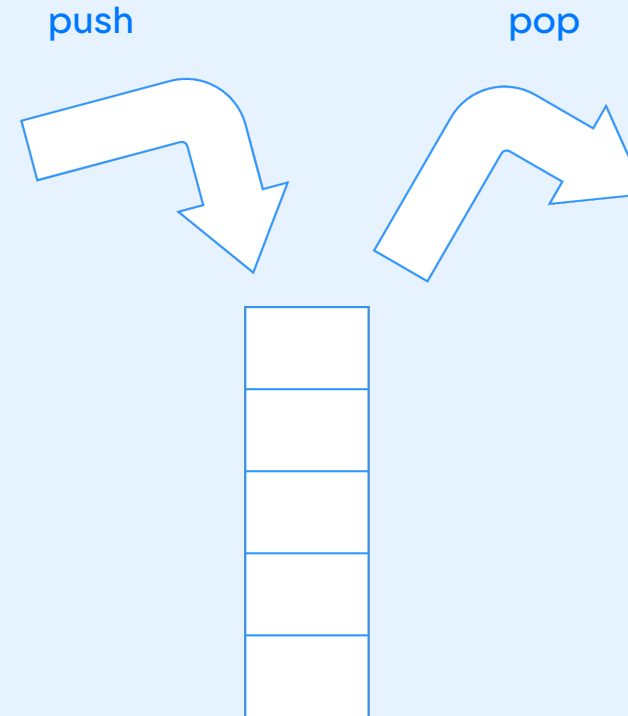
Области применения

- **Вызовы функций и рекурсия:** при вызове функции текущее состояние программы помещается в стек. Когда функция заканчивает выполнение, состояние извлекается из стека, чтобы возобновить выполнение предыдущей функции.
- **История браузера:** каждый раз, когда вы посещаете новую страницу, URL-адрес помещается в стек, а когда вы нажимаете кнопку «Назад», предыдущий URL-адрес извлекается из стека.
- **Оператор defer в golang:** defer добавляет вызов функции, которая указана после него в стеке приложения.



Основные операции

- Какие операции должен поддерживать стек исходя из его принципа работы?
- **Push** — добавление элемента в вершину стека.
- **Pop** — извлечение элемента. Всегда возвращается вершина стека. Сколько бы элементов мы ни добавили, всегда будет возвращаться последний.
- Несмотря на то, что это абстрактный тип данных и у него может быть множество реализаций, ключевое в каждой из них — это то, что они эти две операции должны выполнять за $O(1)$.



Реализация на списке

1

Реализация стека на списке

2

В нашем случае достаточно
односвязного списка

3

Push будет писать данные, как это
делал `append_front` в уже написанной
нами функции

4

Pop просто будет возвращать
`head`. Главное не забывать
переписывать указатели



Реализация в коде

- Метод `push` можно скопировать из `append_front`, разве что заменим `head` на `top`.
- `Pop`: со вставкой немного сложнее.
- Проверяем, что наш стек содержит хотя бы вершину.

- Если стек пуст, возвращаем любое значение, по которому мы будем определять это состояние.
- Если стек не пуст и в нём хранится больше одного значения, переписываем значение вершины на следующий элемент.
- Если стек пуст, то устанавливаем вершину в значение `None`.
- Возвращаем значение, хранящиеся в вершине стека.

Код стека на списке

```
class Node(object):
    def __init__(self, data):
        self.data = data
        self.next = None

class Stack(object):
    def __init__(self):
        self.top = None

    def push(self, data):
        # создаем новый узел и добавляем в него новое значение data
        new_node = Node(data)
        # если ранее стек был пуст, значит первый элемент и будет
        # являться головой (head)
        if not self.top:
            self.top = new_node
            return

        # если стек не пуст, то устанавливаем head
        # в качестве параметра next для нового узла
        new_node.next = self.top
        # записываем в head новый узел
        self.top = new_node
        # new_node.next, self.head = self.head, new_node
```

```
    def pop(self):
        # проверяем, что наш стек содержит хотя бы вершину
        if not self.top:
            # можно возвращать -1
            return None
        top = self.top
        if self.top.next:
            # переписываем значение вершины на следующий элемент
            self.top = self.top.next
        else:
            # если стек пуст, то устанавливаем вершину в значение None
            # можно указать любое другое значение, которое было бы
            # удобно нашей реализации
            self.top = None
        # возвращаем значение, хранящиеся в вершине стека
        return top.data
```


Реализация на массиве

1

- Так как мы не знаем, сколько данных будет приходить в наш стек, лучше всего использовать **саморасширяющийся массив**

2

- Принцип идентичен реализации на списке, но вставлять мы будем не в начало, а в конец, чтобы обеспечить **амортизационную сложность $O(1)$**

3

- Сокращение размера массива в этом случае будет **эквивалентно сокращению** саморасширяющегося массива

Реализация в коде

1

Должно пойти в Д/З

2

Плюс к Д/З реализовать метод `empty()`, который бы возвращал `true` в случае, если стек пуст, и `false`, если он полон

3

Также надо реализовать стек с методом `size()`, который будет возвращать текущий размер стека

Пример для понимания стека

- Хрестоматийная задача для понимания, где можно использовать стек, — это ПСП — правильная скобочная последовательность.
- Необходимо по переданной строке, состоящей из открывающих и закрывающих скобок понять, является ли последовательность скобок правильной.

`[]`, `{()}{}`, `({})`, `(({}))`, `({{{}}})`

Валидные последовательности
(у каждой открывающей скобочки
есть в нужном месте закрывающая)

`[()]`, `((()))`, `{[]}`, `(([]))`, `[[]]`

Невалидные последовательности

Решение

- Используем список как стек, только методы `append (push)` и `pop`.
- Идём в цикле по нашей последовательности.
- Если скобка открывающая, то пишем её в стек.
- Если на итерации мы встретили закрывающую скобку, но стек уже пустой, значит, последовательность невалидна
- Если скобка, которая в данный момент находится на вершине стека, не является открывающей для текущей скобки, последовательность также не валидна при этом во время проверки
- Если скобка закрывающая, то мы удаляем с вершины соответствующую открывающую скобку, то есть освобождаем стек на один элемент.

```
def isValid(bracket_sequence):
    stack = [] # используем список как стек, только методы append (push) и pop
    brackets_dict = {
        '[': ']',
        '{': '}',
        '(': ')'
    }
    for bracket in bracket_sequence:
        if bracket in brackets_dict:
            # если скобка открывающая, то пишем ее в стек
            stack.append(bracket)
            # если на итерации мы встретили закрывающую скобку, но стек уже
            # пустой, значит последовательность не валидна
            # или, если скобка, которая в данный момент находится на вершине
            # стека, не является открывающей для текущей
            # скобки - последовательность так же не валидна при этом, во время
            # проверки, если скобка закрывающая,
            # то мы удаляем с вершины, соответствующую открывающую скобку
            elif len(stack) == 0 or bracket != brackets_dict[stack.pop()]:
                return False

    # когда мы прошли по всей последовательности,
    # наш стек должен быть пустым, в противном случае
    # открывающих скобок больше, а значит
    # последовательность не валидна
    return len(stack) == 0
```

Очередь

- Ещё один абстрактный тип данных, который мы с вами изучим, — очередь.
- **FIFO — first in first out** (первый пришёл — первый вышел).
- Примером из жизни может являться обычная очередь на кассе.
- Элемент, который мы положили первым, при запросе в очередь будет первым удалён.



Основные операции

1

Push (enqueue) — кладёт данные в конец очереди

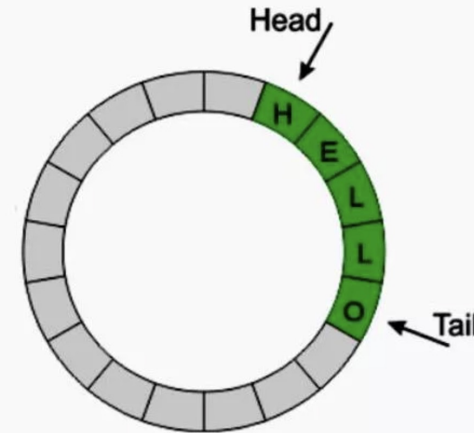
2

Pop (dequeue) — извлекает данные только из начала очереди, то есть первым вернётся только тот элемент, который был добавлен первым

Так же, как и у стека, сложность этих двух операций — $O(1)$

Кольцевой буфер (циклический массив)

- Вводим две новые переменные — `head` и `tail` — индексы начала и конца очереди.
- В пустом массиве они указывают на нулевой элемент.
- При добавлении мы вставляем элемент в ячейку с индексом `tail`. После вставки инкрементируем `tail`. Выбираем из ячейки с индексом `head`.
- В какой-то момент при вставке `tail` может выйти за пределы массива, что недопустимо.
- Можно попробовать двигать все элементы в начало — тогда сложность начнёт стремиться к $O(n)$.
- Выходом в такой ситуации может быть перемещение `tail` на нулевую ячейку при условии, когда заполненность массива, то есть `size`, будет равна `capacity`.



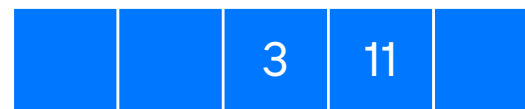


↑ ↑
head tail



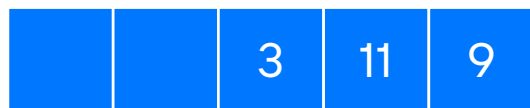
↑ ↑
head tail

←
pop

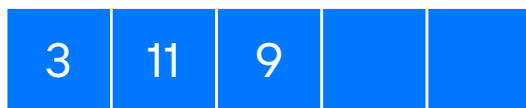


↑ ↑
head tail

←
pop



↑ ↑
head tail



↑ ↑
head tail



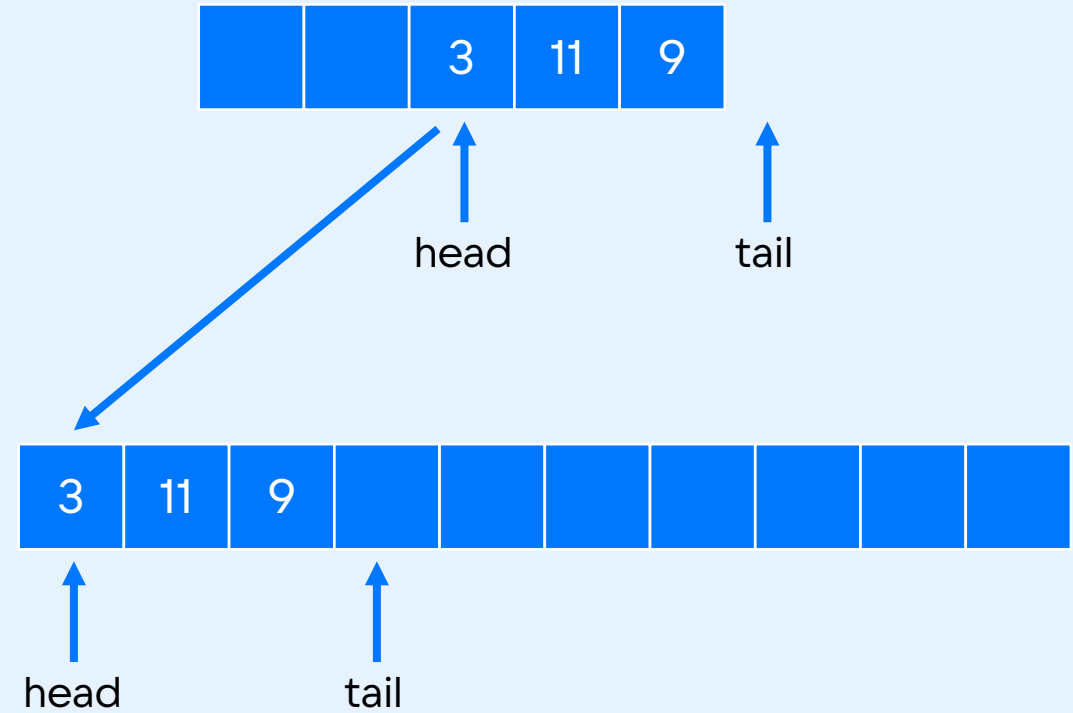
↑ ↑
tail head



↑ ↑
tail head

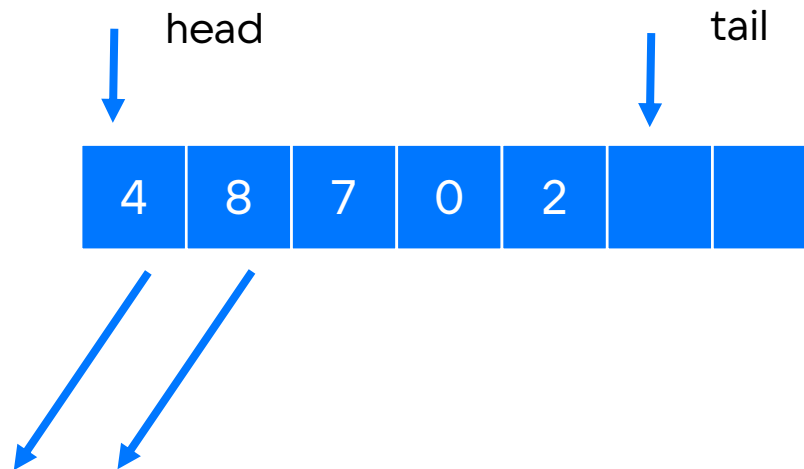
Реализация

- Используем саморасширяющийся массив.
- При чтении проверяем наличие элементов в очереди, если они есть, возвращаем их и двигаем head.
- При добавлении устанавливаем элемент на индекс tail и двигаем tail на + 1 к концу массива.
- При заполнении массива копируем все элементы в новый, но индексы переписываем с тем учётом, что head должен указывать на нулевую ячейку.

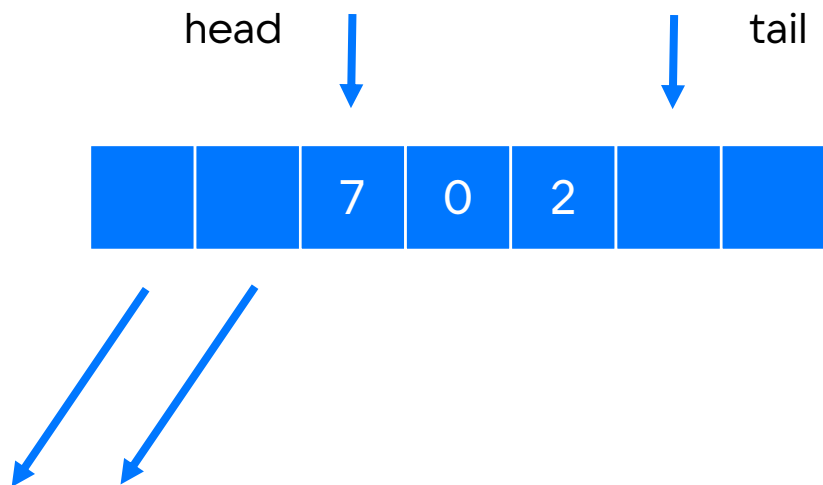




Пустая очередь — head и tail равны между собой



При выборке последовательно сдвигаем head вправо



Сложность операций

1

Вставка $O(1)$. Вставляем только в конец очереди

2

Выборка $O(1)$. Выбираем только из начала очереди

3

Учитываем необходимость увеличения массива

4

Не забываем очищать неиспользуемую память

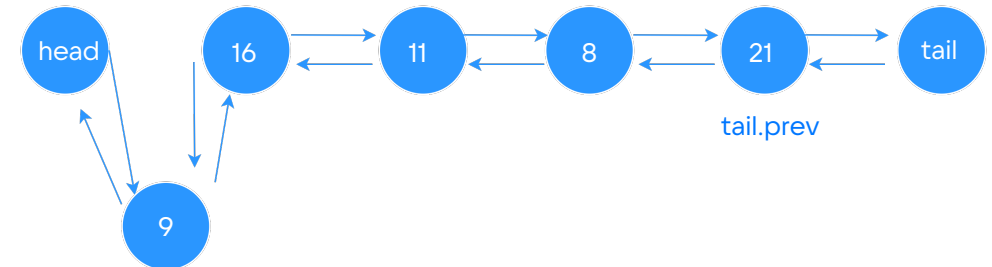
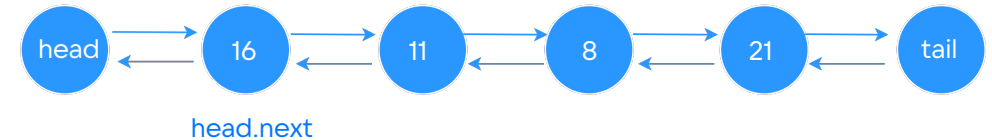


Домашнее задание

- Попробуйте дома реализовать очередь на расширяющемся массиве.
- Вам необходимо реализовать метод `push(int)`, который будет принимать число и записывать его в очередь.
- Метод `pop()`, который будет возвращать следующий на очереди элемент и удалять его.
- Также реализуйте метод `resize(array, int)`, который будет реаллоцировать память — увеличивать вдвое `capacity` в случае, если массив заполнился и происходит вставка.
- Задача со звёздочкой — реализовать очередь на массиве таким образом, чтобы, в случае если $\text{size} \div 4 \leq \text{capacity}$, уменьшалось бы `capacity` в два раза.

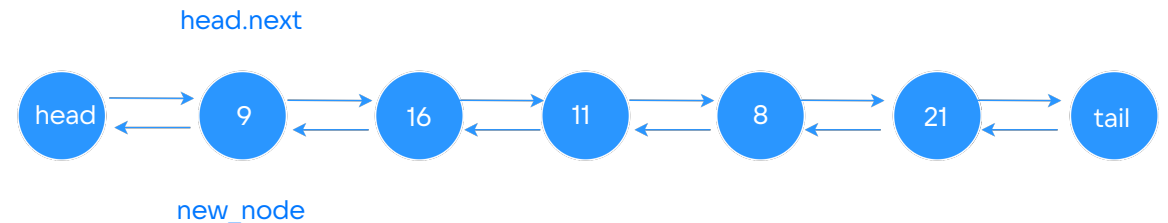
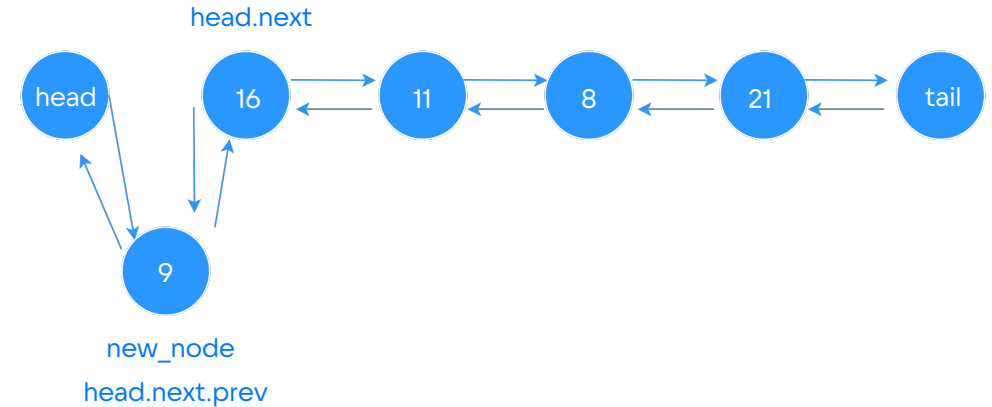
Очередь на основе двусвязного списка

- Попробуем реализовать двусвязный список так, что эта сложность сведётся к $O(1)$.
- Для этого мы введём новую переменную `tail`, которая будет указывать на конец списка. Будем её каждый раз изменять при вставке элемента.
- Теперь `head` и `tail` всегда указывают на один и тот же элемент, а при инициализации очереди у нас всегда по умолчанию есть два элемента, что избавляет нас от ряда проверок.
- `head` и `tail` теперь будут играть роль заглушек, то есть они не будут нести в себе полезную информацию, а только лишь указатели. Такие элементы ещё называют сторожевыми.
- Такая структура данных, в которой каждый узел имеет два указателя — на предыдущий и на следующий узлы — нам очень пригодится, когда мы коснёмся дека.



Попробуем реализовать это в коде: Вставка

- Создаём новый узел.
- Теперь нам надо поменять 4 ссылки:
 - новый элемент в качестве следующего ссылается на некогда первый элемент в списке (последний в очереди);
 - новый элемент в качестве предыдущего ссылается на head;
 - некогда первый элемент в списке (последний элемент в очереди) теперь в качестве предыдущего элемента ссылается не на head, а на новый элемент;
 - нам остаётся заменить только последнюю ссылку: head теперь ссылается на новый элемент.
- Ну и, конечно, инкрементируем счётчик.



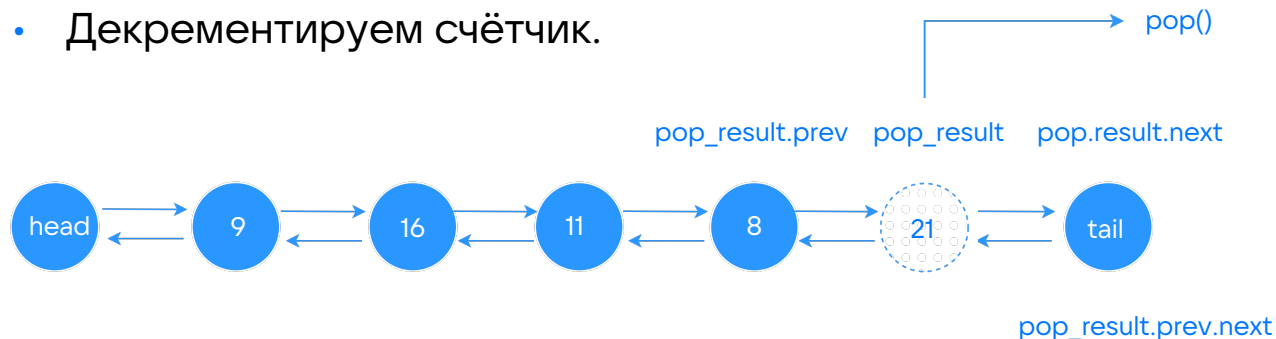
```
class Node:
    def __init__(self, data=None):
        self.data = data
        self.next = None
        self.prev = None

class Queue:
    def __init__(self):
        self.head = Node()
        self.tail = Node()
        # при инициализации head указывает на tail
        self.head.next = self.tail
        # tail, в свою очередь, ссылается на head
        self.tail.prev = self.head
        # размер очереди при ее создания ставим в 0
        self.size = 0
```

```
def push(self, value):
    # создаем новый узел
    new_node = Node(value)
    # теперь нам надо поменять 4 ссылки:
    # новый элемент в качестве следующего ссылается на некогда
    первый элемент в списке (последний в очереди)
    new_node.next = self.head.next
    # новый элемент в качестве предыдущего ссылается на head
    new_node.prev = self.head
    # некогда первый элемент в списке (последний элемент в
    очереди)
    # теперь в качестве предыдущего элемента ссылается не на
    head, а на новый элемент
    self.head.next.prev = new_node
    # нам остается заменить только последнюю ссылку:
    # head теперь ссылается на новый элемент
    self.head.next = new_node
    self.size += 1
```

Попробуем реализовать это в коде: Выборка

- Если head в качестве next имеет tail, значит, список пуст и возвращать нечего.
- Извлекаем всегда только из начала очереди.
- Теперь tail в качестве prev (предпоследнего элемента) ссылается на следующий до предпоследнего элемент (tail.prev.prev).
- Переписываем next у второго элемента. Теперь next ссылается на tail.
- «Отцепляем» наш элемент от списка.
- Декрементируем счётчик.



```
def pop(self):
    if self.head.next == self.tail:
        return
    # извлекаем всегда только из начала очереди
    pop_result = self.tail.prev
    # теперь tail в качестве prev (первого элемента
    очереди) ссылается на второй элемент
    self.tail.prev = pop_result.prev
    # переписываем next у второго элемента.
    Теперь next ссылается на tail
    pop_result.prev.next = pop_result.next
    # "отцепляем" наш элемент от списка
    pop_result.next = None
    pop_result.prev = None
    # уменьшаем счётчик
    self.size -= 1
    return pop_result.data
```


Очередь на основе связанного списка

- Только что мы поговорили про то, как реализовать очередь на основе двусвязного списка.
- $O(1)$ вставка и удаление на обоих концах — это то, что нам очень пригодится в следующей теме.
- Новые элементы кладём в конец очереди (начало списка), для этого поддерживаем указатель на него.
- Head и tail больше не несут в себе данных, а используются только в качестве сторожевых элементов.
- В отличие от реализации с массивом — минимальный контроль за памятью, но необходим контроль за указателями.

Домашнее задание

1

Для закрепления материала я предлагаю вам самостоятельно реализовать метод `print_queue`, который бы выводил в консоль все элементы очереди от `tail` к `head`

2

Идея метода довольно проста — пройтись в цикле до тех пор, пока `next != null`, и выполнить команду вывода в консоль

ДЕК

Duque — double ended queue

- Можем добавлять и извлекать с любой стороны (левая и правая стороны дека).
- Добавляются и извлекаются с каждой стороны в порядке очереди.
- Реализуем на двусвязном списке.
- И именно на примере дека нам понадобится реализация списка со сложностью вставки и выборки из начала и конца $O(1)$.

Основные операции

push_front

Вставка в начало очереди. Этот метод мы только что с вами реализовали, только назывался он просто push

pop_front

Извлечение из начала очереди.
Тоже уже известный нам как метод pop

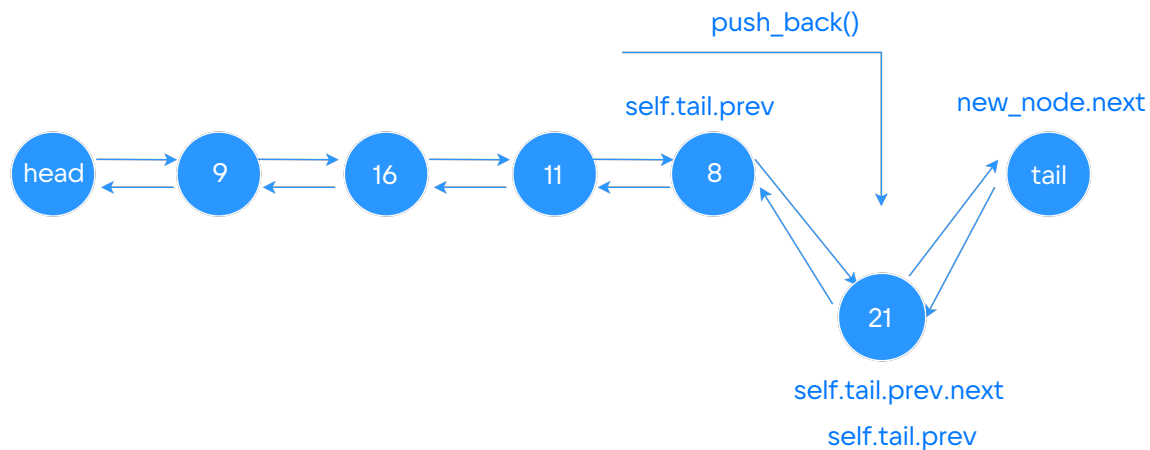
push_back

Вставка в конец очереди. Этот вид вставки нам предстоит с вами разобрать прямо сейчас

pop_back

Извлечение из конца очереди. Это вы попытаете реализовать самостоятельно. В качестве подсказки вам будет служить метод pop_front

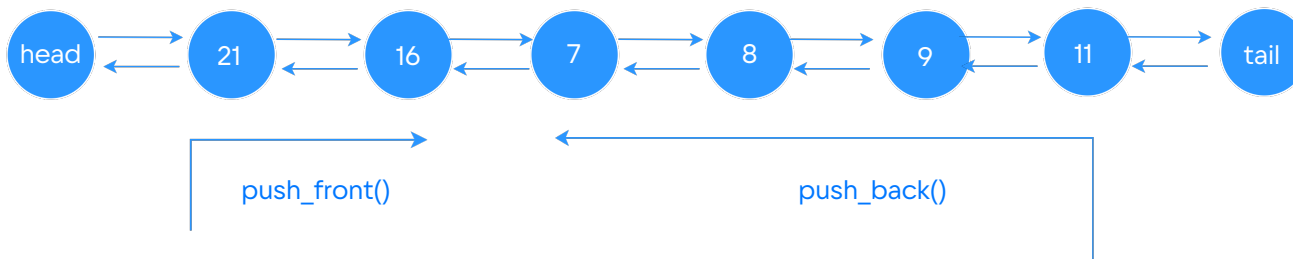
Реализуем вставку в конец push_back



```
def push_back(self, value):  
    # создаем новый узел  
    new_node = Node(value)  
    # prev который раньше был у конца списка становится  
    # prev для нового элемента  
    new_node.prev = self.tail.prev  
    # next который раньше был у предпоследнего элемента  
    # должен ссылаться на новый узел  
    self.tail.prev.next = new_node  
    # сам prev у tail теперь указывает на новый элемент  
    self.tail.prev = new_node  
    # в свою очередь next у нового элемента теперь  
    # ссылается на tail  
    new_node.next = self.tail
```

Как это работает

- Вызывая `push_back()`, мы «проталкиваем» 7 ближе к `head` с каждым вызовом.
- Каждый вызов `push_front()` проталкивает к `tail` 16.
- В этой ситуации ваш метод `pop_front`, который вы реализуете самостоятельно, должен вернуть сначала 21, затем 16, 7 и так далее до `tail`.



```
de_queue = Dequeue()
```

```
de_queue.push_back(7)
de_queue.push_back(8)
de_queue.push_back(9)
de_queue.push_back(11)
de_queue.push_front(16)
de_queue.push_front(21)
```

```
print(de_queue.print())
```

```
print(de_queue.pop_back())
print(de_queue.pop_back())
print(de_queue.pop_back())
print(de_queue.pop_back())
print(de_queue.pop_back())
print(de_queue.pop_back())
```

```
[ 21 16 7 8 9 11 ]
11
9
8
7
16
21
```



Будем
ВКонтакте!