

Nome: Rodrigo Ferreira Araújo  
Matrícula: 2020006990

## 2: Semântica Formal

1)  $z := 1;$   
 $x := n;$   
 $y := m;$   
WHILE  $\neg(y=0)$  DO( $z := z * x;$   
 $y := y - 1$ )

2)  $B[\neg(x = 1)]s \quad ? = B[(x = 1)]s$   
 $\quad ? = A[x]s = A[1]s$   
 $\quad ? = sx = N[1]$   
 $\quad ? = 3 = 1$   
 $\quad ? = ff \text{ (false)}$   
 $\quad ? = B[\neg(ff)] = tt \text{ (true)}$

3)  $true[y \rightarrow a0] = tt$   
 $false[y \rightarrow a0] = ff$   
 $(\neg a1)[y \rightarrow a0] = \neg(b[y \rightarrow a0])$   
 $(a1 = a2)[y \rightarrow a0] = a1[y \rightarrow a0] = a2[y \rightarrow a0]$   
 $(a1 \leq a2)[y \rightarrow a0] = a1[y \rightarrow a0] \leq a2[y \rightarrow a0]$   
 $(a1 \wedge a2)[y \rightarrow a0] = b(a1[y \rightarrow a0]) \wedge b(a2[y \rightarrow a0])$

4) ?

5) while  $\neg(x=1)$  do ( $y:=y*x; x:=x-1$ ): Não é possível determinar se esse programa sempre termina ou não. Note que isso é totalmente dependente do valor inicial de x: caso  $x < 1$ , a condição do while sempre será verdadeira com a execução de " $x:=x-1$ ", provocando um loop infinito. Caso contrário ( $x \geq 1$ ), com a execução de " $x:=x-1$ ", temos a certeza que em algum momento a condição de parada ( $x == 1$ ) do WHILE será atingida.

while  $1 \leq x$  do ( $y:=y*x; x:=x-1$ ): Esse programa sempre irá terminar, pois a condição ( $1 \leq x$ ) sempre será violada em algum momento independentemente do valor inicial de x, dado a execução de " $x:=x-1$ ": caso  $x \geq 1$ , x eventualmente alcançará um valor menor que 1; caso contrário ( $x < 1$ ), o loop termina instantaneamente.

while true do skip: Esse programa nunca terminará. O comando skip sozinho nunca será capaz de negar a condição do loop, um whilett.

6)

a)  $(\text{While}(b, \text{stm})) \Rightarrow \text{if } (\text{evalB } b \text{ s}) \text{ then let val } S = (\text{evalStm } \text{stm } s) \\ \text{in } (\text{evalStm } \text{stm } S) \\ \text{end} \\ \text{else } s$

b)  $(S, s) \rightarrow s', (\text{repeat } S \text{ until } b)s' \rightarrow s'' \quad \text{if } B[b]s' = \text{ff} \text{ (Continue no loop)} \\ (\text{repeat } S \text{ until } b)s \rightarrow s''$

$(S, s) \rightarrow s' \quad \text{if } B[b]s' = \text{tt} \text{ (Saia do loop)} \\ (\text{repeat } S \text{ until } b)s \rightarrow s''$

c) ?

d) ?

### 3: Bindings e Escopos

1)

a) Saída:  $x = 1$ . Com escopo estático, a variável  $x$  escrita por  $\text{write}(x)$  na linha 12 sofreu alterações somente no escopo em que foi criada, no caso, no escopo da função “r”. Assim,  $x$  é inicializado com 1 e é escrito por  $\text{write}$ , sendo que a função “q”, estando fora do escopo de criação do  $x$ , não o altera.

b) Saída:  $x = 2$ . Com escopo dinâmico, quaisquer sobrescritas da variável  $x$ , independentemente de escopo, serão registradas. Nesse sentido, primeiro, inicializamos  $x := 2$  no escopo mais externo, então atribuímos  $x := 1$  no escopo de “f”, alteramos novamente para  $x := 2$  incrementando-o de 1 na função “q” e, por fim, escrevemos  $x := 2$ .

2)

a)

- Escopo de  $g \Rightarrow \text{Bloco1};$
- Escopo do primeiro  $\text{let} \Rightarrow \text{Bloco 2}$  (onde a função  $f$  é declarada);
- Escopo de  $f \Rightarrow \text{Bloco 3}$
- Escopo de  $h \Rightarrow \text{Bloco 4}$
- Escopo do segundo  $\text{let} \Rightarrow \text{Bloco 5}$  (onde a função  $f$  é chamada);

b) Nomes:  $g, x, \text{inc}(\text{linha 3 e linha 7}), f, y, h, z,$

c)

[g,x] → Bloco 1  
[inc(linha 3), f, h] → Bloco 2  
y → Bloco 3  
z → Bloco 4  
inc(linha 7) → Bloco 5

d)

$g(5) := 6$ . A cadeia de execução será:  $g(5) \rightarrow h(5) \rightarrow f(5) \rightarrow \text{return } 5 + \text{inc}$ . Como SML possui escopo estático, o retorno de  $g(5)$  dependerá do escopo de definição de  $inc$  e da função  $f$ . Como o  $inc$  da linha 3 e a função  $f$  pertencem ao mesmo escopo (Bloco 2)  $inc$  assumirá valor  $:= 1$ , portanto,  $5 + 1 = 6$ . Caso SML possuísse escopo dinâmico, a última sobrescrita de  $inc$  (linha 7) prevalece sobre a primeira definição, o que produz  $5 + 2 = 7$  na chamada da função  $f$  no escopo do segundo `let`.

3) VPL

4) VPL

5)

a) A função cresce de forma exponencial: um valor de  $x$  é comparado com todos os outros valores  $x$  da lista para todos os valores da lista.

b) `fun max [] = 0`

| `max (h::[]) = h`

| `max (h::t) = let val x = (max t) in if h > x then h else x end;`

6) VPL

7)

```
fun expr() = let val x = 1
              in (let val x = 2 in x + 1 end)
                +
                (let val y = x + 2 in y + 1 end)
              end;
```